09.2 Use o método gráfico para resolver

$$2x_1 - 6x_2 = -18$$
$$-x_1 + 8x_2 = 40$$

Verifique seus resultados substituindo-os de volta mas equações.

- (a) Resolva o problema com lápis, calculadora e papel.
- (b) Resolva o problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

2)

9.3 Dado o sistema de equações

$$0,77x_1 + x_2 = 14,25$$

$$1,2x_1 + 1,7x_2 = 20$$

- (a) Resolva graficamente e verifique seus resultados substituindo-os de volta nas equações.
- (b) Com base na solução gráfica, o que você espera do condicionamento do sistema?
- (c) Calcule o determinante.

Obs: Resolva todas as questões do problema com lápis, calculadora e papel.

(d) Resolva todas as questões do problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

9.4 Dado o sistema de equações

$$2x_2 + 5x_3 = 1$$

$$2x_1 + x_2 + x_3 = 1$$

$$3x_1 + x_2 = 2$$

- (a) Calcule o determinante.
- (b) Use a regra de Cramer para calcular os x's.
- (c) Utilize a eliminação de Gauss com pivotamento parcial para calcular os x's. Como parte dos cálculos, calcule o determinante e verifique o valor obtido em (a).
- (d) Substitua seus resultados de volta nas equações originais e cheque sua solução.

Obs: Resolva todas as questões do problema com lápis, calculadora e papel.

(e) Resolva todas as questões do problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

5)

9.5 Dadas as equações

$$0.5x_1 - x_2 = -9.5$$
$$1.02x_1 - 2x_2 = -18.8$$

- (a) Resolva graficamente.
- (b) Calcule o determinante.
- (c) Com base em (a) e (b), o que você espera do condicionamento do sistema?
- Resolva por eliminação de variáveis.
- Resolva novamente, mas com  $a_{11}$  levemente modificado para 0,52. Interprete seus resultados.

Obs: Resolva todas as questões do problema com lápis, calculadora e papel.

(f) Resolva todas as questões do problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

**6**)

9.6 Dadas as equações

$$10x_1 + 2x_2 - x_3 = 27$$

$$-3x_1 - 5x_2 + 2x_3 = -61,5$$

$$x_1 + x_2 + 6x_3 = -21,5$$

- (a) Resolva por eliminação de Gauss ingênua. Mostre todos os passos dos cálculos.
- (b) Substitua seus resultados nas equações originais para verificar suas respostas.

Obs: Resolva todas as questões do problema com lápis, calculadora e papel.

(c) Resolva todas as questões do problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

$$-8x_1 + x_2 - 2x_3 = -20$$

- (a) Resolva por eliminação de Gauss com pivotamento parcial. Como parte dos cálculos, use os elementos da diagonal para calcular o determinante. Mostre todos os passos dos cálculos.
- (b) Substitua seus resultados nas equações originais para verificar suas respostas.

Obs: Resolva todas as questões do problema com lápis, calculadora e papel.

(c) Resolva todas as questões do problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python

8)

decompor o seguinte sistema de acordo com a descrição dada na Seção 10.2:

$$7x_1 + 2x_2 - 3x_3 = -12$$
  

$$2x_1 + 5x_2 - 3x_3 = -20$$
  

$$x_1 - x_2 + 6x_3 = -26$$

Após isso, multiplique as matrizes [L] e [U] resultantes para verificar que [A] é produzida.

- (a) Resolva o problema com lápis, calculadora e papel.
- (b) Resolva o problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

## 9) Usar o sistema da questão 8

o 10.4 (a) Use decomposição LU para resolver o sistema de equações do Problema 10.3. Mostre todos os passos nos cálculos. (b) Também resolva o sistema para um vetor do lado direito alternativo

$${b}^T = [12 \ 18 \ -6]$$

Obs: Resolva o problema com lápis, calculadora e papel.

(c) Resolva o problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

10.5 Resolva o sistema de equações a seguir utilizando decomposição LU com pivotamento parcial:

$$2x_1 - 6x_2 - x_3 = -38$$

$$-3x_1 - x_2 + 6x_3 = -34$$

$$-8x_1 + x_2 - 2x_3 = -40$$

- (a) Resolva o problema com lápis, calculadora e papel.
- (c) Resolva o problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

11)
10.10 Resolva o seguinte conjunto de equações empregando decomposição LU com pivotamento:

$$3x_1 - 2x_2 + x_3 = -10$$

$$2x_1 + 6x_2 - 4x_3 = 44$$

$$-8x_1 - 2x_2 + 5x_3 = -26$$

- (a) Resolva o problema com lápis, calculadora e papel.
- (c) Resolva o problema utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

70.11 (a) Determine manualmente a decomposição LU com pivotamento para a matriz a seguir e cheque seus resultados verificando que [L][U] = [A].

$$\begin{bmatrix} 8 & 5 & 1 \\ 3 & 7 & 4 \\ 2 & 3 & 9 \end{bmatrix}$$

- (b) Empregue o resultado de (a) para calcular o determinante.
- (c) Repita (a) e (b) utilizando o MATLAB.

Obs: Resolva a letra c utilizando o MATLAB ou Octave ou Python.

## Referências Bibliográficas

CHAPRA, S. C.; CANALE, R. P. Métodos numéricos para engenharia, 5<sup>a</sup> ed, AMGH, Porto Alegre, 2011.

CHAPRA, S.C. Métodos numéricos aplicados com MATLAB para engenheiros e cientistas, 3ºEd, AMGH Editora Ltda., 2013.

CHAPRA, S. C.; CANALE, R. P. Métodos numéricos para engenharia, 7<sup>a</sup> ed, AMGH, Porto Alegre, 2016.