关于 shell 脚本中函数的说明

2020年9月9日

$1\quad {\rm determine\text{-}line\text{-}parameter}$

输入 (x_1, y_1, x_2, y_2) : 两点的坐标。

输出 (k,b): 两点所在直线的斜率和纵轴截距。

计算原理:由直线方程的两点式

$$\frac{y - y_2}{y_1 - y_2} = \frac{x - x_2}{x_1 - x_2}$$

得斜截式为

$$y = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2}x + y_2 - \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2}x_2$$

所以,

$$k = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2}$$
$$b = y_2 - kx_2$$

${\bf 2} \quad {\bf find\text{-}two line\text{-}crosspoint}$

输入 (k_1,b_1,k_2,b_2) : 两直线的斜截式参数。

输出 (x,y): 两直线交点的坐标。 计算原理:由两直线方程联立

$$\begin{cases} y = k_1 x + b_1 \\ y = k_2 x + b_2 \end{cases}$$

则

$$k_1 x + b_1 = k_2 x + b_2$$

所以,

$$x = \frac{b_2 - b_1}{k_1 - k_2}$$
$$y = k_1 x + b_1$$

3 find-starpoint-outercircle

输入 (x_0, y_0, d, θ) : 五角星中心点坐标、外接圆直径及主顶点方位角。输出 $(x_1^o, x_2^o, x_3^o, x_4^o, x_5^o, y_1^o, y_2^o, y_3^o, y_4^o, y_5^o)$: 五角星外圈上 outer point 的横坐标和纵坐标。

计算原理: 记 $\Delta\theta = \frac{2\pi}{5}$, 取 $\theta_i = \theta + (i-1) \cdot \Delta\theta$, $(i=1,2,\ldots,5)$, 则

$$x_i^o = x_0 + \cos(\theta_i) \frac{d}{2}$$

$$y_i^o = y_0 + \sin(\theta_i) \frac{d}{2}$$

4 find-starpoint-innercircle

输入 $(x_1^o, x_2^o, x_3^o, x_4^o, x_5^o, y_1^o, y_2^o, y_3^o, y_4^o, y_5^o)$: 五角星外圈上 outer point 的 横坐标和纵坐标。

输出 $(x_1^i, x_2^i, x_3^i, x_4^i, x_5^i, y_1^i, y_2^i, y_3^i, y_4^i, y_5^i)$: 五角星内圈上 inner point 的横 坐标和纵坐标。

计算原理:记 l_i^j 为第 i 个与第 j 个 outer point 所在的直线,先由 determine-line-parameter 函数根据输入的点坐标确定出 l_1^3 和 l_2^5 的直线方程参数,再由 find-twoline-crosspoint 函数根据得到的方程参数确定出两条直线的交点,交点坐标即为第 1 个 inner point 的横、纵坐标。依此类推,即可求出其他四个 inner point 的坐标。

5 gmt-star

输入 (x_0, y_0, d, θ) : 五角星中心点坐标、外接圆直径及主顶点方位角。

功能:利用 GMT 软件绘制五角星图案。

原理: 先由 find-starpoint-outercircle 函数输入的五角星参数确定出 outer point 的坐标,再由 find-starpoint-innercircle 函数根据得到的 outer

point 坐标确定出 inner point 的坐标,最后调用 GMT 软件依次逐点勾勒 出五角星的轮廓并进行颜色填充。

6 gmt-small-star

输入 (i_k, i_k, x_0, y_0) : 小五角星的网格索引号及大五角星的坐标。

功能:利用 GMT 软件绘制小五角星图案。

原理: 先由网格索引号乘以网格间距求出小五角星的中心点坐标, 即

$$x_k = i_k \cdot \Delta h$$

$$y_k = j_k \cdot \Delta h$$

其中 k = 1, 2, ..., 4。再由

$$\theta = \arctan\left(\frac{y_i - y_0}{x_i - x_0}\right) + \pi$$

计算得到小五角星的顶点方位角,最后由 gmt-star 函数根据得到的小五角星参数绘制出小五角星图案。