配电网可靠性和故障软自愈研究

摘要

电网是全国民生、工业基础,由发、输、变、配、用各环节构成统一整体。运行需要由较高的稳定性保证供电质量,并且在时空拓扑结构不断变化的情况下,要对故障能够进行判断和处理。利用图数据结构与实际电网在结构上保持一致,从而变成图论问题,自然、直观处理整体拓扑,并且能够在业务流动过程中,不断并入新的电网,实现业务拓展,图拓扑结构拓展。自然也就能够对可靠性进行图上分析,并且实现基于数据的智能化配电网自愈控制。

针对问题一:本文采用模型+指标进行可靠性评估:首先给出评估指标,然后在图数据结构的基础下,使用等值最小路混合的方法,将元件可靠性分为最小路上以及非最小路上,并且最终邓加到最小路上,然后根据公式计算出可靠性。最后,对于拓扑信息进行了定性的灵敏度分析,给出了算例比较结果。

针对问题二:本题根据电网的拓扑关系,首先推导出故障发生时电网元件之间动作的因果关系,构建因果网络和规则矩阵 R。然后根据电网警告信息建立状态矩阵 T,通过 R 的转置与 T 的计算得出故障信息向量 T'。最后手动输入可能故障的节点 F,通过 T'与 F 相与,得到最终故障节点向量 F',找到故障节点。

针对问题三:本文首先将馈线以及开关进行图论抽象化,然后根据边权值检测推测出故障点,接着关闭邻接开关进行故障自动隔离,然后进行无故障段的恢复供电,通过连通分量个数的判断得出孤岛个数,以及边集的转化,实现孤岛的消除,进而完成负荷转移恢复供电。最后,给出了"软自愈"和"硬自愈"的成本差异估计。

关键字: 最小路 等值法 因果网络 孤岛 连通分量 BFS

一、问题重述

1.1 问题背景

配电网是供电系统的关键组成部分,是决定供电质量的重要因素,90%的断电都是因为配电网配置不合理导致的。配电网的可靠性是高质量供电的重要指标。连续时空拓扑信息,是一个利用发展的眼光研究配电系统业务的重要角度。而对于电网故障,故障自愈是一种事故恢复的快速自动化方法,能实现线路故障的自动判断、自动隔离和负荷转移,对于提升供电质量有很大的促进作用。

1.2 问题提出

问题一: 针对配电网,建立一种基于连续时空电网拓扑的可靠性评估模型,并且要对连续时空拓扑信息差异引起的模型可靠性差异进行说明,也就是对拓扑信息进行灵敏度分析。

问题二: 建立一种基于连续时空电网拓扑的配电网故障检测模型,并举例配电网信息差异引起的故障件检测差异。

问题三:基于"业务内生电网拓扑信息",研究设计电网的"软自愈"方案,实现同类线路故障的自动判断、自动隔离、负荷转移恢复供电的算法,最后估算"软自愈"与"硬自愈"方案的成本差异,并且结合中压(10kv)电网故障图说明。

二、问题分析

2.1 问题一分析

要求建立可靠性评估模型,并且是依赖于连续时空电网拓扑的,已经明确了自变量。对于可靠性评估,采用指标+模型的评估思路。先通过模型,分析拓扑信息,进一步量化指标,对可靠性进行一个合理评估。最后对自变量——电网拓扑信息进行灵敏度分析。

2.2 问题二分析

随着配电网的不断智能化,配电网可以通过 SCADA 系统^[?]进行数据监测和控制。通过收集和处理配电网的监测信息,运用故障发生时配电网中各种警告信息,能够逆向推断配电网的错误位置,进行配电网的故障检测。

2.3 问题三分析

软自愈实现方案: 先将配电网抽象成图,之后根据异常电流值确定问题开关,进而确定故障点,实现自动判断。然后将故障点周围开关关闭,使其孤岛化,实现自动隔离。最后,对于因此产生的孤岛正常节点,将其并入存在电源的连通分支,即实现了恢复供电。 估算与硬自愈的成本差异,

三、模型假设

假设1 假设配电网仅存在弱环电网或者无环拓扑结构。

假设2 配电网有完备的数据监控采集设备,能够根据记录的时间来判断监控设备开关动作的时序。可以用于查找故障主因,便于故障的后续分析。

假设3 配电网中包括三种类型的节点:故障节点、保护动作节点和短路器跳闸节点。 例:故障节点线路 L1 上发生错误,则保护节点 OP1 将动作使断路器 CB1 跳闸。

假设 4 此模型不讨论含有分布式电源 DG 的情况

四、符号说明

表1 符号表

变量	说明	量纲
λ	负荷点平均故障停运率	次/a
U	负荷点平均停运时间	h/a
SAIFI	系统平均停电频率指标	次 (户·a)
SAIDI	系统平均停电持续时间	$h(\dot{\vdash}\!$
ASAI	平均供电可靠率	%
ASUI	平均供电不可靠率	%
AIHC	用户平均停电时间	h
AITC	用户平均停电次数	次

五、模型的建立与求解

5.1 问题一

配电网的可靠性评估方法大致分为:模拟法和解析法^[?]。解析法模型准确、原理简单,并且便于对不同元件引起的拓扑结构差异进行灵敏度分析,所以我们以解析法中的网络法为基础,采用基于等值法和最小路法的混合算法评估模型^[?],并且使用 IEEE 所提出的标准指标进行量化评价,然后根据这些指标,对拓扑信息的灵敏度进行分析。

5.1.1 指标建立

配电网的可靠性指标分为负荷点和系统的可靠性指标。

负荷点的可靠性指标包括: 1) 负荷点平均故障停运率 λ (次/a); 2) 负荷点平均停运时间 U (h/a); 系统的可靠性指标: 系统平均停电频率指标 SAIFI; 系统平均停电持续时间 SAIDI; 平均供电可靠率 ASAI; 平均供电不可靠率 ASUI;

针对电网的最基础串并联结构, 我们给出相关指标计算公式:

N 个串联可修复元件, 计算采用如下公式:

$$\lambda = \sum_{i=1}^{n} \lambda_i \tag{1}$$

$$U = \sum_{i=1}^{n} \lambda_i r_i \tag{2}$$

N 个并联可修复元件, 计算采用如下公式:

$$\lambda = (\prod_{i=1}^{n} \lambda_i)(\sum_{i=1}^{n} r_i) \tag{3}$$

对于系统可靠性指标,都可以通过负荷点的三个基本指标计算得到,计算采用如下公式:

$$\begin{cases} SAIFI = \frac{\sum \lambda_i N_i}{\sum N_i} \quad ; \quad SAIDI = \frac{\sum U_i N_i}{\sum N_i} \\ ASAI = 1 - \frac{\sum U_i N_i}{8760 \sum N_i} \quad ; \quad ASUI = 1 - ASAI \end{cases}$$
(4)

公式中 $\lambda_i' r_i$ 为负荷点i的年平均故障率; r_i 是负荷点i的年平均故障时间,U是负荷点的单次平均停运时间, N_i 代表用户数。

5.1.2 等值法简化电网

结构复杂的配电网,可以通过可靠性等值的方法^[?]将其等价为简单的辐射形配电网,简化拓扑信息,方便计算。实际配电系统一般由主副馈线组成,根据馈线数量分层

处理,每一条馈线以及所连接的元件同属一层,之后等消除一条相应的等效分支线,自底而上逐层等价,最后得出简单拓扑结构的电网。

等值法的计算流程如图 1(a) 所示。

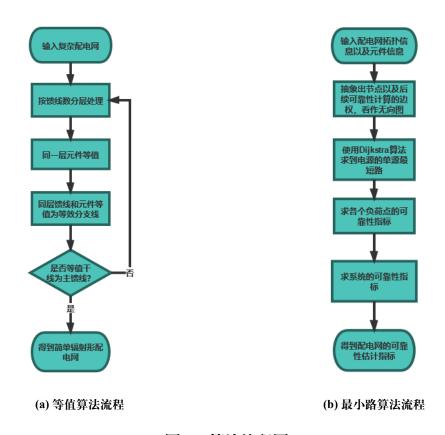


图 1 算法流程图

5.1.3 Dijkstra 最小路法

配电网通常采用多闭环的设计思路,而运行过程中采用开环的辐射状结构。其次复杂配电系统等值之后,都可以简化为简单的辐射性网络。作为可靠性评估,我们要看重不同元件的可靠度对负荷点的影响,从而进一步估计系统的影响。所以,需要对元件进行分类,采用最小路法,把元件分成最小路元件以及非最小路元件,非最小路对负荷点的影响可以折算到最小路上。

基本思路:将配电网抽象成图论上的无向图,具体图化方式为:将负荷母线以及变电站、变压器看作节点,线路、分段开关看作边,边权视为 1,配电网可以抽象为图 $\mathbf{G} = (\mathbf{V}, \mathbf{E})$ 表示,自然得出图的邻接矩阵,电源看作最短路的源点,化成单源无向图。然后求每一个负荷点到电源最短路,即使用 Dijstra 求单源最短路。之后,把非最小路的元件故障影响折算到最小路,进行可靠性指标计算。Dijkstra 最小路法算法流程如图 1(b) 所示。

5.1.4 灵敏度分析

配电网的可靠性水平与连续时空电网拓扑息息相关。而电网拓扑本质上是取决于电网的布线以及元件位置参数、性质参数,进而导致拓扑结构的位置不同。因此,配电网的可靠性灵敏度分析是要对元件、设备的参数进行偏分,从而反应设备参数变化引起的时空拓扑变化对可靠性的影响程度。使用参数^[?]用户平均停电时间 *AIHC* 以及用户平均停电次数 *AITC* 来计算灵敏度,公式如下:

用户平均停电时间对元件的故障率 λ 的灵敏度:

$$\frac{\partial AIHC}{\partial \lambda_i} = \frac{\sum_{j \in i} r_{ij} N_j}{\sum_{j=1}^n N_j} \tag{5}$$

用户平均停电时间对元件的故障时间 r 的灵敏度:

$$\frac{\partial AIHC}{\partial r_i} = \frac{\sum_{j \in i} \lambda_{ij} N_j}{\sum_{j=1}^n N_j} \tag{6}$$

用户平均停电次数对元件的故障率 λ 的灵敏度:

$$\frac{\partial AITC}{\partial \lambda_i} = \frac{\sum_{j \in i} N_j}{\sum_{j=1}^n N_j} \tag{7}$$

5.1.5 举例说明

图 2 是一个较为普遍的辐射形配电网系统为例,以次结构说明配电网拓扑信息对于可靠性的影响以及灵敏度分析。经过拓扑抽象图化后变为一个图论上的无向图,如图 3 所示。V0 是电源点,V2V6V7V8 分别对应负荷点 abcd,V1V3V4V5 是连接点,主馈线和分支线的交点。E1-E8 是图的边。

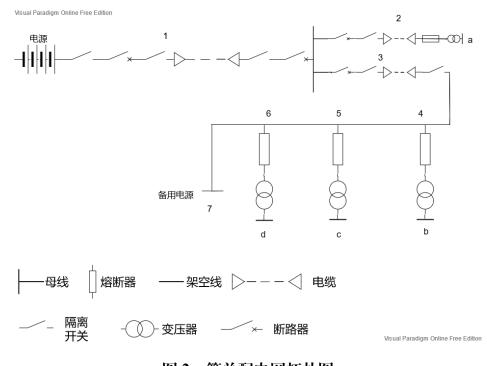


图 2 简单配电网拓扑图

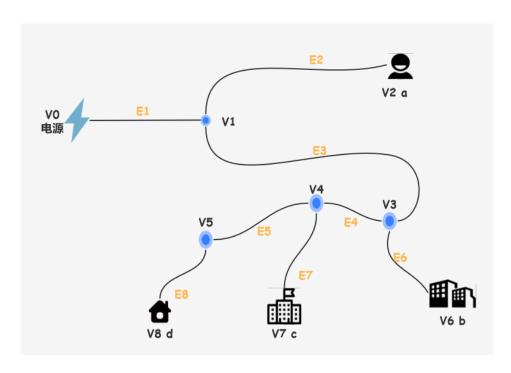


图 3 抽象简化电网图

首先对整个拓扑图,使用 Dijstra 算法,得到各个负荷点到电源 V0 的最短路长度以及路径,结果如表 2。为了简化计算,可以把元件的故障率都等效到边上,作为边的等

表 2 最短路

顶点	最短跳数	路径
V1	1	V0 o V1
V2	2	$V0 \to V1 \to V2$
V3	2	$V0 \to V1 \to V3$
V4	3	$V0 \to V1 \to V3 \to V4$
V5	4	$V0 \rightarrow V1 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V5$
V6	3	$V0 \to V1 \to V3 \to V6$
V7	4	$V0 \rightarrow V1 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V7$
V8	5	$V0 \rightarrow V1 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V5 \rightarrow V8$

效故障率。简化处理后的边故障信息如表 3(a) 所示。

之后,基于最短路首先进行负荷点可靠性指标评估,结果如表 3(b) 所示。再对系统的可靠性进行评估,结果如表 5。

(a) 线路故障信息

表 3 拓扑信息

表 4 系统可靠性指标

ASAI%	ASUI %	SAIDI(h(戸・a))	SAIFI(次(户·a))
99.9899	0.010073	0.882353	0.264706

最后,基于不同的时空拓扑结构进行灵敏度的定性分析,如图 4 的拓扑结构,配电 网只有一条主干线路,多条分支线路,没有分段开关,所以可以对8台配电变压器进行 灵敏度分析,基于拓扑结构,给出定性分析如表5。

表 5 灵敏度分析

影响排序	影响负荷点数量	负荷点编号	解释
1	8	a, b, c, d, f	没有熔断器、断路器或其他保护装置
2	1	g	有断路器,对其他元件影响弱
3	1	e	有熔断器,对其他元件影响极微弱
4	1	h	有熔断器和断路器, 只影响本身

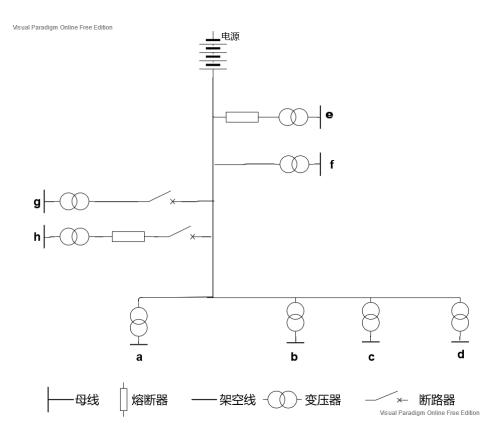


图 4 基于不同元件拓扑的电网图

5.2 问题二

通过收集的配电网中各种警告信息,来逆向推断故障原因。电网中的元件存在一定的拓扑关系,通过拓扑关系我们可以推导出其动作之间的因果关系,并且可以画出简单因果网络模型^[?],来描述电网中各元件之间的物理拓扑关系以及错误警告的依赖关系。通过警告信息,推断出可能存在错误的节点,结合实际问题分析对可能存在问题的节点进行筛选,最终得到故障节点。

5.2.1 建立规则矩阵

依据 R[i,j] = 1, 表明 P_i 是 P_i 发生的因, P_i 是 P_j 发生的后果

$$R[i,j] = \begin{cases} 1, & P_j \Rightarrow P_i \\ 0, & else \end{cases}$$
 (8)

根据上述定义,建立网络的规则矩阵

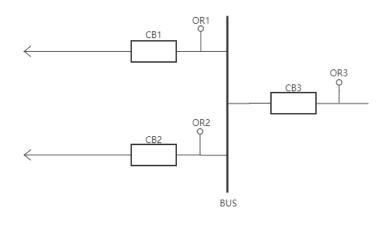


图 5 简单配电网络

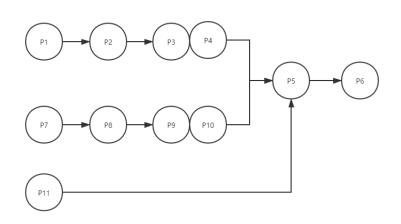


图 6 因果关系网络

表 6 简单配电网络模型节点含义表

节点	含义	节点	含义
P_1	线路 L_1 故障	P_7	线路 L_2 故障
P_2	保护 OR_1 动作	P_8	保护 OR_2 动作
P_3	断路器 CB_1 跳闸	P_9	断路器 CB_2 跳闸
P_4	OR_1 动作 CB_1 拒动	P_{10}	OR_2 动作 CB_2 拒动
P_5	保护 OR_3 动作	P_{11}	母线 BUS 故障
P_6	断路器 CB3 跳闸		

5.2.2 建立输入向量

警告信息向量 T: 反映了故障发生时,所有保护动作和断路器的动作信息。当某一结点 P_i 发生动作,系统应收到对应的警告信息,则 T(i) = 1,否则 T(i) = 0。

可能故障元件向量 F: 依据实际情况,反映了可能存在故障的位置,用来缩小故障范围。当 P_i 是可能存在故障的元件时 F(i) = 1,否则 F(i) = 0。

$$F(i) = \begin{cases} 1, & P_i$$
属于故障节点 (10)
$$0, & 否则 \end{cases}$$

5.2.3 计算故障向量 T' 和结果向量 F'

在规则矩阵 R 中 R[i,j]=1,表明 P_j 是 P_i 的因, P_j 是 P_i 的果,对 R 进行转置,则 矩阵 R^T 的第 j 行中所有为 1 的元素,表示以 P_j 为错误的因所能引发的结果。依据输入的 T,T 中反应了电网故障的结果。 R^T 的第 j 行与 T 对应相乘,若结果为 1,则证 明,可能存在 P_i 故障。

通过 R^T 与 T 进行逻辑乘,得到 T',即反映了所有错误信息的可能原因。将 T' 与 之前定义的 F 进行对应位置的与运算,筛选错误原因,即可得到电网的故障结果向量 F'。

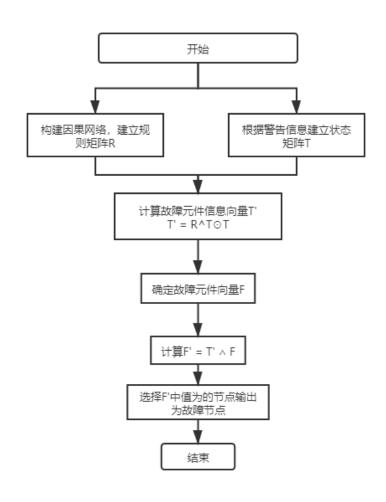


图 7 算法流程

5.2.4 算法举例

简单的配电系统录像图如图**??**所示。该线路继电保护系统由三段式电流保护 OR,和断路器 CB 组成。假设 L_1 上存在故障,组保护 OR_1 将动作使断路器 CB_1 跳闸。若此时断路器拒动,则后备保护 OR_3 将动作并使断路器 CB_3 跳闸从而将故障隔离。依据三个基本节点的定义,故障元件节点、保护节点、断路器动作节点数量分别为 3 个,3 个,5 个。通过上述过程,可以建立如图**??**所示电网因果网络模型和如表**??**所示规则矩阵 R 故障时,各设备动作如下:

1. 保护动作: OR_2, OR_3

2. 断路器跳闸: *CB*₃

3. 断路器拒动: CB₂

依据故障时各元件动作,易知 P_5 , P_6 , P_8 , P_{10} 为真, 则 $T = [0\,0\,0\,0\,1\,1\,0\,1\,0\,1\,0]$,由实际警告信息得 $F = [0\,1\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,1]$,进行逆向推理计算得 $T' = R^T \odot T$,通过 $F' = T' \wedge F$ 进行筛选得 $F' = [0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,1]$ 。有 F' 可知,故障元件可能为 L_1 或 BUS

5.2.5 配电网信息差异故障检测差异

基于上述例子中的规则矩阵,当电网的警告信息出现差异,即 CB_2 的跳闸结果丢失时,各设备动作如下:

1. 保护动作: OR_2, OR_3

2. 断路器跳闸: CB₃

得 T = [00001101000], F = [010000010001], 依据算法,计算出最终错误信息向量 F' = [00000010001]。由 F' 可知,故障元件可能为 L_2 和 BUS,检测结果依然正确

基于上述例子中的规则矩阵,当电网的警告信息出现差异,即 OR_2 的保护信息丢失时,各设备动作如下:

1. 保护动作: *OR*₃

2. 断路器跳闸: CB₃

3. 断路器拒动: CB₂

得 T = [00001100010], F = [010000010001], 依据算法,计算出最终错误信息向量 F' = [00000000001]。由 F' 可知,故障元件可能为 BUS,检测结果出现偏差

5.3 问题三

基于动态模式以及时空角度的拓扑结构,自然需要软自愈方案来实现配电网的故障方案解决,并且提前判断故障征兆,从而实现稳定供电;此外,通过软自愈,能够通过实时检测,优化负荷分配,实现负荷转移。

5.3.1 建立抽象拓扑结构

将配电网中的联络开关看作无向边 e,从而得到所有边的集合 E;根据开关的开闭状态将 E 分为 E1 以及 E2,分别表示处于开状态的开关以及闭状态的边,两个集合的元素可以动态转化。在进行故障判断、故障预知以及负荷调整时,给予边 e 一个权值 $Cost_m(I,t)$,表示 t 时刻某边 e_m 的电流值为 I,从而实现基于连续时空拓扑信息 + 电流的判断。之后将配电网的开关之间的馈线看作顶点,组成顶点集 V,得到 G=(V,E) 的无向图。

对于题目中图二进行抽象拓扑得到的图,如图 8 所示:

5.3.2 故障判断

需要通过电流值变化判断故障点,所以我们根据中压配电网的常规电流值给出故障电流阈值 I_{bound} 以及优化电流阈值 $I_{PreBound}$ 。如果超过 I_{bound} 则说明该开关附近已经发

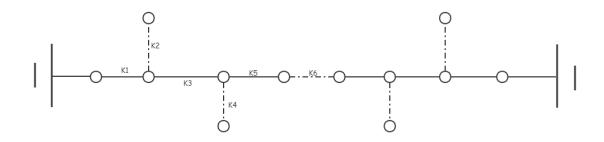


图 8 抽象化样例图

生了线路故障,造成了电流异常; 如果超过 $I_{PreBound}$ 则说明附近线路负载过大,需要进行负载平衡优化。根据中压配电网特性设置^[?] $I_{bound} = 800A$, $I_{PreBound} = 600A$, 从而根据阈值即可判断出异常的开关,而开关不会对电流产生影响,如果有故障馈线,则开关两侧的线路可能存在故障点,即可以得出结论:

若馈线存在故障 ⇔ 馈线所直连的所有开关电流值都异常

所以我们根据图 G 异常电流的边,自然确定出公共点,从而定位到出问题的馈线位置。

5.3.3 故障隔离

实现故障判断后,进行开关动作进而完成故障隔离。实现故障隔离要关闭开关。容易得出结论:关闭故障点所邻接的开关使得故障范围最小。基于此,对于图 G 只需要把出问题的点 J 所有的边 e_j 都从 E1 删除转移到 E2 中,即可实现故障点的孤岛化处理以及故障隔离。

5.3.4 恢复供电

因为故障隔离的开关动作会导致除故障点之外的孤岛产生,判断方法是:

连通分支数目>变电站个数+故障点个数 ← 存在额外无故障段孤岛

恢复供电就是要将此类节点并入无故障的电网,从而变成正常的电网。通过使用 BFS 算法以及标号的思想,将每次从电源点 BFS 到的所有点都标一个相同的号,从而 得出所有的连通分支; 进而遍历孤岛节点的边,选择添加未合上并且能够并入带有电源 的连通分支的开关 (边),即实现了恢复供电! 题目所给的例图的解决方案如图 9:

5.3.5 优化及负载均衡

由于软自愈系统的计算能力远超过硬自愈系统,所以除了电网故障自愈还能实现 线路正常状态下的运行优化,即负载均衡。当一部分供电网络负载过大,很可能出现故

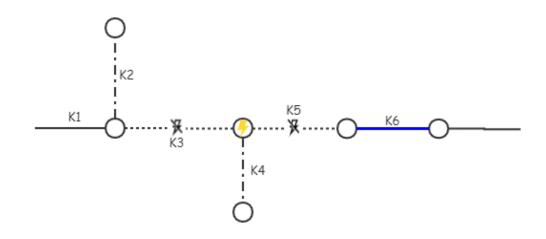


图 9 抽象化样例图

障, 所以把负载过大的地区转移到负载较小的网络, 就是实现负载均衡。

因为配电网电压恒定,所以功率 $P \propto I$,故仍可以通过电流过大判断是否要进行负载调整。根据故障判断中的 $I_{PreBound}$ 使用同样的算法可以定位到负载较大的馈线段。之后,通过 BFS 从需要优化的节点开始扩展到最远叶节点,然后对此叶节点进行负荷转移,即通过开关的状态变化更换供电站。

5.3.6 成本差异估计

"硬自愈"是依靠专用电子设备装置接受系统的实时监测数据,通过自动化系统(硬件),从而实现线路开关的控制完成故障自愈。

软自愈是通过计算机系统接受实时监测数据,通过软件算法完成线路故障控制的推测,然后再发出开关动作指令。还能够实现线路优化、负载均衡、提前预测等功能。成本差异体现在:

- 1. 设备价格: 硬自愈需要更多的成本去铺设基础设施, 软自愈则可以通过仿真计算减少成本。
- 2. 维护成本: 硬自愈需要日常维护硬件设施的完整程度,才能保证运行正常,而软自愈则不需要。
- 3. 用户体验:

六、模型评价与推广

6.1 模型的综合评价

问题一:指标清晰,对于可靠性评估目标进行了具体的量化分析;所有问题都基于了配电网拓扑信息,并且可以通过等值法简化配电网,简化了问题,便于统一模型。从

PDO 角度出发,关注一段时间之内的配电网可靠性评估。

问题二:由于多种故障情形都可能得到相同得警告信息。例如在计算举例中,当 L1 故障,OR1 执行保护动作,CB1 拒跳,导致 OR3 执行保护动作,CB3 跳闸。当 L1 与 BUS 同时发生故障时,可能会得到相同的警告信息,导致计算的故障结果存在冗余。

问题三:此模型能根据开关的电流值,根据电流值是否超出阈值,判断电网中是否发生跳闸故障。并且根据电网中的负载量,自动重构电网,以降低故障发生的可能性。再电网故障判断的过程中,依赖于各个开关的电流输入,以判断开关是否跳闸,对于开关据动等情况没有充分的考虑。对于电网重构优化,没有过考虑对于负载最优的重新分配。当电网中的某一条线路中的过大的负载,自动将其分配到其他的新的线路中,但未分配结果的最优性。

6.2 模型的改进

问题一:还需要对具体不同元件等效到最小路的方法进行区分,才能更精确地评估出可靠性。

问题二:由于在同一通路上,两点同时发生故障的概率较低,依据故障点的拓扑信息,进行溯源,得到最源头的故障原因,减少结果的冗余。

问题三:根据周围多个监测点的电流值,充分考虑开关据动和元件损坏等情况,提高系统的可靠性,降低数据变量的灵敏度。

七、参考文献

参考文献

- [1] 文向南. 基于因果网络的配电网故障诊断研究 [D]. 青岛大学,2017.
- [2] 赵华, 王主丁, 谢开贵, 李文沅. 中压配电网可靠性评估方法的比较研究 [J]. 电网技术,2013,37(11):3295-3302.
- [3] 别朝红, 王秀丽, 王锡凡. 复杂配电系统的可靠性评估 [J]. 西安交通大学学报,2000(08):9-13.
- [4] Billintoo R, Wang P. Reliability-network-equivalent approach to distribution-system-reliability evaluation [J].IEEE Proc,1998,145(2):149 153.
- [5] 高亚静, 林琳, 刘建鹏. 油田配电网的可靠性与灵敏度分析 [J]. 电力科学与工程,2013,29(12):36-40.

[6] http://www.abcbxw.com/news/8139.html 黔西南州人民政府网—兴义供电局 2018 年第一批 10kv 线路

八、附录

问题一: 计算 C++ 程序:

```
#include < bits / stdc ++.h>
using namespace std;
/*假设一般规模的配电网图 */
const int N=100; int n; const int INF=100000;
int p[N][N],d[N],path[N];//path 数组用于输出路径
map<int, string > road; //记录路径
//Input datas:
/*----
float probably [N][N]; // 等效故障率
float Outage durations [N][N]; // 等效每次故障平均停电持续时间
float users [N]; // 负荷点的用户数 (K)
bool Lps[N]; // 是不是负荷点
// Output datas:
/*----*/
   // 负荷点:
   float Lp break proba[N]; // 负荷点故障率
   float Lp break times [N]; // 负荷点故障持续时间
   //系统平均停电持续时间(SAIDI) 平均停电频率(SAIFI)
   //系统平均供电可用率(ASAI) 平均供电不可用率(ASUI)
   float SAIDI=0, SAIFI=0, ASAI = 0, ASUI = 0;
```

```
// 最短路程序
void dijkstra(int sec, int n)//sec为出发节点, n表示图中节点总数
{
    int i, j, min, min_num;
    int vis [N] = \{0, \};
    for (i = 0; i < n; i ++)
        d[i]=p[sec][i];
    vis[sec]=1;d[sec]=0;
    for (i=1; i < n; i++){
        min=INF;
        for(j=0;j < n;j++)
        {
             if (! vis [j]&&d[j]<min)
                 min=d[j];
                 min_num=j;
            }
        }
        vis[min num]=1;
        for (j=0; j < n; j++)
        {
             if (d[j]>min+p[min_num][j])
                 path [j]=min_num;
                 d[j]=min+p[min num][j];
            }
        }
    }
}
//打印路径
void print(int sec, int n)//sec为出发节点, n表示图中节点总数
```

```
{
   int i, j;
   //由于记录的中途节点是倒序的,所以使用栈,获得正序
   stack < int > q;
   for (i = 1; i < n; i ++)
   {//打印从出发节点到各节点的最短距离和经过的路径
       j=i;
       while (path [j]!=-1)
                              //如果 j 有中途节点
                              //将 / 压入堆
           q.push(j);
                              //将j的前个中途节点赋给j
           j=path[j];
       }
       q.push(j);
       printf("%d=>%d, length:%d, path: %d", sec, i, d[i], sec);
                              //先进后出,获得正序
       while (! q. empty ())
       {
           printf("%d",q.top()); // 打印堆的头节点
                            // 将堆的头节点弹出
           q.pop();
       printf("\n");
   }
}
void calculate lp(){
   //计算 各负荷点的可靠性指标
   int pre = 0, now;
   for (int i = 1; i \le n; i++)
       for (auto v:road[i]){
           if(v == ' ') continue;
           else if (v == '0') continue;
           else {
               now = v - '0';
               Lp break proba[i] += probably[pre][now];
               Lp_break_times[i] += probably[pre][now]*
```

```
Outage_durations[pre][now]
                pre = now;
            }
        }
        pre = 0;
    }
    for (int i = 1; i \le N; i++)
        if (Lps[i]) {
            cout <<"V"<<ii<<"负荷点平均故障率:";
            printf("%.2f", Lp break proba[i]);
            cout <<" 平均故障时间: ";
            printf("%.2f\n", Lp_break_times[i]);
        }
    }
}
void calculate sys(){
    //计算 系统的的可靠性指标
    float users num = 0;
    for (int i=1; i \le N; i++)
        if (Lps[i]) {
            users_num += users[i];
            SAIDI = Lp_break_times[i]*users[i];
            SAIFI = Lp break proba[i]*users[i];
        }
    }
    ASAI = 1 - (SAIDI/(users num *8760));
    ASUI = 1 - ASAI;
    SAIDI = SAIDI / users num;
    SAIFI = SAIFI / users num;
    cout <<"ASAI /%: "<<ASAI*100<<"\n";
    cout <<"ASUI /%: "<<ASUI*100<<"\n";
```

```
cout << "SAIDI/(h/( \rightarrow a)): "<< SAIDI << "\n";
   cout << "SAIFI / (次 / (户 · a)): "<< SAIFI << "\n";
}
int main()
{
   memset(path,-1, sizeof(path)); // 将 path 数组初始化为-1
   int i, j; n=9; // 点个数
   for (i=0;i<n;i++){//初始化
       for (i = 0; i < n; i ++)
           p[i][i]=(i==i?0:INF);
       }
   }
// Graph:
   //VO 是电源点 V2 V6 V7 V8是负荷点abcd
   Lps[2] = Lps[6] = Lps[7] = Lps[8] = true;
   //其余是 主馈线和分支线的交点 用来分隔电路
   p[0][1]=1; p[1][2]=1; p[1][3]=1; p[3][4]=1; p[4][5]=1;
   p[3][6]=1; p[4][7]=1; p[5][8]=1;
   dijkstra(0,n); //求从节点0出发到各节点的最短距离
    print(0,n); //打印从节点0出发到各节点的最短距离和路径
//Input datas:
   // 假设的供电线的可靠性参数
   // 等效故障率:
   probably [0][1]=0.2; probably [1][2]=0.1; probably [1][3]=0.15;
   probably [3][4]=0.2; probably [4][5]=0.25; probably [3][6]=0.2;
   probably [4][7]=0.2; probably [5][8]=0.1;
   //故障停电时间
   Outage durations [0][1]=2; Outage durations [1][2]=5;
   Outage durations [1][3]=5; Outage durations [3][4]=5;
    Outage durations [4][5]=3; Outage durations [3][6]=3;
    Outage durations [4][7]=2; Outage durations [5][8]=1;
```

问题二: 故障检测函数

```
#include < bits / stdc ++.h>

#include <algorithm >

#include" queue"

using namespace std;

struct Edge {
    int u, v, w, nxt;
    bool open; // open 代表开关是否打开
```

```
};
class elecNet {
public:
    Edge * Edges;
    int* head;
    int tot;
    int iBound; // 电流上界, 超出界限则认为发生故障, 下一步将进行跳闸.
    int iPreBound;
    vector < int > lable;
    int s1;
    int s2;
    int n;
    int m;
    vector < int > brokenNode;
    vector < int > vis;
    vector < int > alwaysClose;
    vector < int > overPre;
    vector < int > overPre_1;
    vector < int > overPre 2;
    vector < int > removeNodes;
    void findRemoveNode();
    void remove();
    elecNet(int n0, int m0, int sa, int sb) {
         n = n0;
         m = m0;
        vis = vector < int > (n+1,0);
        Edges = new Edge[2*m+2];
        head = new int [n+1];
        lable = vector \langle int \rangle (n+1,0);
        lable[sa] = 1;
        lable[sb] = 2;
        s1 = sa;
        s2 = sb;
        tot = 0;
        memset(head, sizeof(head), 0);
```

```
memset(Edges, sizeof(Edges),0);
        for (int i = 0; i \le 2*m+1; i++)
             Edges[i].nxt = 0;
        for(int i = 0; i \le n; i++)
            head[i] = 0;
        iBound = 10;
        iPreBound = 8;
    }
    void addEdge(int u, int v, bool open); // 初始化
    void addAlwaysClose(vector < int > a);
    void inputEdge(vector < int > &); // 每一个时刻重新输入电流
    void connect();
    void bfs(int s, int flag);
};
void elecNet:: addEdge(int u,int v,bool open){
    t o t ++;
    Edges[tot].u = u;
    Edges[tot].v = v;
   // Edges[tot].w = w;
    Edges[tot].open = open;
    Edges[tot].nxt = head[u];
    head[u] = tot;
}
void elecNet::inputEdge(vector < int > & a) {
    vector < int > preBroken;
    overPre 1 = vector < int > ();
    overPre 2 = vector \leq int \geq ();
    brokenNode = vector < int >();
    for (int j = 1; j \le m; j++)
        int i = j*2;
        Edges[i].w = a[j];
        Edges[i-1].w = a[j];
```

```
if(a[i] > iBound) {//电流
        Edges[i].open = false; // 关闭电闸
        Edges[i-1].open = false; // 关闭电闸
        cout << "switch " << j <<": close"<<endl;</pre>
        if (find (preBroken.begin (), preBroken.end (),
        Edges[i].u) != preBroken.end())
            brokenNode.emplace back((Edges[i].u));
        else preBroken.emplace back(Edges[i].u);
        if (find (preBroken.begin (), preBroken.end (),
        Edges[i].v) != preBroken.end())
            brokenNode.emplace back((Edges[i].v));
        else preBroken.emplace back(Edges[i].v);
    else if (Edges[i].w > iPreBound){
        if (! Edges[i]. open) continue;
       if (find (overPre 1.begin (), overPre 1.end (),
       Edges[i].u) != preBroken.end())
           overPre 2.emplace back(Edges[i].u);
       else overPre 1.emplace back(Edges[i].u);
        if (find (overPre 1.begin(), overPre 1.end(),
        Edges[i].v) != preBroken.end())
            overPre 2.emplace back(Edges[i].v);
        else overPre 1.emplace back(Edges[i].v);
        for (int k = 0; k < overPre 1. size(); k++){
            if (find (overPre 2.begin (), overPre 2.end (),
            overPre 1[k]) == overPre 2.end())
                 overPre.emplace back(overPre 1[k]);
        }
    }
}
for (int i = 0; i < brokenNode.size(); i++)
   cout <<"broken node : "<<br/>brokenNode[i]<<endl;</pre>
    alwaysClose.emplace back(brokenNode[i]);
return ;
```

```
}
void elecNet::connect() {
   for (int i = 0; i \le lable . size(); i++)
        lable[i] = 0;
    lable[s1] = 1;
    lable[s2] = 2;
    for (int i = 0; i < vis.size(); i++)
        vis[i] = 0;
    bfs(s1, 1);
    bfs(s2, 2);
    list <int> island;
    for (int i=1; i \le n; i++)
        if (!lable[i]) {
             if (find(brokenNode.begin(), brokenNode.end(), i)
              == brokenNode.end())
                 island.push_back(i);
        }
    bool flag = true;
    while (flag) {
        flag = false;
        for (auto it = island.begin(); it != island.end(); it++){
             int u = *it;
             if (find (always Close.begin (), always Close.end (), u)
             != alwaysClose.end()) continue;
             for (int i = head[u]; i; i = Edges[i].nxt)
                 int v = Edges[i].v;
                 if (lable [v]) {
                     lable [u] = lable [v]; // 并入电网
                     Edges [(i+1)/2*2]. open = true; // 打开电闸
                     Edges [(i+1)/2*2-1]. open = true;
```

```
cout << "switch" << (i+1)/2 << ": open"
                      << end1;
                      it = island.erase(it); // 从孤岛中删除
                      flag = true;
                      break;
                 }
             }
        }
    }
    return ;
}
void elecNet::bfs(int s,int flag) {
    queue \leq int > q;
    lable[s] = flag;
    q.push(s);
    vis[s] = 1;
    while (! q. empty()) {
        int u = q. front();
        q.pop();
        for (int i = head[u]; i; i = Edges[i].nxt)
             int v = Edges[i].v;
             if ( vis[v]) continue;
             if(lable[v] == 0 \&\& Edges[i].open){
                 lable[v] = flag;
                 q.push(v);
                 vis[v] = 1;
             }
        }
    return;
}
void elecNet::addAlwaysClose(vector < int > a) {
```

```
alwaysClose = vector < int > (a);
}
void elecNet::findRemoveNode() {
    for (int i = 0; i < overPre.size(); i++){
        queue < int > q;
         vector < int > vis(n, 0);
        q.push(overPre[i]);
         vis[overPre[i]];
         while (! q. empty()) {
             int u = q. front();
             q.pop();
             int cnt = 0;
             for(int e = head[u]; e; e = Edges[e].nxt){
                  int v = Edges[e].v;
                  if (find (overPre 2.begin(), overPre 2.end(), v)
                  != overPre 2.end()) continue;
                  if (! Edges[e]. open) continue;
                  cnt++;
                 q.push(v);
             }
             if(cnt == 0)
                 removeNodes.emplace_back(u);
                 break;
             }
         }
    }
}
void elecNet::remove() {
    for (int i = 0; i < removeNodes. size(); <math>i++)
         int u = removeNodes[i];
         int u1 = u;
```

```
int eClose = 0;
        for(int e = head[u]; e; e = Edges[e].nxt){
             if (Edges[e].open) {
                 u1 = Edges[e].v;
                 eClose = e;
                 continue;
             }
        }
        for(int e = head[u]; e; e = Edges[e].nxt){
             if (Edges[e].open) continue;
             int v = Edges[e].v;
             if(lable[v] == lable[u] || lable[v] == 0)
              continue;
             // 并到另一个树上
             int j = (eClose + 1)/2 * 2;
             Edges[i].open = false;
             Edges[j-1].open = false;
             cout <<"cut node "<< u << " from "<<lable[u]
             <<" to "<<lable[v]<<endl;</pre>
             cout <<"switch "<<j/pre>j/2 << ": close"<<endl;</pre>
             int k = (e+1)/2*2;
             Edges[k].open = true;
             Edges[k-1].open = true;
             cout <<"switch " <<k/2 <<": open"<<endl;</pre>
             lable[u] = lable[v];
             break;
        }
    }
}
int main() {
     freopen("a.in","r", stdin);
    freopen ("a.out", "w", stdout);
```

```
int n0, m0, s1, s2;
    cin >> n0 >> m0 >> s1 >> s2;
    elecNet en (n0, m0, s1, s2);
    int t;
    cin >> t;
    vector < int > close;
    for(int i = 0; i < t; i ++){
        int tmp;
        cin >> tmp;
        close.emplace back(tmp);
    }
    en.addAlwaysClose(close);
    for (int i = 1; i \le m0; i++)
        int u, v;
        bool open;
        cin >> u>>v>>open;
        en.addEdge(u,v,open);
        en.addEdge(v,u,open);
    }
    vector < int > a;
    a.emplace back(0);
    for (int i = 1; i \le m0; i++)
        int w;
        cin >> w;
       a.emplace back(w);
     // a.emplace back(w);
    en.inputEdge(a);
    en.connect();
    en.findRemoveNode();
    en.remove();
    return 0;
//input:
```

```
//14 13 1 2
//4 5 7 11 14
//1 3 1
//3 4 1
//4 5 0
//4 6 1
//6 8 1
//6 7 0
//8 9 0
//9 10 1
//10 12 1
//10 11 0
//12 14 0
//12 13 1
//2 13 1
//1
//2
//0
//11
//11
//0
//0
//2
//2
//0
//0
//2
//3
```