## Prima degli oggetti: Record e polimorfismo di sottotipo

#### Record (Struct)

- Introdotti per manipolare in modo unitario dati di tipo eterogeneo
- Li troviamo in C, C++, OCaml, ....
- Javascript: non ha tipi record, sussunti dagli oggetti
- Record possono essere annidati

### Esempio (C)

```
struct studente {
  char nome[20];
  int matricola;
};

studente s;
s.matricola = 343536;
```

### Esempio JavaScript (aka Object)

```
const CartoonCharacter =
{
  Name: "Goofy",
  Created: 1932,
  FirtAppeared: "Mickey's Revue"
};
```

### Record: implementazione nel compilatore

Memorizzazione sequenziale dei campi. Possibili approcci:

- Allineamento dei campi alla parola di memoria (32/64 bit): un campo per ogni parola
  - spreco di memoria (per i tipi di dato "piccoli": char, short, byte, ...)
  - o accesso semplice
- Memorizzazione come packet record
  - disallineamento
  - o accesso più costoso

Record: implementazione con allineamento alla parola (es. 32 bit)

L'allineamento alla parola determina uno spreco di occupazione di memoria

## Record: implementazione con allineamento alla parola (es. 32 bit)

```
// effettivo "memory layout" (C COMPILER)
struct x {
char a; // 1 byte
char pad0[3]; // padding 'b' su 4 byte
int b; // 4 byte
short c; // 2 byte
char d; // 1 byte
char pad1[1]; // padding sizeof(x)
             // multiplo di 4
```

Record: implementazione con allineamento alla parola (es. 32 bit)

```
compilatore per rispettare
// effettivo "memory layo
                                  l'allineamento
struct x {
char a;
                       pyte
char pad0[3];
                                   su 4 byte
int b;
short c;
char d;
                       byte
char pad1[1]; \checkmark / padding sizeof(x)
                 // multiplo di 4
```

Non sono veri campi, ma

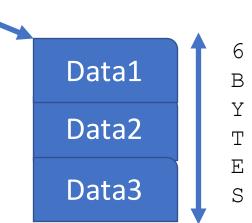
solo spazio aggiunto dal

#### Record: la strategia dei packet record

#### Indirizzo di base

```
struct MyData { short Data1;
short Data2;
short Data3; };
```

• Assunzione: "short" = 2 byte di memoria.



- Implementazione squenziale efficiente (in spazio): 2-byte aligned.
  - Data1 -- offset 0,
  - Data2 offset 2,
  - Data3 -- offset 4.
- Complessivamente bastano 6 byte al posto dei 12 richiesti dall'allineamento alla parola (con parole di 32 bit)
- D'altro canto, la lettura di un campo richiede di leggere una parola ed estrarre il campo da esso (cosa non necessaria con l'allineamento alla parola)

#### Altro esempio

```
struct MixedData
{
    char Data1;
    short Data2;
    int Data3;
    char Data4;
};
```

```
Compilazione 32-bit x86

A char (one byte) will be 1-byte aligned.

A short (two bytes) will be 2-byte aligned.

An int (four bytes) will be 4-byte aligned.
```

# Compilazione su 32 bit x86 (con strategia packet records)

```
struct MixedData
   char Data1; /* 1 byte */
   char Padding1[1]; /* 1 byte for the following
                          'short' to be aligned on a
                         2 byte boundary*/
                      /* 2 bytes */
   short Data2;
                      /* 4 bytes - largest structure
   int Data3;
                         member */
                 /* 1 byte */
   char Data4;
   char Padding2[3]; /* 3 bytes to make total size of
                         the structure 12 bytes */
};
```

# Compilazione su 32 bit x86 (con strategia packet record

Non sono veri campi, ma solo spazio aggiunto dal compilatore per rispettare l'allineamento

```
struct MixedData
                            byte */
    char Data1;
    char Padding1[1];
                           1 byte for the following
                           'short'/o be aligned on a
                           2 byt/boundary*/
                          2 1/tes */
    short Data2;
    int Data3;
                           bytes - largest structure
                          member */
                           1 byte */
    char Data4;
                          3 bytes to make total size of
    char Padding2[3];
                           the structure 12 bytes */
};
```

Di nuovo spazio sprecato...

## Piccola ottimizzazione (fatta dal compilatore)

```
struct MixedData /* field-reordering */
{
    char Data1;
    char Data4;
    short Data2;
    int Data3;
};
```

Bastano 8 byte

#### Record: modello formale

#### Sintassi espressioni

Exp ::= ...  

$$| [l_1: e_1, ... l_n: e_n]$$
 Record  
 $| e.l$  Accesso

#### Valori

$$V := ...$$
  
 $| [l_1: v_1, ... l_n: v_n]$  Record Values

#### **Tipi**

$$\tau ::= ...$$
|  $[I_1: \tau_1, ... I_n: \tau_n]$  Record Types

## Record: Regole di tipo (semantica statica)

$$\frac{\forall i \in [1,k] \cdot \Gamma \vdash e_i \colon \tau_i}{[l_1 \colon e_1, \dots, l_k \colon e_k] \to [l_1 \colon \tau_1, \dots, l_k \colon \tau_k]}$$

$$\frac{\Gamma \vdash e \colon [l_1 \colon \tau_1, \dots, l_k \colon \tau_k], \quad 1 \leq j \leq k}{\Gamma \vdash e \colon l_j \colon \tau_j}$$

## Record: regole di valutazione (sem. dinamica)

$$\frac{\forall i \in [1, k]. \, e_i \to v_i'}{[l_1 : e_1, \dots \, l_k : e_k] \to [l_1 : v_1, \dots, l_k : v_k]}$$

$$\frac{e \to [l_1: v_1, \dots, l_k: v_k] \quad 1 \le i \le k}{e. l_i \to v_k}$$

#### record: implementazione in OCaml

#### Funzioni di valutazione

```
(* accesso al campo con label | *)
let rec lookupRecord recordbody (Lab |) =
    match recordbody with
    | [] -> raise FieldNotFound
    | (Lab |', v)::t ->
        if | = |' then v else lookupRecord t (Lab |)
```

#### Interprete

$$\frac{\forall i \in [1,k]. \, e_i \rightarrow v_i'}{[l_1 \colon e_1, \dots \ l_k \colon e_k] \rightarrow [l_1 \colon v_1, \dots, l_k \colon v_k]}$$

$$\frac{e \to [l_1: v_1, \dots, l_k: v_k] \quad 1 \le i \le k}{e. l_i \to v_k}$$

```
let rec eval e = match e with
 | Record(rbody) -> Record(evalRecord rbody)
 | Select(e, I) -> match eval e with
       | Record(rbody) -> lookupRecord rbody |
       _ -> raise TypeMismatch
and evalRecord recordbody =
       match recordbody with
       | [] -> []
       |(Lab I, e)::t -> (Lab I, eval e)::evalRecord t
```

#### Record e polimorfismo

I record suggeriscono un nuovo concetto di polimorfismo:

 Ad esempio: consideriamo la seguente funzione in Lambda-calcolo tipato/MiniCaml esteso con record:

$$(fun r: [x: Nat] = r. x)$$

- La funzione prende un record con un campo di nome x e restituisce il valore associato al campo di nome x
- Possiamo quindi applicarla all'argomento [x: 0]

$$Apply((fun r: [x: Nat] = r. x), [x: 0]) \rightarrow 0$$

### Record e polimorfismo

• Ad eser con rec

• La funz valore :

• La fu

• Possiamo quindi applicarla all'argomento [x: 0]

$$Apply((fun r: [x: Nat] = r. x), [x: 0]) \rightarrow 0$$

### Record e polimorfismo

I record ¶

 Ad eser con rec **Domanda:** è possibile applicare la stessa funzione anche al record [x: 0, y: 1]?

Caml esteso

• La funz valore a

Risposta: in linea di principio si (istanziando r con [x:0,y:1] il corpo viene valutato senza problemi), ma l'espressione non supera il type checking

restituisce il

Possiamo quindi applicarla all'argomento [x: 0]

$$Apply((fun r: [x: Nat] = r. x), [x: 0]) \rightarrow 0$$

### Tipi delle funzione

Ricordiamo la regola di tipo della chiamata di funzione ....

$$\frac{\Gamma \vdash e_1 \colon \tau_1 \to \tau_2 \quad \Gamma \vdash e_2 \colon \tau_1}{\Gamma \vdash Apply(e_1, e_2) \colon \tau_2}$$

... e una sua istanza per l'espressione

$$Apply((fun \ r: \{x: Nat\} = r. x), \{x: 0, y: 1\})$$

### Tipi delle funzione

Ricordiamo la regola di tipo della chiamata di funzione ....

$$\frac{\Gamma \vdash e_1 \colon \tau_1 \to \tau_2 \quad \Gamma \vdash e_2 \colon \tau_1}{\Gamma \vdash Apply(e_1, e_2) \colon \tau_2}$$

... e una sua istanza per l'espressione

$$Apply((fun \ r: [x: Nat] = r. x), [x: 0, y: 1])$$

Nel sistema di tipo l'applicazione non è tipabile. Il tipo dell'argomento attuale è il tipo di un record [x:Nat,y:Nat], mentre la funzione accetta un ricord di tipo [x:Nat]. Ma la funzione richiede solo che il suo argomento sia un record con un campo x; non le importa quali altri campi possa avere o meno

### Tipi delle funzione

Ricordiamo la regola di tipo della chiamata di funzione ....

$$\frac{\Gamma \vdash e_1 \colon \tau_1 \to \tau_2 \quad \Gamma \vdash e_2 \colon \tau_1}{\Gamma \vdash Apply(e_1, e_2) \colon \tau_2}$$

... e una sua istanza per l'espressione

$$Apply((fun \ r: [x: Nat] = r. x), [x: 0, y: 1])$$

Nel sistema di tipo l'applicazione non è tipabile.

Il tipo dell'argo mentre la funzi Ma la funzione

Ci servirebbe una funzione polimorfa!

prd [x:Nat,y:Nat], lat].

to sia un record con

un campo x; non le importa quali altri campi possa avere o meno

#### Polimorfismo

Una funzione è polimorfa se ha la caratteristica di essere applicabile ad argomenti di tipo diverso.

```
//Funzione identità polimorfa
# fun x -> x;;
- : 'a -> 'a = <fun>
# let id x = x;;
val id : 'a -> 'a = <fun>
# id 5;;
- : int = 5
# id "ciao";;
- : string = "ciao"
```

### Polimorfismo: esempio classico

```
# let rec map (f:'a -> 'b) (xs:'a list) : 'b list =
   match xs with
   | [] -> []
   | hd::tl -> (f hd)::(map f tl);;
val map : ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list = <fun>
```

```
# let rec map f xs =
    match xs with
    | [] -> []
    | hd::tl -> (f hd)::(map f tl);;
val map : ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list = <fun>
```

Variabili di tipo (aka "tipi

## Polimorfismo TypeScript

```
function identity<Type>(arg: Type): Type {
    return arg;
}

let output = identity("myString");
let output: string
```

Funzione polimorfa (ancora variabili di tipo come parametri)

### Polimorfismo TypeScript

```
class GenericNumber<NumType> {
  zeroValue: NumType;
  add: (x: NumType, y: NumType) => NumType;
let myGenericNumber = new GenericNumber<number>();
myGenericNumber.zeroValue = 0;
myGenericNumber.add = function (x, y) {
      return x + y;
};
```

Classe con Generics (ancora parametri di tipo...)

#### Polimorfismo

```
function identity<Type>(arg: Type): Type {
  return arg;
}
```

```
# fun x -> x;;
                               Sono tutti esempi di:
- : 'a -> 'a = <fun>
                                  POLIMORFISMO
                                   PARAMETRICO
# let rec map f xs =
                           (basato su tipi con parametri)
  match xs with
   | [] -> []
   | hd::tl -> (f hd)::(map f tl);;
val map : ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list = <fun>
class GenericNumber<NumType> {
 zeroValue: NumType;
 add: (x: NumType, y: NumType) => NumType;
```

## Polimorfismo per sottotipo (subsumption)

Introduciamo una nuova nozione di polimorfismo, il polimorfismo per sottotipo

#### Idea:

- si basa sull'assunzione che valori di un certo tipo T1 possano sempre essere usati al posto di valori di un altro tipo T2 (T1 è sottotipo di T2, si scrive T1 <: T2)
- estende il sistema di tipi consentendo ai valori di tipo T1 di essere considerati anche di tipo T2 (regola di subsumption)

Polimorfismo per sottotipo

Quindi:

[x: Nat, y: Nat] <: [x: Nat]

poiché un record con i campi x e y può essere usato ovunque sia richesto un record con un campo x

## Polimorfismo per sottotipo

```
class OggettidiValore {
    name: string;
    year: number;
}

class Quadri {
    name: string;
    year: number;
    painter: string;
}
```

La classe Quadri è sottotipo di Oggetti di valore

#### Dall'intuizione alla formalizzazione

Possiamo formalizzare questa intuizione introducendo

- (1) una relazione di sottotipo, S <: T, S è un sottotipo di T
- (2) una regola di **subsumption** che afferma che, se S <: T, allora ogni valore di tipo S può anche essere considerato di tipo T

## Regola di subsumption

$$\frac{\Gamma \vdash e : S \quad S <: T}{\Gamma \vdash e : T}$$

Esempio: Record

Usando la regola di subsumption

$$\emptyset \vdash [x = 0, y = 1] : [x : Nat]$$

L'applicazione è tipata correttamente

$$Apply((fun \ r: [x: Nat] = r. x), [x: 0, y: 1])$$

Record: Relazione di sottotipo <:

#### Definizione di <: per i record

$$[l_1:\tau_1,\ldots,l_n:\tau_n,\ldots,l_{n+k}:\tau_{n+k}] <: [l_1:\tau_1,\ldots,l_n:\tau_n]$$

Il tipo di un record con n+k campi è un sottotipo del tipo del record n campi con stessi tipi dei singoli campi. Record: Relazione di sottotipo <:

#### Definizione di <: per i record

$$[l_1:\tau_1,\ldots,l_n:\tau_n,\ldots,l_{n+k}:\tau_{n+k}] <: [l_1:\tau_1,\ldots,l_n:\tau_n]$$

Il tipo di un record con n+k campi è un sottotipo del tipo del record n campi (con stessi tipi dei singoli campi).

L'ordine dei campi è irrilevante

$$\frac{[l_1:\tau_1,...,l_n:\tau_n] \ \ permutazione \ di \ \ [l'_1:\tau'_1,...,l'_n:\tau'_n]}{[l_1:\tau_1,...,l_n:\tau_n] <: [l'_1:\tau'_1,...,l'_n:\tau'_n]}$$

Record: Relazione di sottotipo

$$[l_1:\tau_1,\ldots,l_n:\tau_n,\ldots,l_{n+k}:\tau_{n+k}] <: [l_1:\tau_1,\ldots,l_n:\tau_n]$$

$$\frac{[l_1:\tau_1,...,l_n:\tau_n] \ \ permutazione \ di \ \ [l'_1:\tau'_1,...,l'_n:\tau'_n]}{[l_1:\tau_1,...,l_n:\tau_n] <: [l'_1:\tau'_1,...,l'_n:\tau'_n]}$$

Per completare la definizione:

$$\frac{\forall i \,. \tau_i <: \tau'_i}{[l_1:\tau_1, \ldots, l_n:\tau_n] <: [l_1:\tau'_1, \ldots, l_n:\tau'_n]}$$

Il sottotipo può operare in "profondità" sui campi dei record

### Piccolo esercizio

Derivare, usando le regole di <:, la seguente relazione

[x: Nat, y: [a: Nat, b: Bool], z: Bool] <: [z: Bool, y: [a: Nat]]

## Top e <: come preordine

È conveniente avere un tipo che sia un supertipo di ogni tipo. Introduciamo una nuova costante di tipo *Top*, più una regola che rende *Top* l'elemento massimo della relazione sottotipo.

#### Intuizione:

In java le classi sono sottotipo della classe Object

Inoltre, è naturale vedere <: come relazione simmetrica e transitiva:

$$S <: S$$
  $S_1 <: S_2, S_2 <: S_3$   $S_1 <: S_3$ 

... e le funzioni?

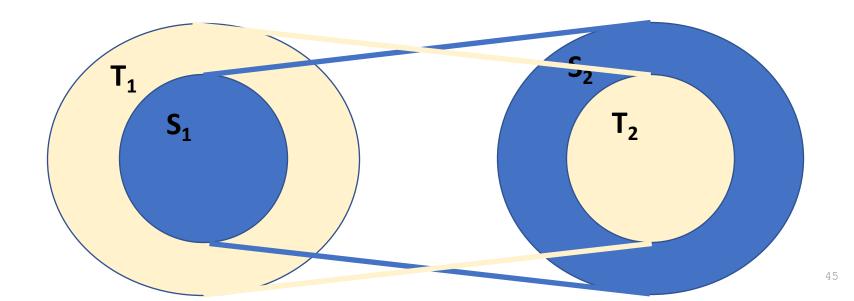
Funzioni: subsumption

$$\frac{T_1 <: S_1 \quad S_2 <: T_2}{S_1 \to S_2 <: T_1 \to T_2}$$

#### Intuizione

Consideriamo una funzione f di tipo  $S_1 \to S_2$ , f prende in ingresso valori di tipo  $S_1$  e potrà anche operare con argomenti di un qualsiasi sottotipo  $T_1$  di  $S_1$ . Il tipo di f ci dice anche che la funzione produce come risultato valori di tipo  $S_2$ ; questi risultati possono anche appartenere a qualunque supertipo  $T_2$  di  $S_2$ . Pertanto una funzione di tipo  $S_1 \to S_2$  può anche essere vista come avente tipo  $T_1 \to T_2$ .

$$\frac{T_1 <: S_1 \quad S_2 <: T_2}{S_1 \to S_2 <: T_1 \to T_2}$$



## La relazione di sottotipo

$$\frac{T_1 <: S_1 \quad S_2 <: T_2}{S_1 \to S_2 <: T_1 \to T_2}$$

La relazione di sottotipo è contravariante nella parte sinistra del tipo freccia e covariante nella parte destra.

**Controvariante: inverte la relazione d'ordine** 

**Covariante: rispetta l'ordine** 

## Ma nella pratica non è sempre così: uno sguardo a Java

I linguaggi di programmazione spesso non adottono le regole di sottotipo per record e funzioni.

In Java, una sottoclasse non può cambiare i tipi dei parametri dei metodi, ma può rendere più specifico il tipo del risultato (covariante su risultati, invariante sugli argomenti).

$$\frac{S_1 <: T_1}{m: S \rightarrow S_1 <: m: S \rightarrow T_1}$$

... ne riparleremo più avanti!

Liste: sottotipo

$$\frac{S <: T}{List S <: List T}$$

List è un costruttore di tipo covariante.

Prima degli oggetti:

# Tipi di dato astratti

(ADT: Abstract Data Types)

## Tipi di dato astratti – Abstract Data Types

- Un tipo di dato astratto (ADT) consiste in un insieme di dati e una collezione di operazioni per operare sui dati di quel tipo
- Estendibili: Meccanismi linguistici per costruire nuovi tipi di dato astratto
- Astratti: La rappresentazione è nascosta agli utenti del dato
- **Incaspulati**. Si opera con i dati solo attraverso le operazioni fornite dall'ADT.
- Distinzione tra specifica e implementazione

## ADT: specifica

La specifica di un ADT descrive il tipo di dati e le operazioni senza fornire I dettagli di implementazione: solo la semantica delle operazioni

La specifica di un ADT fornisce le informazioni necessarie per usare effettivamente il tipo nelle sviluppo di programmi: Dichiarazioni della segnatura delle funzioni

## ADT: Implementazione

Definizione dei dettagli di implementazione di un ADT

Implementazione non accessibile all'utente tramite delle forme di controllo dell'accesso

Implementazione dettagli su tutte le strutture di dati e tutte le operazioni

### ADT: una forma di astrazione

- Astrazione per specifica: descrivono il **cosa** (**what**) delle funzionalità di un modulo di un programma e lasciando il **come** (**how**) a chi deve effettivamente realizzare la funzionalità offerta dal modulo.
- La forma di astrazione dei ADT è più chiara quando si esamina la sintassi, spesso espressa in forma algebrica.

## Esempio di specifica (in pseudolinguaggio)

```
Stack <E>
   Signature //Operazioni significative
       new : -> STACK
       push : E, STACK -> STACK
       top : STACK -> E
       pop : STACK -> STACK
       isEmpty : STACK -> Bool
       undef e : -> E //Completezza
       undef s : -> STACK
   Axioms //Proprietà astratte da rispettare
       \forall e: E, stk: STACK
           top(push(e, stk)) = e;
           top(new) = undef e ;
           pop(push(e, stk)) = stk;
           pop(new) = undef s ;
           isEmpty(new) ;
           ~isEmpty(push(e, stk))
```

#### Discussione

Abstract Data Type (ADT) è un concetto astratto definito da assiomi che rappresentano alcuni dati e operazioni su quei dati.

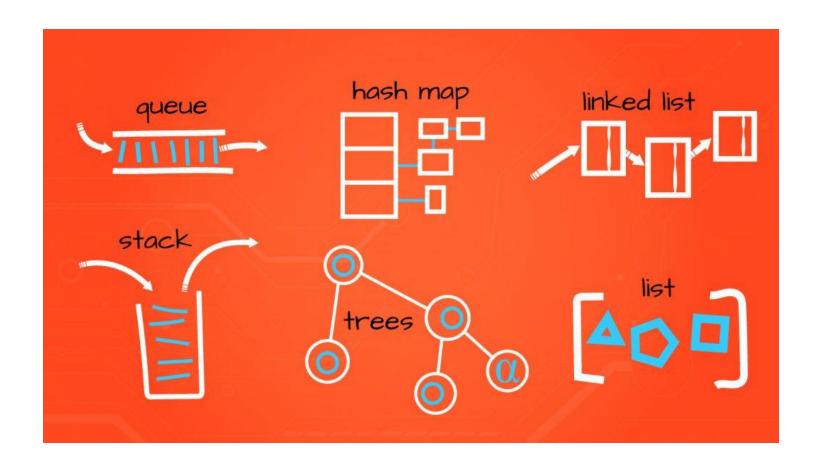
I tipi di dati astratti si concentrano su cosa, non come (sono strutturati in modo dichiarativo e non specificano algoritmi o strutture di dati).

Gli ADT ci forniscono un modo per definire formalmente i moduli riutilizzabili in un modo matematicamente valido, preciso e non ambiguo.

Gli ADT devono avere una strattura FAMED. Formale, ampiamente applicabile, minimo, estensibile e dichiarativo.

Gli ADT dovrebbero includere una descrizione leggibile dall'uomo, definizioni, firme astratte e assiomi formalmente verificabili.

# ADT presenti nelle librerie standard (API) di molti linguaggi di programmazione



## Un esempio: il sistema dei moduli di Ocaml

Introduciamo il tipo astratto **t** e lo referiamo con **BOOL** 

Tipi astratti sono denotabili

Il tipo ammette due valori (yes, no) e una operazione choose

Segnatura dichiara la forma del tipo non l'implementazione

## Una implementazione

La struttura di implementazione concreta (rep) utilizza option type sul tipo unit

Due valori concreti per **yes** e **no** e **choose** è implementata in modo standard tramite il pattern matching

## Una seconda implementazione

```
module M2 : BOOL = struct
  type t = int
  let yes = 1
  let no = 0
  let choose b ifyes ifno =
   if b = 1 then
    ifyes
   else
   ifno
end
```

La struttura di implementazione è basata su int con le ovvie scelte

#### Considerazioni

**Specifica**: La segnatura – BOOL – incaspula il tipo astratto t

Implementazione: rappresentazione concreta del tipo astratto e rispettando i vincoli della segnatura su valori e operazioni

#### Barriere di rappresentazione

Codice del cliente del tipo non può conoscere la rappresentazione: le due implementazioni sono indistinguibili

## ADT e Paradigma a Oggetti

 Le nozioni alla base dei tipi di dato astratto costituiscono gli aspetti fondazionali del paradigma a oggetti