



# 基于LSB的隐写与隐写分析

---

雷敏

北京邮电大学 网络空间安全学院

leimin@bupt.edu.cn

# LSB隐写的特点

---

- 研究最早
- 算法简单
- 隐藏量大
- 应用广泛

# LSB隐写的原理

---

- 位平面与视觉效果的关系
- 隐写技术——替换



原图



隐写后图像

# LSB隐写步骤

---

- 将秘密信息转化为比特流
- 将比特流进行加密或置乱（用密钥）
- 逐行/或逐列/或随机游走的方式替换载体图像的最低比特位
- 接收者提取最低比特位，恢复秘密信息

# 思考

---

- 特征分析法对LSB隐写有效吗?
  - 隐写软件现有版本已经逐渐去除特征码
- 通过感观分析能够检测LSB隐写吗?
  - 有效：最低比特平面不具有随机性
  - 一般情况，隐写前后感观质量不下降
- 统计分析对LSB隐写有效吗?

# $\chi^2$ 分析

---

- LSB方法:
- 如果秘密信息位与隐藏位置的像素灰度值的最低比特位相同，不改变原始载体
- 反之，则改变灰度值的最低位
  - $0010\ 0011 \leftrightarrow 0010\ 0010\ 35 \leftrightarrow 34$
  - $2i \leftrightarrow 2i+1$

# $\chi^2$ 分析

---

## ○ 约定:

- $q$ : 一个像素被选中用于隐藏信息的概率;
- $T_c[j], j = 0, 1, 2, \dots, 255$ : 载体图像中, 值为 $j$ 的像素个数;
- $T_s[j], j = 0, 1, 2, \dots, 255$ : 隐写图像中, 值为 $j$ 的像素个数;

## ○ 假设:

- 秘密消息中比特0和1随机分布;
- $T_c[2i]$ 个值为 $2i$ 的像素中, 有 $\frac{q}{2}T_c[2i]$ 个像素的最低比特与消息相同, 不需要修改;

# $\chi^2$ 分析

---

## ○ 假设：

- 有 $\frac{q}{2}T_c[2i]$ 个像素最低比特与消息不同，像素值变为 $2i + 1$ ；
- 类似地，值为 $2i + 1$ 的像素中，有 $\frac{q}{2}T_c[2i + 1]$ 个像素最低比特与消息不同，像素值变为 $2i$ ；

## ○ 可得：

- $E\{T_s[2i]\} = (1 - \frac{q}{2})T_c[2i] + \frac{q}{2}T_c[2i + 1]$
- $E\{T_s[2i + 1]\} = (1 - \frac{q}{2})T_c[2i + 1] + \frac{q}{2}T_c[2i]$



## $\chi^2$ 分析

---

○ 当  $q = 1$  时:

- $E\{T_s[2i]\} = E\{T_s[2i + 1]\}$
- $= 0.5\{T_c[2i] + T_c[2i + 1]\}$
- $= 0.5\{T_s[2i] + T_s[2i + 1]\}$
- 即, 对于隐写图像来说,
- 值为  $2i$  的像素个数的观测值为:  $T_s[2i]$
- 值为  $2i$  的像素个数的理论值  $\overline{T_s[2i]}$  为:  
 $0.5\{T_s[2i] + T_s[2i + 1]\}$
- 当  $q = 1$ , 这两者趋于相等。

# $\chi^2$ 分析——值对翻转统计效果示例

---

- 在测试图像的所有最低位上嵌入秘密信息



## $\chi^2$ 分析——值对翻转统计效果示例

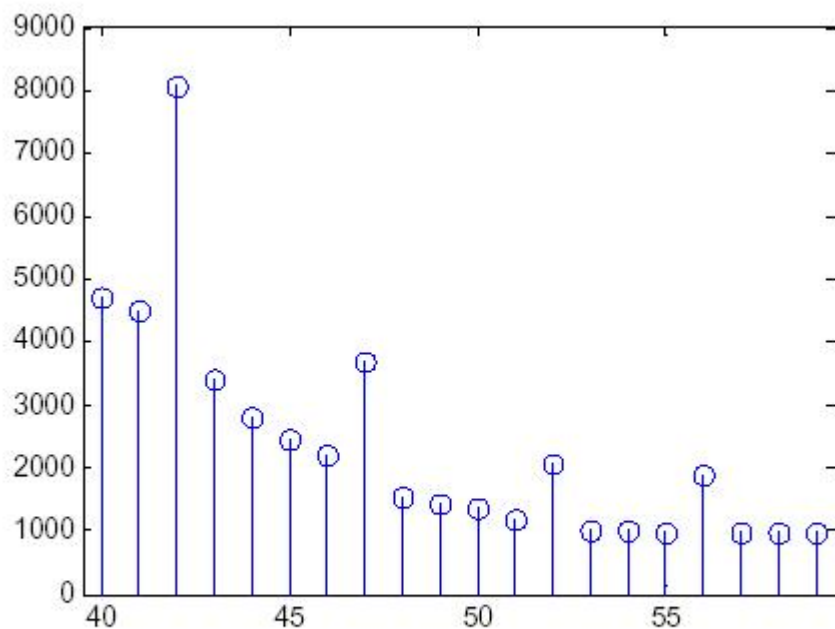


图 3.2.2 原始图像 Man 的灰度直方图局部

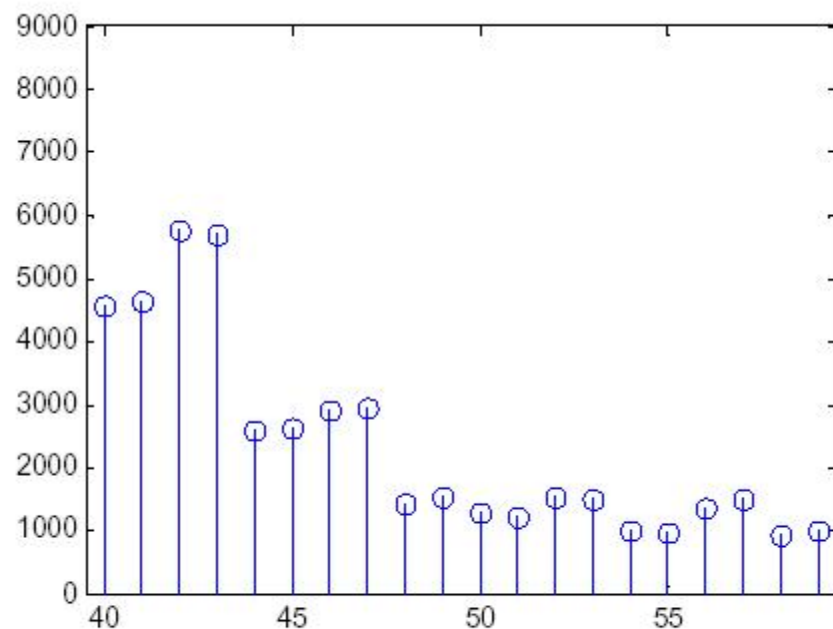


图 3.2.3 密写图像 Man 的灰度直方图局部

# $\chi^2$ 分析

---

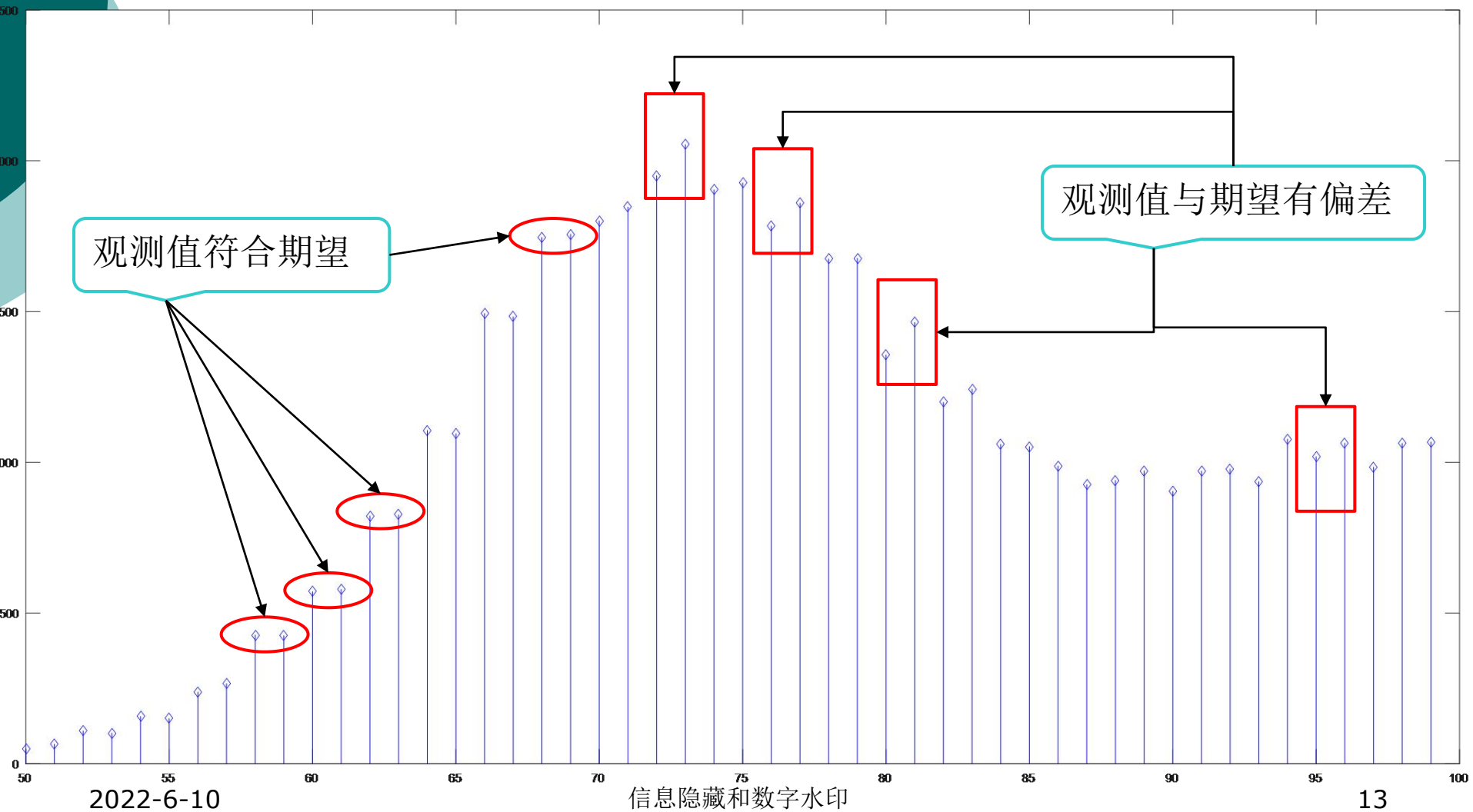
- 结论:

- 如果图像LSB隐写, 那么 $\overline{T_s}[2i]$ 与 $T_s[2i]$ 一致。

- 问题:

- $\overline{T_s}[2i]$ 与 $T_s[2i]$ 的关系如何, 可认为一致?

# $\chi^2$ 分析—— $\overline{T_s[2i]}$ 与 $T_s[2i]$



# $\chi^2$ 分析

---

## ○ 卡方检验:

- 如果图像LSB隐写, 那么 $\overline{T_s}[2i]$ 与 $T_s[2i]$ 一致。
- 可以用卡方检验来检测 $\overline{T_s}[2i]$ 与 $T_s[2i]$ 的一致性。
- 由卡方检验原理可知, 统计量

- $$S = \sum_{i=1}^k \frac{(T_s[2i] - \overline{T_s}[2i])^2}{\overline{T_s}[2i]}$$

- 服从自由度为 $k - 1$ 的卡方分布 ( $\chi^2$ 分布)。

# $\chi^2$ 分析

## ○ 隐写分析:

- 计算待检测图像统计量 $s$ ， $s$ 的值越小，意味 $\overline{T_s}[2i]$ 与 $T_s[2i]$ 越一致，也就是说待检测图像是隐写图像的概率越高；
- 反之， $s$ 的值越大，意味 $\overline{T_s}[2i]$ 与 $T_s[2i]$ 差异越大，也就是说待检测图像是隐写的概率越低；
- 通常计算 $p$ 值， $p(s) = P(\chi \geq s), \chi \sim \chi^2(k-1)$ 来判别。
- 如果图像没隐写， $s$ 很大， $p(s)$ 近似于0；
- 实际应用中， $p(s) > \alpha$ ，即认为图像包含秘密信息。

# 实验结果

- 对灰度图像的上半部分进行LSB隐写，计算p值

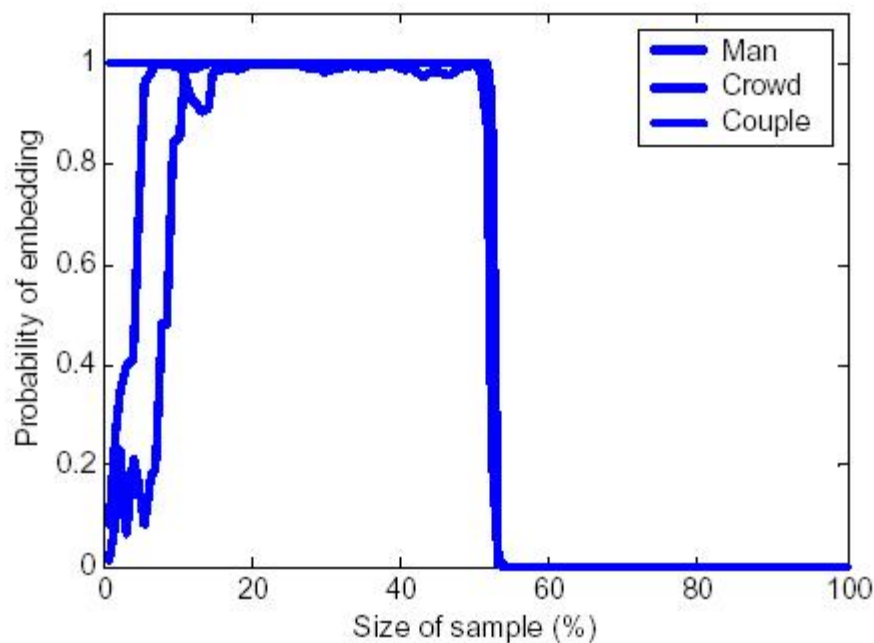


图 3.2.4 对三幅密写图象进行 $\chi^2$ 统计分析的结果。横坐标表示分析区域占整幅图象的比例，纵坐标表示密写可能性 $p$ 的计算结果。



# 存在的问题

---

- 在下述情况下，卡方检测难以奏效
  - 不是连续嵌入
  - 隐写率较低

# 问题

---

- 根据卡方检测的原理，如何改进算法使其能够抵抗卡方分析？

# 直方图补偿隐写

---

- $\chi^2$ 法关键：隐写后直方图改变
- 为提高隐写的安全性，设计的隐写算法要保持直方图不改变
- 对隐写后的图像进行额外操作，补偿直方图失真

# 小结

---

- 隐写分析 ( Steganalysis )
  - 判定载体是否隐写, 隐写率, 提取秘密信息
- 隐写分析方法
  - 感观分析, 特征分析, 统计分析, 通用分析
- 卡方分析
  - 直方图统计特性变化
  - 灰度值为 $2i$ 和 $2i+1$ 的像素出现频率趋于相等
  - 隐写分析的结果反过来促进隐写技术的提高