



## 07.2

# JPEG图像的隐写与隐写分析

---

钮心忻、杨榆、雷敏

北京邮电大学信息安全中心

yangyu@bupt.edu.cn

# JPEG图像隐写软件

---

- Jsteg
- OutGuess
- F5
- 改变了载体图像的DCT直方图或分块效应

# JPEG压缩过程

---

- 将原始图像分割为 $8 \times 8$ 的小块
- 每小块作二维DCT变换
  - 左上角为直流，zigzag扫描，对应频率从低到高
- 对DCT系数进行量化
  - 对不同频率成分采用不同的量化步长
  - 量化后的DCT系数是整数

# JPEG压缩过程

## ○ 标准量化表

$$Q = \begin{bmatrix} 16 & 11 & 10 & 16 & 24 & 40 & 51 & 61 \\ 12 & 12 & 14 & 19 & 26 & 58 & 60 & 55 \\ 14 & 13 & 16 & 24 & 40 & 57 & 69 & 56 \\ 14 & 17 & 22 & 29 & 51 & 87 & 80 & 62 \\ 18 & 22 & 37 & 56 & 68 & 109 & 103 & 77 \\ 24 & 35 & 55 & 64 & 81 & 104 & 113 & 92 \\ 49 & 64 & 78 & 87 & 103 & 121 & 120 & 101 \\ 72 & 92 & 95 & 98 & 112 & 100 & 103 & 99 \end{bmatrix}$$

# Jsteg密写

---

- 将秘密信息嵌入在量化后的DCT系数的LSB上。但原始值为 $-1$ ,  $0$ ,  $+1$ 的DCT系数除外。
- 提取秘密信息时：将图像中不等于 $-1$ ,  $0$ ,  $+1$ 的量化DCT系数的LSB取出即可。

# Jsteg密写——实例

○ 原图像块的像素值为

$$\mathbf{I} = \begin{bmatrix} 139 & 144 & 149 & 153 & 155 & 155 & 155 & 155 \\ 144 & 151 & 153 & 156 & 159 & 156 & 156 & 156 \\ 150 & 155 & 160 & 163 & 158 & 156 & 156 & 156 \\ 159 & 161 & 162 & 160 & 160 & 159 & 159 & 159 \\ 159 & 160 & 161 & 162 & 162 & 155 & 155 & 155 \\ 161 & 161 & 161 & 161 & 160 & 157 & 157 & 157 \\ 162 & 162 & 161 & 163 & 162 & 157 & 157 & 157 \\ 162 & 162 & 161 & 161 & 163 & 158 & 158 & 158 \end{bmatrix}$$

# Jsteg密写——实例

○ DCT变换后的系数矩阵为

$$\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} 1260 & -1 & -12 & -5 & 2 & -2 & -3 & 1 \\ -23 & -17 & -6 & -3 & -3 & 0 & 0 & -1 \\ -11 & -9 & -2 & 2 & 0 & -1 & -1 & 0 \\ -7 & -2 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 1 & 2 & 0 & -1 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & 2 & 0 & -1 & 1 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 2 & 1 & -1 \\ -3 & 2 & -4 & -2 & 2 & 1 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

# Jsteg密写

- 以标准量化表量化后的系数矩阵为

$$Y_Q = \begin{bmatrix} 79 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$



# Jsteg密写

- 其中，只有两个系数可以隐藏秘密信息，如果需要隐藏的为01

$$Y'_Q = \begin{bmatrix} 78 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -3 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

# Jsteg密写

- 用量化表进行逆量化，做逆DCT变换，得到密写图像块
- 对比发现，几乎每个像素都有变化

$$\mathbf{I'} = \begin{bmatrix} 140 & 142 & 145 & 148 & 150 & 151 & 152 & 152 \\ 144 & 146 & 148 & 151 & 152 & 153 & 152 & 152 \\ 151 & 152 & 154 & 155 & 155 & 154 & 153 & 152 \\ 158 & 158 & 159 & 159 & 158 & 156 & 154 & 153 \\ 161 & 162 & 162 & 162 & 160 & 158 & 156 & 154 \\ 162 & 162 & 163 & 163 & 162 & 160 & 157 & 156 \\ 160 & 161 & 162 & 162 & 162 & 160 & 159 & 157 \\ 158 & 159 & 161 & 162 & 162 & 161 & 159 & 158 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{I} = \begin{bmatrix} 139 & 144 & 149 & 153 & 155 & 155 & 155 & 155 \\ 144 & 151 & 153 & 156 & 159 & 156 & 156 & 156 \\ 150 & 155 & 160 & 163 & 158 & 156 & 156 & 156 \\ 159 & 161 & 162 & 160 & 160 & 159 & 159 & 159 \\ 159 & 160 & 161 & 162 & 162 & 155 & 155 & 155 \\ 161 & 161 & 161 & 161 & 160 & 157 & 157 & 157 \\ 162 & 162 & 161 & 163 & 162 & 157 & 157 & 157 \\ 162 & 162 & 161 & 161 & 163 & 158 & 158 & 158 \end{bmatrix}$$

# Jsteg隐写

---

- 将秘密信息嵌入在量化后的DCT系数的LSB上。但原始值为 $-1$ ,  $0$ ,  $+1$ 的DCT系数除外。
- 提取秘密信息时：将图像中不等于 $-1$ ,  $0$ ,  $+1$ 的量化DCT系数的LSB取出即可
- Jsteg隐写就是对DCT系数进行LSB隐写，用 $\chi^2$ 分析可以进行隐写分析

# 基于量化表调整的隐写

- Jsteg隐写可嵌入的DCT系数非常少，因此隐写量较小
- 提出基于量化表调整的隐写：不使用标准量化表

- 不同之处在于：中频量化步长值为1

$$Q' = \begin{bmatrix} 16 & 11 & 10 & 16 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 12 & 12 & 14 & 1 & 1 & 1 & 1 & 55 \\ 14 & 13 & 1 & 1 & 1 & 1 & 69 & 56 \\ 14 & 1 & 1 & 1 & 1 & 87 & 80 & 62 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 68 & 109 & 109 & 77 \\ 1 & 1 & 1 & 64 & 81 & 104 & 104 & 92 \\ 1 & 1 & 78 & 87 & 103 & 121 & 121 & 101 \\ 92 & 95 & 98 & 112 & 100 & 100 & 99 & 99 \end{bmatrix}$$

# 基于量化表调整的隐写

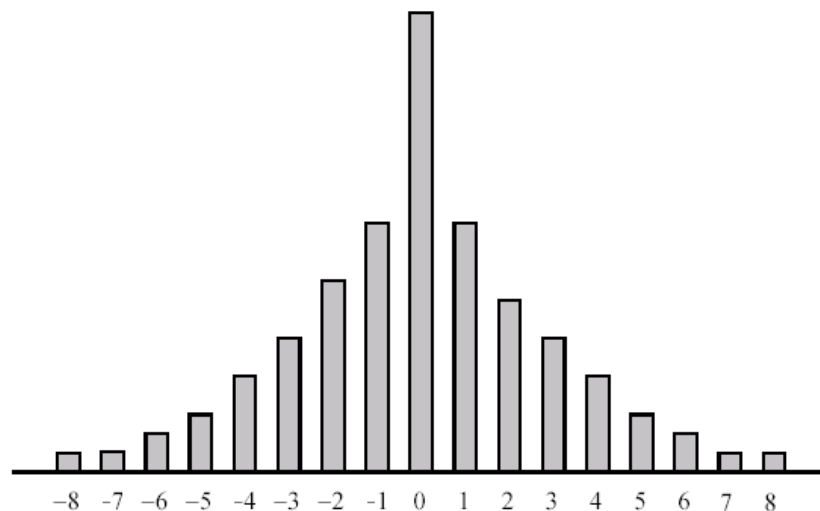
---

- 有较多的量化DCT系数可以进行隐写
- 问题
  - 仍然是LSB隐写，用 $\chi^2$ 分析可以进行隐写分析
  - 量化表中量化步长的异常，会引起分析者怀疑

# F5隐写

## ○ JPEG图像的DCT系数特点

- DCT系数的绝对值越大，其出现的频率越低
- 随着DCT系数绝对值的升高，其出现次数下降的幅度减小



# F3隐写

---

- F5隐写方法是由F3、F4发展而来
- F3隐写
  - 每个非0的DCT系数用于隐藏1比特秘密信息
  - 秘密信息与DCT系数的LSB相同，则不改动；不同则将DCT系数绝对值减1，符号不变
  - 如果原始值为+1或-1，嵌入比特0时，变为0，此隐藏视为无效，在下一个系数上重新嵌入
  - 提取时：将不为0的DCT系数的LSB取出即可

# F3隐写

---

○ 例：

- 已知JPEG图像DCT系数为：-9, -4, 0,0,0,1
- 且
  - 已知负整数最低比特位与其奇偶性一致
  - 已知该图像使用了F3隐藏
- 则从中能提取几比特秘密信息？秘密信息为？



# F3隐写

---

## ○ F3隐写的特点

- 隐写是将绝对值减1，而不是LSB替换，因此可以抵抗 $\chi^2$ 分析
- 漏洞
  - 算法约定：“原始值为+1或-1，嵌入比特0时，变为0，此隐藏视为无效，在下一个系数上重新嵌入”
  - 造成隐藏了更多的比特0
  - 因此隐写后DCT系数直方图中，偶数位置上的灰色柱比奇数位置上的要突出

# F3隐写

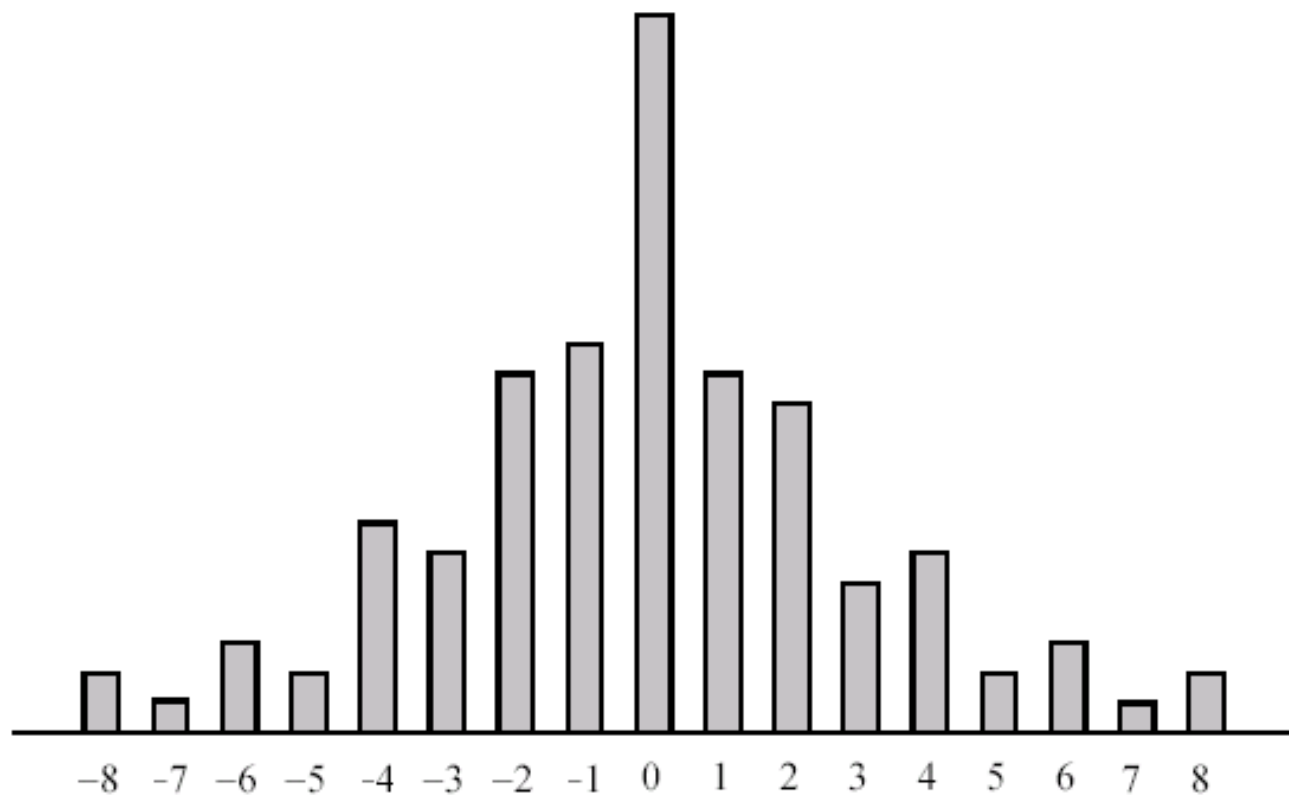


图 5.2.2 F3 密写后图象 DCT 系数直方图特性示意  
信息隐藏与数字水印

# F4隐写

---

## ○ F4隐写

- 用正奇数和负偶数代表秘密信息1
- 用负奇数和正偶数代表秘密信息0
- 值为0的DCT系数仍然不负载秘密信息
- 当欲嵌入的比特与DCT系数代表的信息不同时，  
同样将绝对值减1，符号不变

# F4隐写

---

## ○ F4隐写

- 如果嵌入时产生了0系数，同样无效，在下一个系数上重新嵌入

## ○ 与F3的区别

- 不仅嵌入比特0时可能产生无效隐藏，嵌入比特1时也会产生无效隐藏，需要重新嵌入
- 所以偶数柱比奇数柱突出的特点不会出现

# F4隐写

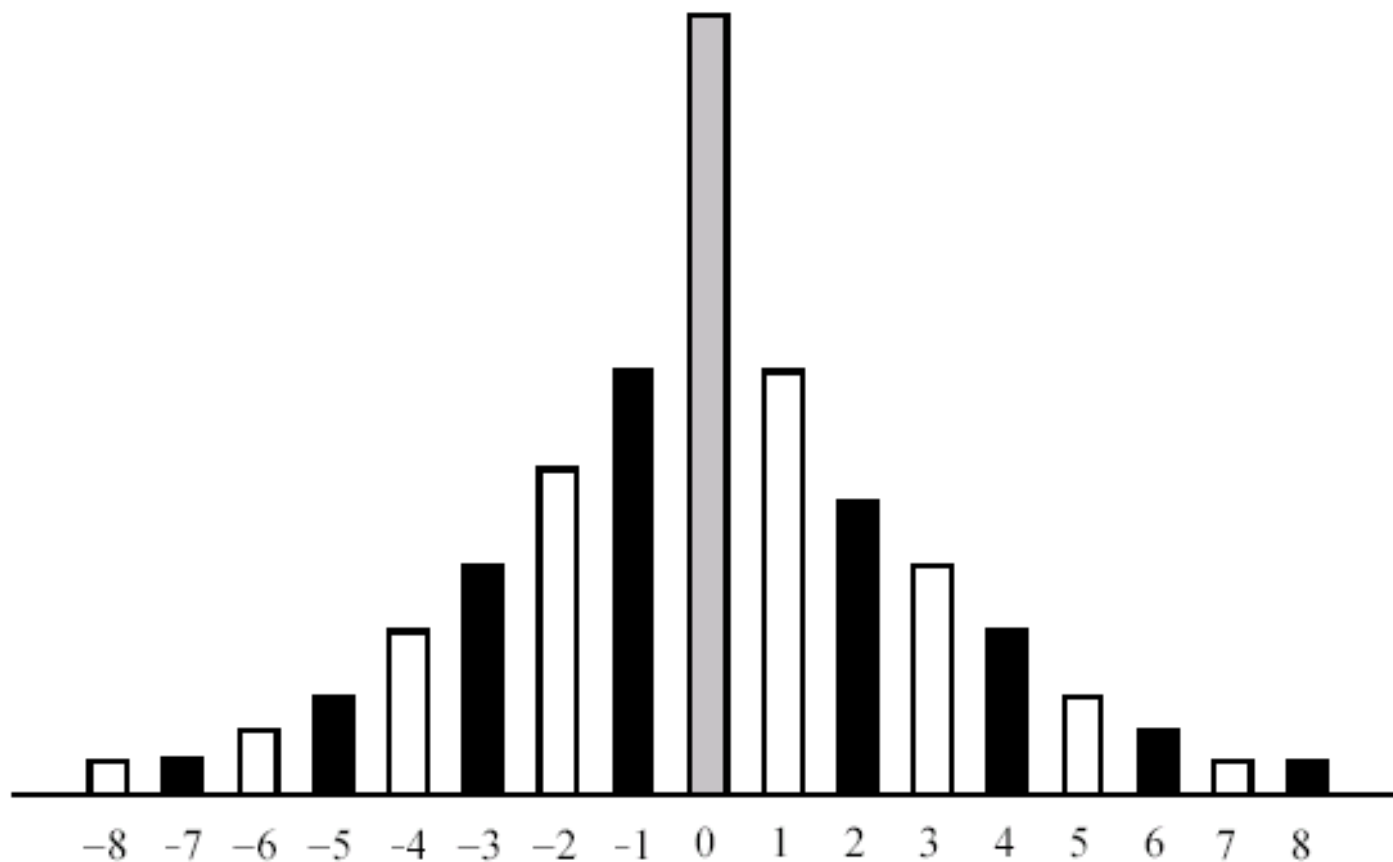


图 5.2.3 F4 密写图象的 DCT 系数直方图

# F5隐写

---

## ○ F5隐写

- 在F4的基础上，添加了混洗技术和矩阵编码技术

## ○ 混洗：使秘密信息分布在整个图像中

- 如果可携带秘密信息的DCT系数个数大于秘密信息长度，采取混洗的方法，随机选择系数进行嵌入

## ○ 矩阵编码

- 优点：减少了LSB的修改量
- 缺点：降低嵌入量

# F5隐写：矩阵编码

---

## ○ LSB隐写

- 嵌入1比特可能修改也可能不修改原数据，概率为0.5
- 则每个LSB的修改可以平均嵌入2比特信息

## ○ 矩阵编码的目的是，使得每个LSB的修改可以嵌入更多的比特信息

- 在 $2^k-1$ 个原始数据的LSB中最多改动1比特达到嵌入k比特的效果
- $k=1$ ：普通LSB隐写
- $k=2$ ：在3个数据上，只修改1比特，代表嵌入2比特

# 矩阵编码

---

- 例如：  $k=2$
- 设  $a_1, a_2, a_3$  是三个载体数据的LSB
- 设  $x_1, x_2$  是要嵌入的秘密比特
- 如果  $x_1 = a_1 \oplus a_3, x_2 = a_2 \oplus a_3$  不改变原数据
- 如果  $x_1 \neq a_1 \oplus a_3, x_2 = a_2 \oplus a_3$  改变  $a_1$
- 如果  $x_1 = a_1 \oplus a_3, x_2 \neq a_2 \oplus a_3$  改变  $a_2$
- 如果  $x_1 \neq a_1 \oplus a_3, x_2 \neq a_2 \oplus a_3$  改变  $a_3$
- 提取：  $a_1$  与  $a_3$  异或为  $x_1$ ，  $a_2$  与  $a_3$  异或为  $x_2$



# 例

- 在  $(-24, 32, -32)$   $(-27, 28, 29)$   $(20, -1, -5)$  上用F5算法隐藏101010, 则隐藏后, 载体变为:
- 根据F5定义 (正奇负偶为1, 负奇正偶为0), 载体对应的比特为:
- $(1, 0, 1)(0, 0, 1)(0, 0, 0)$
- 要隐藏101010, 根据矩阵编码
- $1 \sim = 1 \text{ xor } 1, 0 \sim = 0 \text{ xor } 1$ , 则修改  $a_3(1) \rightarrow 0$ , 即符号不变, 数值减1, 变为-31, 第一组数据为:  $-24, 32, -31$
- $1 == 0 \text{ xor } 1, 0 \sim = 0 \text{ xor } 1$ , 则修改  $a_2(0) \rightarrow 1$ , 即符号不变, 数值减1, 变为27, 第二组数据为:  $-27, 27, 29$
- $1 \sim = 0 \text{ xor } 0, 0 == 0 \text{ xor } 0$ , 则修改  $a_1(0) \rightarrow 1$ , 即符号不变, 数值减1, 变为19, 第三组数据为:  $(19, -1, -5)$

# 矩阵编码

---

## ○ 矩阵编码的特点

- 嵌入效率：嵌入比特数/平均修改长度
- 嵌入效率高：同样嵌入量，对图像的修改少，失真小
- 载体数据利用率：嵌入比特数/所需像素数
- 载体数据利用高：同样的嵌入量，所需的像素少

# 例——分析嵌入效率和数据利用率

- 当 $k=2$ 时，按 $x_1$ 是否等于 $\text{xor}(a_1, a_3)$ 以及 $x_2$ 是否等于 $\text{xor}(a_2, a_3)$ 划分，有四种情况，即：
- a.  $x_1 = \text{xor}(a_1, a_3)$ ,  $x_2 = \text{xor}(a_2, a_3)$
- b.  $x_1 \neq \text{xor}(a_1, a_3)$ ,  $x_2 = \text{xor}(a_2, a_3)$
- c.  $x_1 = \text{xor}(a_1, a_3)$ ,  $x_2 \neq \text{xor}(a_2, a_3)$
- d.  $x_1 \neq \text{xor}(a_1, a_3)$ ,  $x_2 \neq \text{xor}(a_2, a_3)$
- 每种情况发生的概率都相同，即皆为 $1/4$ 。而除了情况a下，不需要修改LSB以外，其它情况下都要修改1个LSB，所以平均修改长度为： $1/4 * 0 + 1/4 * 1 * 3 = 3/4$ 。此时，
- 嵌入效率 = 嵌入比特数 / 平均嵌入长度 =  $2 / (3/4) = 8/3$
- 而普通LSB算法中，
- 嵌入效率 = 嵌入比特数 / 平均嵌入长度  
 $= 1 / (1/2 * 0 + 1/2 * 1) = 1 / (1/2) = 2 < 2.5 = 7.5/3 < 8/3$

# 例——分析嵌入效率和数据利用率

---

## ○ 嵌入效率和数据利用率比较

- $k=2$ 时，嵌入2比特平均修改 $3/4$ 个LSB，
- 普通LSB：嵌入1比特平均修改 $1/2$ 个LSB，
- 嵌入效率比普通LSB高。
- $k=2$ 时，用3个数据负载2比特，
- 普通LSB：1个数据负载1比特，
- 载体数据利用率比普通LSB低。

# 矩阵编码

- $k$  越大，载体数据利用率越低，嵌入效率越高

表 5.2.2 不同  $k$  值相应的矩阵编码性能

$k$	$n$	载体数据利用率	嵌入效率
1	1	100.00%	2.00
2	3	66.67%	2.67
3	7	42.86%	3.43
4	15	26.67%	4.27
5	31	16.13%	5.16
6	63	9.52%	6.09
7	127	5.51%	7.06
8	255	3.14%	8.03
9	511	1.76%	9.02

# F5隐写

---

## ○ 步骤

- 进行JPEG压缩，量化DCT系数
- 混洗DCT系数
- 确定k，并计算  $n = 2^k - 1$
- 实施矩阵编码嵌入
- 逆混洗，产生隐写后的图像

## F5隐写

---

- DCT系数直方图的原始特性不变
- $P(X=x)$ 表示原始图像中，DCT系数等于 $x$ 的概率
- $P(Y=y)$ 表示隐写图像中，DCT系数等于 $y$ 的概率
- $a$ 表示非0DCT系数被改动的概率， $k=1$ 时， $a=1-a$ ， $k>1$ 时， $a<1-a$

# F5隐写

○ 隐写后，直方图统计特性：DCT系数的绝对值越大，其出现的频率越低，得以保持

- $P(Y=1)=(1-a)P(X=1)+aP(X=2)$
- $P(Y=2)=(1-a)P(X=2)+aP(X=3)$
- $P(Y=3)=(1-a)P(X=3)+aP(X=4)$
- $P(Y=1)-P(Y=2)$
- $=(1-a)[p(X=1)-P(X=2)]+a[p(X=2)-P(X=3)]$
- $>(1-a)[p(X=2)-P(X=3)]+a[p(X=2)-P(X=3)]^*$
- $=p(X=2)-P(X=3)$
- $>0$
- $P(Y=2)-P(Y=3)>0\dots$



# F5隐写

○ 隐写后，直方图统计特性：随着DCT系数绝对值的升高，其出现次数下降的幅度减小，得以保持

- $P(Y=1)=(1-a)P(X=1)+aP(X=2)$
- $P(Y=2)=(1-a)P(X=2)+aP(X=3)$
- $P(Y=3)=(1-a)P(X=3)+aP(X=4)$
- $L1-L2=(P(Y=1)-P(Y=2))-(P(Y=2)-P(Y=3))$
- $=(1-a)[(p(X=1)-P(X=2))-(p(X=2)-P(X=3))]+a[(p(X=2)-P(X=3))-(p(X=3)-P(X=4))]$
- $=(1-a)[d1-d2]+a[d2-d3]$
- $>a[d1-d2]+a[d2-d3]^*$
- $=a[d1-d3]$
- $>0$
- $P(Y=1)-P(Y=2)>P(Y=2)-P(Y=3)$

# 总结F5隐写可能的漏洞

---

## ○ DCT系数绝对值减1

- 直方图奇偶不均衡的特点不会出现
- 直方图会由两端向中间收缩

## ○ DCT系数量化是分块进行的

- 不同小块之间会有一定的不连续性
- 当压缩比较高时，人眼可以分辨出小块的界限；用高通滤波后，界限更明显
- F5隐写后，小块间的不连续性更明显

# JPEG图像隐写分析

---

- 直方图分析
- 分块特性分析

# JPEG图像隐写分析

---

- 分析者无法得到原始图像，但是能构造一个统计特性相近的参考图像
  - 将待测图像删除前四行（或前四列），得到参考图像
  - 重新分块，DCT变换，量化
- 参考图像与原始图像有相近的内容，使用相同的量化表
- 参考图像的DCT直方图和分块特性作为原始图像的估计

# JPEG图像隐写分析

## ○ 分块特性

$$B = \sum_{i=1}^{\lfloor (M-1)/8 \rfloor} \sum_{j=1}^N |g_{8i,j} - g_{8i+1,j}| + \sum_{i=1}^M \sum_{j=1}^{\lfloor (N-1)/8 \rfloor} |g_{i,8j} - g_{i,8j+1}|$$

- M, N是图像的行数和列数
- g是像素灰度值
- 分块特性B表示相邻块的相邻像素灰度值之差的绝对值总和

# JPEG图像隐写分析

---

- 计算参考图像的分块特性 $B_e$
- 计算待测图像的分块特性 $B_1$
- 如果 $B_1$ 明显大于 $B_e$
- 或，参考图像与待测图像的DCT系数直方图存在明显差异
- 则可以认为待测图像是经过隐写的
- 此方法可以察觉Jsteg、OutGuess、F5等方法嵌入的秘密信息

# 例1

---

- $512 \times 512$
- 质量因子70
- JPEG图像

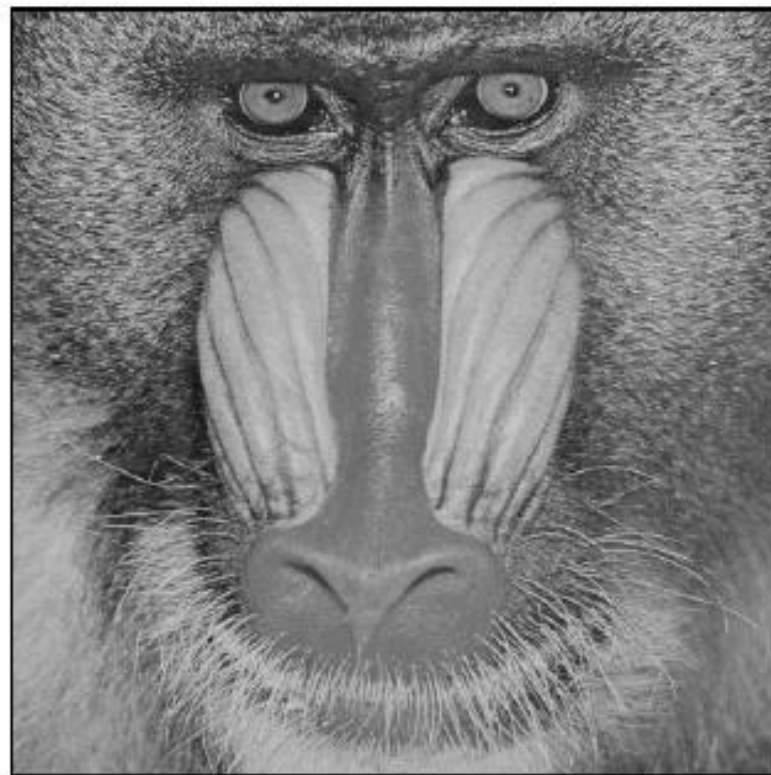


图 5.3.1 质量因子为 70 原始 JPEG 图象 Baboon

# 例1

- 原始直方图
- 参考图像直方图
- F5隐写后的直方图

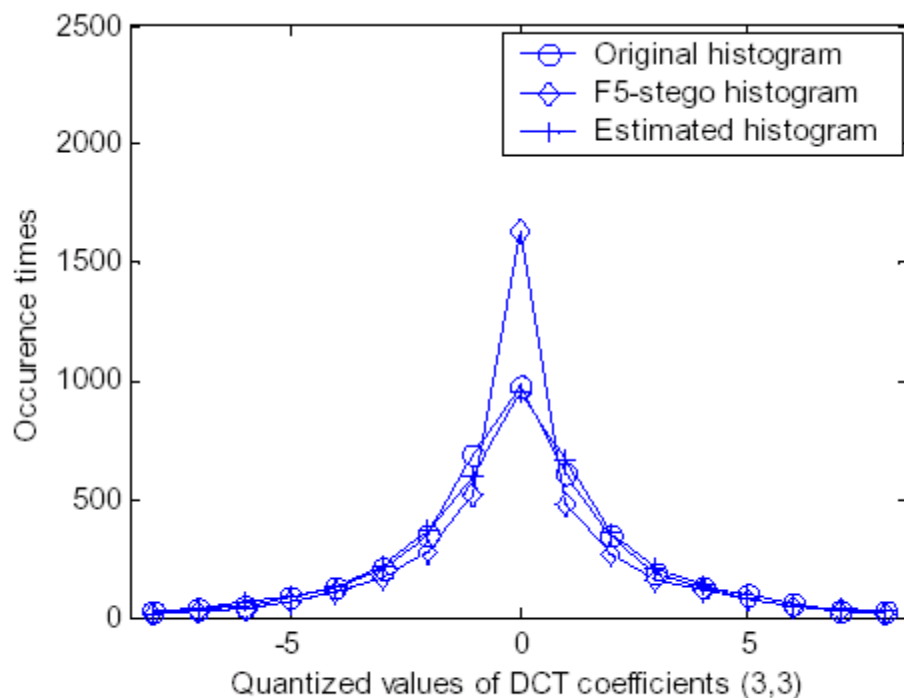


图 5.3.2 原始直方图、估计直方图与 F5 密写后的直方图



## 例2

- $512 \times 512$
- 质量因子70
- JPEG图像



图 5.3.3 质量因子为 70 的原始 JPEG 图象 Man

## 例2

---

- 原始图像分块特性值 $5.40E5$
- 参考图像分块特性值 $5.51E5$
- F5隐写后图像分块特性值 $6.56E5$

# 安全的JPEG隐写

---

- 隐写时兼顾图像的统计特性
  - 不改变DCT直方图
  - 不改变分块特性

# 新隐写算法的原则

---

- 秘密信息嵌入在非零、非直流的DCT系数上，每个系数负载1比特
- 用正奇数和负偶数代表秘密信息1
- 用负奇数和正偶数代表秘密信息0

# 新隐写算法的步骤

---

- 计算原始图像DCT系数直方图，和分块特性
- 将秘密信息每比特对应一个非零、非直流DCT系数
  - 相同：不作任何改动
  - 不同：修改DCT系数
- 修改系数时：可以加1，也可以减1
  - 即：正向调整，负向调整

# 新隐写算法的步骤

---

- 在选择用加1还是减1的方法修改系数时，计算直方图的改变，使得调整后直方图与原始图像直方图近似不变
- 同时，计算分块特性，选择合适的修改（加1还是减1），使得分块特性不会大大偏离原始分块特性

# 新隐写算法的步骤

---

## ○ 提取

- 取出非零、非直流的量化后DCT系数
- 正奇数或负偶数：1
- 负奇数或正偶数：0

## 例：新隐写算法结果

- 可嵌入 $4.5E4$ 个秘密信息比特
- 隐写后PSNR= $35.1\text{dB}$



图 5.4.1 密写后的图象



## 例：新隐写算法结果

---

- 原始图像分块特性  $B_0 = 5.40E5$
- 参考图像分块特性  $B_e = 5.51E5$
- 含密图像分块特性  $B_1 = 5.40E5$

# 例：新隐写算法结果

## ○ 直方图

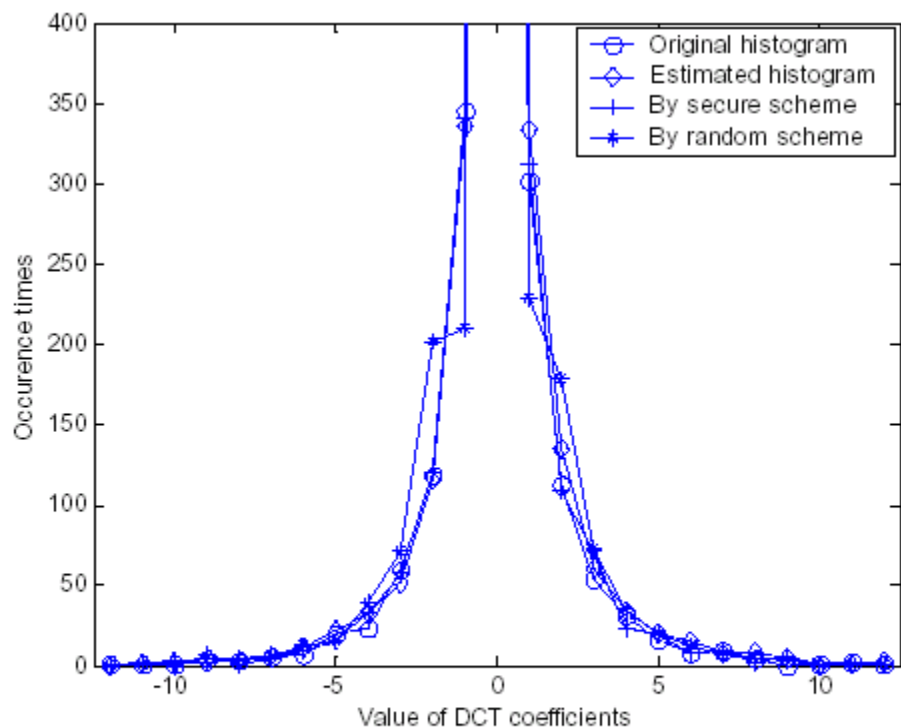


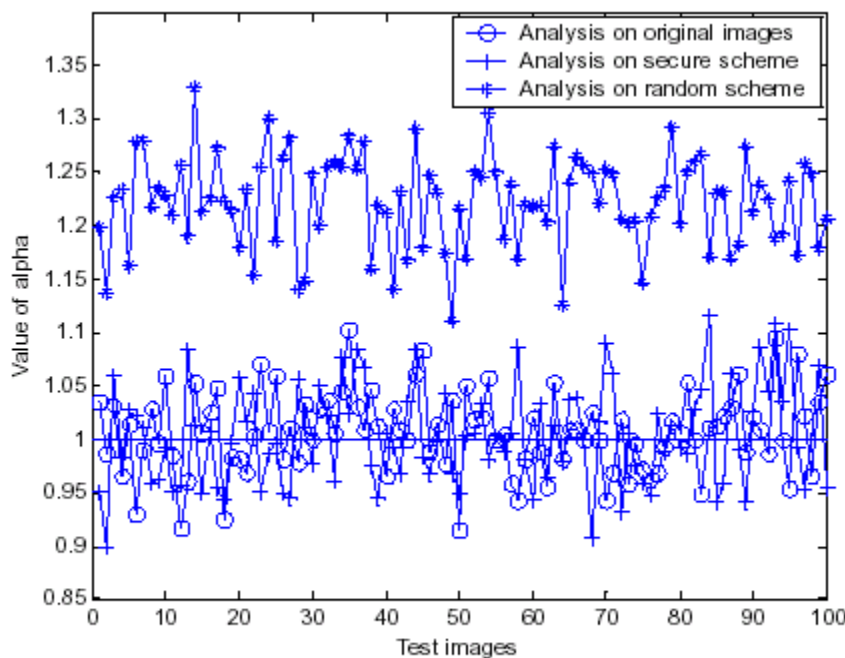
图 5.4.2 (3,3)位置 DCT 系数的原始直方图、估计直方图、使用安全方案和随机方案密写后的直方图

# 算法比较

---

- 用数字相机采集100幅人物、风景图片
- 以质量因子70压缩后作为原始图像集
- 用随机修改的方法和新隐写算法进行隐写

# 算法比较——分块特性比较



- 计算待测图像的分块特性B1
- 计算参考图像的分块特性Be
- 计算  $\alpha=B1/Be$

图 5.4.3 对原始图象、安全方案和随机方案产生的密写图象进行分块特性分析的结果

# 算法比较——直方图比较

---

- 计算待测图像和参考图像的直方图差异

$$\rho_k = \frac{\sum_{m \neq 0} |h^R_k(m) - h^E_k(m)|}{\sum_{m \neq 0} h^E_k(m)}$$

# 算法比较——直方图比较

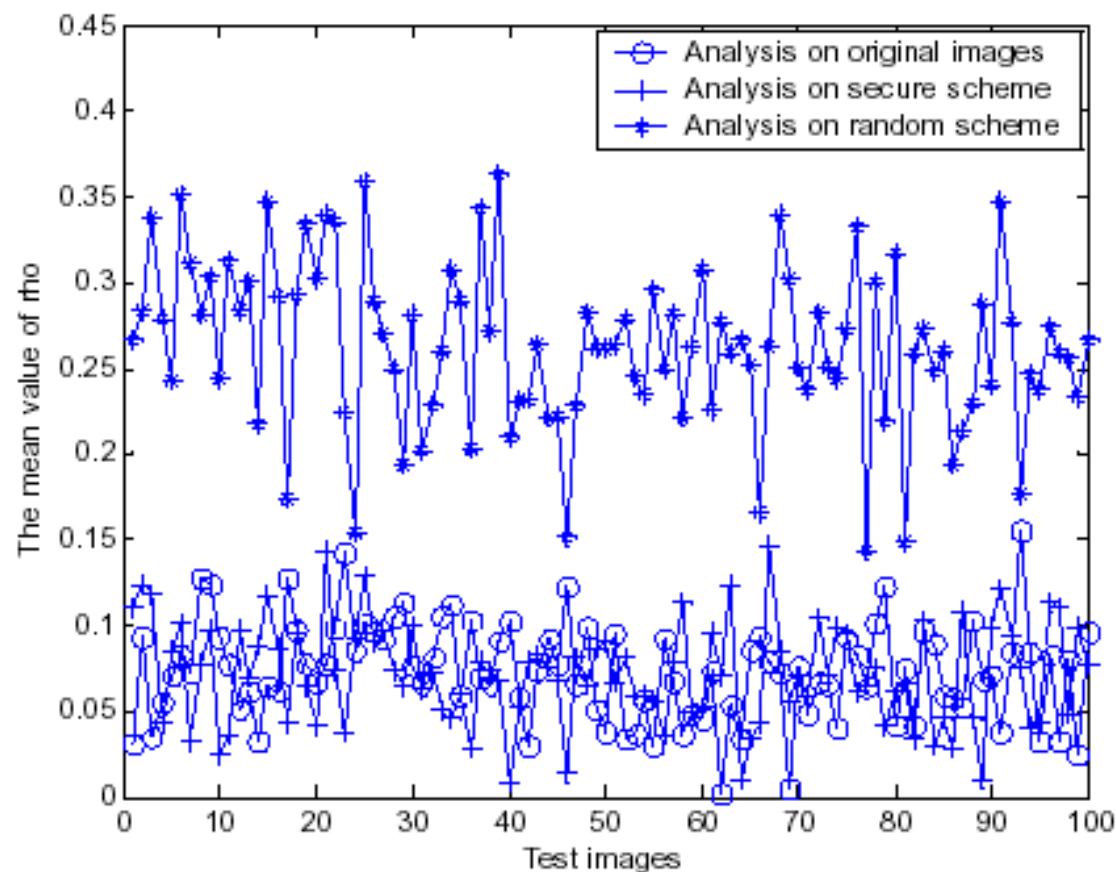


图 5.4.4 对原始图象、安全方案和随机方案产生的密写图象进行直方图分析的结果

# 结论

---

- 安全隐写方案

- 分块特性
- 直方图
- 无明显差异

- 存在的问题

- 质量因子越小时，DCT量化步长越大，隐写时不太容易同时保持直方图和分块特性不变