**INTEGRADOR**

**DE**

**VERLET**

**MISIÓN #1**

Autores:

Marc Pagès

Arnau Falgueras

Marc Ramos

Roger Promera

Pol Camacho

Carlos Redolar

Pablo Galve

Josep Sànchez

Silvino Medina

ÍNDICE

[1. Introducción 3](#_Toc24654414)

[1.1 Integrador 3](#_Toc24654415)

[1.2 Algoritmo de Verlet 3](#_Toc24654416)

[1.3 Historia 3](#_Toc24654417)

[1.4 Objetivos 4](#_Toc24654418)

[2. Desarrollo 5](#_Toc24654419)

[2.1 Verlet integration 5](#_Toc24654420)

[2.2 Classical Motion 5](#_Toc24654421)

[2.3 Velocity Verlet 5](#_Toc24654422)

[2.4 Stormer Verlet 6](#_Toc24654423)

[2.4 Acceleration sum & Drag acceleration 6](#_Toc24654423)

[3. Código 6](#_Toc24654424)

[4. Conclusiones 7](#_Toc24654425)

# 1. Introducción

Antes que nada, para ponernos en contexto es necesario hacer una introducción para saber principalmente que es el algoritmo de Verlet y que es un integrador, para así luego poder entender que significa cada concepto y entender el funcionamiento en su totalidad.

1.1 Integrador

Un integrador es un dispositivo que en su salida realiza la operación matemática de integración, es decir, una generalización de la suma de infinitos sumandos, infinitesimalmente pequeños.

1.2 Algoritmo de Verlet

El algoritmo de Verlet es un procedimiento para la integración numérica de ecuaciones diferenciales ordinarias de segundo orden con valores iniciales conocidos. Es especialmente utilizado en las situaciones en que la expresión de la segunda derivada solo es función de las variables, ya sea dependiente o independiente, sin participar la primera derivada.

A parte del algoritmo base de Verlet, existe otro basado en la velocidad, el cual es considerado mejor que el algoritmo original. Es bastante parecido al algoritmo Leapfrog, el cual esta basado en actualizar posiciones y velocidades en puntos del tiempo intercalados, escalonados de tal manera que se saltan los unos a los otros. Pero, a diferencia de este otro algoritmo la velocidad y la posición son calculados con el mismo valor que la variable de tiempo.

## 1.3 Historia

La primera persona en presentar la primera versión de la denominada Integración de Verlet fue el matemático francés Loup Verlet, que lo hizo en el año 1967 y se caracterizaba por su simplicidad sin pérdida de exactitud y estabilidad. La siguiente versión, propuesta en 1985, fue apodada como algoritmo de Verlet con velocidad. Esta consistía en lo mismo que la anterior con ligeras correcciones en la integración y con mejoras en la precisión y la estabilidad de las soluciones.

## 1.4 Objetivos

El objetivo principal del proyecto es implementar un integrador basado en el algoritmo de Verlet, el cual tenga un optimo funcionamiento y que no solo este basado en cálculos matemáticos y valores, sino que también disponga de una parte gráfica la cual proyecte todos los cálculos de una forma más visual y fácil de entender.

A parte, no queremos introducir solo las ecuaciones básicas del algoritmo de verlet, sino que queremos ir más allá e introducir las máximas ecuaciones posibles para que el integrados sea lo más completo posible.

El objetivo es que el usuario pueda determinar cuales son los valores de las diferentes unidades de las fórmulas para que el resultado que se refleje de forma gráfica sea el que la propia persona haya introducido en el menú inicial.

# 2. Desarrollo

## 2.1 Verlet integration



Esta es la ecuación base de la integración de Verlet, la cual hemos utilizado en primer lugar y tiene como unidades la posición, la aceleración y el tiempo.

La ecuación lo que hace es el calculo de la posición del objeto partiendo de la posición 0 y si ya se ha introducido una posición anteriormente parte de esa posición. Así pues, para calcularla, en primer lugar, sumamos la posición actual y la suma a la posición menos la posición previa. Acto seguido se multiplica este valor por la aceleración, y finalmente se multiplica por el tiempo, el cual es 1, al cuadrado.

Tanto los valores de la aceleración, como de la posición son dados por el usuario, y para ello disponemos de un menú en el cual se pregunta por dichos valores. Aparte de estos dos valores, también se pregunta por otros valores (velocidad y masa), los cuales no son utilizados en esta ecuación en concreto, pero sin en ecuaciones siguientes.

## 2.2 Classical Motion

## 2.3 Velocity Verlet



En este caso nos encontramos delante de el algoritmo de Verlet en base de la velocidad el cual tiene unas cuantas variaciones en relación con el original.

Esta ecuación calcula la velocidad a la que se desplaza un cuerpo basándose en la velocidad inicial, la aceleración inicial, otra aceleración nueva y el tiempo, el cual es 1.

Lo que hace la ecuación es el calculo de la nueva velocidad partiendo de la velocidad inicial sumado a la suma de las aceleraciones dividido entre dos y todos multiplicado por el tiempo, 1. En este caso, en el menú inicial se le pregunta al usuario cual es la velocidad que quiere utilizar, si solo quiere utilizar la gravedad como aceleración o también tener en cuanta la densidad, el área y el coeficiente aerodinámico de arrastre.

## 2.4 Stormer Verlet

2.5 Acceleration sum & Drag acceleration

No se puede entender la función de Acceleration Sum sin antes calcular la de Drag Acceleration. Aquí asumimos que la aceleración de la partícula no es constante y varía según una serie de factores que veremos a continuación.



En este caso, la Drag Acceleration calcula la desaceleración de una partícula cuando existe una fuerza de rozamiento (pongamos por caso, con el aire) contraria al movimiento de la partícula. Esta aceleración, que pude ser en el eje x o y, dependerá de la densidad, del coeficiente de rozamiento, el área de la partícula, la velocidad (en x o y) y la masa de la partícula.

Por lo tanto, el resultado es la multiplicación de la densidad por el coeficiente de rozamiento por el área por ½, todo ello multiplicado por la velocidad al cuadrado (dependiendo de si queremos coger la aceleración en x o y tendremos que utilizar la velocidad en x o y) y todo lo anterior dividido entre la masa.

En el menú inicial se le pregunta al usuario si quiere tener una única aceleración, la gravedad. Si la respuesta es NO, entonces se le pide que dé valores de gravedad, de coeficiente aerodinámico, de densidad y de masa. La velocidad ya está definida.

Cabe decir que esta aceleración es en dirección opuesta al movimiento de la partícula, y por lo tanto se deberá restar a la aceleración final como veremos a continuación.

Con esto ya podemos calcular la Acceleration Sum, que no es más que el cálculo de la aceleración total en un momento determinado. Para ello, mediante un iPoint, creamos la suma de aceleraciones en x y en y, y las inicializamos en 0. Después, se iguala la suma a la aceleración de ese momento de la partícula, y para la suma en y, se le añade iterativamente la gravedad. Finalmente la suma total de la aceleración será ella misma menos la Drag Acceleration.

# 3. Código

# 4. Conclusiones