

## Kommentar

I enkelte tekster som omtaler trigonometriske funksjoner finner man formuleringer som denne:

$$f(x) = \sin x \quad , \quad x \in [0, 2\pi] \quad (\text{I})$$

$$g(x) = \sin x \quad , \quad x \in [0^\circ, 360^\circ]. \quad (\text{II})$$

Dette skaper det feilaktige bildet av at  $f$  og  $g$  er den samme funksjonen, med uttrykket  $\sin x$ , men at det er opp til oss å velge om  $x$  er et tall eller vinkelmålet grader.

Det er viktig å innse at de trigonometriske funksjonene vi nå har introdusert, er funksjoner som bare kan ha *tall* som argumenter –  $x$  kan ikke bære enheter som grader, meter o.l. Men det kan selvfølgelig være at man ønsker å la  $x$  representere grader, en korrekt måte å skrive  $g$  på er da

$$g(x) = \sin^\circ x \quad , \quad x \in [0, 360]$$

hvor  $^\circ$  indikerer at  $g$  er sinusverdien til  $x$  grader. Relasjonen mellom  $\sin^\circ x$  og  $\sin x$  er

$$\sin^\circ x = \sin\left(\frac{\pi}{180}x\right)$$

Selv om vi enda ikke har studert den deriverte av sinusfunksjoner, bør du allerede nå (via kjerneregelen) ane at  $(\sin^\circ x)' \neq (\sin x)'$ . Å presentere  $f$  og  $g$  med like uttrykk, som i (I) og (II), blir derfor helt feil.

Når det for eksempel skrives  $\sin 45^\circ$ , menes det altså strengt tatt  $\sin^\circ 45$ . Likevel skal vi bruke denne skrivemåten i neste kapittel fordi den er så utbredt. For å ha alt på det tørre, definerer vi her og nå at symbolet  $^\circ$  rett og slett ikke er noe annet enn brøken<sup>1</sup>  $\frac{\pi}{180}$ . På denne måten blir:

$$\sin x^\circ = \sin\left(\frac{\pi}{180}x\right) = \sin^\circ x$$

---

<sup>1</sup> Dette er i samsvar med (??).