

**5.1.1**

c) Vi setter  $u = -2 \cos x$  og  $v = \sin x$ , og finner at:

$$\begin{aligned}u' &= 2 \sin x \\v' &= -\cos x\end{aligned}$$

Av produktregelen får vi at:

$$\begin{aligned}f'(x) &= u'v + uv' \\&= 2 \sin x \sin x + (-2 \cos x) \cos x \\&= 2(\sin^2 x - \cos^2 x)\end{aligned}$$

d) Vi setter  $u = \tan x$  og  $g(u) = u^{\frac{1}{2}}$ . Vi har da at:

$$\begin{aligned}u'(x) &= \frac{1}{\cos^2 x} \\g'(u) &= \frac{1}{2u^{\frac{1}{2}}}\end{aligned}$$

Av kjerneregelen får vi:

$$\begin{aligned}f'(x) &= g'(u)u'(x) \\&= \frac{1}{2u^{\frac{1}{2}}} \frac{1}{\cos^2 x} \\&= \frac{1}{2 \tan^{\frac{1}{2}} x \cos^2 x}\end{aligned}$$

**5.1.2**

a) Vi setter  $u(x) = \cos x$  og  $g(u) = \ln u$ . Vi får da:

$$\begin{aligned}u'(x) &= -\sin x \\g'(u) &= \frac{1}{u}\end{aligned}$$

Av kjerneregelen kan vi da skrive:

$$\begin{aligned}f'(x) &= g'(u)u'(x) \\&= \frac{1}{u}(-\sin x) \\&= -\frac{\sin x}{\cos x} \\&= -\tan x\end{aligned}$$

**b)** Vi kan skrive (se (2.16)):

$$f(x) = -\sin(2x)$$

Av kjerneregelen får vi da at:

$$f'(x) = -2\cos(2x)$$

**5.2.1** Se eksempel s. 137

### 5.2.2

**a)** Vi starter med å finne  $f''(x)$ :

$$f'(x) = -a\sin(kx + c) \cdot k$$

$$f''(x) = -ak^2\cos(kx + c)$$

Skal  $f''(x) = 0$ , må  $\cos(kx + c) = 0$  og da blir  $f = d$ . Siden alle punkt der  $f''(x) = 0$  er infleksjonspunkt, må alle vendepunktene ligge på linje  $y = d$ .

**b)** Infleksjonspunktene er alle verdier av  $x$  der  $f''(x) = 0$ . Fra opg. a) vet vi at dette er tilfelle når  $\cos(kx + c) = 0$ , altså når:

$$kx + c = \pm \frac{\pi}{2} + 2\pi n$$

$$kx = \pm \frac{\pi}{2} + 2\pi n - c$$

$$x = \frac{1}{2k}(\pi + 4\pi n + 2c)$$

### 5.3.1

**a)** Av kjerneregelen får vi at:

$$\begin{aligned} F'(x) &= 2xe^{x^2} \\ &= f(x) \end{aligned}$$

Siden  $F'(x) = f(x)$  er  $F$  en antiderivert av  $f$ .

**b)** Se opg. a).