

Algo

venerdì 25 marzo 2022 19:53

F_y(n):	
Z=n, T=0,	2C
While z > 0:	Ctwhile
X = z mod 2	Ctw
Z = z div 2	Ctw
If x == 0:	Ctw
For i = 1 to n:	Ctifwhile
T++	C*n*tifwhile
Return(t)	C

$$T_{F_y}(n) = 3c + 4ct_w + ct_{ifwhile} + c * n * t_{ifwhile}$$

Caso migliore:

- Twhile = 0 -> z <= 0 -> n <= 0 --> Non è così tanto facile, non farlo durante l'esame lol

Analizzando:

Noi dividiamo sempre, il nostro z si continua a dividere e,

Se la nostra divisione non dà resto, aumentiamo T.

Noi non vogliamo entrare nell'if, quindi vogliamo sempre avere un resto

1 / 2 -> dà resto, okay

2 / 2 -> non dà resto, non lo vogliamo

3 / 2 -> Dà resto -> 1 / 2 -> dà resto, okay

5 / 2 -> Dà resto -> 2/2 -> non dà resto, non va bene.

Continuando così, possiamo notare un pattern:

7 / 2 -> Dà resto -> 3/2 -> Dà resto -> 1/2 -> Dà resto

E quindi, tutti i numeri che nella loro rappresentazione binaria

Sono tutti 1.

Mentre, non vogliamo i valori che sono sempre pari, quindi

1000000

Ora, dobbiamo capire questo Twhile che valore abbia. Noi continuiamo a dividere, quindi,

$$\frac{n}{2} \rightarrow \frac{\frac{n}{2}}{2} \rightarrow \frac{\frac{n}{2}}{2}$$

E così via. Quindi

$$\frac{n}{2^i} \rightarrow i = \ln_2 n = t_w$$

Caso migliore:

- Tutti i bit sono a 1
- Tif = 0

$$t_{F_y}(n) = 3c + 4c * \ln n = \Omega(\ln n)$$

Caso peggiore:

- Tutti bit 0 tranne più significativo
- Tif = n - 1 -> $\ln(n - 1)$

$$3c + 4c \ln n + c(\ln(n - 1)) + cn * \ln n = O(n \ln n)$$

Per migliorarlo: $t += n$

In questo modo $O = \ln n$

E quindi $\theta = \ln n$