

Binario

Thursday, 17 August 2023

09:17

- I computer possono contare solamente con 1 o 0, questo per via dell'elettricità: o c'è o non c'è.
 - o Per trasformare da binario in decimale, dobbiamo fare la moltiplicazione della cifra per la sua posizione.

Es:

$$1^a 0^b 1^c 1_2 = (1^a * 2^3) + (0^b * 2^2) + (1^c * 2^1) + (1 * 2^0) = 8 + 0 + 2 + 1 = 11$$

(Le lettere sopra ai numeri servono solamente per farci capire cosa stiamo indicando)

A seconda del numero di bit che il computer possiede, in memoria verrà visualizzato un numero diverso, es:

Con un computer di 8 bit, 1011 verrà mostrato come 0000 1011

Con un computer da 16 bit, 0000 0000 0000 1011

- Quando noi usiamo tutti i bit per mostrare il numero, noi diciamo che è un numero positivo.
- Quando usiamo il bit più a sinistra per specificare il segno, invece è segno negativo.

Es:

$$0111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111 = 2\ 147\ 483\ 647$$

$$1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 = -2\ 147\ 483\ 647$$

Perché questo?

Trasformiamo da binario in decimale manualmente. Abbiamo detto che il bit più a sinistra indica il segno, quindi

$$(1 * -2^{31}) + (0 * 2^{30}) + (0 * 2^{29}) \dots = -2^{31} = -2\ 147\ 384\ 647$$

- Per negare un numero basta sommare 1 e invertire tutti i valori.

Es.

$$2_2 = 0000\ 0010$$

Invertiamo: 1111 1101 +

Ed ora sommiamo 1

=====

$$-2_2 = 1111\ 1110$$

- Per convertire da 16 bit a 32 bit basta aggiungere 16 zeri a sinistra
- Per fare da negativo a positivo, sottraiamo 1 e facciamo l'inverso

$$1111\ 1110 -$$

$$1$$

=====

$$1111\ 1101$$

=====

$$0000\ 0010 = 2$$

- Questa conversione viene chiamata complemento a 2

- Senza sommare/sottrarre 1 diventa complemento a 1

- o Il binario può essere trasformato in decimale così:

Eca8

$$e_{16} = 14_{10} = 1110$$

$$c_{16} = 12_{10} = 1100$$

$$a_{16} = 10_{10} = 1010$$

$$8_{16} = 8_{10} = 0100$$

E' facile ora fare l'inverso

- Operazioni logiche tra i binari:

Operazione	C	MIPS	Spiegazione
Shift left	<<	Sll	Sposta i bit a sinistra, moltiplica per 2^x
Shift right	>>	Srl	Sposta i bit a destra, divide per 2^x
Bit by bit AND	&	And, andi	
Bit by bit OR		Or, ori	
Bit by bit not	~	nor	

- Addizione/Sottrazione

0000 0111 +

0000 0110

=====

0000 1101 (E' come alle elementari)

0000 0111 +

1111 1010

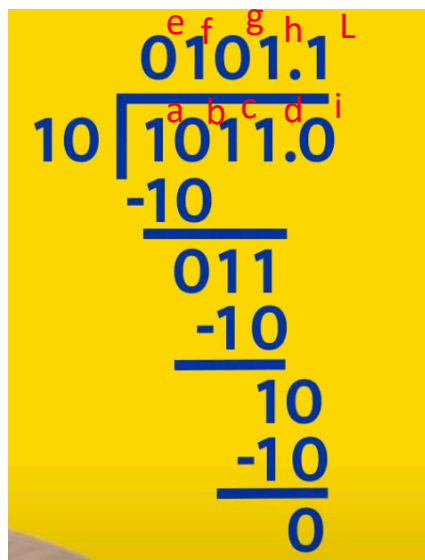
=====

0000 0001 (overflow, $7 + (-6) = 1$)

Nota: se usassimo add ci verrebbe a creare un'eccezione di overflow

Per ovviare usare addu (add unsigned)

- Divisioni



Ragionamento:

1) 10 è minore di 1^a quindi aggiungiamo uno 0 e sopra

- 1) 10 è minore di 1^c quindi aggiungiamo uno 0 sopra
 - 2) 10 è uguale di $1^a 0^b$ quindi aggiungiamo un 1^f sopra e sot
 - 3) Portiamo giù 1^c , 01 è minore di 10 quindi portiamo sotto 1^d ed aggiun
 - 4) 011 è più grande di 10 quindi aggiungiamo 1 sopra e sottraiamo per 10
 - 5) 1 è più piccolo di 10, però non possiamo portare nulla sotto siccome ab
Allora mettiamo la virgola ed aggiungiamo uno 0
 - 6) Portiamo giù 0^i e notiamo che 10 è uguale a 10, quindi portiamo su 1^L
- Risultato: $1011 = 101.1 * 10 + 0$

○ Floating point

Formato da: segno, mantissa, esponente

IEEE 754 usa questa quantità:

Sign bit	Esponente	Mantissa
1 bit	8 bit	23 bits

Procedura con esempio:

19.59375

- 1) Determinare il sign bit, quindi positivo/negativo
E' positivo quindi 0
- 2) Convertire il numero il binario
 - La parte intera si trasforma normalmente
 $19 = 10011$
 - La parte con la virgola si trasforma moltiplicando

$.59375 * 2 = 1.1875$	1
$.01875 * 2 = 0.375$	0
$.0375 * 2 = 0.75$	0
$0.75 * 2 = 1.5$	1
$0.5 * 2 = 1$	1

Quindi 10011,10011

- 3) Normalizzare la mantissa
Dobbiamo portare la virgola a sinistra fino ad arrivare all'1
 $1,0011 10011 * 2^4$
- 4) Calcolare il bias exponent (aggiungere 127) e poi trasformare in binario
 $4 + 127 = 131 = 10000011$
- 5) Rimuovere 1 dalla mantissa
 $1,0011 10011 = 0011 10011$
Aggiungere abbastanza 0 fino ad arrivare a 24 bit

Sign bit	Exponent	Mantissa
0	10000011	00111001100000....0000

Nota: noi sopra abbiamo usato single precision

Double precision ha i seguenti bits:

Sign bit	Esponente	Mantissa
----------	-----------	----------

sign bit	exponent	mantissa
1 bit	11 bit	20 bits

Per la somma in floating point cerchi di portare l'esponente più piccolo sempre più grande