

Serie

martedì 14 dicembre 2021 12:08

1) $\sum \frac{1}{n} \rightarrow \text{diverge siccome } 1$

2) $\sum \frac{1}{\ln n} \geq \frac{1}{n} \rightarrow \text{questa diverge}$

E siccome $\ln(n)$ è più grande, diverge anch'essa

3) $\sum \frac{1}{\ln(n^n)} = \frac{1}{n \ln(n)} \sim \frac{1}{n} \rightarrow \text{diverge}$

4) $\sum \frac{2^n}{3^n + n^3} \sim \frac{2^n}{3^n} = \left(\frac{2}{3}\right)^n < 1 \rightarrow \text{converge}$

5) $\sum \frac{3^n}{2^n + n^3} \sim \left(\frac{3}{2}\right)^n > 1 \rightarrow \text{diverge}$

6) $\sum \frac{n \sin^2 n}{n^3 + 2} \sim \left| \frac{n * 1}{n^3 + 2} \right| \sim \frac{n}{n^3} = \frac{1}{n^2} \rightarrow \text{converge, quindi converge assolutamente}$

7) $\sum \frac{(-1)^n}{\sqrt{n+1}} = (-1)^n * \frac{1}{\sqrt{n+1}}$

1. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{\sqrt{n+1}} \rightarrow ? 0 \rightarrow \text{si}$

2. $a_{n+1} \leq a_n \rightarrow \frac{1}{\sqrt{n+2}} \leq \frac{1}{\sqrt{n+1}}$

-> Vero siccome

$$\sqrt{n+2} \geq \sqrt{n+1}$$

Sotto sopra e invertiamo

$$\frac{1}{\sqrt{n+2}} \leq \frac{1}{\sqrt{n+1}}$$

8) $\sum \left(\frac{1}{\sqrt{n}} - \frac{1}{n} \right)$

-> basi diverse, non è una serie telescopica

$$= \frac{n - \sqrt{n}}{\sqrt{n} * n} \sim \frac{n}{\sqrt{n} * n} = \frac{1}{\sqrt{n}} = \frac{1}{n^{\frac{1}{2}}} \rightarrow \text{diverge}$$

9) $\sum \frac{1}{n^2 \ln(n)} = \frac{1}{n^a \ln^b(n)}$

$a > 0 \rightarrow \text{converge}$

10) g