

USTHB
Faculté d'Informatique
Département d'Intelligence Artificielle et des Sciences de Données
SERIE D'EXERCICES N° 2
(Synchronisation par variable d'états et événements)

Exercice 1 : Le programme suivant (algorithme de Dekker) est proposé comme solution au problème de la section critique entre deux processus concurrents :

Initialement : $D_i := \text{faux}$; ($i = 1, 2$) $\text{tour} := 1$ ou 2 ;

Processus P_i ;

Début

 Répéter

$D_i := \text{vrai}$:

 Tant que D_j faire Si $\text{tour} = j$ Alors

 Début $D_i := \text{faux}$; Tant que $\text{tour} = j$ Faire $\langle \text{rien} \rangle$ Fait ; $D_i := \text{vrai}$ Fin ;

 Fait;

$\langle \text{section critique } i \rangle$

$\text{tour} := j$; $D_i := \text{faux}$;

Jusqu'à faux ;

Fin.

- **Vérifier les conditions de la section critique.**

Initialement : $Di := \text{faux}$; $(i = 1, 2) \text{ tour} := 1 \text{ ou } 2$;

Processus P_i ;

Début

Répéter

1



$Di := \text{vrai}$;

Tant que Dj

Faire

Si $\text{tour} = j$ Alors

Début

$Di := \text{faux}$;

2



Tant que $\text{tour} = j$ Faire $\langle \text{rien} \rangle$ Fait ;

$Di := \text{vrai}$

Fin

Fait;

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$\text{tour} := j$; $Di := \text{faux}$;

Jusqu'à faux ;

Fin.

Retire sa
demande

Interprétation:

- Seul P_i modifie Di .
- P_i ne teste Dj qu'après avoir mis Di à vrai.
- Si P_i est loin de sa SC, $Di = \text{faux}$.
- $Di \leftarrow \text{vrai}$ signifie désire d'accès en SC.
- $Di \leftarrow \text{faux}$ signifie retrait de la demande d'accès en SC.
- La modification de tour a lieu seulement à la sortie de la SC.
- Deux points d'attentes possibles pour P_i :
 - Au niveau de la boucle 1 :
 $(Di = \text{vrai}; \text{tour} = i; Dj = \text{vrai})$
 - Au niveau de la boucle 2
 $(Di = \text{faux}; \text{tour} = j; Dj = \text{vrai})$

Initialement : $D_i := \text{faux}$; ($i = 1, 2$) $\text{tour} := 1$ ou 2 ;

Processus P_i :

Début

Répéter



<Section Critique i >

$\text{tour} := j$; $D_i := \text{faux}$;

Jusqu'à faux ;

Fin.

- **Exclusion mutuelle:**

2 cas possibles:

- Un seul processus désire accéder en SC

Si P_i arrive seul, il met D_i à *vrai*, il trouve $D_j = \text{faux}$, donc accède en SC quelque soit la valeur de tour .

En ce moment, $D_i = \text{vrai}$; $D_j = \text{faux}$; tour est quelconque.

Quand P_j arrive sachant que P_i est toujours en SC, il met D_j à *vrai* et attend (car $D_i = \text{vrai}$):

- dans la boucle 1 si $\text{tour} = j$

- dans la boucle 2 si $\text{tour} = i$, après avoir retiré sa demande (met D_j à *faux*).

- Les deux désirent y accéder ($D_i = D_j = \text{vrai}$)

Si $\text{tour} = i$ alors P_i accède à sa SC après une éventuelle attente temporaire dans la boucle 1 le temps que P_j retire sa demande en attendant au niveau de la boucle 2.

De manière générale, celui dont tour est égale à son identité accède en SC après une éventuelle attente temporaire dans la boucle 1 le temps que l'autre retire sa demande en attendant au niveau de la boucle 2.

D'autres cas existent, mais se ramènent à l'un des deux cas précédents.

Initialement : $Di := \text{faux}$; $(i = 1, 2)$ $\text{tour} := 1 \text{ ou } 2$;

Processus P_i ;

Début

Répéter

1 

$Di := \text{vrai}$;

Tant que Dj

Faire

Si $\text{tour} = j$ **Alors**

Début

$Di := \text{faux}$;

2



Tant que $\text{tour} = j$ **Faire** $\langle \text{rien} \rangle$ **Fait** ;

$Di := \text{vrai}$

Fin

Fait ;

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$\text{tour} := j$; $Di := \text{faux}$;

Jusqu'à faux ;

Fin.

Retire sa
demande

- Progression

- Si P_j est loin de sa SC $\rightarrow Dj = \text{faux}$, P_i peut accéder à sa SC sans inconvénients.

Initialement : $Di := \text{faux}$; $(i = 1, 2) \text{ tour} := 1 \text{ ou } 2$;

Processus P_i ;

Début

Répéter

1 

$Di := \text{vrai}$;

Tant que D_j

Faire

Si $\text{tour} = j$ Alors

Début

$Di := \text{faux}$;

2



Tant que $\text{tour} = j$ Faire $\langle \text{rien} \rangle$ Fait ;

$Di := \text{vrai}$

Fin

Fait;

<Section Critique i >

$\text{tour} := j$; $Di := \text{faux}$;

Jusqu'à faux ;

Fin.

Retire sa
demande

- Blocage mutuel

- Il est évité d'après le cas 2 de l'EM.

tour permet à un processus d'accéder à sa SC:
Il s'agit de celui dont tour est égale à son
identité.

Initialement : $Di := \text{faux}$; ($i = 1, 2$) $\text{tour} := 1 \text{ ou } 2$;

Processus P_i :

Début

Répéter

1



$Di := \text{vrai}$;

Tant que Dj

Faire

Si $\text{tour} = j$ Alors

Début

$Di := \text{faux}$;

2



Tant que $\text{tour} = j$ Faire $\langle \text{rien} \rangle$ Fait ;

$Di := \text{vrai}$

Fin

Fait ;

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$\text{tour} := j$; $Di := \text{faux}$;

Jusqu'à faux ;

Fin.

Retire sa
demande

- **Attente bornée**

2 cas possibles:

- P_j est en SC et P_i est en attente au niveau 1:

$(Dj = \text{vrai}; Di = \text{vrai}; \text{tour} = i)$

Quand P_j sort de sa SC et **postule** une autre fois pour la SC, quelque soit sa vitesse relative d'exécution, c'est **P_i qui accédera** la prochaine fois en SC après une éventuelle attente au niveau 1, s'il ne constate pas la première modification de Dj , le temps que P_j retire sa demande en attendant au niveau 2 (car $Di = \text{vrai}$ et $\text{tour} = i$).

- P_j est en SC et P_i est en attente au niveau 2:

$(Dj = \text{vrai}; Di = \text{faux}; \text{tour} = j)$

Quand P_j sort de sa SC, il met tour à i et postule une autre fois pour la SC. **Il pourra accéder un certain nombre de fois** en SC avant P_i si P_i ne progresse pas (car $Di = \text{faux}$). **Dès que P_i progresse** ($\text{tour} = i$), il met Di à vrai , la prochaine fois **c'est lui qui accédera** en SC quelque soit la vitesse relative d'exécution de P_j , après une éventuelle attente au niveau 1, s'il ne constate pas la première modification de Dj , le temps que P_j retire sa demande en attendant au niveau 2 (car $Di = \text{vrai}$ et $\text{tour} = i$).

Exercice 2 : Le programme suivant (algorithme de Lamport) est proposé comme solution au problème de section critique entre deux processus concurrents ;

Choix : tableau [0.. 1] de booleen :=faux;

Numero : tableau [0.. 1] de entier :=0 ;

Notation : $(a, b) < (c, d) \Leftrightarrow (a < c) \text{ ou } (a = c \text{ et } b < d)$

Processus P_i :

Début

Répéter

Choix_i = vrai ; Numero_i = max (Numero_i , Numero_j) +1 ; Choix_i = faux ;

Tant que Choix_j faire rien fait ;

Tant que (Numero_j ≠ 0) et ((Numero_j , j) < (Numero_i , i)) faire <rien> fait;

<SC_i>

Numero_i = 0 ;

<Section restante_i> ;

Jusqu'à faux ;

Fin ;

a/ Vérifier les conditions de la section critique.

b/ Discuter le problème lié à la valeur numéro qui peut croître indéfiniment.

c/ Réécrire la solution pour n processus.

a/ Vérification des conditions de la SC

Choix : tableau $[0..1]$ de booléen := faux;

Numero : tableau $[0..1]$ de entier := 0 ;

Processus P_i ;

Début

Répéter

$Choix_i = \text{vrai}$; $Numero_i = \max(Numero_i, Numero_j) + 1$; $Choix_i = \text{faux}$;

Tant que $Choix_j$ *Faire rien* *Fait* ;

Tant que $(Numero_j \neq 0)$ et $((Numero_j, j) < (Numero_i, i))$ *Faire* $\langle \text{rien} \rangle$ *Fait*;

$\langle SC_i \rangle$

$Numero_i = 0$;

$\langle \text{Section restante}_i \rangle$;

Jusqu'à faux

Fin ;



Interprétation:

- La première boucle empêche P_i de tester la condition d'accès en SC pendant que P_j est en train de modifier son numéro.
- $Numero_i = 0$ signifie que P_i est loin de sa SC.
- La condition d'accès en SC est : $[(Numero_i \neq 0) \text{ et } ((Numero_i, j) < (Numero_i, i))]$

Choix : tableau $[0..1]$ de booleen := faux;

Numero : tableau $[0..1]$ de entier := 0;

Processus P_i ;

Début

Répéter

Choix_i = vrai ; Numero_i = max (Numero_i, Numero_j) + 1 ; Choix_i = faux ;

1 Tant que Choix_j Faire rien Fait ;

2 Tant que (Numero_j = 0) et ((Numero_j, j) < (Numero_i, i)) Faire <rien> Fait;
<SC_i>

Numero_i = 0 ;

<Section restante_i> ;

Jusqu'à faux

Fin ;

- La première boucle **empêche** P_i de tester la condition d'accès en SC pendant que P_j est en train de modifier son numéro. Elle sert à **empêcher l'accès simultané** des deux processus en SC qui se produit comme suit:

P_i accède à la SC **grâce à** Numero_j=0 et P_j accède en SC **grâce à sa propre identité** ($j < i$) avec Numero_i=Numero_j.

Exclusion mutuelle : Deux cas existent:

Cas 1 : Si P_i arrive **seul**, il met num_i à 1 et entre en SC_i en franchissant les deux boucles car choix_j=faux et num_j=0. Quand P_j arrive, il met num_j à 2, franchi la boucle 1 car choix_i=faux et attend au niveau de la boucle 2 car $[(num_i < 0) \text{ et } ((num_i, i) < (num_j, j))]$.

Cas 2 : Si les P_i et P_j arrivent en **même temps**, deux cas sont possibles :

- S'ils **mettent à jour** num_i et num_j **en même temps** donc (num_i=num_j=1). Dans ce cas, le processus dont **l'identité est la plus petite accède** à la SC et l'autre se bloque au niveau de la boucle 2.
- S'ils **mettent à jour séquentiellement** leurs num_i et num_j. Dans ce cas, celui qui a la plus petite valeur de num accède à la section critique et l'autre attend au niveau de la boucle 2.

Choix : tableau $[0..1]$ de booleen := faux;


Numero : tableau $[0..1]$ de entier := 0 ;

Processus P_i ;

Début

Répéter

Choix_i = vrai ; Numero_i = max (Numero_i, Numero_j) + 1 ; Choix_i = faux ;

1  Tant que Choix_j Faire rien Fait ;

Tant que (Numero_j ≠ 0) et ((Numero_j, j) < (Numero_i, i)) Faire <rien> Fait;

<SC_i>

Numero_i = 0 ;

<Section restante_i> ;

Jusqu'à faux

Fin ;

Progression: Elle est assurée car si un processus P_i est loin de la section critique, l'autre peut y accéder car $num_i = 0$ (voir la première partie du cas 1 de l'exclusion mutuelle).

Blocage mutuel: Il est évité d'après le cas 2 de l'E.M.

Attente bornée : Elle est assurée.

Supposons que P_j est en SC_j , P_i en attente et $num_i = x$. Quand P_j sort de sa SC_i il met num_j à 0, si P_i constate ce changement il accède en SC_i . Dans le cas contraire, si P_j est plus rapide en calculant num_j , sa valeur sera $(x+1)$ donc $(num_i, i) < (num_j, j)$. Ceci mène P_j à se bloquer au niveau de la boucle 2 et P_i accède à la SC_i .

b/ Augmentation des valeurs de num_i et num_j

Choix : tableau $[0..1]$ de booleen := faux;


Numero : tableau $[0..1]$ de entier := 0 ;

Processus P_i ;

Début

Répéter

$Choix_i = \text{vrai}$; $Numero_i = \max(Numero_i, Numero_j) + 1$; $Choix_i = \text{faux}$;

1  *Tant que* $Choix_j$ *Faire rien* *Fait* ;

Tant que $(Numero_j \neq 0)$ et $((Numero_j, j) < (Numero_i, i))$ *Faire* $\langle \text{rien} \rangle$ *Fait*;

$\langle SC_i \rangle$

$Numero_i = 0$;

$\langle \text{Section restante}_i \rangle$;

Jusqu'à faux

Fin ;

Cette **augmentation** se produit quand à chaque fois qu'un processus sort de sa SC, il postule une autre fois pour la SC alors que l'autre est en attente de sa SC.

Dans ce cas, il faut réinitialiser les deux valeurs d'une manière à garder **l'ordre entre elles** et **sans conséquences sur le protocole**.

c/ Généralisation à n processus.

Const $n = \dots;$

Var Numero : tableau $[0..n-1]$ de entier := 0 ;

Choix : tableau $[0..n-1]$ de booleen := faux;

j: entier;

Processus P_i (*i*), $i=0, \dots, n-1$

Début

Répéter

$Choix_i = \text{vrai};$

$Numero_i = \max (Numero_j, j \in [0..n-1]) + 1;$

$Choix_i = \text{faux};$

$j := 0;$

Répéter

Tant que $Choix_i$ *Faire rien* *Fait* ;

Tant que $(Numero_i \neq 0)$ et $((Numero_i, j) < (Numero_i, i))$

$Fait \<rien>$ *Fait*;

$j := j + 1;$

Jusqu'à $(j = n);$

$\<SC_i>$

$Numero_i = 0;$

$\<Section restante_i>;$

Jusqu'à faux

Fin ;

Idées de base:

- On garde au mieux identique la forme générale d'un processus.

- Chaque processus doit avoir un **numéro calculé par généralisation**.

- Le processus de plus **petit numéro** (< 0) ou **de plus petite identité** dans le cas d'égalité de numéros **accède en SC** parmi ceux qui désirent accéder à la SC.

- Un processus doit pouvoir **accéder en SC**, si les autres sont **loin** de leurs SCs.

- Pendant qu'un processus P_j **modifie son numéro**, aucun autre ne doit tester le **numéro de P_j** .

→ Chaque processus doit avoir une variable **choix**.

Exercice 3 :

On propose la solution suivante comme protocole d'exclusion mutuelle pour deux processus P_i et P_j .

Initialement $D_i = D_j = \text{faux}$; $\text{tour} = i \text{ ou } j$;

Processus P_i ;

Début

Répéter

$D_i := \text{vrai}$;

Tant que $\text{tour} = j$

Faire

Tant que $D_j = \text{vrai}$ **Faire** $\langle \text{rien} \rangle$ **Fait** ;
 $\text{tour} := i$

Fait ;

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$D_i := \text{faux}$;

Jusqu'à faux

Fin.

1/ Donner la condition d'entrée en SC.

2/ Vérifier si cette solution peut être retenue comme protocole d'exclusion mutuelle.

3/ On modifie la solution comme suit :

Répéter

$D_i := \text{vrai}$:

Tant que $(\text{tour} = j) \text{ ou } (D_j = \text{vrai})$

Faire

Tant que $D_j = \text{vrai}$ **Faire** $\langle \text{rien} \rangle$ **Fait** ; $\text{tour} := i$

Fait ;

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$D_i := \text{faux}$;

Jusqu'à faux

a- Donner la condition d'entrée en SC.

b- Vérifier les 4 conditions de la SC.

Initialement $Di = Dj = \text{faux}$; $\text{tour} = i \text{ ou } j$;

Processus P_i ;


Début

Répéter

$Di := \text{vrai}$;

1 Tant que $\text{tour} = j$

Faire

2  Tant que $Dj = \text{vrai}$ Faire $\langle \text{rien} \rangle$ Fait ;
 $\text{tour} := i$

Fait :

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$Di := \text{faux}$;

Jusqu'à faux

Fin.

Interprétation

- Si P_i est en SC, $Di = \text{vrai}$.
- Si P_i est loin de la SC, $Di = \text{faux}$.
- La boucle 2 est le point d'attente d'entrée en SC.

1- Condition d'accès en SC: $(\text{tour} \neq j)$ **[et $Dj = \text{faux}$]**

2- Eligibilité de la solution:


Ce protocole ne peut pas être utilisé comme solution au problème d'EM car l'exclusion mutuelle n'est pas assurée.

Supposons $\text{tour} = j$ et P_i arrive seul. Il accède à la boucle externe pour exécuter la boucle interne. Puisque $Dj = \text{faux}$, il sort de cette boucle, admettons qu'il s'arrête à ce niveau et P_j arrive. P_j entre directement en SC car $\text{tour} \neq i$. Ensuite P_i progresse en mettant tour à i et entre aussi en SC.

3/ Nouvelle solution

Répéter

$Di := \text{vrai} ;$

- 1 **Tant que** $(\text{tour} = j)$ **ou** $(Dj = \text{vrai})$
2 **Faire**
 **Tant que** $Dj = \text{vrai}$ **Faire** $\langle \text{rien} \rangle$ **Fait** ; $\text{tour} := i$
Fait ;

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$Di := \text{faux} ;$

Jusqu'à faux

- a- Donner la condition d'entrée en SC.
b- Vérifier les 4 conditions de la SC.

Interprétation

- Si P_i est en SC, $Di = \text{vrai}$.
- Si P_i est loin de sa SC, $Di = \text{faux}$.
- La boucle 2 est le point d'attente d'entrée en SC.

a/ Condition d'accès en SC

$(\text{tour} \neq j)$ et $(Dj = \text{faux})$

b- Vérification des conditions de la SC

Exclusion mutuelle: 2 cas possibles:

Cas 1: Si P_i arrive seul, il met Di à *vrai*, ensuite entre en SC directement si $\text{tour} = i$ ou après l'avoir modifié à i dans le cas contraire car $(Dj = \text{faux})$. En ce moment : $(\text{tour} = i, Di = \text{vrai}, Dj = \text{faux})$. Quand P_j arrive, sachant que P_i est toujours en SC, **P_j attend au niveau de la boucle interne** car au moins $Di = \text{vrai}$.

Cas 2: Si P_i et P_j arrivent en même temps ($Di = Dj = \text{vrai}$), **aucun des deux** processus ne peut entrer en SC quelque soient leurs vitesses relatives d'exécution. Ils se bloquent au niveau de la boucle interne.

→ l'EM est assurée.


3/ Nouvelle solution

Répéter

$Di := vrai :$

Tant que ($tour = j$) ou ($Dj = vrai$)

Faire

 **Tant que** $Dj = vrai$ **Faire** $\langle rien \rangle$ **Fait** ; $tour := i$
Fait ;

$\langle \text{Section Critique } i \rangle$

$Di := faux ;$

Jusqu'à faux

Progression: Assurée.

Si Pj est loin de sa SC ($Dj = faux$). Quand Pi arrive, il met Di à *vrai* ensuite entre en SC directement si $tour \neq i$ ou après l'avoir modifié à i dans le cas contraire car ($Dj = faux$).

Blocage mutuel: Non évité.

Voir cas 2 de l'EM.

Attente bornée:

Elle **n'est pas assurée** dans le cas suivant : Si Pj est en SC ($Dj = vrai$) et Pi en attente dans la boucle interne ($Dj = vrai$). Quelque soit la valeur de $tour$, quand Pj sort de sa SC et postule une autre fois, si Pi ne constate pas la modification de Dj , les deux processus se bloquent mutuellement et donc Pi est privé de la SC.

Exercice 4 On suppose un système constitué uniquement de deux événements mémorisés e1, e2.

Ecrire une implémentation à l'aide des sémaphores des deux primitives suivantes :

Attendre (e1 et e2) qui permet d'attendre que les événements e1 et e2 se produisent.

Déclencher (ei) qui permet de réveiller tous les processus en attente de cet événement si leurs conditions sont satisfaites et l'événement est acquitté. Si aucun processus ne l'attend, l'événement est mémorisé.

- Représentation des états des deux événements:

→ $e: \text{tableau}[1..2] \text{ de entier} := 0;$

- Nécessité d'attendre si le prédicat n'est pas satisfait

→ $S: \text{sémaphore} := 0;$

- Plusieurs processus peuvent être en attente

→ $cpt: \text{entier} := 0;$

- Protection des variables de synchronisation

→ $mutex: \text{sémaphore} := 1;$

Structure de données communes

$e: \text{Tableau}[1..2] \text{ de entier} := 0;$

$S: \text{sémaphore} := 0;$

$mutex: \text{sémaphore} := 0;$

$cpt: \text{entier} := 0;$

Les primitives

Primitive Attendre (e1 et e2) ;

Début

$P(mutex);$

Si $((e1 \neq 1) \text{ ou } (e2 \neq 1))$ *Alors*

$cpt := cpt + 1;$

$V(mutex);$

$P(S);$

Sinon

$e1 := 0; e2 := 0;$

$V(mutex)$

Fsi

Fin;

Primitive Déclencher (e[j]) ; j=1, 2.

Début

$P(mutex);$

Si $e[j] \neq 1$ *alors*

$e[j] := 1;$

Si $((j=1 \text{ et } (e[2]=1)) \text{ ou } ((j=2 \text{ et } (e[1]=1))))$ *Alors*

Si $(cpt \neq 0)$ *Alors*

Tantque $(cpt \neq 0)$ *Faire*

$V(S); cpt := cpt - 1;$

Fait;

$e[1] := 0; e[2] := 0;$

Fsi

Fsi

Fsi;

$V(mutex)$

Fin;

Exercice 5 On s'intéresse aux événements mémorisés. On définit les primitives suivantes :

Wait(k,e1,...en) : permet d'attendre k événements sur n déclenchés par des processus quelconques.

Signal(e) : déclenche l'arrivée de l'événement *e*. Tous les processus en attente de cet événement sont activés si leurs conditions sont satisfaites et l'événement est acquitté. Si aucun processus ne l'attend ou les conditions des processus en attente de l'événement ne sont pas satisfaites, l'événement est mémorisé.

1. Utiliser cet outil pour programmer l'application suivante dans deux cas différents :

Soient 3 processus ayant un point de rendez-vous. Un processus arrivant au point de rendez-vous continue son exécution :

a/ si les 2 autres sont arrivés à ce point.

b/ si au moins 1 autre est arrivé.

2- Proposer une implémentation de ces primitives.

1/a Rendez-vous si les deux autres arrivent:

-Première tentative

- Déroulement

→ **Solution incorrecte.**

e1=1;
e2=1;
e3=1;
e1=0; e2=0; e3=0.

e1, e2, e3 : événement:=0

Processus P1;
-
Signal (e1);
Wait (2, e2, e3);
-

Processus P2;
-
Signal (e2);
Wait (2, e1, e3);
-

Processus P3;
-
Signal (e3);
Wait (2, e1, e2);
-

On doit signaler l'arrivée par un événement différent pour chaque processus → 6 événements.

Blocage



Exercice 5

--

1- Utiliser cet outil pour programmer l'application suivante dans deux cas différents :

Soient 3 processus ayant un point de rendez-vous. Un processus arrivant au point de rendez-vous continue son exécution :

a/ si les 2 autres sont arrivés à ce point.

b/ si au moins 1 autre est arrivé.

2- Proposer une implémentation de ces primitives

1/a Rendez-vous si les deux autres arrivent:

$e12, e13, e21, e23, e31, e32$: événement: =0

- Deuxième tentative
Déroulement

$e12=1;$
 $e13=1;$
 $e21=1;$
 $e23=1;$
 $e31=1;$
 $e21=0;$
 $e31=0;$
 $e32=1;$
 $e12=0;$
 $e32=0;$
 $e13=0;$
 $e23=0;$



Processus P1;
-
Signal (e12);
Signal (e13);
Wait (2, e21, e31);
-



Processus P2;
-
Signal (e21);
Signal (e23);
Wait (2, e12, e32);
-



Processus P3;
-
Signal (e31);
Signal (e32);
Wait (2, e13, e23);
-

1/a Rendez-vous si les deux autres arrivent:

- Deuxième tentative
- Déroulement
- **Solution correcte**

$e12, e13, e21, e23, e31, e32$: événement: =0

```
Processus P1;  
-  
Signal (e12);  
Signal (e13);  
Wait (2, e21, e31);  
-
```

```
Processus P2;  
-  
Signal (e21);  
Signal (e23);  
Wait (2, e12, e32);  
-
```

```
Processus P3;  
-  
Signal (e31);  
Signal (e32);  
Wait (2, e13, e23);  
-
```

1/b Rendez-vous au moins un des deux arrive:

Il suffit de mettre le premier paramètre de wait () à **1** au lieu de 2.

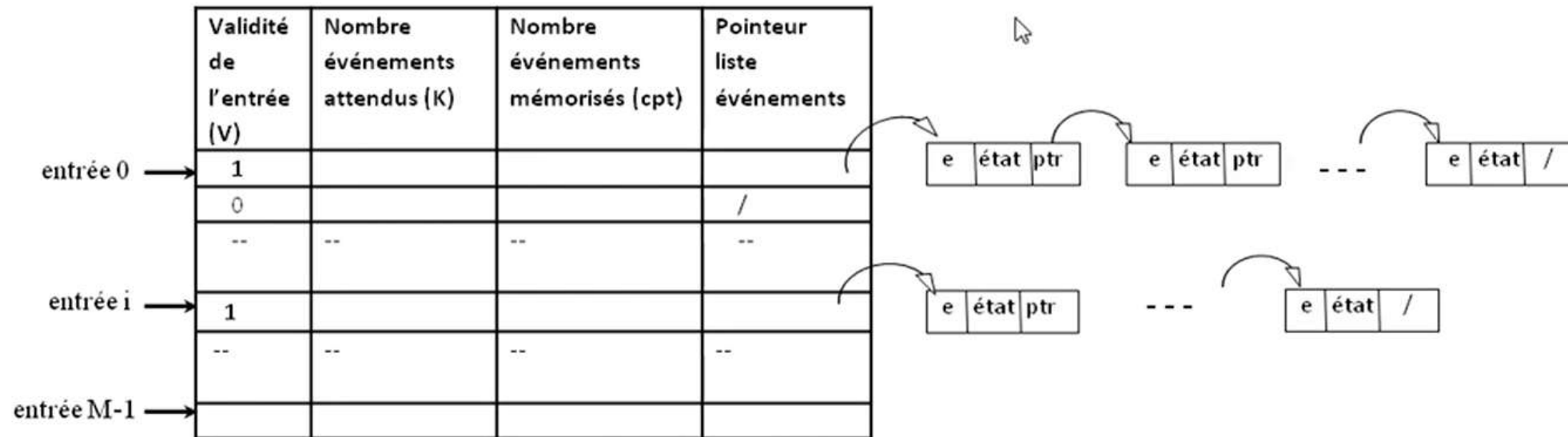
Exercice 5

2- Proposer une implémentation de ces primitives.

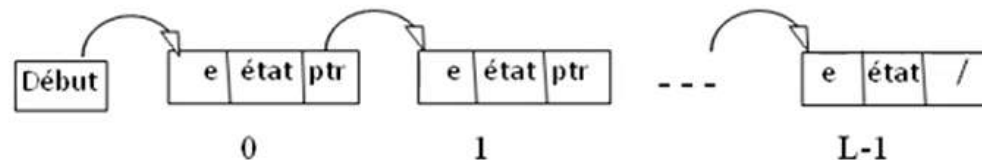
On suppose une application constituée d'un ensemble de M processus $\{P0, P1, \dots, PM-1\}$ qui se synchronisent à l'aide d'un ensemble de L événements $\{e1, e2, \dots, eL\}$. Chaque processus utilise un sous-ensemble de ces événements.

Structures de données communes

- La table des processus (TP)



- La liste de tous les événements avec leurs états (LE)



- Sémaphores

S : tableau $[0..M-1]$ de sémaphore: =0;
mutex: sémaphore: =1;

Exercise 5

2- Proposer une implémentation de ces primitives

2- Implémentation des deux primitives

Primitive Wait (k, e1, ..., en);

cpt: entier := 0;

Début

P(mutex);

Pour chaque événement e de la liste e1, ..., en Faire

Chercher e dans la liste d'événements LE: soit LE.e ;

Si (LE.e.etat=1) Alors

cpt:=cpt+1; <garder trace de LE.e dans une liste temporaire>

Si (cpt=k) Alors break Fsi

Fsi;

Fait;

Si (cpt=k) Alors

*<Acquitter les événements appartenant à la liste temporaire
dans LE>;*

V(mutex);

Sinon

*<Insérer dans la table de processus (i, 1, cpt, {e1, ..., en}
avec leurs états actuels>*

// i est l'identité du processus qui exécute cette primitive

V(mutex);

P(S[i]);

Fsi

Fin;

Primitive Signal(e);

j: entier;

Début

P(mutex);

Chercher e dans la liste des événements LE:

Soit LE.e cet événement:

Si (LE.e.etat=0) Alors

LE.e.etat:=1;

Pour j:=0 à M-1 Faire

Si (TP[j].V=1) Alors

//processus j bloqué.

Si (e ∈ à la liste attendue par le processus j):

Soit TP[j].e cet événement Alors

Si (TP[j].e.etat=0) Alors

TP[j].e.etat:=1;

TP[j].cpt:=TP[j].cpt+1;

Si (TP[j].cpt=TP[j].K) Alors

<Mettre j dans une liste temporaire>

Fsi

Fsi

Fsi

Fsi

Fait;

Pour tout j ∈ à la liste temporaire créée: Faire

<Acquitter chaque événement de TP[j] telle que

TP[j].e.etat=1 dans la liste des événements LE >;

< Libérer l'entrée i dans la table des processus>

V(S[j]);

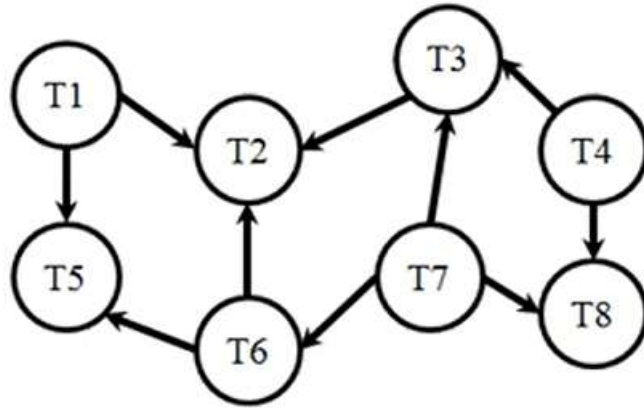
Fait

Fsi

V(mutex)

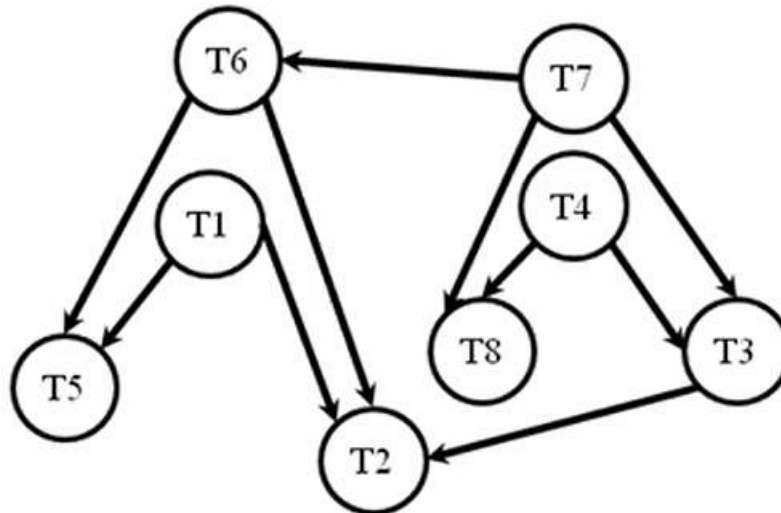
Fin;

Exercice 6: Soit le graphe suivant :



1/ Est-il proprement lié ?

2/ Exprimer le graphe à l'aide de Parbegin/Parend et éventuellement avec les sémaphores.



1/ Type du graphe:

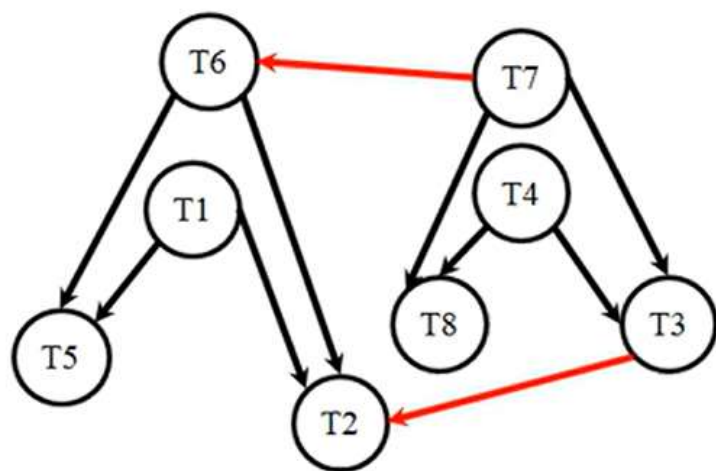
Le graphe n'est pas décomposable dès de départ



→ Il n'est pas proprement lié.

Exercice 6:

2/ Exprimer le graphe à l'aide de *Parbegin/Parend* et éventuellement avec les sémaphores.



Etapes

- Rendre le graphe proprement lié.
On supprime les arcs $(T7, T6)$ et $(T3, T2)$.
- Expression du graphe obtenu à l'aide de *Parbegin/ Parend*.
- Reprise des arcs supprimés et ajout des sémaphores.
- Introduire $P()$ et $V()$ aux bons endroits.
Chaque arc nécessite un sémaphore privé.

Programme P ;

Début

$S76, S32: \text{Sémaphore}:=0;$

Parbegin

Début

Parbegin

Début

$P(S76);$

T6

Fin ;

T1

Parend ;

Parbegin

T5 ;

Début

$P(S32);$

T2

Fin

Parend ;

Fin ;

Début

Parbegin

Début

T7 ;

$V(S76)$

Fin ;

T4

Parend ;

Parbegin

T8 ;

Fin

T3 ;

$V(S32)$

Fin

Parend

Fin

Parend

End.