Алгоритми и математически модели, използвани за управление на автономен автомобил

Използване на кинематични и динамични модели при управление на автомобил, използващ Hybrid A* за намиране на път и алгоритми за проследяване на обект в кадър

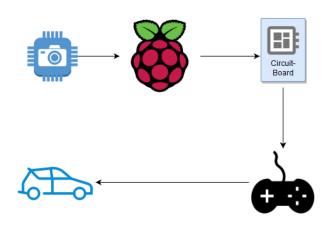
Tedi Eve

Hackathon Dream Team v1.0

5 юни 2019 г.

Съдържание

- 🚺 Постановка на задачата
- ② Използвани модели и алгоритми
 - Кинематични модели
 - Динамичен модел
 - Динамичен модел
 - Намиране на маршрут
- Обобщение
- 🐠 Бъдеща работа
- Използвана литература



Фигура: Архитектура

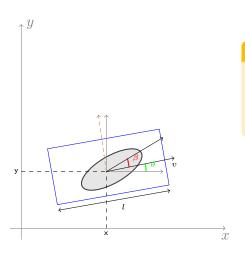
Ограничения

- Автомобилът
 - Постоянна скорост
 - ▶ Ограничен ъгъл на завой
- Камерата
 - Камерата е фиксирана
 - Ограничен ъгъл на видимост
 - Зависимост от околната среда

Моделиране на движението на колата

- Кинематични модели
 - ► Едноколесно превозно средство/Unicycle Model/
 - ► Двуколесно превозно средство/Bicycle Model/
- Динамичен модел на двуколесно превозно средство/Dynamic Bicycle Model/

Модел на едноколесно превозно средство /Unicycle Model/



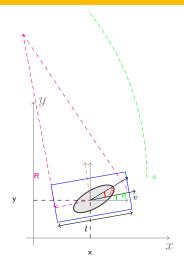
Модел

$$\begin{aligned} \dot{x} &= v cos(\theta) \\ \dot{y} &= v sin(\theta) \\ \dot{\theta} &= \frac{v t g(\beta)}{r} \end{aligned}$$

- $oldsymbol{x}$ Позицията по $O_{oldsymbol{x}}$
- y Позицията по O_y
- heta Ъгъла на ориентацията на колата спрямо O_x
- β Ъгъла на завъртане на гумите спрямо ЛКС
- 1 Дължина на оста на автомобила

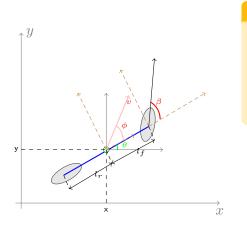
Модел на едноколесно превозно средство /Unicycle Model/

Извеждане на модела



$$\dot{\theta} = \frac{d\theta}{dt} = \frac{d\theta}{ds} \cdot \frac{ds}{dt}$$
$$= \kappa \cdot v = \frac{1}{R} \cdot v = \frac{tg\beta}{l} \cdot v$$

Модел на двуколесно превозно средство /Bicycle Model/

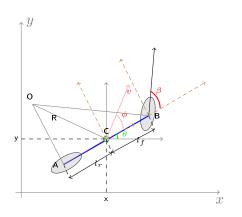


Модел

$$\begin{split} \dot{x} &= v cos(\theta + \phi) \\ \dot{y} &= v sin(\theta + \phi) \\ \dot{\theta} &= \frac{v}{l_r} sin(\phi) \\ \phi &= arctg\left(\frac{l_r}{l_s + l_r} tg(\beta)\right) \end{split}$$

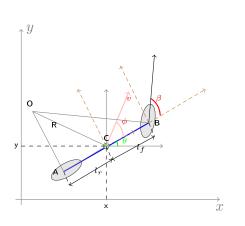
- x Позициятана ЦТ по O_x
- y Позициятана ЦТ по O_y
- heta Ъгъла на ориентацията на колата спрямо O_x
- eta Ъгъла на завъртане на гумите спямо ЛКС
- φ Ъгъла на скоростта спрямо ориентацията на колата
- $l_{r/f}$ Дължина на колата от ЦТ до остта на задните/предните гуми

Модел на двуколесно превозно средство /Bicycle Model/



$$\dot{\theta} = \kappa.v = \frac{1}{R}v = \sin(\phi)\frac{v}{l_r}$$

Модел на двуколесно превозно средство /Bicycle Model/ Извеждане на модела



синусова теорема за ΔOCB

$$\frac{\sin(\beta - \phi)}{l_f} = \frac{\sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)}{R}$$

$$\uparrow$$

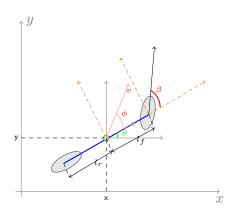
$$tan\beta cos\phi - sin\phi = \frac{l_f}{R} \quad (1)$$

и от ΔOCA

$$sin\beta = \frac{l_r}{R}$$
 (2)

naa

Модел на двуколесно превозно средство /Bicycle Model/



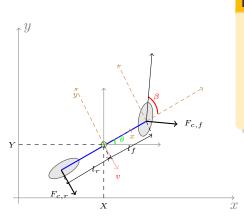
$$0 = (1).l_r - (2).l_f =$$

$$= l_r t g \beta \cos \phi - (l_f + l_r) \sin \phi$$

$$t g \phi = \frac{l_r t g \beta}{l_f + l_r}$$

$$\Leftrightarrow \phi = \arctan \frac{l_r t g \beta}{l_f + l_r}$$

Динамичен модел на двуколесно превозно средство /Dynamic Bicycle Model/



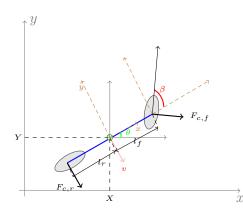
Модел

$$\begin{split} \ddot{x} &= \dot{\theta} \dot{y} \\ \ddot{y} &= -\dot{\theta} \dot{x} + \frac{2}{m} (F_{c,f} cos\beta + F_{c,r}) \\ \ddot{\theta} &= \frac{2}{I_z} (l_f F_{c,f} - l_r F_{c,r})) \\ \dot{X} &= \dot{x} cos\theta - \dot{y} sin\theta \\ \dot{Y} &= \dot{x} sin\theta + \dot{y} cos\theta \end{split}$$

- X Позицията на ЦТ по O_x
- Y Позицията на ЦТ по O_y
- heta -Ъгъла на ориентацията на колата
- $l_{r/f}$ Дължина на колата от ЦТ до остта на задните/предните гуми
- $F_{c,r/f}$ Силите при задните/предните гуми

I_z инерциална маса

Динамичен модел на двуколесно превозно средство /Dynamic Bicycle Model/



 $F_{c,r/f}$ са базирани на линейния модел на гумите

$$F_{c,f/r} = -C_{\alpha_{r/f}\alpha_{r/f}}$$

Където $\alpha_{r/f}$ е ъгъла на приплъзване съответно за задната/предната гума и $C_{\alpha_{r/f}}$ е коефициент за сцеплението при $\frac{\rightarrow}{r}$ завой.

Намиране на маршрут

Търсене Hybrid A*

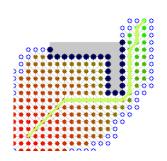
Проблем:

- Дискретни алгоритми за търсене
- Непрекъснато пространство от състояния на автомобила
- Твърде широко дърво за търсене
- Избиране на подходяща евристика

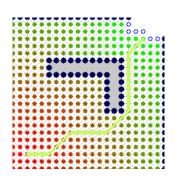
Разлика между Дийкстра, А*

Фигура: Начално състоние

Разлика между Дийкстра, А*

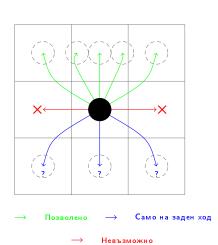


Фигура: Крайно състояние, А*



Фигура: Крайно състояние, Дийкстра

Защо хибриден?



Формула за дискретизиране

$$\widetilde{x} = \frac{x - o_m}{\xi}$$

- \widetilde{x} Дискретни координати
- o_m Начало на КС
 - ξ Дължина на клетката

Представяне на състоянието

$$n = (\tilde{x}, \theta, x, g, f, n_p)$$

- x Позиция на колата в КС
- д Реална цена за стигане до това състояние
- f Сума на реалната цена (g) и евристичната за стигане до целта(h)
- n_p Предходно състояние

Hybrid A*

Algorithm Hybrid A*

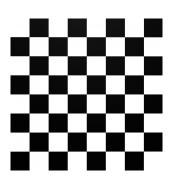
```
1: procedure PLANPATH(m, \mu, x_s, \theta_s mG)
         n_s \leftarrow (\widetilde{x_s}, \theta_s, x_s, 0, h(x_s, G), -)
 2:
 3:
       O \leftarrow \{n_s\}
      C \leftarrow \emptyset
 4:
         while O \neq \emptyset do
 5:
              n \leftarrow \mathsf{node} with min f value in O
 6:
              O \leftarrow O \setminus \{n\}
 7:
              C \leftarrow C \cup \{n\}
 8:
              if n_x \in G then
 9:
                   return reconstructed path
10:
               else updateNeighbours(m, \mu, O, C, n)
11:
               end if
12:
13:
         end while
         return no path found
14:
```

Намиране на местоположението камерата спрямо

равнината на движение

Калибровка посредством използване на шахматен шаблон

- Регистриране на ъглите на квадратчетата
- Намиране на хомографска трансформация между координатите в изображението и идеален модел на шаблона.

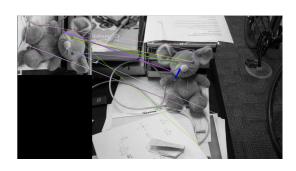


Фигура: Шахматен шаблон

Намиране на местоположението автомобила

Проследяване на фийчъри

- Регистриране на фийчърите в изображението чрез ORB дескриптор
- Намиране на фийчърите на автомобила чрез сравнение с предварително известните му фийчъри.



Фигура: ORB

Обобщение

- Използват се главно прости модели с до две колела и се коригират грешките със сензори
- За намиране на траектория не могат да се използват стандартните дискретни алгоритми
- Подхода за проследяване използван в момента е приложим само за частни случаи

Бъдеща работа

- Използване на информация от сензори
- Добавяне на алгоритми за заглаждане на траекторията
- Добавяне на други евристики при търсенето
- Имплементиране на динамичния модел и използването му за сравнение
- Имплементиране на по устойчив към промени в околната среда метод за проследяване

Използвана литература

Petereit, J., Emter, T., Frey, C., Kopfstedt, T., Beutel, A., 2012, Application of Hybrid A* to an Autonomous Mobile Robot forPath Planning in Unstructured Outdoor Environments, ROBOTIK Kong, J., Pfeiffer, M., Schildbach, G., Borrell, F., 2015, Kinematic and Dynamic Vehicle Models for Autonomous DrivingControl Design, IEEE Sotelo, M., 2003, Lateral control strategy for autonomous steering of Ackerman-like vehicles, RAS