

Departamento de Informática Inteligência Artificial Ano letivo 2019 - 2020

# Trabalho Final Ouri

Alunos:

Luís Ressonha - 35003 Rúben Teimas - 39868

Docente:

Paulo Quaresma

22 de Junho de 2020

# Indice

| 1 | Introdução   | 1                                      |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|--|--|
| 2 | Representação do problema  |  |  |  |  |  |
| 3 | Abordagem ao problema  3.1 Jogo de Ouri  3.2 Agentes  3.2.1 Minimax  3.2.2 Minimax com Corte Alfa-Beta  3.3 Testes de Profundidade | 3<br>3<br>4<br>5                       |  |  |  |  |
| 4 | Estrutura da Solução   | 7                                      |  |  |  |  |
| 5 | Resultados obtidos   |  |  |  |  |  |
| 6 | Conclusão  |  |  |  |  |  |
| 7 | Referências  | 10                                     |  |  |  |  |
| 8 | Anexos         8.1 Lista dos ficheiros   | 11<br>11<br>11<br>17<br>23<br>32<br>41 |  |  |  |  |
|   | 8.2.5 AB1-Mm2-C  | 41<br>49                               |  |  |  |  |

## 1 Introdução

No trabalho prático final da UC, Inteligência Artificial, foi-nos pedido que implementássemos um jogo de Ouri bem como os respetivos agentes que o jogam.

O Ouri é um jogo deterministico pois não existe um elemento aleatório associado ao jogo, ou seja, a mesma jogada nas mesmas condições irá devolver sempre o mesmo resultado. É também um jogo de informação perfeita pois, embora cada jogador jogue com as suas peças, a posição de todas as peças (incluindo as do adversário) é conhecida.

Sendo o jogo deterministico e de informação perfeita procurámos utilizar os algoritmos abordados na UC que satisfazem esta necessidade sendo eles: Minimax e Minimax  $com\ corte\ Alfa-Beta$ .

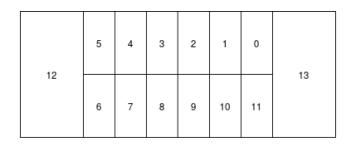
Como ferramenta para a implementação deste trabalho optámos por utilizar *Python* deixando de lado o *Prolog*.

Tanto os agentes implementados como o jogo funcionam como esperado dado que tentámos ao máximo implementar todas regras do jogo (incluindo as sumplementares).

Ainda assim, detetámos uma exceção que fez o nosso jogo entrar em ciclo infinito, a qual não conseguimos resolver.

# 2 Representação do problema

Tal como nos trabalhos anteriores também para este foi determinante a representação do tabuleiro, pois é sobre ele que vamos trabalhar. A representação adoptada por nós pode ser observada na Figura 1.



([12, 13], [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11])

Figura 1: Representação do tabuleiro

O tabuleiro é representado por um tuplo de listas. A  $1^a$  lista representa os depósitos, enquanto que a  $2^a$  lista representa as casa.

O tabuleiro encontra-se devidido em 2 lados:

- Lado 0: Depósito=12 e Casas=[0, 1, 2, 3, 4, 5];
- Lado 1: Depósito=13 e Casos=[6, 7, 8, 9, 10, 11];

# 3 Abordagem ao problema

## 3.1 Jogo de Ouri

Na implementação do jogo tentámos generalizar as funções ao máximo, sendo essencial o parametro *jogador* que representa o lado do tabuleiro.

O jogo é implementado recorrendo de forma mais geral a 4 funções:

- regras(tabuleiro, jogador): A função regras faz uso de pequenas funções, cada uma encarregue de uma regra, e retorna uma lista com as posições das casas que podem ser jogadas.
- captura(tabuleiro, jogador, casa): Função recursiva que dada a casa em que a jogada do acabou retorna quantas peças serão capturadas nessa casa. A função chama-se continuamente até que o número de peças, n, da casa anterior seja diferente de 1 e 2 ( n != 1 && n != 2 ) ou já não percença ao lado do adversário.
- jogada(tabuleiro, jogador, casa): Executa uma jogada e modifica o tabuleiro recebido de acordo com essa ação. A função retorna o próprio tabuleiro por uma questão de conviniência.
- terminal(tabuleiro): Função boleana que verifica se algum dos oponentes já atingiu as 25, ou mais peças, no seu deposito. Verifica também a possibilidade de um empate.

A implementação do jogo é bastante simples, excepto as regras suplementares, que nos obrigaram a mais algum esforço.

Uma das funções que implementa uma regra suplementar é a função *verificaDar-Pecas(tabuleiro, jogador, casasJogaveis)*. Esta função verifica se o número de sementes dentro da casa em questão é superior à distância até ao lado adversario e, caso seja, coloca a posição da casa na lista a ser retornada.

## 3.2 Agentes

Os 2 agentes implementados utilizam os algortimo *Minimax* e o algoritmo *Minimax* com corte Alfa-Beta.

Dado a natureza dos algortimos, estes partilham na integra 2 funções:

- jogadasPossiveis(tabuleiro, jogador): utiliza a função *regras* para retornar as casas que o jogador pode jogar e transforma essas casas em estados, retornando essa lista de estados. É semelhante ao *findall* em *Prolog*.
- evalTab(tabuleiro, jogador, profundidade): avalia o estado do tabuleiro segundo uma função de heuristica definida por nós e retorna o valor dessa heuristica.

A heuristica que adoptamos baseia-se não só nas peças capturadas como também nas peças com possibilidade de capturar/serem capturadas na jogada seguinte. Embora o foco sejam as peças capturadas (com valores numa ordem de grandeza superior) as peças com possibilidade de serem capturadas ajudam a desempatar em alguns casos, pelo que nos pareceu ser uma boa adição.

Tentámos também que o nosso agente tenha um estilo de jogo mais ofensivo atribuindo um valor superior às peças capturadas por si em relação às peças capturadas pelo adversário.

#### 3.2.1 Minimax

O algortimo *Minimax* é um algoritmo "padrão"em jogos determisticos e de informação perfeita, daí a nossa escolha.

A nossa implementação do algortimo minimax não tem nenhuma particularidade que a distinga do algoritmo "padrão". É limitado por uma profundidade variável, cujo os valores implicaram testes e medições de tempo de modo a coincidirem com os 3 niveis pedidos.

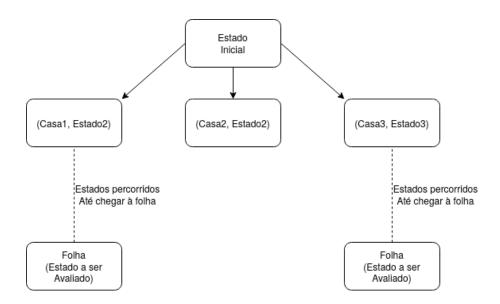


Figura 2: Representação da Árvora Minimax

Na Figura 2 podemos observar o comportamento da árvore Minimax.

Dado um estado do tabuleiro, a função *melhorJogadaMinMax* irá obter uma lista de tuplos que contêm a posição da casa e o estado, tal como podemos ver no Nivel 1 da árvore.

Cada nó desse nivel é depois tratado como uma árvore independente, com raiz no próprio nó. A árvore independente é construída chamando sucessivamente a função *minimax* alternando entre **maximizar** e **minimizar**.

Na 1ª chamada da função *minimax*, dentro da função melhorJogadaMinimax, a função começa a **minimizar** pois a jogada em questão é a do adversário.

A função *melhorJogadaMinimax* foi criada para saber qual a casa que nos permitia fazer a melhor jogada, dado que a função *minimax* só retorna o valor da heuristica.

A nossa função *minimax* podia retornar o tuplo (casa, valHeuristica), mas achamos que não é pertinente saber qual a casa no decorrer do algoritmo, mas sim no final.

#### 3.2.2 Minimax com Corte Alfa-Beta

Este agente funciona de forma semelhante ao agente anterior, contudo, faz uso de algumas melhorias que lhe permitem um melhor desempenho.

A principal melhoria deste agente em relação ao anterior é a utilização dos parametros Alfa e Beta que permitem ao agente fazer o "corte".

Este corte permite que o agente procure numa maior profundidade pois limita, no melhor caso, limitará bastante a largura da pesquisa. No pior dos casos, o algoritmo será igual ao minimax, pelo que nunca é uma pior opção.

Para além desta implementação base do  ${\it Alfa-Beta}$  decidimos fazer mais um  ${\it tweak}$  no algoritmo.

Na função **melhorJogadaAlfaBeta**, ao obtermos o 1º nivel da árvore, calculamos também a heuristica desse estado e ordenamos a lista de acordo com a heuristica, colocando-o os estados com maior heuristica em 1º lugar.

Por outras palavras, ordenamos as possibilidades de acordo com a que parece ser a jogada mais favorável, o que à partida permite fazer o corte o mais cedo possivel, embora isto nem sempre se verifique.

A representação deste algoritmo é bastante semelhante à do anterior, daí termos optado por não incluir uma figura.

### 3.3 Testes de Profundidade

Antes sequer de implementarmos o algoritmo tentámos representar a sua execução em papel, contudo, esta ideia foi rápidamente abandonada após pensarmos no fator de ramificação do jogo.

Se, por exemplo, no **Jogo do Galo** o fator de ramificação diminuia a cada nivel, pois era ocupada uma casa, no Ouri tal não acontece.

Simulando a 1ª jogada do Ouri percebemos que podemos jogar em 6 posições. Em cada uma das 6 posições que escolhemos, o nosso adversário terá mais 6 posições para escolher e de cada uma das posições do nosso adversário nós teremos 5 ou 6 opções. Ou seja, na melhor das hipóteses, para chegar à nossa 2ª jogada teriamos de "gerar"180 estados...

Como se pode observar o fator de ramificação do Ouri é bastante elevado, fazendo com que o algoritmo cresça em largura bastante rapidamente, daí a necessidade de não expandir todos os nós (*Minimax com corte Alfa-Beta*).

|   | Minimax | Alfa-Beta |
|---|---------|-----------|
| A | 8       | 10        |
| В | 9       | 11        |
| С | 9       | 12        |

Tabela 1: Profundidade de cada algoritmo a cada nível

Olhando para a tabela é possivel concluir que os niveis de profundidade aos quais conseguimos chegar nos tempos A, B e C (5, 15 e 30 segundos respetivamente) para o algoritmo **Minimax** são bastante reduzidos e não existe grande variação, tendo até os niveis B e C a mesma profundidade.

Isto deve-se ao facto de todos os nós serem expandidos, o que faz com que o algoritmo cresça muito rapidamente em largura.

Por outro lado observamos que no algortimo *Minimax com corte Alfa-Beta* a profundidade 1º nivel é maior do que a do último nivel do algoritmo *Minimax*. Para além disso, a profundidade deste algoritmo aumenta em todos os niveis.

O *Alfa-Beta* cresce bastante mais em profundidade do que *Minimax* pois "sacrifica" o crescimento em largura ao aplicar o corte.

A altura em que o corte é aplicado é variável, pois depende da posição em que o estado que dá o melhor resultado se encontra na lista. Apesar dos nossos esforços para que aconteça o mais rápido possivel (ordenando a lista), isto nem sempre acontece.

# 4 Estrutura da Solução

A solução que implementámos face ao problema está repartida em 5 ficheiros:

- defines.py: ficheiro que contem algumas constante de utilidade, a profundidade de cada nivel e algumas configurações.
- ouri.py: ficheiro principal onde se encontra a chamada do jogo de Ouri.
- jogador.py: ficheiro onde se encontra a lógica do jogo. As funções nele definidas são utilizadas por todos os jogadores, sejam eles humanos ou agentes de IA.
- minimax.py: ficheiro onde se encontra a implementação do algortimo Minimax.
- alfabeta.py: ficheiro onde se encontra a implementação do algortimo Alfabeta.

Para executar o *Jogo do Ouri* é necessário executar, na linha de comandos, o comando: "python3 ouri.py {ordem} {dificuldade}"em que {ordem} é a ordem na qual a IA deve jogar, sendo as opções "-p"ou "-s"para primeiro ou segundo respetivamente. A {dificuldade} é um dos 3 niveis "a", "b"ou "c".

Existem 3 formas de jogar o jogo:

- Humano VS Alfa-Beta: para jogar contra o agente Alfa-Beta basta ir ao ficheiro defines.py e colocar as variáveis IAvsIA = False e VER PRINTS = True.
- IA VS IA: para realizar um jogo entre o agente Alfa-Beta e o agente Minimax basta ir ao ficheiro defines.py e colocar as variáveis IAvsIA = True e  $VER \ PRINTS = True$ .
- Formato Taça: para o formato taça basta no ficheiro defines.py colocar as variáveis IAvsIA = False e VER\_PRINTS = False para que o programa imprima unicamente o posição da casa a jogar.

## 5 Resultados obtidos

Para demonstrar qual o melhor agente realizámos um torneio entre ambos. Este torneio consiste em 6 jogos utilizando cada um dos niveis de profundidade e alternando entre qual dos agentes joga em primeiro lugar.

Na *Tabela 2* podemos observar os resultados dos jogos. Uma consulta mais detalhada do decorrer de jogo pode ser efetuada nos **Anexos**.

| Nível | 1º Jogador | Resultado      | 2° Jogador | Vencedor  |
|-------|------------|----------------|------------|-----------|
| A     | Alfa-Beta  | 26 - 12        | Minimax    | Alfa-Beta |
| A     | Minimax    | 25 - 11        | Alfa-Beta  | Minimax   |
| В     | Alfa-Beta  | Ciclo Infinito | Minimax    | -         |
| В     | Minimax    | 14 - 25        | Alfa-Beta  | Alfa-Beta |
| С     | Alfa-Beta  | 26 - 12        | Minimax    | Alfa-Beta |
| С     | Minimax    | 14 - 25        | Alfa-Beta  | Alfa-Beta |

Tabela 2: Resultados do torneio

Olhando para os resultados do torneio podemos observar que o algortimo *Alfa-Beta* foi um claro vencedor vencendo 4 das 6 partidas realizadas.

Embora este resultado não nos tenha surpreendido, não conseguimos explicar a razão pela qual o algoritmo *Minimax* venceu o 2º jogo.

A outra anomalia pode ser observada no 3º jogo, que entrou num ciclo infinito. O que nos levou a perceber que a nossa função que deteta este tipo de ocasiões não está completa... Ainda assim, se ela estivesse a funcionar totalmente, os agentes iriam recolher as suas peças ficando o Alfa-Beta com 26 peças e o Minimax com 22, pertencendo a vitória ao Alfa-Beta, como seria de esperar.

Com estes resultados não existem quaisquer duvidas que queremos que o agente *Minimax com corte Alfa-Beta* nos represente no "I Torneio de Ouri de IA@LEI@UÉ".

## 6 Conclusão

Olhando para os resultados dos nossos testes e para o que nos foi pedido, pensamos ter concluído o trabalho com sucesso.

Os maiores problemas que surgiram ao longo do trabalho foram pequenas distrações, como esquecer-nos de mudar o jogador ao alternar entre *minimizar* e *maximizar*. Erros deste tipo levaram-nos a resultados anómalos mas julgamos terem sido todos corrigidos na versão final do trabalho.

Ainda que o trabalho faça o que é pedido, não estamos à espera de ganhar... Mas que se Portugal ganhou o Europeu nós também podemos ganhar a taça!

# 7 Referências

• Para uma melhor compreensão do algortimo Alfa-Beta recorremos não só aos slides das aulas como ao seguinte video:

https://www.youtube.com/watch?v=l-hh51ncgDI&t

IA Ouri UÉvora

## 8 Anexos

Abaixo foram incluídos os ficheiros que contêm o decorrer dos jogos que simulámos nos testes.

## 8.1 Lista dos ficheiros

AB1-Mm2-A.log - Alfa-Beta joga em 1° lugar com dificuldade A. AB2-Mm1-A.log - Minimax joga em 1° lugar com dificuldade A. AB1-Mm2-B.log - Alfa-Beta joga em 1° lugar com dificuldade B. AB2-Mm1-B.log - Minimax joga em 1° lugar com dificuldade B. AB1-Mm2-C.log - Alfa-Beta joga em 1° lugar com dificuldade C. AB2-Mm1-C.log - Minimax joga em 1° lugar com dificuldade C.

## 8.2 Conteúdo

#### 8.2.1 AB1-Mm2-A

```
— AB1-Mm2-A.log —
 Alfa-Beta joga em 1
                com Nivel A.
 -----
     | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
     | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 3.266554594039917 segundos
     0 4 4 4 4 4 4
11
     -----
     | 5| 5| 5| 4|
                     4 |
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 3.9303078651428223 segundos
18
     0 | 4 | 4 | 4 | 5 | 5 |
19
     -----
     | 5| 5| 0| 6| 5| 5|
 -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 1.7481660842895508 segundos
```

```
| 1| 5| 0| 4| 5| 5|
     | 6| 6| 0| 6| 5| 5|
                       IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 2.015164375305176 segundos
33
 -----
34
 | 1 | 5 | 1 | 5 | 6 | 6 | |
 0 |
    | 6| 6| 0| 0| 6| 6|
 ______
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 0.9496519565582275 segundos
41
    | 2| 6| 2| 0| 6| 6|
     -----
    | 7| 7| 0| 0| 6| 6|
 _____
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 1.232161045074463 segundos
    | 0| 7| 3| 1| 7| 7|
 0 -----
     | 7| 7| 0| 0| 6| 0|
 ______
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.2489931583404541 segundos
57
 -----
    | 1| 0| 3| 1| 7| 7| |
 0
     -----
    | 8| 8| 1| 1| 7| 1|
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 0.7105374336242676 segundos
 ______
    | 1| 0| 3| 0| 8| 8|
     -----
    | 0| 9| 2| 2| 8| 2|
 _____
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.1649951934814453 segundos
```

```
______
    | 2| 1| 4| 1| 0| 8|
 I 6
     -----
    | 1| 10| 0| 0| 8| 2|
 -----
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.49733877182006836 segundos
81
 -----
    | 0| 0| 5| 2| 1| 9| |
 | 6 ----- 10 |
     | 1| 0| 1| 1| 9| 3|
 -----
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 0.17465972900390625 segundos
 -----
 | | 0 | 1 | 6 | 0 | 1 | 9 | |
     ----- 10 |
    | 1| 0| 1| 1| 9| 3|
 -----
 IA 2 (mM): 5
 Tempo da escolha: 0.535517692565918 segundos
97
98
    | 1| 2| 7| 1| 2| 10| |
     ----- 10 |
    | 2| 1| 1| 1| 0| 4| |
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.20023155212402344 segundos
104
    | 2| 0| 7| 1| 2| 10| |
108
     | 0| 1| 1| 1| 0| 4|
109
 -----
 IA 2 (mM): 6
111
 Tempo da escolha: 0.2236037254333496 segundos
114
 | 2 0 8 2 3 11 |
 | 9
     ----- 10 |
```

```
IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.32018542289733887 segundos
120
121
  -----
    | 3| 1| 0| 2| 3| 11|
  | 9
     -----
                      10 |
124
    -----
126
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.37121033668518066 segundos
129
  ______
130
    | 3| 1| 0| 2| 3| 11|
131
  9 ----- 10 |
    | 1| 0| 3| 3| 1| 1|
  -----
 IA 1 (AB): 1
135
 Tempo da escolha: 0.1424577236175537 segundos
136
137
  -----
138
    | 4| 2| 1| 3| 4| 0|
     -----
                      10 I
  |13
     | 2| 1| 4| 4| 0| 0|
141
  -----
142
 IA 2 (mM): 4
143
 Tempo da escolha: 0.17172694206237793 segundos
144
145
  -----
146
    | 4| 2| 1| 3| 5| 1| |
147
  13
     ----- 10 |
148
    | 2| 1| 4| 0| 1| 1|
149
  -----
150
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.03701424598693848 segundos
153
154
     | 5| 3| 2| 4| 0| 1|
  | 16 ----- 10 |
     | 0| 1| 4| 0| 1| 1|
  -----
158
 IA 2 (mM): 3
159
 Tempo da escolha: 0.016414642333984375 segundos
160
161
  -----
162
    | 5| 3| 2| 4| 0| 0|
 | 16 ----- 12 |
```

```
166
  IA 1 (AB): 6
167
  Tempo da escolha: 0.014772653579711914 segundos
168
  -----
170
    | 0| 3| 2| 4| 0| 0|
171
     -----
     | 1| 2| 1| 0| 0| 2|
173
  -----
 IA 2 (mM): 2
  Tempo da escolha: 0.006041526794433594 segundos
176
178
     | 0| 3| 2| 4| 0| 0|
  |21
     ----- 12 |
     181
  -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.005911827087402344 segundos
184
185
    | 1| 4| 0| 4| 0| 0|
     -----
                       12 l
     | 1| 0| 2| 1| 0| 2|
189
  -----
190
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.002777576446533203 segundos
193
194
    | 1| 4| 0| 4| 0| 0|
195
     -----
  |21
196
     | 1| 0| 0| 2| 1| 2|
  -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.003034830093383789 segundos
200
201
  -----
    | 2| 0| 0| 4| 0| 0|
     ----- 12 |
204
     205
206
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 0.007593631744384766 segundos
208
209
  -----
```

```
| 2| 0| 0| 4| 0| 0|
     ----- 12 |
     | 0| 2| 2| 2| 1| 2|
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.0015077590942382812 segundos
217
  -----
218
  | | 0 | 0 | 4 | 0 | 0 | |
  |24 ----- 12 |
     | 1| 0| 2| 2| 1| 2|
  ______
222
 IA 2 (mM): 3
223
  Tempo da escolha: 0.00015306472778320312 segundos
224
225
226
  227
     ----- 12 |
  |24
228
    | 1| 0| 0| 3| 2| 2|
229
  -----
230
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 4.57763671875e-05 segundos
232
233
 Alfa-Beta venceu!
234
235
  236
  126
     ----- 12 |
     | 0| 0| 0| 3| 2| 2|
  ______
```

### 8.2.2 AB2-Mm1-A

```
— AB2-Mm1-A.log —
 MiniMax joga em 1 com Nivel A.
   | 4| 4| 4| 4| 4| |
    ----- 0 |
 0
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
 ______
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 6.529148578643799 segundos
 _____
    | 4| 4| 5| 5| 5| 5|
    -----
    | 4| 4| 4| 4| 4| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 2.264193534851074 segundos
17
 -----
    | 5| 5| 6| 0| 5| 5|
 0 |
    | 5| 5| 4| 4| 4| 0|
 _____
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 2.5361337661743164 segundos
25
 -----
 | | 5| 5| 6| 0| 5| 6| |
    ----- 0 |
    | 5| 5| 0| 5| 5| 1|
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 0.9219863414764404 segundos
32
 -----
    | 6| 6| 7| 1| 6| 0|
    -----
    | 6| 5| 0| 5| 5| 1|
 -----
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 1.9475297927856445 segundos
43 | | 6| 6| 7| 1| 6| 1|
```

```
0 ----- 0 |
    | 0| 6| 1| 6| 6| 2|
 ______
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.18737554550170898 segundos
    | 0| 6| 7| 1| 6| 1|
 | 3 -----
    | 1| 7| 2| 7| 7| 0|
 -----
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 1.4318859577178955 segundos
57
 -----
    | 0| 6| 7| 0| 7| 2|
    -----
     | 1| 0| 3| 8| 8| 1|
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 0.5283346176147461 segundos
 -----
 | | 0 | 6 | 7 | 1 | 8 | 0 | |
    | 1| 0| 3| 8| 8| 1|
 -----
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.8500237464904785 segundos
 ______
    | 0| 6| 7| 1| 8| 0|
    -----
    | 1| 0| 0| 9| 9| 2|
 -----
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.5034499168395996 segundos
    | 1| 7| 8| 2| 0| 0|
 | 3 -----
     | 2| 1| 1| 10| 9| 2|
 ______
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 1.4742178916931152 segundos
```

```
| 1| 7| 8| 2| 0| 0|
     -----
     | 0| 2| 2| 10| 9| 2|
  -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.32973790168762207 segundos
97
  -----
    | 2| 0| 8| 2| 0| 0|
  l 6
     -----
    | 1| 3| 3| 11| 10| 0|
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.6495435237884521 segundos
104
  -----
106
    | 2| 0| 8| 2| 0| 0|
  | 6 -----
108
    | 1| 0| 4| 12| 11| 0|
109
  -----
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.2035374641418457 segundos
112
113
114
    | 0| 0| 8| 2| 0| 0|
     -----
     | 2| 1| 4| 12| 11| 0|
  ______
 IA 2 (mM): 1
119
 Tempo da escolha: 0.5917360782623291 segundos
120
121
  -----
  | | 0| 0| 8| 2| 0| 0|
  | 6
     -----
                      2 |
    | 0| 2| 5| 12| 11| 0|
  -----
126
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.18277859687805176 segundos
128
129
  _____
130
    | 1| 1| 0| 2| 0| 0|
131
  | 6 -----
132
    | 1| 3| 6| 13| 12| 1|
 -----
135 IA 2 (mM): 2
```

```
Tempo da escolha: 0.6624150276184082 segundos
137
  ______
138
     | 1| 1| 0| 2| 0| 0|
     -----
     | 1| 0| 7| 14| 13| 1|
141
142
  IA 1 (AB): 3
143
  Tempo da escolha: 0.060367584228515625 segundos
144
  -----
146
     | 1| 2| 1| 0| 0| 0|
147
     -----
148
     | 1| 0| 7| 14| 13| 1|
149
  -----
 IA 2 (mM): 3
  Tempo da escolha: 0.17174744606018066 segundos
152
153
154
     | 1| 2| 0| 1| 1| 1|
  | 6 -----
     | 1| 0| 0| 15| 14| 2|
  -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.06542110443115234 segundos
160
161
  -----
162
     | 2| 0| 0| 1| 1| 1|
     -----
  l 8
     | 0| 0| 0| 15| 14| 2|
165
166
  IA 2 (mM): 6
167
  Tempo da escolha: 0.05794501304626465 segundos
168
  -----
     171
     -----
172
     | 0| 0| 0| 15| 14| 0|
  -----
  IA 1 (AB): 6
  Tempo da escolha: 0.021243572235107422 segundos
176
   -----
     | 0| 0| 0| 1| 0| 0|
     -----
                        8 |
     | 1| 1| 0| 15| 14| 0|
```

```
-----
 IA 2 (mM): 5
 Tempo da escolha: 0.09144949913024902 segundos
184
185
 -----
    | 8 ----- 12 |
188
     | 2| 2| 1| 16| 0| 2|
189
 -----
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 0.05260920524597168 segundos
193
 -----
194
 195
     ----- 12 |
    | 2| 2| 1| 16| 0| 2|
 ______
198
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.1196589469909668 segundos
200
201
202
    | 1| 2| 2| 0| 0| 0|
    ----- 12 |
    205
206
 IA 1 (AB): 5
207
 Tempo da escolha: 0.033570051193237305 segundos
208
 -----
210
    | 2| 0| 2| 0| 0| 0|
211
    ----- 12 |
212
     0 0 2 17 0 2
213
 -----
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.21324634552001953 segundos
216
217
218
 ----- 12 |
 | 11
    | 0| 0| 0| 18| 1| 2|
 ______
222
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.036473751068115234 segundos
224
 ______
```

```
|11 ----- 12 |
    | 1| 1| 0| 18| 1| 2|
229
 ______
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 0.08576512336730957 segundos
233
234
    | 0| 0| 2| 0| 1| 1|
235
 | 1| 1| 0| 18| 1| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 4
239
 Tempo da escolha: 9.393692016601562e-05 segundos
240
241
 -----
242
    ----- 12 |
244
     | 1| 1| 0| 18| 1| 0|
245
 -----
246
 IA 2 (mM): 4
247
 Tempo da escolha: 5.030632019042969e-05 segundos
 Minimax venceu!
250
251
 252
 |11 ----- 25 |
253
    | 2| 2| 1| 0| 3| 2|
 -----
```

### 8.2.3 AB1-Mm2-B

```
— AB1-Mm2-B.log —
 Alfa-Beta joga em 1 com Nivel B.
 -----
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
     ----- 0 |
 | 0
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
 ______
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 9.809682846069336 segundos
 -----
    | 4| 5| 5| 5| 5| 0|
     -----
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
 -----
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 31.78688383102417 segundos
17
 -----
    | 4| 5| 5| 5| 6| 1|
 0 -----
    | 4| 4| 4| 0| 5| 5|
 _____
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 4.669905424118042 segundos
25
 -----
 | | 0 | 5 | 5 | 6 | 1 |
    ----- 0 |
    | 5| 5| 5| 1| 5| 5|
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 17.105902433395386 segundos
32
 -----
    | 0| 5| 5| 5| 6| 0|
    -----
    | 5| 0| 6| 2| 6| 6|
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 1.930405855178833 segundos
43 | 1 0 5 5 6 0
```

```
3 -----
    | 6| 1| 7| 0| 6| 6|
 ______
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 3.8114571571350098 segundos
    | 0| 1| 6| 6| 7| 1|
 | 3 -----
    | 6| 1| 7| 0| 6| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 1.7359941005706787 segundos
57
 -----
    | 1| 2| 7| 7| 0| 1|
   -----
     | 7| 2| 8| 0| 6| 0|
 -----
 IA 2 (mM): 5
 Tempo da escolha: 3.9862558841705322 segundos
 -----
 | 1 0 8 8 1 2 |
    ----- 7 |
    | 7| 2| 8| 0| 0| 1|
 -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 1.490537166595459 segundos
 ______
    | 2| 1| 0| 8| 1| 2|
 | 5 -----
    | 8| 3| 9| 1| 1| 0|
 -----
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 1.8610939979553223 segundos
    | 0| 0| 1| 9| 2| 3| |
 | 5 ----- 12 |
     | 8| 3| 0| 2| 2| 1|
 -----
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 0.12075686454772949 segundos
```

```
| 1| 1| 2| 0| 2| 3| |
    ----- 12 |
 13
     | 9| 4| 1| 0| 0| 0|
 -----
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 0.2904999256134033 segundos
97
 -----
    | 1| 1| 0| 1| 3| 4|
 113
     ----- 15 |
    | 0| 5| 2| 1| 1| 1|
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.18831443786621094 segundos
104
 -----
106
    | 1| 2| 1| 2| 0| 4|
 108
    | 0| 5| 2| 1| 1| 1|
109
 -----
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.2544991970062256 segundos
112
113
114
    |13
     ----- 15 |
     | 0| 0| 3| 2| 2| 2|
 ______
 IA 1 (AB): 5
119
 Tempo da escolha: 0.22799324989318848 segundos
120
121
 -----
    | 2| 0| 1| 2| 0| 5|
 |13
     ----- 15 |
    | 1| 0| 3| 2| 2| 2|
 -----
126
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.28256893157958984 segundos
128
129
 -----
130
    | 2| 0| 1| 2| 0| 5|
 132
    | 1| 0| 0| 3| 3| 3|
 -----
135 IA 1 (AB): 3
```

```
Tempo da escolha: 0.0966193675994873 segundos
137
  ______
138
     | 2| 1| 2| 0| 0| 5|
     ----- 15 |
  |13
     | 1| 0| 0| 3| 3| 3|
141
142
  IA 2 (mM): 4
143
  Tempo da escolha: 0.10854625701904297 segundos
144
  -----
146
     | 2| 1| 2| 0| 0| 6|
147
     ----- 15 |
  113
148
     | 1| 0| 0| 0| 4| 4|
149
  -----
  IA 1 (AB): 1
  Tempo da escolha: 0.0707547664642334 segundos
152
153
154
     | 3| 2| 3| 1| 1| 0|
  156
     | 0| 0| 0| 0| 4| 4|
  -----
  IA 2 (mM): 5
  Tempo da escolha: 0.047702789306640625 segundos
160
161
  -----
162
     | 3| 2| 3| 0| 0| 1|
  | 15 ----- 19 |
     | 0| 0| 0| 0| 5|
165
166
  IA 1 (AB): 4
167
  Tempo da escolha: 0.022303342819213867 segundos
168
  -----
     | 4| 3| 0| 0| 0| 1|
171
     -----
172
     | 1| 0| 0| 0| 5|
  -----
  IA 2 (mM): 6
  Tempo da escolha: 0.008560419082641602 segundos
176
     | 4| 4| 1| 1| 1| 2|
  | 15
      ----- 19 |
     | 1| 0| 0| 0| 0| 0|
```

```
______
 IA 1 (AB): 6
183
 Tempo da escolha: 0.025074481964111328 segundos
184
185
  -----
    | 0| 4| 1| 1| 1| 2| |
    ----- 19 |
188
     | 2| 1| 1| 1| 0| 0|
189
 -----
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 0.013405561447143555 segundos
193
  -----
194
 | | 0 | 4 | 1 | 1 | 2 | |
195
     ----- 19 |
 |15
196
    ______
198
 IA 1 (AB): 5
199
 Tempo da escolha: 0.011762380599975586 segundos
200
201
202
    | 1| 0| 1| 1| 1| 2|
     ----- 19 |
 21
    205
206
 IA 2 (mM): 1
207
 Tempo da escolha: 0.009392499923706055 segundos
208
 -----
210
    | 1| 0| 1| 1| 1| 2|
    ----- 19 |
212
     0 1 0 1 0 0
213
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 0.006159782409667969 segundos
216
217
218
    ----- 19 |
 |21
220
    ______
222
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.021260499954223633 segundos
224
225
```

```
----- 19 |
    229
 ______
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.009786128997802734 segundos
233
234
     | 1| 0| 2| 3| 0| 0|
235
    _____
                     19 |
    -----
 IA 2 (mM): 3
239
 Tempo da escolha: 0.011232614517211914 segundos
240
241
 -----
242
    | 1| 0| 2| 3| 0| 0|
    ----- 19 |
244
     | 0| 0| 0| 2| 0| 0|
245
 -----
246
 IA 1 (AB): 3
247
 Tempo da escolha: 0.008381128311157227 segundos
 -----
250
 | | 2| 1| 3| 0| 0| 0| |
251
     ----- 19 |
252
    253
 -----
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 0.005203962326049805 segundos
256
257
 ______
258
    | 2| 1| 3| 0| 0| 0|
    ----- 19 |
    -----
262
 IA 1 (AB): 6
263
 Tempo da escolha: 0.005266904830932617 segundos
264
265
266
    | 0| 1| 3| 0| 0| 0|
    ----- 19 |
268
     | 1| 1| 0| 0| 1| 1|
269
 ______
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.0032269954681396484 segundos
273
```

```
| 0| 1| 3| 0| 0| 0|
275
    ----- 19 |
 121
    | 1| 0| 1| 0| 1| 1|
 -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.002104043960571289 segundos
280
281
 -----
282
    ----- 19 |
 123
    285
286
 IA 2 (mM): 3
287
 Tempo da escolha: 0.002216815948486328 segundos
288
 -----
290
    291
 | 23 ----- 19 |
292
    293
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.0018351078033447266 segundos
296
297
    299
 123
    ----- 19 |
    | 1| 0| 0| 1| 1| 1|
 ______
302
 IA 2 (mM): 4
303
 Tempo da escolha: 0.0020411014556884766 segundos
304
305
 -----
    23
    -----
                   19 |
308
    | 1| 0| 0| 0| 2| 1|
309
 -----
310
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.0015788078308105469 segundos
312
313
 ______
314
    315
 |23 ----- 19 |
316
    | 2| 1| 0| 0| 2| 1|
 -----
319 IA 2 (mM): 5
```

```
Tempo da escolha: 0.0019080638885498047 segundos
320
321
  ______
322
    ----- 19 |
     | 2| 1| 0| 0| 0| 2|
325
  IA 1 (AB): 1
327
  Tempo da escolha: 0.0010597705841064453 segundos
328
  330
    331
     ----- 19 |
332
    333
  -----
334
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 0.0017864704132080078 segundos
336
337
338
    | 0| 0| 0| 0| 0| 1|
339
  |23
     ----- 21 |
340
     | 2| 1| 0| 0| 0| 0|
  -----
 IA 1 (AB): 1
343
 Tempo da escolha: 0.0003135204315185547 segundos
344
345
346
    123 -----
                      21 |
348
    | 2| 1| 0| 0| 0| 0|
349
350
 IA 2 (mM): 1
351
  Tempo da escolha: 0.00023508071899414062 segundos
352
  -----
354
    355
     -----
356
     357
  -----
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.0003581047058105469 segundos
360
361
362
    ----- 21 |
 |23
  | | 0 | 2 | 1 | 0 | 0 | 0 |
365
```

```
366 ------
367 IA 2 (mM): 2
368 Tempo da escolha: 0.00027179718017578125 segundos
369
370
371 <----- Ciclo Infinito! ----->
```

### 8.2.4 AB2-Mm1-B

```
— AB2-Mm1-B.log —
 MiniMax joga em 1 com Nivel B.
   | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
     ----- 0 |
 0
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
 ______
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 26.9116051197052 segundos
 _____
    | 4| 4| 4| 4| 5| 5|
     -----
    | 4| 4| 4| 0| 5| 5|
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 5.207972288131714 segundos
17
 -----
    | 5| 0| 4| 4| 5| 5|
 0 -----
    | 5| 5| 5| 0| 5| 5|
 _____
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 10.519835233688354 segundos
25
 -----
 | | 5 | 1 | 5 | 5 | 6 | 6 | |
    ----- 0 |
    | 5| 5| 5| 0| 5| 0|
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 2.9446659088134766 segundos
32
 -----
    | 6| 2| 6| 6| 0| 6|
    -----
    | 6| 6| 5| 0| 5| 0|
 -----
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 6.983225584030151 segundos
43 | | 6| 2| 6| 6| 1| 7|
```

```
0 ----- 0 |
    | 6| 6| 0| 1| 6| 1|
 ______
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.46035194396972656 segundos
    | 7| 3| 0| 6| 1| 7|
    -----
 | 2
    | 7| 7| 1| 0| 6| 1|
 -----
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 4.4416584968566895 segundos
57
 -----
    | 7| 3| 0| 6| 0| 8|
   -----
     0 8 2 1 7 2
 -----
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 0.5229485034942627 segundos
 -----
 | 8 4 1 0 0 8 |
    | 1| 9| 0| 1| 7| 2|
 -----
71 IA 2 (mM): 5
 Tempo da escolha: 2.7662770748138428 segundos
 ______
    | 9| 5| 2| 1| 1| 9|
 | 5 -----
    | 1| 9| 0| 1| 0| 3|
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 1.8245956897735596 segundos
    | 10| 6| 3| 2| 2| 0|
 | 7 -----
     | 2| 10| 1| 0| 0| 3|
 -----
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 3.0435688495635986 segundos
```

```
| 10| 6| 3| 0| 0| 1|
     -----
     | 2| 10| 1| 0| 0| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.10695075988769531 segundos
97
 -----
    | 11| 7| 0| 0| 0| 1|
 110
     -----
    | 0| 10| 1| 0| 0| 0|
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.18546795845031738 segundos
104
 -----
106
    | 12| 8| 1| 1| 1| 2|
 | 10 -----
108
    109
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 0.3083181381225586 segundos
112
113
114
    | 12| 8| 1| 2| 2| 0|
 10
     _____
     | 0| 0| 2| 1| 1| 1|
 ______
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.14741778373718262 segundos
120
121
 -----
    | 12| 8| 1| 2| 2| 0|
 10
     -----
                     8 |
    -----
126
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.18625664710998535 segundos
128
129
 _____
130
    | 12| 8| 2| 3| 0| 0|
 | 10 ----- 8 |
132
    | 0| 0| 0| 2| 2| 1|
 -----
135 IA 2 (mM): 5
```

```
Tempo da escolha: 0.19597077369689941 segundos
137
  ______
138
     | 12| 8| 2| 3| 0| 1|
      -----
     | 0| 0| 0| 2| 0| 2|
141
142
  IA 1 (AB): 4
143
  Tempo da escolha: 0.0661618709564209 segundos
144
  ______
146
     | 13| 9| 0| 3| 0| 1|
147
      -----
  110
148
     149
  -----
  IA 2 (mM): 6
  Tempo da escolha: 0.07674860954284668 segundos
152
153
  -----
154
     | 13| 9| 0| 3| 1| 2|
  | 10 -----
      | 0| 0| 0| 2| 0| 0|
  -----
  IA 1 (AB): 5
  Tempo da escolha: 0.05377483367919922 segundos
160
161
162
     | 14| 0| 0| 3| 2| 3|
     -----
  110
     | 1| 1| 1| 3| 1| 1|
165
166
  IA 2 (mM): 4
167
  Tempo da escolha: 0.0422968864440918 segundos
168
  -----
     | 14 | 0 | 0 | 3 | 2 | 4 |
171
  10
      -----
172
      | 1| 1| 1| 0| 2| 2|
  -----
  IA 1 (AB): 6
  Tempo da escolha: 0.0048983097076416016 segundos
176
     | 0| 1| 1| 4| 3| 5|
  |19
                         8 |
      -----
      | 0| 0| 0| 1| 3| 3|
```

```
-----
 IA 2 (mM): 5
183
 Tempo da escolha: 0.0898585319519043 segundos
184
185
  -----
    | 0| 1| 1| 4| 4| 6|
    -----
188
     | 0| 0| 0| 1| 0| 4|
189
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 0.0029206275939941406 segundos
193
  -----
194
 | 1 2 2 5 5 0 |
195
 |19
     ----- 8 |
196
    | 1| 0| 0| 1| 0| 4|
 ______
198
 IA 2 (mM): 6
199
 Tempo da escolha: 0.006684303283691406 segundos
200
201
202
    | 1| 2| 0| 6| 6| 1|
     ----- 11 |
 |19
    205
206
 IA 1 (AB): 5
207
 Tempo da escolha: 0.0052073001861572266 segundos
208
 -----
210
    ----- 11 |
212
     0 0 0 1 0 0
213
 -----
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 0.011884689331054688 segundos
216
217
218
    ----- 11 |
 |21
220
    -----
222
 IA 1 (AB): 2
223
 Tempo da escolha: 0.014231681823730469 segundos
224
225
 | 3 1 1 7 0 1 |
```

```
----- 11 |
    229
 ______
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 0.01355123519897461 segundos
233
234
     | 3| 1| 1| 7| 0| 1|
235
     -----
                      11 |
    -----
 IA 1 (AB): 3
239
 Tempo da escolha: 0.009589672088623047 segundos
240
241
 ______
242
    | 4| 2| 2| 0| 0| 1|
     ----- 11 |
244
     | 1| 3| 1| 1| 1| 0|
245
 -----
246
 IA 2 (mM): 2
247
 Tempo da escolha: 0.008599519729614258 segundos
 -----
250
 | | 4| 2| 2| 0| 0| 1| |
251
     ----- 11 |
252
    253
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.007987260818481445 segundos
256
257
 ______
258
    | 5| 0| 2| 0| 0| 1|
     ----- 11 |
    | 0| 0| 2| 2| 2| 0|
 -----
262
 IA 2 (mM): 3
263
 Tempo da escolha: 0.008580684661865234 segundos
264
265
266
    | 5| 0| 2| 0| 0| 1|
 | 23 ----- 11 |
268
     | 0| 0| 0| 3| 3| 0|
269
 ______
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.006069660186767578 segundos
273
```

```
275
     -----
  123
     | 1| 1| 1| 4| 4| 0|
  -----
 IA 2 (mM): 5
 Tempo da escolha: 0.006726503372192383 segundos
280
281
  -----
282
    123
     ----- 11 |
    | 1| 1| 1| 4| 0| 1|
285
286
 IA 1 (AB): 1
287
 Tempo da escolha: 0.0053670406341552734 segundos
288
  -----
290
    | 0| 0| 2| 2| 2| 0|
291
  | 23 ----- 11 |
292
    | 1| 1| 1| 4| 0| 1|
293
  -----
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 0.005269050598144531 segundos
296
297
    299
  123
     -----
                     14 l
     | 1| 1| 1| 0| 1| 2|
  ______
302
 IA 1 (AB): 3
303
 Tempo da escolha: 0.006409645080566406 segundos
304
305
  -----
    | 0| 1| 3| 0| 0| 1|
  23
     -----
                     14 |
308
    | 1| 1| 1| 0| 1| 2|
309
  -----
310
 IA 2 (mM): 6
  Tempo da escolha: 0.0034296512603759766 segundos
312
313
  -----
314
    | 0| 1| 3| 0| 1| 2|
315
  | 23 ----- 14 |
316
    | 1| 1| 1| 0| 1| 0|
  -----
319 IA 1 (AB): 1
```

```
Tempo da escolha: 0.004651546478271484 segundos
320
321
  ______
322
     | 0| 1| 3| 1| 2| 0|
      ----- 14 |
     | 1| 1| 1| 0| 1| 0|
325
  IA 2 (mM): 3
327
  Tempo da escolha: 0.006514072418212891 segundos
328
  330
     | 0| 1| 3| 1| 2| 0|
331
      ----- 14 |
332
     333
  -----
334
  IA 1 (AB): 2
  Tempo da escolha: 0.0024423599243164062 segundos
336
337
338
     | 0| 1| 4| 2| 0| 0|
339
  |23
      ----- 14 |
340
      | 1| 1| 0| 1| 1| 0|
  -----
  IA 2 (mM): 4
343
  Tempo da escolha: 0.003678560256958008 segundos
344
345
346
     | 0| 1| 4| 2| 0| 0|
  | 23 ----- 14 |
348
     | 1| 1| 0| 0| 2| 0|
349
350
  IA 1 (AB): 3
351
  Tempo da escolha: 0.0004932880401611328 segundos
352
  -----
354
     | 0| 2| 5| 0| 0| 0|
355
      -----
356
      | 1| 1| 0| 0| 2| 0|
357
  -----
  IA 2 (mM): 5
  Tempo da escolha: 0.0008034706115722656 segundos
360
361
362
     | 0| 2| 5| 0| 0| 1|
  |23
      ----- 14 |
```

```
366
 IA 1 (AB): 5
367
 Tempo da escolha: 0.0004703998565673828 segundos
368
369
 Alfa-Beta venceu!
370
 -----
371
 372
    ----- 14 |
373
 _____
```

## 8.2.5 AB1-Mm2-C

```
— AB1-Mm2-C.log —
 Alfa-Beta joga em 1 com Nivel C.
 -----
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
     ----- 0 |
 0
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
 ______
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 39.24017524719238 segundos
 _____
    | 0| 4| 4| 4| 4| 4|
     -----
 | 0
    | 5| 5| 5| 5| 4| 4|
 -----
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 22.222328424453735 segundos
17
 -----
    | 0| 4| 4| 4| 5| 5|
 0 |
    | 5| 5| 0| 6| 5| 5|
 -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 14.248827934265137 segundos
25
 -----
 | 1 | 5 | 0 | 4 | 5 | 5 |
    ----- 0 |
    | 6| 6| 0| 6| 5| 5|
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 10.187304735183716 segundos
32
 -----
    | 1| 5| 1| 5| 6| 6|
    -----
    | 6| 6| 0| 0| 6| 6|
 -----
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 7.657765865325928 segundos
43 | 2 | 6 | 2 | 0 | 6 | 6 |
```

```
0 ----- 0 |
    | 7| 7| 0| 0| 6| 6|
 ______
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 8.986967086791992 segundos
    | 0| 7| 3| 1| 7| 7|
 0 -----
    | 7| 7| 0| 0| 6| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 2.968877077102661 segundos
57
 -----
    | 1| 0| 3| 1| 7| 7|
   -----
     | 8| 8| 1| 1| 7| 1|
 -----
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 5.119855880737305 segundos
 -----
 | 1 0 3 0 8 8 |
    | 0| 9| 2| 2| 8| 2|
 -----
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.7559669017791748 segundos
 ______
    | 2| 1| 4| 1| 0| 8|
 | 6 ----- 5 |
    | 1| 10| 0| 0| 8| 2|
 -----
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 2.184183120727539 segundos
    | 0| 0| 5| 2| 1| 9| |
 | 6 ----- 10 |
     | 1| 0| 1| 1| 9| 3|
 ______
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 0.6551861763000488 segundos
```

```
| 1| 1| 6| 3| 2| 0| |
     ----- 10 |
 10
     | 2| 1| 0| 0| 9| 3|
 -----
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 1.6365301609039307 segundos
97
 -----
    | 1| 1| 6| 3| 2| 0|
 110
     ----- 10 |
    | 0| 2| 1| 0| 9| 3|
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.5095651149749756 segundos
104
  -----
106
    | 1| 1| 7| 4| 0| 0|
 | 10 ----- 10 |
108
    | 0| 2| 1| 0| 9| 3|
109
 -----
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.929823637008667 segundos
112
113
114
    | 1| 1| 7| 4| 0| 0| |
 10
     ----- 10 |
     | 0| 0| 2| 1| 9| 3|
 ______
 IA 1 (AB): 4
119
 Tempo da escolha: 0.46920013427734375 segundos
120
121
 -----
    | 2| 2| 0| 4| 0| 0|
 10
     ----- 10 |
    | 1| 1| 3| 2| 10| 3|
 -----
126
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.685377836227417 segundos
128
129
 -----
130
    | 2| 2| 0| 4| 0| 0|
 |10 ----- 10 |
132
 | 1 1 1 0 3 11 4
 -----
135 IA 1 (AB): 6
```

```
Tempo da escolha: 0.2814171314239502 segundos
137
  ______
138
     | 0| 2| 0| 4| 0| 0|
     ----- 10 |
     | 0| 0| 0| 3| 11| 4|
142
  IA 2 (mM): 6
143
  Tempo da escolha: 0.21266388893127441 segundos
144
  ______
146
     | 0| 2| 1| 5| 1| 1|
147
     ----- 10 |
     | 0| 0| 0| 3| 11| 0|
149
  -----
  IA 1 (AB): 3
  Tempo da escolha: 0.23193573951721191 segundos
152
153
154
     | 1| 3| 2| 0| 1| 1|
     ----- 10
     | 1| 1| 0| 3| 11| 0|
  _____
  IA 2 (mM): 5
  Tempo da escolha: 0.3461177349090576 segundos
160
161
  -----
162
     | 2| 4| 3| 1| 2| 2|
  | 14 ----- 10 |
     | 2| 2| 1| 4| 0| 1|
165
166
  IA 1 (AB): 1
167
  Tempo da escolha: 0.3088397979736328 segundos
168
  -----
     | 2| 4| 3| 2| 3| 0|
171
      -----
172
     | 2| 2| 1| 4| 0| 1|
  -----
  IA 2 (mM): 1
  Tempo da escolha: 1.0625824928283691 segundos
176
     | 2| 4| 3| 2| 3| 0|
  |14
      ----- 10 |
     | 0| 3| 2| 4| 0| 1|
```

```
______
  IA 1 (AB): 5
  Tempo da escolha: 0.1743159294128418 segundos
184
185
  -----
    | 3| 0| 3| 2| 3| 0|
  | 17 ----- 10 |
188
     | 1| 4| 0| 4| 0| 1|
189
  -----
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.21078038215637207 segundos
193
  -----
194
  | 3 0 3 2 3 0 |
195
  |17
     ----- 10 |
     | 1| 0| 1| 5| 1| 2|
  -----
198
 IA 1 (AB): 3
  Tempo da escolha: 0.210587739944458 segundos
200
201
202
    | 3| 1| 4| 0| 3| 0|
     ----- 10 |
  | 17
    205
206
 IA 2 (mM): 4
207
  Tempo da escolha: 0.14917969703674316 segundos
208
  -----
210
    | 3| 1| 4| 1| 4| 1| |
211
  | 17 ----- 10 |
212
     | 1| 0| 1| 0| 2| 3|
213
  -----
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.06138801574707031 segundos
216
217
218
    | 0| 1| 4| 1| 4| 1| |
  |19
     ----- 10 |
     | 2| 1| 0| 0| 2| 3|
  ______
222
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 0.051055192947387695 segundos
224
225
 ______
```

```
119
     ----- 10 |
     | 0| 2| 1| 0| 2| 3|
229
  ______
 IA 1 (AB): 4
  Tempo da escolha: 0.019277572631835938 segundos
233
234
     | 1| 2| 0| 1| 4| 1|
235
     -----
                       10 |
     | 1| 0| 1| 0| 2| 3|
  -----
 IA 2 (mM): 5
239
 Tempo da escolha: 0.011394739151000977 segundos
240
241
  -----
242
    | 1| 2| 0| 1| 4| 0|
    ----- 12 |
244
     | 1| 0| 1| 0| 0| 4|
245
  -----
246
 IA 1 (AB): 5
247
 Tempo da escolha: 0.013508796691894531 segundos
  -----
250
  | 2 0 0 1 4 0 |
251
     ----- 12 |
252
     | 0| 0| 1| 0| 0| 4|
253
  -----
 IA 2 (mM): 6
  Tempo da escolha: 0.015241861343383789 segundos
256
257
  ______
258
     | 2| 0| 1| 2| 5| 1|
     ----- 12 |
     -----
262
 IA 1 (AB): 3
263
  Tempo da escolha: 0.02147388458251953 segundos
264
265
266
     | 2| 1| 2| 0| 5| 1|
  | 24 ----- 12 |
268
     | 0| 0| 1| 0| 0| 0|
269
  ______
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.007678031921386719 segundos
273
```

```
----- 12 |
 124
     | 0| 0| 0| 1| 0| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.01246953010559082 segundos
280
281
 -----
    | 3| 2| 0| 0| 5| 1|
 124
     ----- 12 |
    285
286
 IA 2 (mM): 4
287
 Tempo da escolha: 0.006579160690307617 segundos
288
  -----
290
    | 3| 2| 0| 0| 5| 1|
291
 | 24 ----- 12 |
292
    293
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.014749288558959961 segundos
296
297
    | 4| 0| 0| 0| 5| 1|
299
 124
     ----- 12 |
     | 1| 0| 0| 0| 1| 0|
 ______
302
 IA 2 (mM): 1
303
 Tempo da escolha: 0.009784936904907227 segundos
304
305
 -----
    | 4| 0| 0| 0| 5| 1|
 |24
     -----
                    12 |
308
    309
 -----
310
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.0002894401550292969 segundos
312
313
  ______
314
    | 0| 0| 0| 0| 5| 1|
315
 |24 ----- 12 |
316
    | 1| 2| 1| 1| 1| 0|
 -----
319 IA 2 (mM): 2
```

```
Tempo\ da\ escolha:\ 9.131431579589844e-05\ segundos
320
321
  -----
322
     | 0| 0| 0| 0| 5| 1|
  |24 ----- 12 |
      | 1| 0| 2| 2| 1| 0|
325
326
  IA 1 (AB): 2
327
  Tempo da escolha: 6.961822509765625e-05 segundos
328
  Alfa-Beta venceu!
330
331
     | 1| 1| 1| 1| 0| 1|
332
  | 26 ----- 12 |
333
  | | 0| 0| 2| 2| 1| 0|
334
  ______
```

## 8.2.6 AB2-Mm1-C

```
— AB2-Mm1-C.log —
 MiniMax joga em 1 com Nivel C.
   | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
    ----- 0 |
 0
    | 4| 4| 4| 4| 4| 4|
 ______
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 37.62862491607666 segundos
 -----
    | 4| 4| 4| 4| 5| 5|
    -----
    | 4| 4| 4| 0| 5| 5|
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 19.7855007648468 segundos
17
 -----
    | 5| 0| 4| 4| 5| 5|
 0 -----
    | 5| 5| 5| 0| 5| 5|
 _____
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 16.10802936553955 segundos
25
 -----
 | | 5 | 1 | 5 | 5 | 6 | 6 | |
    ----- 0 |
    | 5| 5| 5| 0| 5| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 12.090563535690308 segundos
32
 -----
    | 6| 2| 6| 6| 0| 6|
    -----
    | 6| 6| 5| 0| 5| 0|
 -----
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 11.76417589187622 segundos
43 | | 6| 2| 6| 6| 1| 7|
```

```
0 ----- 0 |
    | 6| 6| 0| 1| 6| 1|
 ______
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 1.9591212272644043 segundos
    | 7| 3| 0| 6| 1| 7|
 | 2
    -----
    | 7| 7| 1| 0| 6| 1|
 -----
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 6.725700616836548 segundos
57
 -----
    | 7| 3| 0| 6| 0| 8|
   -----
     0 8 2 1 7 2
 -----
 IA 1 (AB): 3
 Tempo da escolha: 2.5511550903320312 segundos
 -----
 | 8 4 1 0 0 8 |
    | 1| 9| 0| 1| 7| 2|
 -----
71 IA 2 (mM): 5
 Tempo da escolha: 4.4189512729644775 segundos
 ______
    | 9| 5| 2| 1| 1| 9|
 | 5 -----
    | 1| 9| 0| 1| 0| 3|
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 7.734622478485107 segundos
    | 10| 6| 3| 2| 2| 0|
 | 7 -----
     | 2| 10| 1| 0| 0| 3|
 -----
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 6.013073444366455 segundos
```

```
| 10| 6| 3| 0| 0| 1|
     -----
     | 2| 10| 1| 0| 0| 0|
 -----
 IA 1 (AB): 4
 Tempo da escolha: 0.36269450187683105 segundos
97
 -----
    | 11| 7| 0| 0| 0| 1|
 110
     -----
    | 0| 10| 1| 0| 0| 0|
 IA 2 (mM): 2
 Tempo da escolha: 0.3737449645996094 segundos
104
 -----
106
    | 12| 8| 1| 1| 1| 2|
 | 10 -----
108
    109
 -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 1.4461381435394287 segundos
112
113
114
    | 12| 8| 1| 2| 2| 0|
 10
     -----
     | 0| 0| 2| 1| 1| 1|
 ______
 IA 2 (mM): 3
 Tempo da escolha: 0.37450075149536133 segundos
120
121
 -----
    | 12| 8| 1| 2| 2| 0|
 10
     -----
                    8 |
    -----
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 1.3297359943389893 segundos
128
129
 _____
130
    | 12| 8| 2| 3| 0| 0|
 | 10 ----- 8 |
132
    | 0| 0| 0| 2| 2| 1|
 -----
135 IA 2 (mM): 5
```

```
Tempo da escolha: 0.6942617893218994 segundos
137
  ______
138
     | 12| 8| 2| 3| 0| 1|
     -----
     | 0| 0| 0| 2| 0| 2|
142
  IA 1 (AB): 4
143
  Tempo da escolha: 0.4887552261352539 segundos
144
  ______
146
     | 13| 9| 0| 3| 0| 1|
147
     -----
  110
148
     149
  -----
  IA 2 (mM): 6
  Tempo da escolha: 0.31826329231262207 segundos
152
153
  -----
154
     | 13| 9| 0| 3| 1| 2|
  | 10 -----
     | 0| 0| 0| 2| 0| 0|
  -----
  IA 1 (AB): 5
  Tempo da escolha: 0.5804147720336914 segundos
160
161
162
     | 14| 0| 0| 3| 2| 3|
  | 10 -----
     | 1| 1| 1| 3| 1| 1|
165
166
  IA 2 (mM): 4
167
  Tempo da escolha: 0.07364130020141602 segundos
168
  -----
     | 14| 0| 0| 3| 2| 4|
171
  10
     -----
172
     | 1| 1| 1| 0| 2| 2|
  -----
  IA 1 (AB): 6
  Tempo da escolha: 0.18796086311340332 segundos
176
     | 0| 1| 1| 4| 3| 5|
  |19
                        8 |
      -----
     | 0| 0| 0| 1| 3| 3|
```

```
-----
 IA 2 (mM): 5
  Tempo da escolha: 0.12916874885559082 segundos
184
185
  -----
    | 0| 1| 1| 4| 4| 6|
    -----
188
     | 0| 0| 0| 1| 0| 4|
189
  -----
 IA 1 (AB): 1
 Tempo da escolha: 0.055533409118652344 segundos
193
  -----
194
  | 1 2 2 5 5 0 |
195
  |19
     ----- 8 |
196
    | 1| 0| 0| 1| 0| 4|
  ______
198
 IA 2 (mM): 6
 Tempo da escolha: 0.00981283187866211 segundos
200
201
202
    | 1| 2| 0| 6| 6| 1|
     ----- 11 |
  |19
    205
206
 IA 1 (AB): 5
207
 Tempo da escolha: 0.01530003547668457 segundos
208
  -----
210
    | 2| 0| 0| 6| 6| 1| |
    ----- 11 |
212
     0 0 0 1 0 0
213
  -----
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 0.018621206283569336 segundos
216
217
218
    ----- 11 |
  |21
    ______
222
 IA 1 (AB): 2
 Tempo da escolha: 0.03297686576843262 segundos
224
225
 | 3 1 1 7 0 1 |
```

```
----- 11 |
    229
 ______
 IA 2 (mM): 1
 Tempo da escolha: 0.024679899215698242 segundos
233
234
     | 3| 1| 1| 7| 0| 1|
235
     -----
                      11 |
    -----
 IA 1 (AB): 3
239
 Tempo da escolha: 0.022149085998535156 segundos
240
241
 ______
242
    | 4| 2| 2| 0| 0| 1| |
     ----- 11 |
244
     | 1| 3| 1| 1| 1| 0|
245
 -----
246
 IA 2 (mM): 2
247
 Tempo da escolha: 0.013174772262573242 segundos
 -----
250
 | | 4| 2| 2| 0| 0| 1| |
251
     ----- 11 |
252
    253
 -----
 IA 1 (AB): 5
 Tempo da escolha: 0.029890775680541992 segundos
256
257
 ______
258
    | 5| 0| 2| 0| 0| 1|
     ----- 11 |
    | 0| 0| 2| 2| 2| 0|
 -----
262
 IA 2 (mM): 3
263
 Tempo da escolha: 0.013140201568603516 segundos
264
265
266
    | 5| 0| 2| 0| 0| 1|
 | 23 ----- 11 |
268
     | 0| 0| 0| 3| 3| 0|
269
 ______
 IA 1 (AB): 6
 Tempo da escolha: 0.01690077781677246 segundos
273
```

```
275
     -----
  123
     | 1| 1| 1| 4| 4| 0|
  -----
 IA 2 (mM): 5
 Tempo da escolha: 0.011780261993408203 segundos
280
281
  -----
282
    123
     ----- 11 |
    | 1| 1| 1| 4| 0| 1|
285
286
 IA 1 (AB): 1
287
 Tempo da escolha: 0.024704933166503906 segundos
288
  -----
290
    | 0| 0| 2| 2| 2| 0|
291
  | 23 ----- 11 |
292
    | 1| 1| 1| 4| 0| 1|
293
  -----
 IA 2 (mM): 4
 Tempo da escolha: 0.010003089904785156 segundos
296
297
    299
  123
     -----
                     14 l
     | 1| 1| 1| 0| 1| 2|
  ______
302
 IA 1 (AB): 3
303
 Tempo da escolha: 0.01910853385925293 segundos
304
305
  -----
    | 0| 1| 3| 0| 0| 1|
  23
     -----
                     14 |
308
    | 1| 1| 1| 0| 1| 2|
309
  ______
310
 IA 2 (mM): 6
  Tempo da escolha: 0.007054328918457031 segundos
312
313
  -----
314
    | 0| 1| 3| 0| 1| 2|
315
  | 23 ----- 14 |
316
    | 1| 1| 1| 0| 1| 0|
  -----
319 IA 1 (AB): 1
```

```
Tempo da escolha: 0.011901617050170898 segundos
320
321
  ______
322
     | 0| 1| 3| 1| 2| 0|
      ----- 14 |
     | 1| 1| 1| 0| 1| 0|
325
  IA 2 (mM): 3
327
  Tempo da escolha: 0.0157930850982666 segundos
328
  330
     | 0| 1| 3| 1| 2| 0|
331
      ----- 14 |
332
     333
  -----
334
  IA 1 (AB): 2
  Tempo da escolha: 0.0038535594940185547 segundos
336
337
338
     | 0| 1| 4| 2| 0| 0|
339
  |23
     ----- 14 |
340
     | 1| 1| 0| 1| 1| 0|
  -----
342
  IA 2 (mM): 4
343
  Tempo da escolha: 0.005556583404541016 segundos
344
345
346
     | 0| 1| 4| 2| 0| 0|
  | 23 ----- 14 |
348
     | 1| 1| 0| 0| 2| 0|
349
350
  IA 1 (AB): 3
351
  Tempo da escolha: 0.0006587505340576172 segundos
352
  -----
354
     | 0| 2| 5| 0| 0| 0|
355
      -----
356
      357
  -----
  IA 2 (mM): 5
  Tempo da escolha: 0.0011699199676513672 segundos
360
361
362
     | 0| 2| 5| 0| 0| 1|
  |23
      ----- 14 |
  365
```

```
366
 IA 1 (AB): 5
367
 Tempo da escolha: 0.0007841587066650391 segundos
368
369
 Alfa-Beta venceu!
370
 -----
371
 372
    ----- 14 |
373
 _____
```