



Universidade de São Paulo
Instituto de Física de São Carlos

Prática 2: Cache

Stefan Taiguara Couperus Leal 10414866

03 de Setembro de 2019

Contents

| | | |
|----------|--|----------|
| 1 | Primeiro Método | 1 |
| 1.1 | Análise da Cache | 2 |
| 1.1.1 | N = 100 | 2 |
| 1.1.2 | N = 1000 | 2 |
| 2 | Segundo Método | 3 |
| 2.1 | Análise da Cache | 5 |
| 2.1.1 | Para N = 100 | 5 |
| 2.1.2 | Para N = 1000 | 5 |
| 3 | Terceito Método | 6 |
| 3.1 | Análise da Cache | 7 |
| 3.1.1 | Para N = 100 | 7 |
| 3.1.2 | Para N = 1000 | 8 |
| 4 | Comparação dos métodos anteriores | 8 |

1 Primeiro Método

| N | tempo (s) |
|------|-----------|
| 100 | 0.0013819 |
| 200 | 0.0128335 |
| 500 | 0.518457 |
| 1000 | 4.03742 |
| 1500 | 31.1972 |

Table 1:

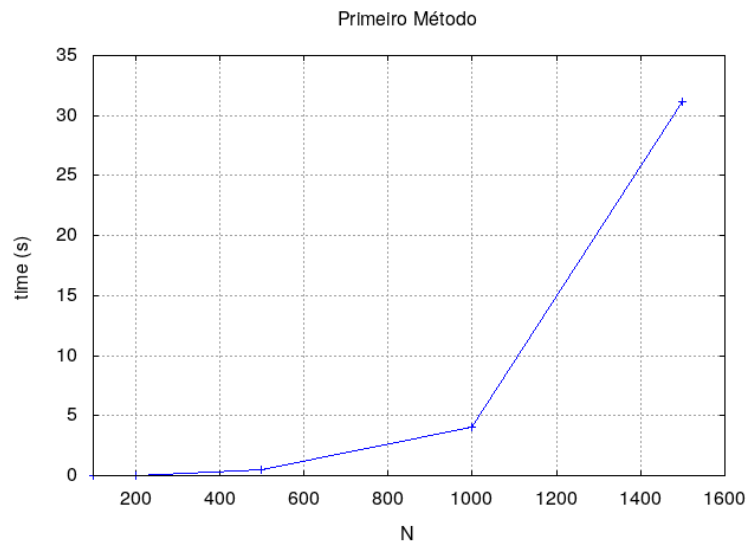


Figure 1:
Tempo de execução para dados valores de N

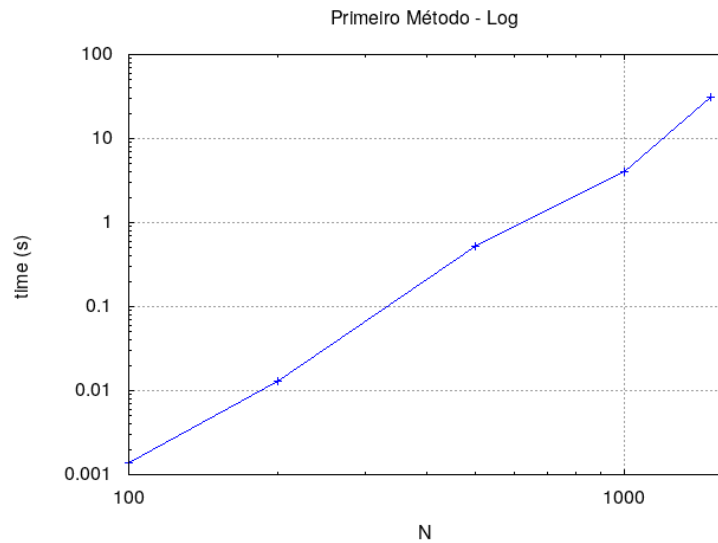


Figure 2:
Tempo de execução para dados valores de N

1.1 Análise da Cache

1.1.1 N = 100

I refs: 11,620,342
 I1 misses: 2,051
 L1i misses: 2,006
 I1 miss rate: 0.02%
 L1i miss rate: 0.02%

D refs: 4,336,811 (3,978,854 rd + 357,957 wr)
 D1 misses: 147,518 (141,246 rd + 6,272 wr)
 L1d misses: 13,391 (8,014 rd + 5,377 wr)
 D1 miss rate: 3.4% (3.5% + 1.8%)
 L1d miss rate: 0.3% (0.2% + 1.5%)

LL refs: 149,569 (143,297 rd + 6,272 wr)
 LL misses: 15,397 (10,020 rd + 5,377 wr)
 LL miss rate: 0.1% (0.1% + 1.5%)

1.1.2 N = 1000

I refs: 7,240,270,789

I1 misses: 2,059
 LLi misses: 2,033
 I1 miss rate: 0.00%
 LLi miss rate: 0.00%

D refs: 3,062,721,948 (3,043,551,288 rd + 19,170,660 wr)
 D1 misses: 1,253,268,733 (1,252,015,869 rd + 1,252,864 wr)
 LLd misses: 125,514,392 (125,137,346 rd + 377,046 wr)
 D1 miss rate: 40.9% (41.1% + 6.5%)
 LLd miss rate: 4.1% (4.1% + 2.0%)

LL refs: 1,253,270,792 (1,252,017,928 rd + 1,252,864 wr)
 LL misses: 125,516,425 (125,139,379 rd + 377,046 wr)
 LL miss rate: 1.2% (1.2% + 2.0%)

2 Segundo Método

| N | tempo (s) |
|------|-----------|
| 100 | 0.0017117 |
| 200 | 0.0139805 |
| 500 | 0.51274 |
| 1000 | 4.37631 |
| 1500 | 30.4692 |

Table 2:

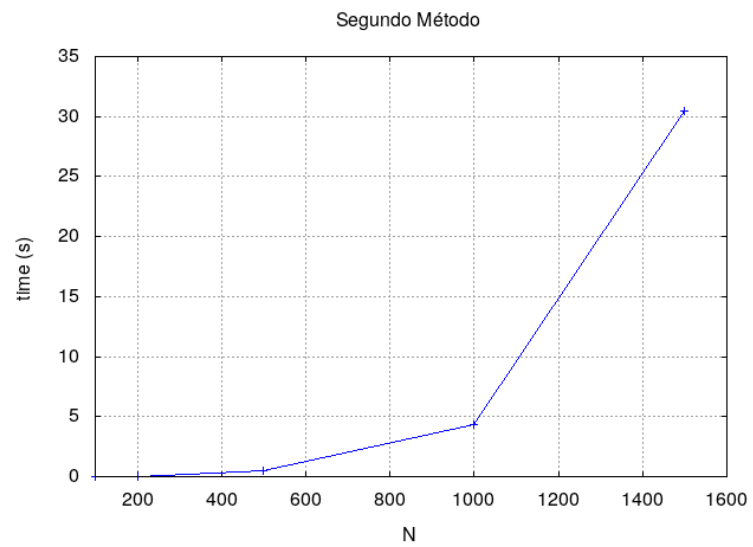


Figure 3:
Tempo de execução para dados valores de N

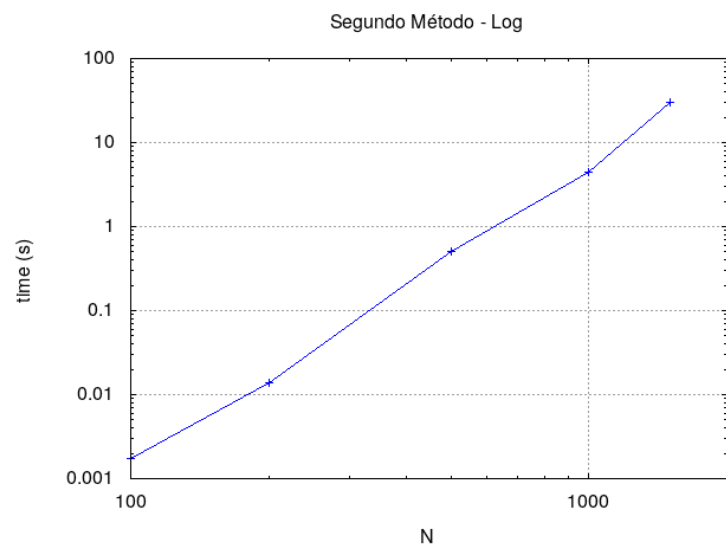


Figure 4:
Tempo de execução para dados valores de N

2.1 Análise da Cache

2.1.1 Para N = 100

I refs: 11,641,536
I1 misses: 2,053
LLi misses: 2,008
I1 miss rate: 0.02%
LLi miss rate: 0.02%

D refs: 4,356,615 (3,998,657 rd + 357,958 wr)
D1 misses: 158,574 (143,553 rd + 15,021 wr)
LLd misses: 13,391 (8,014 rd + 5,377 wr)
D1 miss rate: 3.6% (3.6% + 4.2%)
LLd miss rate: 0.3% (0.2% + 1.5%)

LL refs: 160,627 (145,606 rd + 15,021 wr)
LL misses: 15,399 (10,022 rd + 5,377 wr)
LL miss rate: 0.1% (0.1% + 1.5%)

2.1.2 Para N = 1000

I refs: 11,641,536
I1 misses: 2,053
LLi misses: 2,008
I1 miss rate: 0.02%
LLi miss rate: 0.02%

D refs: 4,356,615 (3,998,657 rd + 357,958 wr)
D1 misses: 158,574 (143,553 rd + 15,021 wr)
LLd misses: 13,391 (8,014 rd + 5,377 wr)
D1 miss rate: 3.6% (3.6% + 4.2%)
LLd miss rate: 0.3% (0.2% + 1.5%)

LL refs: 160,627 (145,606 rd + 15,021 wr)
LL misses: 15,399 (10,022 rd + 5,377 wr)
LL miss rate: 0.1% (0.1% + 1.5%)

3 Terceito Método

| N | tempo (s) |
|------|-----------|
| 100 | 0.0014775 |
| 200 | 0.0132012 |
| 500 | 0.256493 |
| 1000 | 2.12084 |
| 1500 | 6.89262 |

Table 3:

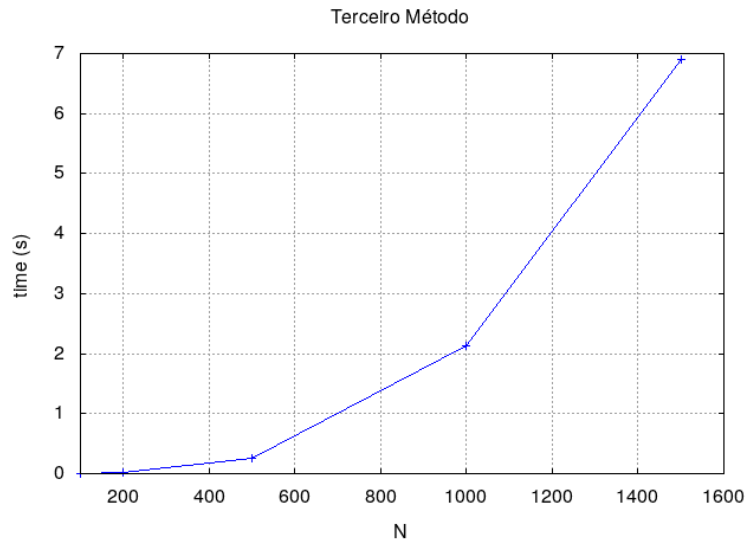


Figure 5:
Tempo de execução para dados valores de N

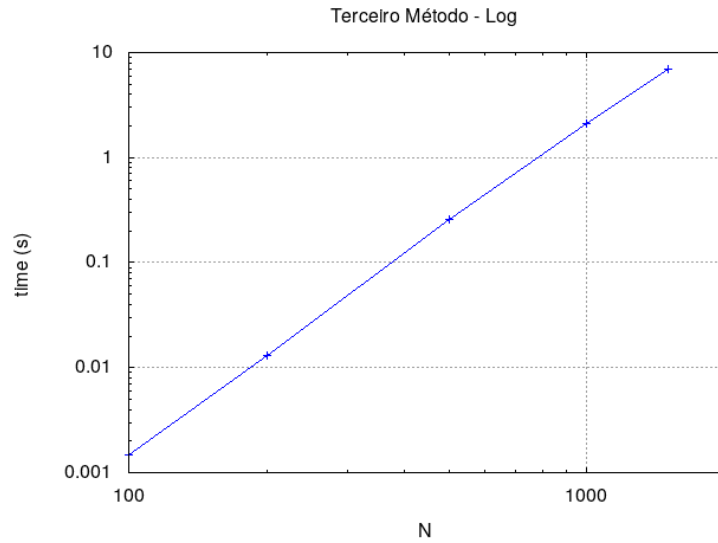


Figure 6:
Tempo de execução para dados valores de N

3.1 Análise da Cache

3.1.1 Para N = 100

I refs: 11,661,234
 I1 misses: 2,052
 LLi misses: 2,006
 I1 miss rate: 0.02%
 LLi miss rate: 0.02%

D refs: 5,346,915 (3,988,956 rd + 1,357,959 wr)
 D1 misses: 149,987 (143,715 rd + 6,272 wr)
 LLd misses: 13,392 (8,015 rd + 5,377 wr)
 D1 miss rate: 2.8% (3.6% + 0.5%)
 LLd miss rate: 0.3% (0.2% + 0.4%)

Total:
 LL refs: 152,039 (145,767 rd + 6,272 wr)
 LL misses: 15,398 (10,021 rd + 5,377 wr)
 LL miss rate: 0.1% (0.1% + 0.4%)

3.1.2 Para N = 1000

I refs: 7,244,279,903

I1 misses: 2,055

LLi misses: 2,029

I1 miss rate: 0.00%

LLi miss rate: 0.00%

D refs: 4,063,723,087 (3,044,552,444 rd + 1,019,170,643 wr)

D1 misses: 125,771,870 (125,394,008 rd + 377,862 wr)

LLd misses: 125,764,936 (125,387,890 rd + 377,046 wr)

D1 miss rate: 3.1% (4.1% + 0.0%)

LLd miss rate: 3.1% (4.1% + 0.0%)

LL refs: 125,773,925 (125,396,063 rd + 377,862 wr)

LL misses: 125,766,965 (125,389,919 rd + 377,046 wr)

LL miss rate: 1.1% (1.2% + 0.0%)

4 Comparação dos métodos anteriores

| N | Primeiro Método t(s) | Segundo Método t(s) | Terceiro Método t(s) |
|------|----------------------|---------------------|----------------------|
| 100 | 0.0013819 | 0.0014704 | 0.001236 |
| 200 | 0.0128335 | 0.0141117 | 0.0115682 |
| 500 | 0.518457 | 0.391628 | 0.296568 |
| 1000 | 4.03742 | 3.61946 | 2.49403 |
| 1500 | 31.1972 | 26.9204 | 8.12806 |

Table 4: Comparação de três diferentes métodos de multiplicação de matrizes

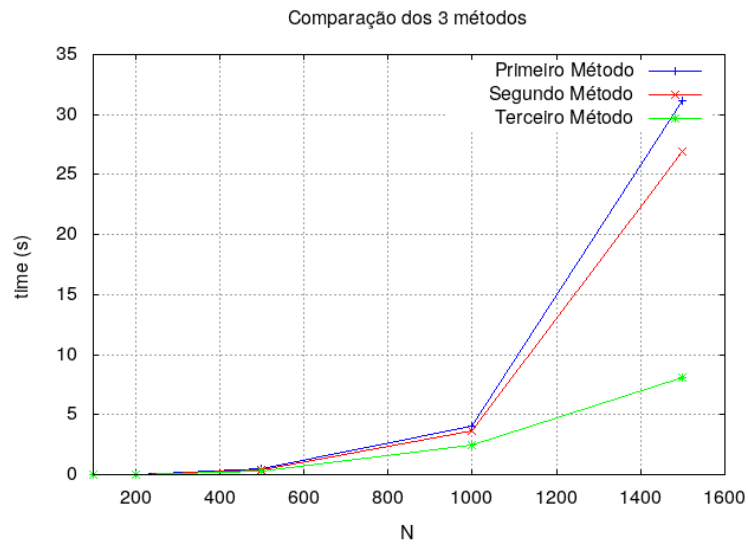


Figure 7:
Comparação de tempos de execuções para dados valores de N

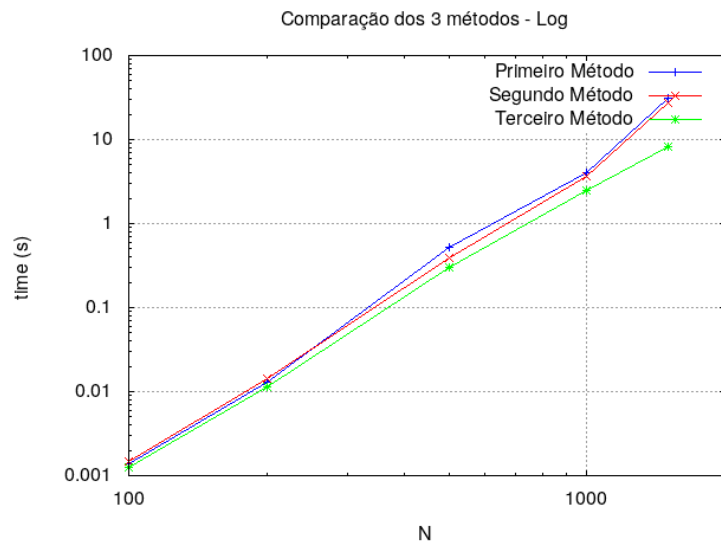


Figure 8:
Comparação de tempos de execuções para dados valores de N

É possível notar que para valores de $N \leq 200$, não há uma diferença tão significativa nos tempos de execução para os diferentes métodos, mas

para valores maiores é notado diferenças em relação a performance entre os métodos.

Analisando o funcionamento da cache com o valgrind nota-se que para $N = 100$ os valores de miss rates para os diferentes métodos não diferem muito.

| | Primeiro Método | | Segundo Método | | Terceiro Método | |
|---------|-----------------|------|----------------|------|-----------------|------|
| | rd | wr | rd | wr | rd | wr |
| D1 refs | 3.5% | 1.8% | 3.6% | 4.2% | 3.6% | 0.5% |
| Lld | 0.2% | 1.5% | 0.2% | 1.5% | 0.2% | 0.4% |

Table 5:

Mas quando é analisado para $N = 1000$ nota-se valores mais destoantes.

| | Primeiro Método | | Segundo Método | | Terceiro Método | |
|---------|-----------------|------|----------------|------|-----------------|------|
| | rd | wr | rd | wr | rd | wr |
| D1 refs | 41.1% | 6.5% | 3.6% | 4.2% | 4.1% | 0.0% |
| Lld | 4.1% | 0.2% | 0.2% | 1.5% | 4.1% | 0.0% |

Table 6:

Nota-se que para o primeiro método a porcentagem de cache miss atinge 41.1% na parte de leitura dos dados e 3.6% na parte de escrita (levando 4.03742 s) isso indica que a CPU passou uma parte considerável do tempo esperando a liberação da memória.

Pode ser observado que para o segundo método a quantidade de cache miss cai para 3.6% para escrita e 4.2% para a leitura, o que faz seu tempo ser significativamente menor (levou 3.61946 s). O segundo método apresenta essa melhora em performance já que percorre por (j,i,k), com isso há um aproveitamento maior da cache dado que a equação usada é : "soma += A[i][k] * B[k][j]".

Já no terceiro método é notado que ouve uma queda significativa no cache miss para a escrita 0.0% e um valor de leitura 4.1% (o que levou o programa a rodar em 2.46403 s). Já para com o terceiro método foi utilizado da ordem (i,k,j) e foi usado $C[i][j] += A[i][k] * B[k][j]$, com isso ouve um aproveitamento melhor da cache tornando o programa mais eficiente que os demais métodos.