Višestruka regresija za predikciju cijene automobila u Srbiji

Teodor Vidaković Jul 2025

1 Eksplorativna analiza podataka

Dataset sadrži informacije o oglasima polovnih automobila u Srbiji. Skup podataka ima ukupno 1756 primjera i 10 kolona, pri čemu ne postoje nedostajuće vrednosti. Korišćene kolone uključuju: Marka, Grad, Godina proizvodnje, Karoserija, Gorivo, Zapremina motora, Kilometraža, Konjske snage, Menjač i ciljnu promenljivu Cena.

1.1 Osnovne statistike

Nakon uklanjanja duplikata, ostaje 1353 validnih zapisa. Osnovne statistike za numeričke promjenljive prikazane su u Tabeli 1.

Tabela 1: Osnovne statistike numeričkih promenljivih

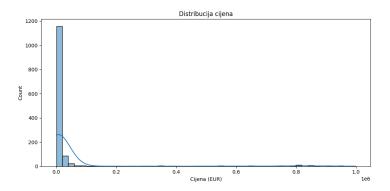
Atribut	Min	(25%)	(50%)	(75%)	Max	Srednja
Cijena [EUR]	1 000	3 000	5 900	13500	999 000	45027
Godina proizvodnje	1894	2006	2010	2015	2025	2010
Zapremina motora [cm ³]	163	1398	1600	1984	5461	1742.6
Kilometraža [km]	1000	165563	209 000	256000	552000	206512
Konjske snage	45	92	116	150	620	129.5

Vidimo da su cijene veoma varijabilne, pri čemu se maksimalna cijena kreće i do 999 000 EUR, što ukazuje na prisustvo outlier-a. Većina automobila ima pređeno između 150 000 i 300 000 kilometara.

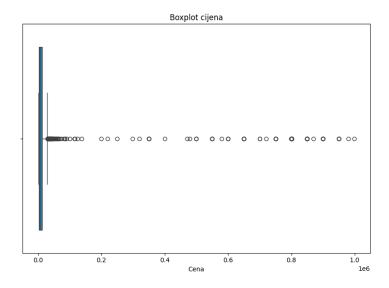
1.2 Vizuelizacije

U cilju grafičke analize podataka, korišćeni su sledeći prikazi:

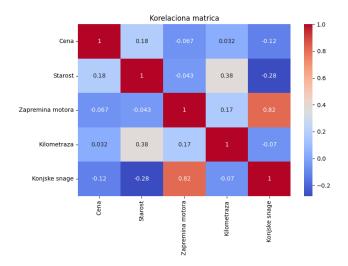
- Histogram distribucije cijena (Slika 1)
- Boxplot cijena (Slika 2)
- Korelaciona matrica numeričkih promenljivih (Slika 3)
- Scatterplot: Cijena vs. Starost vozila (Slika 4)



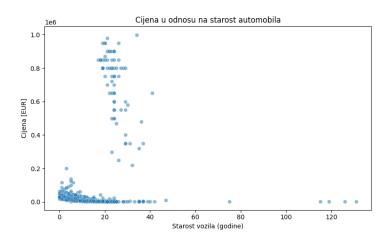
Slika 1: Distribucija cijena automobila



Slika 2: Boxplot cijena automobila



Slika 3: Korelaciona matrica numeričkih atributa



Slika 4: Raspodjela cijene u odnosu na starost vozila

1.3 Uočeni obrasci i anomalije

Na osnovu vizuelne analize identifikovani su sledeći obrasci:

- Distribucija cijena je snažno asimetrična (Slika 1) većina vozila se prodaje ispod 20 000 EUR, dok manji broj primjera sa cijenama od 100 000+ EUR značajno odskače.
- Prisustvo outlier-a potvrđeno je boxplot-om (Slika 2) postoje brojni ekstremi koji narušavaju raspodjelu ciljne promjenljive i negativno utiču na RMSE.

- Starost vozila i cijena imaju blago pozitivnu korelaciju (r = 0.18), što je neočekivano. Međutim, scatterplot (Slika 4) pokazuje da najskuplji automobili nisu novi, već stari vjerovatno luksuzni, sportski ili kolekcionarski modeli. Većina novijih automobila (0–5 godina starosti) ima prosječnu ili nisku cenu, dok ekstremno visoke vrednosti dolaze od nekoliko skupocjenih vozila koja su stara 10+ godina. Ova nelinearna struktura dovodi do "lažne" pozitivne korelacije u linearnom smislu, iako bi se očekivala negativna veza između cijene i starosti.
- Kilometraža ima vrlo slab odnos sa cijenom (r = 0.03) korisnici očigledno ne rangiraju ovaj faktor visoko pri određivanju cene.
- Konjske snage i zapremina motora su visoko korelisani (r = 0.82, Slika 3) što je i očekivano s obzirom na tehničku povezanost tih karakteristika.
- Kategorijske promenljive su raznovrsne i zahtevaju kodiranje:

- Marka: 44 vrednosti

- Grad: 236 različitih mesta (visoka disperzija)

- Karoserija i Gorivo: po 8 klasa

– Menjač: 2 klase (Manuelni i Automatski)

2 Preprocesiranje podataka

Pre nego što je model treniran, podaci su prošli kroz preprocesiranje sa ciljem da se obezbjedi robusnost modela i smanji uticaj ekstremnih vrednosti.

- Filtriranje cijena Na osnovu prethodne analize, identifikovani su automobili sa ekstremno visokim cijenama (iznad 100000 EUR), koji značajno narušavaju distribuciju ciljne promenljive i utiču na RMSE. Umesto kvantilnog filtra, primenjena je jednostavna prag-filtracija: u dalji rad uključeni su samo primeri sa cijenom manjom ili jednakom 50000 EUR. Time je uklonjen uticaj luksuznih i atipičnih vozila.
- Uklanjanje duplikata Prije treniranja modela, duplirani oglasi su uklonjeni pomoću drop_duplicates() metode.
- Inženjering osobina Iz atributa Godina proizvodnje kreirana je nova numerička promjenljiva Starost, izračunata kao 2025—Godina proizvodnje. Ova osobina bolje opisuje uticaj vremena na gubitak vrijednosti vozila i zamjenjuje sirovu godinu.

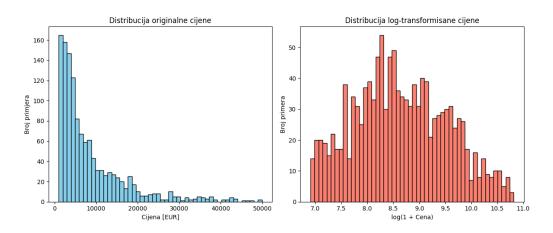
- Obrada numeričkih podataka Odabrane numeričke promjenljive su:
 - Starost
 - Zapremina motora
 - Kilometraža
 - Konjske snage

Kako bi model mogao da uoči nelinearne zavisnosti, na njih je primjenjena polinomska transformacija drugog stepena. Nakon toga, sve numeričke osobine su standardizovane (StandardScaler), što znači da je na njih primenjena z-score transformacija.

- Obrada kategoričkih podataka Sledeće kolone su tretirane kao kategoričke:
 - Marka, Grad, Karoserija, Gorivo, Menjač

Svaka od njih je kodirana tehnikom **One-Hot Encoding** kako bi se izbjegle greške pri predikciji na test skupu.

• Log-transformacija ciljne promenljive – Cijena automobila, kao ciljna promjenljiva, ima izraženu asimetričnu raspodjelu sa teškim desnim repom. Da bi se smanjio uticaj outlier-a i poboljšala stabilnost modela, izvršena je log-transformacija putem funkcije $\log(1+y)$ pomoću FunctionTransformer. Predikcije su potom inverzno transformisane pomoću $\exp(y) - 1$.



Slika 5: Distribucija ciljne promenljive prije i poslije log-transformacije

Nakon svih koraka, numeričke i kategoričke komponente objedinjene su pomoću ColumnTransformer. Transformacija ciljne promjenljive vršena je korišćenjem TransformedTargetRegressor, čime se obezbjeđuje konzistentna transformacija pri treniranju i predikciji.

3 Podjela skupa podataka

Za treniranje i evaluaciju modela korišćena su dva režima podjele podataka, u zavisnosti od konteksta pokretanja:

- Lokalna podjela podataka (lokalna evaluacija): Kada se pokreće lokalno (npr. tokom eksperimentisanja), koristi se samo jedan skup podataka. U tom slučaju, podaci se dijele na trening i test skup pomoću funkcije train_test_split u odnosu 80:20. Da bi se očuvala reprezentativna distribucija ciljne promenljive, koristi se stratifikacija po cjenovnim opsezima.
- Eksplicitna podela putem komandne linije: Kada se skripta pokreće sa dva ulazna fajla (npr. python model.py train.tsv test.tsv), koristi se unaprijed pripremljeni trening i test skup, bez dodatne podjele unutar skripte. Ova varijanta se koristi za finalnu evaluaciju modela na test skupu koji nije korišćen u fazi treniranja.

Nakon što je trening skup definisan, primjenjena je **K-Fold unakrsna** validacija (KFold) sa brojem preklopa k=5, uz opciju shuffle=True i fiksiran random_state=42 radi reproduktivnosti. Ova validacija ima dvostruku ulogu:

- Unutar modela koristi se za automatsku selekciju optimalnog hiperparametra α .
- Paralelno se koristi za procjenu performansi modela korišćenjem metrike RMSE, preko funkcije cross_val_score.

Ovaj pristup omogućava robusnu procjenu generalizacione sposobnosti modela bez curenja podataka iz test skupa. Nakon toga, model se trenira na cijelom trening skupu i koristi za evaluaciju na izdvojenom test skupu.

4 Isprobani algoritmi

Za zadatak višestruke regresije testirana su tri regularizovana linearna modela iz biblioteke scikit-learn: LassoCV, RidgeCV i ElasticNetCV. Svi modeli korišćeni su unutar istog pipeline-a.

4.1 Podešavanje hiperparametara

- LassoCV bira optimalnu vrijednost regularizacionog parametra α iz logaritamski raspoređenog opsega od 10^{-4} do 10^2 primjenom 5-fold unakrsne validacije.
- RidgeCV koristi isti opseg α vrijednosti i takođe primjenjuje 5-fold unakrsnu validaciju.
- ElasticNetCV osim α optimizuje i odnos između L_1 i L_2 regularizacije putem hiperparametra l1_ratio, pri čemu su testirane vrednosti $\{0.1, 0.5, 0.9\}$.

4.2 Rezultati

Rezultati evaluacije prikazani su kroz metriku RMSE (na originalnoj skali, nakon inverzne log-transformacije), na osnovu 5-fold unakrsne validacije i konačnog lokalnog test skupa.

Tabela 2: Uporedni rezultati modela sa 5-fold CV i lokalnim test skupom

Model	$\begin{array}{c} \text{CV RMSE} \\ \text{(mean \pm std)} \end{array}$	Test RMSE	Izabrani hiperparametri
LassoCV	3045.09 ± 250.22	2638.25	$\alpha = 0.00107$ $\alpha = 4.03702$ $\alpha = 0.00187$, $l_1 = 0.50$
RidgeCV	3146.33 ± 313.29	2717.87	
ElasticNetCV	3049.26 ± 269.87	2657.75	

4.3 Diskusija

Sva tri modela uspješno zadovoljavaju uslov RMSE i 6500 EUR na lokalnom test skupu. Najbolje performanse ostvario je **LassoCV**, zahvaljujući sposobnosti selekcije relevantnih osobina putem L_1 regularizacije. Ridge je pokazao nešto lošije rezultate, dok je ElasticNet dao kompromis između prethodna dva pristupa.

5 Odabrano rešenje

Finalno rešenje koristi sledeće komponente:

• Preprocesiranje: polinomske osobine + standardizacija + one-hot encoding

- \bullet Regresor: LassoCV sa automatskom selekcijom α
- Transformacija ciljne promenljive: log(1 + y)

Ova konfiguracija pokazala se kao najefikasnija u smislu balansa kompleksnosti i performansi, omogućavajući robusnu generalizaciju uz ispunjavanje uslova zadatka.

Reference

- Pedregosa et al., Scikit-learn: Machine Learning in Python, JMLR 2011.
- zvanična dokumentacija: https://scikit-learn.org/stable/
- Dataset: Oglasi automobila u Srbiji (projekat FTN, 2025)