שפות תכנות

2020 ביולי

על פי הרצאותי של ד"ר עמרי ערן

0508752542 : ארות/תיקונים בומוביץ (פאל: 0508752542

תוכן עניינים

3	הקדמה מהן יסודות של השפה?	0.1
3	הבדל בין תחביר לסמנטיקה	
4	Racket	0.2
4	בסיס בסיס 0.2.1	
5	תנאי	
6	רשימות 0.2.3	
7	define 0.2.4	
8		
9	דקדוקים חסרי־הקשר	0.3
9	AE השפה הבסיסית 0.3.1	
12	match פונקציית 0.3.2	
14		
18		
24	FLANG 0.3.5 ופונקציות	
29	subst מודל ההחלפות	0.4
33	SubstCache מודל ה	0.5
37	VS המודל הדינמי V המודל הסטטי הסטטי המודל הסטטי	
41	$^{-}$ מודל הסביבות $^{-}$ מודל הסביבות $^{-}$ מודל הסביבות מודל הסביבות $^{-}$	0.6
44		
50	Lazy Evaluation 0.6.2	
53		הגדרות

53	with 1.0.1	
53	פונקציות	
54	parse ת	2 הערוו
- 4	and a proper	

- מרצה: ד"ר עמרי ערן •
- בחינה : 80% מטלות 20% , צריך לעבור בשניהם.
 - מטלות חלקן ביחידים וחלקן בזוגות

לינקים שימושיים:

- https://pl.barzilay.org/resources.html האתר של ברזילי:
- https://docs.racket-lang.org/racket-cheat/index.html אוסף פונקציות: אוסף פונקציות:

0.1 הקדמה מהן יסודות של השפה?

- . מערכת הכללים של השפה $^{ au}$ מערכת הכללים של השפה
- . משמעויות. משמעוית משמעות העומדת משמעורי מילה מסוימת בשפה (Semantics) משמעויות. כגון:

0.1.1 הבדל בין תחביר לסמנטיקה

- תחביר חשוב בעיקר לצורכי "קוסמטיקה". הוא נועד לשרת את הסמנטיקה. <u>סמנטיקה חשובה יותר מהתחביר</u>. שכן, תחביר אפשר לשנות.
 - :'לדוג'
- אם נסתכל על מס' 24 שכתוב בקובץ כלשהו־ מדובר בעצם בייצוג של שני ערכי ICSA, לעומת המס' 24 שמאוחסן בזיכרון.
 - . המילה "שוד" היא סתם מילה. אבל אם נחשוב על המשמעות שלה אפשר לשבת בכלא בגלל ביצוע שוד -
- דוגמה נוספת המילה 'חמור' נוכל להחליט שמהיום היא 'למור' והיא מתייחסת לאותה חיה ולאחר זמן "הסתגלות", כולנו נתרגל למילה החדשה
 - דוגמה מעולם שפות התכנות ביקח אוסף הצהרות החות משפות שונות: -
- a[25]+5 (Java:)
 (+ (vector-ref a 25) 5) (Racket:)
 a[25]+5 (JavaScript:)
 a[25]+5 (Python:)
 \$a[25]+5 (Perl:)
 a[25]+5 (C:)
 a[25]+5 (ML:)
 - * מבחינה סינסטקטית באמת ניתן לראות שכל שפה יש לה את המיוחד שלה (וראקט יוצאת דופן)
 - \star מבחינה סמנטית כולן מקפיצות exception חוץ מ C שבה לא מוגדר מה יקרה exception מימים היו מעט מאוד מתכנתים ורובם היו ניתן להוסיף שזה גם מאוד מתאים לאג'נדה של כותבי השפה, באותם ימים היו מעט מאוד מתכנתים ורובם היו ברמה גבוה מאוד , והם רצו לתת מה שיותר כח למתכנתים. כיום תכנות הוא יותר רווח ואנחנו רוצים להגן על המתכנתים.
 - איך נגדיר סמנטיקה של שפה?

- אפשרות אחת בעזרת חוקים לוגים –
- על ידי תרגום לשפה אחרת, כלומר על ידי כלי שמתרגם אנחנו יוצקים משמעות לתוכן הכתוב, וזהו בעצם קומפיילר (אנחנו נכתוב אינטרפטר)
 - .היה שהיא שהיא שהיא של הקורס אלעקרונות Racket *
- Goto נעיר שלמרות ש Racket איוצאת דופן יש להתייחס לזה ברצינות (הסיפור עם דיקטסרה שטען שצריך לותר על *

Racket 0.2

0.2.1 בסיס

- זוהי שפה פונקציונלית
- שפה שמתייחסת לעולם כאבסטרקציה, ללא קשר לאיך הם ממומשים בזיכרון, והקוד "מסביר את עצמו" כי נדאג שלא יהיה side-effect יהיה ערך מוחזר לעבוד איתו (ולא יהיה לנו דברים שקיימים מבחינתנו רק בזיכרון)
 - (התפצלו לאחר ריב בחברה) Scheme שפת בת Racket
 - כל קובץ נתחיל צריך להתחיל בסוג השפה שאני משתמש אצלנו ב:

#lang pl

- . הטיפוסים דינמיים f יכולה להיות פונקציה ויכולה להיות מחרוזת.
 - בפיתוחים החדשים של השפה כבר כן חייבים להגדיר
 - עולם הערכים , הוא אבסטרקטי והיררכי למשל: –
- booleanוישנו את אובייקט'ערך ואיחוד אובייקט/ערך וואיחוד אובייקט/ערך אובייקט/ערך אובייקט/ערך true ישנו אובייקט
 - true אוא (וואפילו) הוא וולכן כל דבר אחר למשל האובייקט היחידי שהוא וולכן כל דבר אחר Racket בעולם של
 - . באופן דומה עבור מספרים
 - ".." נסמן על ידי string סיפוס
 - (רק בהתחלה) $^{\prime}$ נסמן על ידי תו בודד Symobl טיפוס \bullet
 - $\# \setminus a$ יסומן כך: a אובייקט אובייקט : Characters
 - . וכעת ניתן לעשות פעולות, על ידי הצבת אופרטור/פונקציה משמאל כמו שאנחנו מסמנים (f(x,y) , f(x,y)

 $(\text{string } \# \ a \# \ b)$

- הוא מסוג רשימה ריקה null ullet
- מוסכמה: פונקציות בוליאניות יסומנו ב? בסופן למשל:

(eq? $\#\a$ +\a) - eq ask if a==a, retrun bool/

2 הרצאה

מסמנים על ידי ; המוסכמה לעשות על ידי פעמיים כלומר ;; דוגמה:

;; This is a comment that continues to

;; the end of the line.

; One semi-colon is enough.

להגדיר בלוק כהערה על ידי # בשביל לפתוח ו# בשביל לסגור (להתחיל מחדש)

#| This is a block comment , which starts with '#|' and ends with a '|# '.

#

#; ביטוי בודד על ידי

#;(comment out a single form)

0.2.2 ביטויי תנאי

There are two Boolean values built-in in Racket: '#t' (true) and '#f' (false).

: *if*

$$\underbrace{(if}_{\rm oper'}\underbrace{(<2\ 3)}_{\rm cond'}\underbrace{10}_{\rm true\ false}\underbrace{20}_{\rm false}) -->10$$

דוגמה:

$$\underbrace{(if}_{\text{oper'}}\underbrace{("false"}_{\text{cond'}}\underbrace{1}_{\text{true false}}\underbrace{2}) -->1$$

$$\underbrace{(if \atop \mathrm{oper', cond'}}_{\mathrm{true}}\underbrace{1}_{\mathrm{false}}\underbrace{2}_{\mathrm{lose}}) -->1$$

:רק: איל. לעיל. רק " ו #t הם #t הם " ו " ו " הסברנו לעיל. רק: הסבר: הסברנו לעיל. רק

$$(\underbrace{if}_{\text{oper}, \text{ cond}}, \underbrace{\#f}_{\text{true}}, \underbrace{2}_{\text{false}}) - - > 2$$

:בא אינו תקין: ערך כלשהו (שפה פונקציאלית ולכן הביטוי הבא אינו תקין: PLב

```
(if test consequent)
```

Cond

דוגמה:

סדר הפעולות: בודקים את התנאי הראשון, אם True מחזירים את הערך שלו, אחרת בודקים את התנאי השני, וכו'... בגלל שחייבים להחזיר ערך, חייב להיות else

0.2.3 רשימות

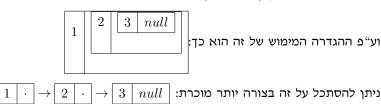
אובייקט שמגודר באופן רקוריסיבי:

- $null \equiv ()$ רשימה ריקה ullet
- . שהאיבר השני בו הוא רשימה (pair) או זוג

:משל: cons למשל ? pair הפקודה cons למשל:

$$(\cos 1 \; 2) \longrightarrow \boxed{1} \ \boxed{2}$$
 , PL פקודה זו לא ניתן להריץ ב

(list 1 2 3):בPLב



(גם ההסרה פשוטה) ($\cos 0 \; (\mathrm{list} \; 1 \; 2 \; 3))$ לכן הוספת איבר ראשון משמאל , קל מאוד:

פונקציות על רשימות

append

```
( append ( list 1 2) null ) ; = > '(1 2)
( append ( list 1 2) ( list 3 4) ) ; = > '(1 2 3 4)
```

```
גישה ניתן לגשת על ידי first, second, third לשלושת המקומות הראשונים. rest זה ההמשך של הרשימה. list-ref
```

```
( first ( list 1 2 3) ) ; = > 1
( rest ( list 1 2 3) ) ; = > '(2 3)
( list-ref '(1 2 3) 2) ; = > 3
```

define **0.2.4**

מאפשר לנו לעשות Static-typing בן שם מזהה לערך, נזכיר שאנחנו מתעסקים ב Static-typing ולכן תמיד צריך להגדיר מהו סוג הערד.

נעשה זאת על ידי נקודתיים לפני ואחרי

:דוגמאות

```
(: PI : Real)
( define PI 3.14)
```

: ומעתה יש לנו "קבוע" אוגמה דוגמה וחפת ומעתה יש לנו

ומחזירה מספר טבעי (בגלל החץ) הסבר: השם \underline{length} מקושר לאובייקט מסוג פונקציה (בגלל החץ) הסבר

הפוקציה מחזירה את אורך הרשימה

! Static – typing למה

- לשמור על המתכנת
- "לכתוב את עצמה "לכתוב את עצמה"
 - הופך את הקוד לקריא יותר.

define-type

הזכרנו שניתן להגדיר אובייקט, דוגמה:

```
( define-type Animal
    [ Snake Symbol Number Symbol ]
    [ Tiger Symbol Number ])
```

Animl ניתן להתייחס ל Snake, Tiger כבנאים של האובייקט האובייקט של האובייקט כזה מסוג Animal טעת גם יש לנו פונקציה Animal ששואלת האם אובייקט הוא מסוג

```
( Animal ? ( Snake 'Slimey 10 'rats ) ); = > #t
( Animal ? ( Tiger 'Tony 12) ); = > #t
( Animal ? 10); = > #f
```

Cases

פונקציה שמאפשרת לאובייקט מסוג Animal ולבדוק איך בנינו אותו, לדוגמה:

```
( cases ( Snake 'Slimey 10 'rats )
   [( Snake n w f ) n ]
   [( Tiger n sc ) n ])
```

- $(w=10,f='rats)\;n='Slimey$ האובייקט ולכן במקרה האובbinding בין הערך לסוג האובייקט \bullet
- יש מקרים שכן (cond כמו ב else (כמו ב בגלל שפה אנחנו יודעים בדיוק מי הבנאים שלו אז ניתן לותר עליו, אבל יש מקרים שכן פוסיף

:המשך הדוגמה

```
(: animal-name : Animal - > Symbol )
( define ( animal-name a )
( cases a
    [( Snake n w f ) n ]
    [( Tiger n sc ) n ]) )
```

:הסבר

- Symbol ומחזירה ומAnimal שלוקחת א הanimal-name ומחזירה \bullet
 - Cases :ב כעת בשביל לדעת מהו האובייקט שקיבלנו נשתמש ullet

All 0.2.5

```
(: every ? : ( All ( A ) ( A - > Boolean ) ( Listof A ) - > Boolean ) )
```

תצפה תצפה פונקציה every תצפה כשהחלטת, אבל מהוא אבל בהחליט כרגע החליט לא חייב להחליט , Template אובייקט לשאר הפונקציות

```
\left\{egin{aligned} Natural 
ightarrow Boolean \ ListOf\ Natural 
ightarrow Boolean \end{aligned}
ight\} בדוגמה A הוא A מצפה לקבל פונקציות מסוג:
```

0.3 דקדוקים חסרי־הקשר

AE השפה הבסיסית 0.3.1

כעת נתחיל לבנות את השפה שלנו, וצריך להתחיל להגדיר את הדקדוק שלה, נניח שאנחנו רוצים להגדיר שפה של מספרים ופעולות חיבור/חיסור. אז התחביר שלנו יהיה לפי 3 כללים:

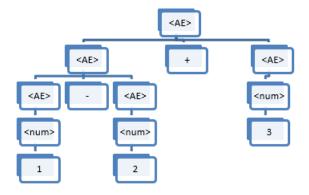
- 1) <AE> ::= <num>
- | <AE > + <AE >
- 3) $| \langle AE \rangle \langle AE \rangle$

. כלל 1 אומר שמ AE ניתן לגזור כל מספר $^{ au}$ זה כאילו הגדרנו אינסוף כללים לגזירת כל המספרים.

פורמלית ניתן להגדיר, כלל נוסף:

AEאת AEא את המרכזי. דוגמה נגזור מAEאת אור מול המרכזי. דוגמה נגזור מAEאת אור מול המיי השפה?

הבעיה שעץ הגזירה הוא לא בהכרח יחיד, וכאשר אנחנו מילה/ביטוי אנחנו לא יודעים מאיזה עץ היא הגיע. (Ambiguity) -אנחנו לא אוהבים בעולם התכנות.



והבעיה נוספת היא בעיה **סמנטית** - שלמשל בעבור גזירות שונות נקבל תוצאות שונות (סדר הפעולות חשבון) = דו משמעות :

$$-4 = 1 - 2 + 3 = 2$$

לכן נחייב את הדקדוק לגזור את האיבר הראשון למספר, כלומר:

1) <AE> ::= <num>

$$| \langle \text{num} \rangle + \langle \text{AE} \rangle$$

ובכך יצרנו עץ Left association והוא יחיד ובטלנו את ובכך יצרנו

נמשיך לפתח - קדימות לכפל תמומש בכך שכפל יהיה רק בתחתית העץ, ובשביל זה נגדיר:

יראה כך: Racket זה יראה כך: שבא מכריחים להגדיר קדימויות, בהתאמה לואז ביטלנו את הדיון הקודם) שבא מכריחים להגדיר קדימויות, בהתאמה ל

: ולמשל

3 הרצאה

בשיעור שעבר הגדרנו את הדקדוק:

בעזרת הדקדוק אנחנו בודקים אילו "תוכניות" קבילות בשפה שלנו, נראה בדוגמה:

$$(-(+34)2)$$

$$\langle AE \rangle$$

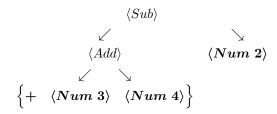
$$\langle AE \rangle$$

$$(-(+34)2)$$

$$\langle AE \rangle$$

כעת נרצה לכתוב את האינטרפטר (לקבל את המשמעות), אבל נתחיל מלעשות , parsing והאתגר הוא שצריך להחזיק מבנה נתונים, שיודע לסנן את המידע שדוקא 3 ראשון, לא חיוני. מבודע לסנן את המידע הלא חשוב. בדוגמה למשל 3+4 מבחינתנו יכול להיות גם 4+3, ולמשל המידע שדוקא 3 ראשון, לא חיוני. abstract syntax tree ולכן נרצה לבנות:

המשך הדוגמה - בצורה אבסטרקטית נרצה ש



וכעת לא משנה לנו האם:

- 3+4 (infix),
 3 4 + (postfix),
- +(3,4) (prefix with operands in parens),
- (+ 3 4) (parenthesized prefix),

נדגים בDrRacket בניה של מבנה נתונים כזה:

- ומחזירה אובייקט sexpr (כאשר הוא נתקל בסוגריים הוא string->sexpr שמקבלת נעזר בפונקציה בפונקציה שמקבלת מחשיב כתא אחד)
 - AE נבנה טיפוס ullet
 - נבנה פונקציה רקרוסיבית שתפרסר ביטוי:

```
#lang pl
(define-type AE
    [Num Number]
    [Add AE AE]
    [Sub AE AE])
(: parse-sexpr : Sexpr -> AE)
(define (parse-sexpr expr)
    (cond
        [(number? expr) (Num expr)]
        [(and (list? expr) (= (length expr) 3) (equal? (first expr ) '+))
              (Add (parse-sexpr(second expr)) (parse-sexpr(third expr)))]
        [(and (list? expr) (= (length expr) 3) (equal? (first expr ) '-))
```

```
(Sub (parse-sexpr(second expr)) (parse-sexpr(third expr)))]
             [else (error 'parse-sexpr "bad syntax in ~s" expr)]
     ))
     (: parse : String -> AE)
     (define (parse code)
          (parse-sexpr(string->sexpr code)))
     (test (parse "5") => (Num 5))
     (\text{test (parse "{ + 3 4}") => (Add (Num 3) (Num 4))})
     (\text{test (parse "{- { + 3 4 } 5 }") => (Sub (Add (Num 3) (Num 4)) (Num 5)))}
     (test (parse "{+ 4 5 { - 4 5 4 5 4 5 }}") =error> "bad syntax")
     result:
         4 tests passed.
                                                                                    match פונקציית 0.3.2
                                 :הקוד ארוך, ונרצה ארוך, ונרצה לקצר על ידי שימוש בפונקציה match , דוגמת שימוש:
     (match var
         ['x "ves"]
         [else "no"])
                      דוגמה נוספת, בנוסף לבדיקת התאמה אני מחליט איך לקרוא למשתנים ומבצע את הפעולה שאני רוצה:
     (match (list 1 2 3)
         [(list x y z) (+ x y z)]); evaluates to 6
     (match '((1) (2) 3)
         [(list (list x) (list y) z) (+ x y z)]); evaluates to 6
     match '((1 2) (3 4) (5 6) (7 8))
         [(list (list x y) ...) (append x y)]); evaluates to (1 3 5 7 2 4 6 8)
בדוגמה האחרונה x,y כ"א הן רשימה, והשלוש נקודות אומר לך להמשיך לשאר המערך, ובסוף נקבל שרשור של כל המערכים.
                                                                       מ: match אחד מיכול להיות אחד מי
   • id -- matches anything, binds 'id' to it
   • -- matches anything, but does not bind
   • (number: n) -- matches any number and binds it to 'n'
   • (symbol: s) -- same for symbols (string: s) -- strings
   • (sexpr: s) -- S-expressions (needed sometimes for Typed Racket)
```

- (and pat1 pat2) -- matches both patterns
- (or pat1 pat2) -- matches either pattern (careful with bindings)

ונקבל: matchב cond את שלנו בקוד בקוד ונקבל:

```
(: parse-sexpr : Sexpr -> AE)
(define (parse-sexpr expr)
(match expr
    [(number: n ) (Num n)]
    [ ( list '+ l r)
        (Add (parse-sexpr(1)) (parse-sexpr(r)))]
    [ ( list '- l r)
        (Sub (parse-sexpr(1)) (parse-sexpr(r)))]
    [else (error 'parse-sexpr "bad syntax in ~s" expr)]
))
                           כעת נרצה שהקוד שלך יעריך (=יחשב) את הביטויים , כלומר לברר את המשמעות שלהם:
# | eval's Foramlization
    eval(N) = N
    eval (+ E1 E2) = eval(E1) + eval(E2)
    eval (- E1 E2) = eval(E1) - eval(E2)
|#
(: eval : Sexpr -> Number)
    (define (eval expr)
    (match expr
        [(number: n ) n]
        [(list '+ 1 r) (+ (eval 1) (eval r))]
        [(list '- l r) (- (eval l) (eval r))]
        [else (error 'eval "bad syntax in ~s" expr)]
    ))
(: run : String -> Number)
(define (run code)
    (eval (string->sexpr code)))
(test (run "5") => 5)
(\text{test (run "} \{ + 3 4 \} ") => 7)
(\text{test (run "}\{-\{+34\}5\}") => 2)
(test (run "{+ 4 5 { - 4 5 4 5 4 5 }}") =error> "bad syntax")
result:
    4 tests passed.
```

מה החיסרון של הקוד הזה?

- שיש לנו ערבוב בין הפעולות הנדרשות: להבין את הביטוי ולחשב אותו, ואנחנו נעדיף להפריד בינהם.
 - ?איך זה יעזור
- במחשב אלא רק אלא כל הקוד, אלא א צריך לשנות את כל הקוד, אלא רק את החלק שמחשב -
 - לדוגמה מחליטים לשנות את מבנה הביטויים, אז משנים רק אותו והחישוב עומד בפני עצמו
 - . eval של נכון של נראה מימוש נכון ullet

4 הרצאה

תזכורות

: Ambiguity דוגמה ל

$$eval(1 - 2 + 3) = eval(1 - 2) + eval(3)$$
 [b] $= eval(1) - eval(2) + eval(3)$ [c] $= 1 - 2 + 3$ [a,a,a] $= 2$ $eval(1 - 2 + 3) = eval(1) - eval(2 + 3)$ [c] $= eval(1) - (eval(2) + eval(3))$ [a] $= 1 - (2 + 3)$ [a,a,a] $= -4$

וברור שאנחנו לא יכולים להרשות לעצמנו בדקדוק שאנחנו בונים, פתרנו זאת על ידי סוגריים.

Compositionality 0.3.3

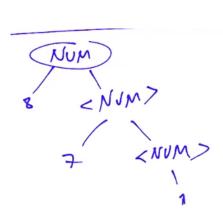
תכונה חשובה נוספת היא Compositionality

נסביר זאת דרך דוגמה והבעיה הבא:

נניח שיש לנו דקדוק:

$$\begin{aligned} &< NUM> ::= < digit> < NUM> |< digit> \\ &< digit> ::= 0|1|....|9 \end{aligned}$$

למשל המספר 871 ייוצג כך:



כעת נניח שהיינו רוצים לכתוב פונקציה שמחזירה את הערך של הביטוי, לכן יתקיים ש:

$$eval(0)=0, eval(1)=1 \dots$$

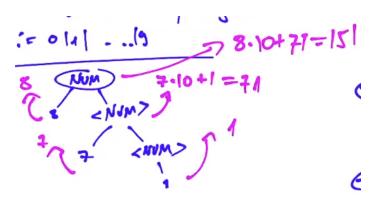
וכנראה שאם היינו מגדירים מספר כללי היינו מנסים:

$$\operatorname{eval}(\langle \operatorname{digit}\rangle \langle \operatorname{Num}\rangle) = \operatorname{eval}(\langle \operatorname{digit}\rangle) + \operatorname{eval}(\langle \operatorname{Num}\rangle)$$

הבאה: היא את הנוסחה הבאה: 1+7 ובשביל לפתור את זה, צריך את הנוסחה הבאה:

$$eval(17) = 10 * eval(1) + eval(7)$$

נשים לב שאם נגדיר את הנוסחה הזו בצורה רקורסיבית עדיין יש לנו בעיה, נראה זאת בעזרת העץ:



וברור ש 151 את לכן צריך לשפר אל $eval~(871) \neq 151$ וברור

מסקנה נשכלל את הנוסחה, ויתקיים ש:

$$eval(871) = 10^2 * 8 + 10^1 * 7 + 10^0 * 1 = 871$$

השיפור שהחזקה תהיה לפי גובה העץ, הבעיה שחישוב כזה הוא "מורכב" , כלומר דורש **חישובים התלויים בעץ כולו** ואנחנו רוצים השיפור שהחזקה תהיה לפי גובה העץ, הבעיה שחישוב זאת ללא תלות בעץ ואם נצליח נקיים את הNum ידע לחשב זאת ללא תלות בעץ ואם נצליח נקיים את ה

:Compositionality הגדרה פורמלית

: יבצע $T_1,..T_k$ על קודקוד T עם בנים eval

$$v_1 = eval(T_1), v_2 = eval(T_2)....v_k = eval(T_k)$$
.

 $v_1,...,v_k$ ב. יבצע פעולה מקומית על

עכשיו אם נחזור לדוגמה שלנו, נוכל לעשות שיפוץ קל ולהרויח את התכונה הנ"ל (נחליף מיקום של digit העץ משוך שמאלה:

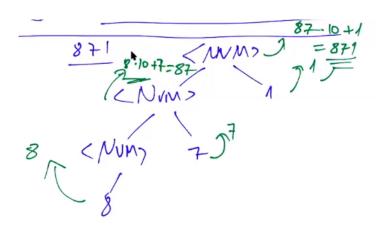
$$<$$
NUM $> ::= <$ NUM $> <$ digit $> \mid <$ digit $> \mid$
 $<$ digit $> ::= 0|1|....|9$

ונקבל ש:

$$\operatorname{eval}(\langle \operatorname{digit} \rangle) = \langle \operatorname{digit} \rangle$$

$$\operatorname{eval}(\langle \operatorname{Num} \rangle \langle \operatorname{digit} \rangle) = \operatorname{eval}(\operatorname{Num}) + 10 * \operatorname{eval}(\langle \operatorname{digit} \rangle)$$

נשים לב שכל הפעולות הן מקומיות (eval,*10) והעץ יראה כך:



. כנדרש , eval(871) = 871 ואכן

תזכורת קצרה אחרונה, בשיעור שעבר הגענו לקוד הבא:

וה אולק הארנו היזה אולח הארנו הארנו שיהיה הארנו בעיה שיהיה אבל שיהיה אול בעיה בעיה אולה אול semantics והסברנו בעיה שיעשה אולה בארנו בשיעור שעבר למה אנחנו אולק שיעשה את היא evaluator והסברנו בשיעור שעבר למה אנחנו מעוניינים בחלוקה האו

במילים אחרות, נרצה שהטסטים הבאים יעברו:

```
(test (eval (parse "3")) => 3)
(test (eval (parse "{+ 3 4}")) => 7)
(test (eval (parse "{+ {- 3 4} 7}")) => 6)
```

. מעריכה פינטקטית שעוברת אותו, ואת הביטוי מאשרת על הביטוי מעריכה מעריכה פינטקטית פונקציה eval שעוברת על הביטוי סינטקטית ומאשרת אותו, ואת הביטוי מעריכה מעריכה מעריכה מעריכה מכתוב את כל הקוד מהתחלה:

```
#lang pl
(define-type AE
        [Num Number]
        [Add AE AE]
        [Sub AE AE])
(: parse : String -> AE)
(define (parse code)
```

```
(parse-sexpr (string->sexpr code)))
(: parse-sexpr : Sexpr -> AE)
    (define (parse-sexpr sexpr)
        (match sexpr
        [(number: n ) (Num n)]
        [(list '+ 1 r) (Add (parse-sexpr l) (parse-sexpr r))]
        [(list '- 1 r) (Sub (parse-sexpr 1) (parse-sexpr r))]))
(: eval : AE -> Number) (define (eval expr)
    (cases expr
                     [(Num n) n]
    [(Add 1 r) (+ (eval 1) (eval r))]
    [(Sub 1 r) (- (eval 1) (eval r))]))
(: run : String -> Number)
    (define (run code)
    (eval (parse code)))
(test (run "3") => 3)
(\text{test (run "} \{ + 3 4 \}") => 7)
(\text{test (run "{ - { + 3 4 } 6 })") => 1)}
```

שאלה האם מתקיימת תכונת ה Compositionality?

כן, בגלל ש:

- במקרי הבסיס אנחנו נותנים מיידית, ערך ל'עלה'
- במקרי הריקורסיה אנחנו מבצעים חיבור/חיסור בין טיפוסים שקיבלנו

נעיר שבשפות תכנות תמיד נרצה את התכונה Compositionality , אבל לעולם לא נצליח להשיג במלואה, כיון שיש לנו <u>שמות מזהים</u> (=משתנים) והערך של משתנה מצריך מאיתנו את ה"תמונה הגדולה".

שיעור 5

בשיעור שעבר פיתחנו שפה, שעובדת ורצה. מספר הערות:

- ניקח לדוגמה את הביטוי מפעילים את הפונקציה " $\{*\ \{+\ 2\ 4\}\}=""" + \{+\ 2\ 4\}\}$ " ניקח לדוגמה את הביטוי הפונקציה " $\{*\ (+\ 2\ 4)\ (+\ 2\ 4)\ (+\ 2\ 4)\}=""" + \{+\ 2\ 4\}$
 - , למה?, ג $=\{+2\ 4\}$ " ונרצה לצור שמות־מזהים (=משתנים) כלומר היינו רוצים ($\{+2\ 4\}$ " ונרצה לצור שמות־מזהים (
 - קוד קריא יותר
 - יעילות (לחשב פעם אחת)
 - להמנע משכפול קוד: קל לתחזק ומונע באגים
 - יותן את האפשרות להבין: $\{ * \text{salary salary} \}$ נותן למשל למתכנת, למשל כח ביטוי
 - ערך את אותו ערך *
 - * שהערך קשור לעולם המשכורות

With 1 WAE 0.3.4

```
.(let ([x (+ 4 2) (* x x)) : reacket ב let של : Let נזכיר את נזכיר את נזכיר את המילה , with המילה אצלנו, נבחר את אלנו, נבחר את המילה ונרצה לאפשר המילה אצלנו, נבחר את המילה ונרצה לאפשר המילה אצלנו, נבחר את המילה את המילה אצלנות את המילה אצלנות את המילה את המ
```

- WAE נשפר את מבנה הנתונים, ונקרא \bullet
 - ונגדיר שאנחנו רוצים שיתקיים:

• while:

- < num>: identifies any expression that pl evaluates to a Number
- $\langle id \rangle$: identifies any expression that pl evaluates to a Symbol
- אבל מבחינת סמנטית את הכלל אבל אבל אבל מבחינת "x","y" הוא הי" הוא תקין מבחינת מבחינת החברית מבחינת מבחינת הי" הוא תקין אבל מבחינת הי" אבל
 - . נרצה או ידע אם עשה או ולכן נפריד למקרים, with , או טעות הגילה או טעות עשה ידע אם ידע המתשמש ידע פריד.

```
(define-type WAE
      [Num Number]
      [Add WAE WAE]
      [Sub WAE WAE]
      [Mul WAE WAE]
      [Div WAE WAE]
      [Id Symbol]
      [With Symbol WAE WAE])
(: parse : String -> WAE)
      (define (parse code)
            (parse-sexpr (string->sexpr code)))
(: parse-sexpr : Sexpr -> WAE)
(define (parse-sexpr sexpr)
```

```
[(number: n ) (Num n)]
    [(symbol: name) (Id name)]
    [(list '+ 1 r) (Add (parse-sexpr 1) (parse-sexpr r))]
    [(list '- 1 r) (Sub (parse-sexpr 1) (parse-sexpr r))]
    [(list '* 1 r) (Mul (parse-sexpr 1) (parse-sexpr r))]
    [(list '/ l r) (Div (parse-sexpr l) (parse-sexpr r))]
    [(cons 'with _ )
       (match sexpr
       [(list 'with (list (symbol: name) named-expr) body)
           (With name (parse-sexpr named-expr) (parse-sexpr body))]
       [else (error 'parse-sexpr "bad 'with' syntax in ~s" sexpr)])]
    [else (error 'parse-sexpr "bad syntax in ~s" sexpr)]))
(test (parse "5") => (Num 5))
(test (parse "{ + 3 4 }") => (Add (Num 3) (Num 4)))
(test (parse "x") => (Id 'x)) (test (parse "{ + 4 2 }") => (Add (Num 4) (Num 2)))
(test (parse "{ * x x }") => (Mul (Id 'x) (Id 'x)))
(test (parse " { with \{x \{ + 4 2 \}\} \{ * x x \} \}") => (With 'x(Add (Num 4) (Num 2))
(test (parse "{ with x {+ 4 2 } {* x x }}") =error> "bad 'with'")
```

- :מצריך את השלבים הבאים , with ל eval
- v וקבל ערך $\mathrm{name\text{-}expr}$ וקבל ערך 1.
- body בערך v בתוך name בערך המתאימים המתאימים בערך.

[name/v]body (א) הסינטקס:

- body את .3
- $\{ * \ 6 \ 6 \}$ ותבצע , $x \leftarrow 6$ את תכניס את $eval \, (+ \ 4 \ 2)$ ותבצע –
- $[x/v]\,e$ את פורמלית לנסה להגדיר ננסה החלפה אונסה לכן לכן את לעשות לעשות לכן אונסה לכן פורמלית לעשות לכן פורמלית את
 - :v בערך בערך את כל המופעים של בערך נסיון ב

$$\{\text{with } \{\stackrel{x}{\overbrace{x}} \stackrel{v}{\overbrace{x}}\} \overbrace{\{+\ x\ x\}}^e \Rightarrow \{+\ 5\ 5\} \checkmark$$

$$\{\text{with } \{x\ 5\ \}\{+\ 10\ 4\} \Rightarrow \{+\ 10\ 4\} \checkmark$$

:הבעיה

$$\{\text{with } \{\text{x 5 }\}\} \{+\text{x } \{\text{with } \{\text{ x 3}\} \ 8\ \} \Rightarrow \{\{+\text{ 5 } \{\text{with } \{\text{ 5 3}\} \ 8\ \} \} \text{bad syntax} \}$$

יבשביל לפתור אותו נגדיר מושגים חדשים, שמטרתם להבדיל בין הx הפנימי לחיצוני:

- (x שבו אני מקשר את לביטוי כלשהו הצהרה על שם מזהה ה ' Binding instance *
- אותו אותו הלק בקוד שבו כל מופע של x מקושר אותו אותו אותו Binding instance אותו Scope *

Binding instance אינו פועא בתוך Binding instance * מופע של x שאינו Bound instance *

Bound וגם אינו Binding instance x שאינו - Free instance *

לדוגמה:

$$e = \{ with \{ \underbrace{x}_{Binding} 5 \} \{ +x \{ with \{ \underbrace{x}_{Bound} x \} \} \}$$

v בערך binding בערך e בתוך של המופעים של החלף את כל המופעים -

. נסיון שלישי: החלף את כל המופעים של x בתוך שאינם binding וגם אינם בתוך של מזהה עם אותו שם -

- e בתוך x בתוך החופשיים החופשיים של החלף את כל החופשיים של [x/v]e
 - שיעור הבא נשלים את קטע הקוד החסר

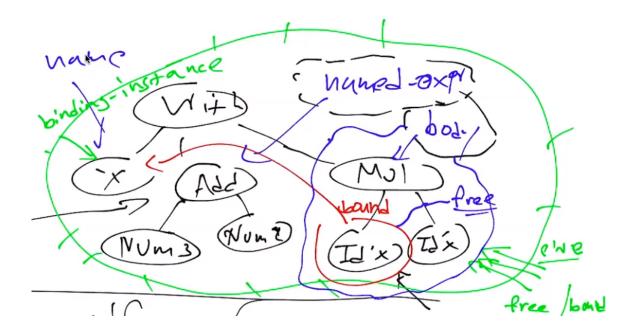
שיעור 6

:חארה על פיטי, eval לו נרצה לבצע לו parsing וכעת על הeval לו בשיעור שעבר דיברנו על הparsing וכעת נרצה לבצע לו

- 1. $val \leftarrow (eval named-expr)$
- 2. subst body name **val** \equiv [name/val] body \equiv [x/v] e
 - v בערך בערך בערך את כל המופעים החופשיים את החלף החלף החלף החלף החלף את כל המופעים החופשיים של

3. eval body

binding-instance (green), free (purple)/bound (red) נזכיר גם את המושגים:



:היום

- ם שם החופשיים החופשיים את כל המופעים ביטוי, מקבלת ערך חדש מקבלת תחבירית. מקבלת החופשיים של ביטוי, מחליפה את כל המופעים החופשיים של שם ביטוי, בערך החדש.
 - subst מחשב) בעזרת (מחשב) eval את נכתוב את

לדוגמה הביטוי:

```
(eval ( with \underbrace{'x}_{from} add (Num 2) (Num 3))

(Mul (Id 'x) (Id 'x)))) // := body
```

steps:

- 1. eval (Add (Num 2) (Num 3)) // := to
- 2. subst := body from to \rightarrow
- 3. eval (Mul (Num 5) (Num 5))

:הערות

- $m{With}$ ב שבמקרה של Id מראש לא נקבל משתנה חופשי כי נמנע מהריקורסיה להכנס למקרה הזה ב .1
 - test הבא: 2.

```
(Num 3)
       (Add (Id 'x) (Num 5))))
                  (Num~8)ה את כאן את זאת לעומת זאת כאן את x' ב וx' הוא x' הוא לא משתנה חופשי ולכן נשאיר אותו כמות שהוא, לעומת זאת כאן את x'
(test (subst
   (With 'y ;; name
       (Num 3) ;; name-expr
       (Add (Id 'x) (Num 5)));;body . note: 'x is bound var
    'x ;; from
   (Num 8)) ;; to
=> (With 'y
      (Num 3)
      (Add (Num 8) (Num 5))))
                                                  substא צריך לשלוח צריך אריך את נשים לב אנו named-expr .3
                                       החלפה בלי שהוא בלי החלפה body אם name = from גרצה להחזיר את name = from
                                                                                              בסה"כ:
(: subst : WAE Symbol WAE -> WAE )
;; takes a WAE trre expr and a name and a value
;; and return a new tree with the same structure
;; but without aby free instances of name (these are replaced by value
(define (subst expr from to)
(cases expr
     [(Num n) expr]
     [(Add 1 r) (Add (subst 1 from to) (subst r from to))]
     [(Sub 1 r) (Sub (subst 1 from to) (subst r from to))]
     [(Mul 1 r) (Mul (subst 1 from to) (subst r from to))]
     [(Div l r) (Div (subst l from to) (subst r from to))]
     [(Id name) (if (eq? name from) to expr)]
     [(With name named-expr body)
         (With name; name
         (subst named-expr from to); substituted name-expr
         (if (eq? name from)
            body; non-substituted body
            (subst body from to)))]));; substituted
                                                    כעת נכתוב את eval לפי השלבים שהזכרנו בתחילת השיעור:
#| How to evaluate (With name named-expr body)
1. v <- (eval named-expr)</pre>
2. body <- (subst body name v)</pre>
```

```
3. (eval body)
|#
(: eval : WAE -> Number)
(define (eval expr)
(cases expr
    [(Num n) n]
    [(Add 1 r) (+ (eval 1) (eval r))]
    [(Sub 1 r) (- (eval 1) (eval r))]
    [(Mul l r) (* (eval l) (eval r))]
    [(Div 1 r) (/ (eval 1) (eval r))]
    [(Id name) (error 'eval "free identifier ~s" name)]
    [(With name named-expr body)
        (eval (subst body name (Num (eval named-expr))))]))
(: run : String -> Number)
(define (run code)
    (eval (parse code)))
;;----- tests -----
(test (run "5") => 5)
(test (run "z") =error> "free ")
(\text{test (run "}\{+\ 5\ 5\}") \Rightarrow 10)
(test (run "{with \{x \{+ 5 5\}\} \{+ x x\}\}") => 20)
(\text{test (run "{with } {x 5} {+ x x}}") => 10)
(test (run "{with {x {+ 5 5}}}
    \{with \{y \{-x 3\}\}\}
    \{+ x y\}\}") => 17)
(test (run "{with \{x 5\}
    \{+ x \{with \{x 3\} 10\}\}\}") => 15)
(test (run "{with \{x 5\}
    \{+ x \{with \{x 3\} \{+ x x\}\}\}\}") => 11)
(test (run "{with \{x \{+ 3 4\}\} \{+ x \{with \{y 3\} x\}\}\}") => 14)
(test (run "{with \{x 5\}
    {with \{y \ \{* \ x \ 3\}\}
    \{-yx\}\}") => 10)
(test (run "{with {x 8}}
    \{with \{x \{* x x\}\}\}
    {/ x 4}}") => 16)
(test (run "{with {x 1} y}") =error> "free identifier")
```

7 שיעור

ופונקציות FLANG 0.3.5

תזכורת: בשיעור שעבר בנינו interpeter שיודע לחשב ביטויים ארימתטים, נרצה היום לשפר אותו:

- 1. נרצה לפתח מנגנון שיודע להגדיר פונקציה אנונומית
 - לכן נניח והגדרנו את:

אצלנו: –

```
{fun {x}
{* x x}}
```

- אותה? בעיל פעיל אוד איך איך פעיל (call) אותה מנגנון לקריאה לפתח מנגנון אוריאה (call) אותה?
- נפעיל אותה כך: Racket נשתמש בתבנית הרגילה. לדוגמה תהיה פונקציה f כלשהי אז ב

(f 5)

:call אילו רצו להיות מפורשים יותר היו מוסיפים ullet

```
{call f 5}
{call {fun {x}
```

 $\{* x x\}\} 5\}$

(call f 5)

- נשים לב שהצורה הזו לא "נוחה", וגם לא נותנת לנו את הכח של הפונקציות , ולכן נרצה להגדיר פונקציה ולהשתמש בה שור וער
 - : הערה: להגדיר פונקציה נותן לי את האפשרות לשמור את אופן הפעולה (את ה'איך'), ולחזור עליה שוב ושב-

ישנן 3 גישות לסוגי הפונקציות:

- (first order) על נתונים מסוים "חישוב" על נתונים מסוים 1.
- 2. כיום מבינים שזהו אובייקט הרבה יותר מורכב, וניתן להביע איתו חישובים ותהליכים ברמה יותר גבוהה (high order), ויותר קריאה.
 - (א) ומכאן מגיעות האפשרויות של שליחת וקבלה פונקציה כמשתנה
 - (א שם (אנונימית) בהון פונקציה היא טיפוס כמו כל טיפוס אחר (First class) בותן לנו את האפשרות לפונקציה ללא שם (אנונימית)
 - (א) מאפשר להגדיר פונקציה בזמן ריצה
 - (ב) יכולות להשמר במבנה נתונים, ועוד.

נדגים את היתרון בשפה עילית: להלן קוד בשפה תחתית (first order), מה הוא מבצע?

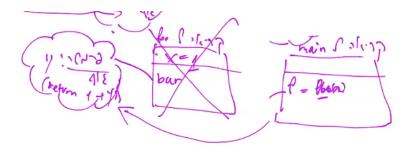
```
x = b * b
     y = 4 * a
     y = y * c
     x = x - y
     x = sqrt(x)
     y = -b
     x = y + x
     y = 2 * a
     s = x / y
                                                    : (First class ) תשובה, קשה לומר. לעומת זאת קוד בשפה עילית
     (-b + sqrt(b^2 - 4*a*c)) / 2a
"מספר" לנו שזה פתרון למשוואה ריבועית, ובכך הרווחנו יכולת הבעה. הרעיון מאחורי זה שפונקציה היא טיפוס בפני עצמו, ולא
                                                                          צריך הגדרה (כמו ש5 לא צריך הגדרה)
                                                                                         :jsדוגמה נוספת
     function foo(x) {
         function bar(y) { return x + y; }
         return bar;
     }
     function main() {
         var f = foo(1);
         var g = foo(10);
         alert(">> "+ f(2) + ", " + g(2));
     }
                                                                                           בתוכנית שלנו, יש
                                                                                   +,- פעולות רגילות \bullet
                                                                                            • פונקציות:
                                                                                          main -
                                                                                            foo -
```

נרצה לחשוב על הפונקציות כענן , כלומר משהו שאנחנו לא מחשבים כרגע, ויום אחד נשתמש בו. הענן הוא קופסה סגורה שיודעת לקבל פרמטר, ויש לה גוף (פעולות החישוב שלה)

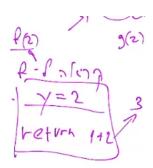
```
function foo(x) {
  function bar(y) { return x + y; }
  return bar;
}
function main() {
  var f = foo(1);
  var g = foo(10);
  alert(">> "+ f(2) + ", " + g(2));
}
```

נרוץ עם התכנית:

- רמטר $rac{1}{2}$ ללא פרמטר $rac{1}{2}$
- x=1 עם פרמטר לססי foo
 - bar: רוף –
 - y עם פרמטר : bar
- כי x משתנה חופשי return x+y=1+y גוף
 - f=y+1 ולכן •



- g כנ"ל ל \bullet
- $ext{return } 1{+}2$ (נוכר שf מחזיק פונקציה) שהפרמטר שלה f(2)



- g=10+2=12 כנ"ל פ
 - 3,12 :סה"כ •

לסיכום:

• בהדגמה הראינו איך הפונקציה "נוצרת בזמן ריצה"

```
השם ללא השם היה אפשר לפונקציה , די לפונקציה שם bar לפונת השם ullet
                                                                                : racketאותו קוד -
(define (foo x)
   (define (bar y) (+ x y)) bar)
                                                               fun, call את נגדיר את שלנו BNF שלנו BNF נגדיר
   <FLANG> ::= <num>
     | { + <FLANG> <FLANG> }
     | { - <FLANG> <FLANG> }
     | { * <FLANG> <FLANG> }
     | { / <FLANG> <FLANG> }
     | { with { <id> <FLANG> } <FLANG> }
     <id><
     | { fun { <id> } <FLANG> }
                                      // param-name
     | { call <FLANG> <FLANG> }
                                      // fun-expr arg-expr
                                                           נשים לב שהגדרנו בfun את האפשרות לקריאה כזו:
(7 6)
    (מון אמה אפשרו את, אפשרו את, אפשרו את, בpl או בעיה שמנטית, ותחבירית אה תקין racket עצמה אפשרו את, בpl או בעיה שמנטית, ותחבירית אה תקין
                                                                                         : parseהקוד ל
(define-type FLANG
                        [Num Number]
     [Add FLANG FLANG]
     [Sub FLANG FLANG]
     [Mul FLANG FLANG]
     [Div FLANG FLANG]
     [Id Symbol]
     [With Symbol FLANG FLANG]
     [Fun Symbol FLANG]
     [Call FLANG FLANG] )
(: parse : String -> FLANG)
     (define (parse code)
(parse-sexpr (string->sexpr code)))
(: parse-sexpr : Sexpr -> FLANG)
     (define (parse-sexpr sexpr)
     (match sexpr
```

```
[(symbol: name) (Id name)]
             [(cons 'with _ )
                (match sexpr
                  [(list 'with (list (symbol: name) named-expr) body)
                    (With name (parse-sexpr named-expr) (parse-sexpr body))]
                  [else (error 'parse-sexpr "bad 'with' syntax in ~s" sexpr)])]
             [(cons 'fun more)
                (match sexpr
                  [(list 'fun (list (symbol: name)) body)
                    (Fun name (parse-sexpr body))]
                  [else (error 'parse-sexpr "bad 'fun' syntax in ~s" sexpr)])]
             [(list '+ 1 r) (Add (parse-sexpr 1) (parse-sexpr r))]
             [(list '- 1 r) (Sub (parse-sexpr 1) (parse-sexpr r))]
             [(list '* 1 r) (Mul (parse-sexpr 1) (parse-sexpr r))]
             [(list '/ l r) (Div (parse-sexpr l) (parse-sexpr r))]
             [(list 'call fun arg) (Call (parse-sexpr fun) (parse-sexpr arg))]
             [else (error 'parse-sexpr "bad syntax in ~s" sexpr)]
        ))
8 שיעור
                                                   parse ה שעבר את וממשנו וממשנו פונקציות הגדרנו הגדרנו פונקציות בשיעור
                                                                                 eval את לממש את
                                                                                       : נתחיל מדוגמאות
                                                                              • דוגמה בסיסית ־ לביטוי:
   \{ \text{ fun } \{x\} \ \{+\ x\ 1\} \}
                                                                       - נרצה שיוחזר משהו בסגנון:
   [param: 'x
   body: (Add (Id 'x) (Num 1))]
                                                                                      • דוגמה נוספת:
   { with { x 1 }
       {fun {y} {+x y}}}
                                                                 נקבל: על מטיון א x=1 (משתנה) אז מכיון ש
    [param: 'y
   body: (Add (Num 1) (Id 'y))]
```

[(number: n) (Num n)]

ומודל ההחלפות subst 0.4

לכן נרצה להגדיר באופן פורמלי את subst שלנו

```
N[v/x]
                        = N
                       = \{+ E1[v/x] E2[v/x]\} \quad \{- E1 E2\}[v/x] \quad = \{- E1[v/x] E2[v/x]\}
\{+ E1 E2\}[v/x]
{* E1 E2}[v/x]
                        = {* E1[v/x] E2[v/x]}
\{/ E1 E2\}[v/x]
                         = { | E1[v/x] E2[v/x] }
y[v/x]
                         = y
x[v/x]
                         = v
{with {y E1} E2}[v/x] = {with {y E1[v/x]} E2[v/x]}
\{\text{with } \{x \ E1\} \ E2\}[v/x] = \{\text{with } \{x \ E1[v/x]\} \ E2\}
{call E1 E2}[v/x] = {call E1[v/x] E2[v/x]}
\{\text{fun } \{y\} \ E\}[v/x]
                       = \{ \text{fun } \{y\} \ E[v/x] \}
\{\text{fun } \{x\} \ E\}[v/x] = \{\text{fun } \{x\} \ E\}
                                                                                                  :הערות
                                                                                            :הביטוי
\{\text{fun } \{y\} \ E\}[v/x] = \{\text{fun } \{y\} \ E[v/x]\}
                y את הכל הt , וזה לא משפיע על הפונקציה שלנו, כי הפרמטר שלה הוא t
                                                                                  • לעומת זאת הביטוי
\{\text{fun } \{x\} \ E\}[v/x] = \{\text{fun } \{x\} \ E\}
       מחייב אותנו לא להחליף כי הפונקציה כולו תלויה בערך שx יתקבל כפרמטר, ולכן הוא לא משתנה חופשי -
                                                                         • אבל כאשר קוראים לפונקציה:
{call E1 E2}[v/x] = {call E1[v/x] E2[v/x]}
                                                         - נרצה להחליף כי זה כבר השימוש בפונקציה
                                                                                           : subst קוד ל
(: subst : FLANG Symbol FLANG -> FLANG )
(define (subst expr from to)
     (cases expr
     [(Num n) expr]
     [(Add 1 r) (Add (subst 1 from to) (subst r from to))]
     [(Sub 1 r) (Sub (subst 1 from to) (subst r from to))]
     [(Mul 1 r) (Mul (subst 1 from to) (subst r from to))]
     [(Div l r) (Div (subst l from to) (subst r from to))]
     [(Id name) (if (eq? name from) to expr)]
     [(With name named-expr body)
```

```
(With name; name (subst named-expr from to); substituted name-expr
                 (if (eq? name from)
                   body; non-substituted body
                   (subst body from to)))] ;; substituted
          [(Call l r) (Call (subst l from to) (subst r from to))]
          [(Fun bound-id bound-body)
             (if (eq? bound-id from)
                 expr
                 (Fun bound-id (subst bound-body from to)))]
         ))
                                                                                       : eval כעת נעבור ל
                                                               :(types) מטרתנו שeval מטרתנו ש
                                                                                     Number -
                                                                         :(ענן בסגנון) functions
    [param: Symbol
    body: (AST FLANG]
                                                                                      :דוגמאות –
    (eval (Num 1))
    (eval (Fun 'x (Add (Id 'x) (Num 1))))
                                                                  FLANG ל eval הגדרת שנה את לכן נשנה את לכן
parse נציין שזהו פתרון בעייתי , כי האובייקט FLANG לכשעצמו מכיל בנאים שלא קשורים, והוא תוצר של תהליך –
                  וזה מוזר לערבב אבל בכל מקרה נבצע תיקון מעין זה בהמשך, ולכן כעת נשאר עם הפתרון הזה.
                                                           :ברצה שידע להתמודד עם הטסטים הבאים
    (test (eval (Num 1 )) => (Num 1))
    (\text{test (eval (Mul (Num 1) (Num 6))}) \Rightarrow (\text{Num 6}))
    (test (eval (Fun 'x (Add (Id 'x) (Num 1)))) =>
                 (Fun 'x (Add (Id 'x) (Num 1))))
    (test (eval (With 'y
                       (Num 5)
                       (Fun 'x (Add (Id 'x) (Num 'y))))) =>
                       (Fun 'x (Add (Id 'x) (Num 5))))
                                                                                  : eval את פורמלית פורמלית
     eval(N)
                      = N
     eval(\{+ E1 E2\}) = eval(E1) + eval(E2)
     eval({- E1 E2}) = eval(E1) - eval(E2)
     eval({* E1 E2}) = eval(E1) * eval(E2)
```

:הערות

- "x" כי אין משמעות ל , error יתן id
- מחליר כמו שהוא, כי מחכה לפרמטר בשביל לקבל משמעות Fun
- , ולא תצרך ללכת ולחשב אותו, שהפונקציה כבר תקבל ערך מחושב, ולא תצרך ללכת ולחשב אותו, פeval(E2) ב אותו, נרצה לחשב אותו, לדוגמה:

```
{call {Fun {x} { + x x }}}
{* 5 { * 17 {* 2 3}}}}
```

- 510 אז ניתן לחשב את בכל פעם או מראש לחשב (וזה מה שנעדיף) ושהפונקציה תעבוד עם -
- אנחנו אריכים לבצע התאמות בכל מקום שהפונקציה מחזירה מספר FLANG אנחנו את הערך המוחזר לבעל ששינו את הערך המוחזר לFLANG אנחנו איכים לבצע למשל (Add (Num 1) (Num 2))
- מתאים FLANG מתאיר בין המספרים ולהחזיר מרצע את הפעולות שתדע לבצע אר arith-op לכן צריך לכתוב פונקצית עזר -

. נרצה שתעזור לנו. בדיקה שתעזור לנו. run ב FLANG ב FLANG ב סרלק מהשינוי

:הקוד

```
[(Num n) n]
           [else (error 'arith-op "expects a number, got: ~s" e)]))
    (Num (op (Num->number expr1) (Num->number expr2))))
(: eval : FLANG -> FLANG)
                                                ; <- note return type
;; evaluates FLANG expressions by reducing them to *expressions*
(define (eval expr)
    (cases expr
        [(Num n) expr]
                                                    ; <- change here
        [(Add l r) (arith-op + (eval l) (eval r))]; <- change here</pre>
        [(Sub l r) (arith-op - (eval l) (eval r))]; <- change here
        [(Mul l r) (arith-op * (eval l) (eval r))]; <- change here</pre>
        [(Div l r) (arith-op / (eval l) (eval r))]; <- change here</pre>
        [(With bound-id named-expr bound-body)
           (eval (subst bound-body
             bound-id
             (eval named-expr)))] ; <- no '(Num ...)'</pre>
        [(Id name) (error 'eval "free identifier: ~s" name)]
        [(Fun bound-id bound-body) expr]
                                                   ; <- similar to 'Num'
        [(Call fun-e arg-e) ; <- nested pattern</pre>
           (let ([funv (eval fun-e)])
             (cases funv
               [(Fun name body)
                 (eval (subst body name (eval arg-e)))]
               [ else (error 'eval "expected a function ,got ~s" funv)]))]))
(: run : String -> Number)
;; evaluate a FLANG program contained in a string
(define (run str)
    (let ([result (eval (parse str))])
    (cases result
        [(Num n) n]
        [else (error 'run "evaluation returned a non-number: ~s" result)])))
```

9 שיעור

תזכורת:

- FLANG כתבנו את האובייקט ullet
 - $Subst \bullet$
 - Eval •
- With און Call אם כתבנו גם את \bullet

SubstCache מודל ה 0.5

:נטען שהביטווים הבאים זהים

```
(Call (Fun name body)
         E)
     (With name
         Ε
         body)
                                                                                     דוגמאות לדמיון:
     {Call \{fun \{x\} \{* x 7\}\}}
         5}
     {With \{x 5\} \{* x 7\}}
                                Mith ל Call ? או מה היחס בין Call, With ל אם כן למה המצאנו את שני המגנונים
                                                             מצד אחד הביטוי with הרבה יותר קריא.
לקריאה לפונקציות)
                       :מצד שני, היחוד של Call הוא לפונקציות שאנחנו מגדירים ,ולא משתמשים באותו רגע. למשל •
    {with \{ sqr \{ fun \{ x \} \{ * x x \} \} \}
        {+ {call sqr 5} {call sqr 6}}}
                                call הגדרת הגדרת היא פעמיים היא לקרוא , sqr את הגדרת היכולת -
                                                                                      מה למדנו כאן?
(eval) הוא לא בהכרח פונקציה ברגע הקריאה, ויכול להיות שרק הוא לא בהכרח פונקציה ברגע הערכה שלו E1 , eval
                                                          באמת נקבל צורה של Call..Fun.. פורמלית:
    if eval (E1)=\{fun \{x\} Ef\}
        then eval (Ef[eval/x])
    else
            error!
                                      with, call דוגמה הרצה של
       (test (run "{with {identity {fun {x} x}})
                     {with \{foo \{fun \{x\} \{+ x 1\}\}\}
                       {call {call identity foo} 123}}}")
             => 124)
```

. ניתן with כמו לפונקציה כמו with כמו להתיחחס למונקציה כמו לפונקציה.

החסרון שבth/call כל קריאה לפונקציה גורמת לנו לחזור על הקוד שוב ושוב בשביל לבצע את ההחלפות, וזה יוצר חוסר יעילות מאוד גדול. לכן נרצה ל"שמור" במעבר ראשון את כל הפונקציות , בשביל שבמעבר שני כבר נוכל לבצע את כל ההחלפות ולא לסרוק את הקוד שוב ושוב. לשם כך, נממש מעין מחסנית של פונקציות. נקרא לו:

```
;; a type for substitution caches:
(define-type SubstCache = (Listof (List Symbol FLANG)))
;;
(: empty-subst : SubstCache)
(define empty-subst null)
;;
(: extend : Symbol FLANG SubstCache -> SubstCache)
(define (extend id expr sc)
 (cons (list id expr) sc))
;;
(: lookup : Symbol SubstCache -> FLANG)
(define (lookup name sc)
  (cond [(null? sc)(error 'lookup "no binding for ~s" name)]
        [(eq? name (first (first sc))) (second (first sc))]
        [else (lookup name (rest sc))]))
              :שיפור מבשם assq שיודעת לעבוד עם מבנה של רשימה של racket שיודעת לעבוד עם שיפור: נשתמש בפונקציה של
> (assq 3 (list (list 1 2) (list 3 4) (list 5 6)))
(3 4)
> (assq 7 (list (list 1 2) (list 3 4) (list 5 6)))
#f
                                                      ( Racket ב למילון להשתמש בה (הכי קרוב למילון ב
(: lookup : Symbol SubstCache -> FLANG)
(define (lookup name sc)
    (let ([cell (assq name sc)])
    (if cell
        (second cell)
        (error 'lookup "no binding for ~s" name))))
                                                             יין לשנות, בeval אין מה לשנות, parser
```

- אר הרקורסיביות כל בין בין ולעבור המחסנית, המחסנית לקבל עכשיו צריכה צריכה צריכה את צריכה עכשיו פeval
- אם או פנוקציה מוכרת, (look-up) אם ללכת לחפש במחסנית ללכת ממנו ללכת eval(id)
 - . אריכה שאני מחפש. את המתשנה אני מחפש lookup -
 - יגרום לנו להוסיף לתחילת המחסנית משתנה עם השם והערך $^{ au}$ eval(with)

- נשים לב שאם יש לנו with בתוך with עם אותו שם למשתנה (x) אז המשתנה החיצוני ידרס, וזה לא פוגע yבמשמעות כי ההחלפות מתבצעות בסדר של שכבות הריקורסיה
 - . ועל פי הלוגיקה שהסברנו בתחילת with דומה eval(call)
 - Subst את כעת למחוק ניתן פיתן \bullet

Lookup rules:

```
lookup(x,empty-subst) = error!
lookup(x,extend(x,E,sc)) = E
lookup(x,extend(y,E,sc)) = lookup(x,sc) if 'x' is not 'y'
Evaluation rules:
eval(N,sc) = N
eval(\{+ E1 E2\},sc) = eval(E1,sc) + eval(E2,sc)
eval({-E1 E2},sc) = eval(E1,sc) - eval(E2,sc)
eval({* E1 E2},sc) = eval(E1,sc) * eval(E2,sc)
eval({ E1 E2},sc) = eval(E1,sc) / eval(E2,sc)
eval(x,sc) = lookup(x,sc)
eval(\{with \{x E1\} E2\}, sc) = eval(E2, extend(x, eval(E1, sc), sc))
eval({fun \{x\} E},sc) = {fun \{x\} E}
eval({call E1 E2},sc)
           eval(Ef, extend(x, eval(E2, sc), sc))
                      eval(E1,sc) = \{fun \{x\} Ef\}
           if
           error! otherwise
                                                                                        : evalהשינויים בקוד עצמו ל
      : eval : FLANG SubstCache -> FLANG)
      ;; evaluates FLANG expressions by reducing them to expressions
      (define (eval expr sc)
           (cases expr
               [(Num n) expr]
               [(Add l r) (arith-op + (eval l sc) (eval r sc))]
```

[(Sub 1 r) (arith-op - (eval 1 sc) (eval r sc))] [(Mul l r) (arith-op * (eval l sc) (eval r sc))] [(Div 1 r) (arith-op / (eval 1 sc) (eval r sc))]

[(With bound-id named-expr bound-body)

```
(eval bound-body
            (extend bound-id (eval named-expr sc) sc))]
         [(Id name) (lookup name sc)]
         [(Fun bound-id bound-body) expr]
         [(Call fun-expr arg-expr)
            (let ([fval (eval fun-expr sc)])
            (cases fval
         [(Fun bound-id bound-body)
            (eval bound-body
            (extend bound-id (eval arg-expr sc) sc))]
            [else (error 'eval "'call' expects a function, got: ~s" fval)]))]))
                                                                                     : runוהשינויים ב
                                       eval בריך להוסיף את המחסנית (sc) כרשימה ריקה ולשלוח אותה ל
(: run : String -> Number)
;; evaluate a FLANG program contained in a string
(define (run str)
    (let ([result (eval (parse str) empty-subst)])
      (cases result
     [(Num n) n]
     [else (error 'run "evaluation returned a non-number: ~s" result)])))
                                                                                              : test
(test (run "{with \{x 3\}
     {with {f \{\text{fun }\{y\} \ \{+ \ x \ y\}\}\}}
        \{\text{with } \{\text{x 5}\}
            {call f 4}}}")
                                                                                 • החלפה ראשונה:
(test (run "{with \{x 3\}
   {with {f {fun {y} \{+ 3 y\}}\}}
       {with \{x 5\}
         {call f 4}}}")
                                                                                   • החלפה שניה:
(test (run "{with {x 3}}
   {with {f {fun {y} {+ x y}}}
```

```
\{with \{x 5\}
                {call {fun {y} {+ 3 y}} 4}}}")
                                                                                                 • החלפה שלישית:
     (test (run "{with \{x 3\}
         {with {f {fun {y} {+ x y}}}
             {with \{x 5\}
                {call {fun {y} {+ 3 4}} 4}}}")
                                    , אנחנו מקבלים פון? אבל אבל אבל y=3+4=7 אנחנו מקבלים - אבל y=3+4=7
                                         תלוי במודל, ישנם שני מודלים דינאמי וסטטי ונרחיב עליהם בשיעור הבא.
שיעור 10
                                                                                המודל הדינמי VS המודל הסטטי ס.5.1
                                 . שמשפר לנו את שעבר הגדרנו מעין מבנה נתונים \mathrm{SubstCache},
                                                                                  והזכרנו את הטסט הבא, כטסט בעייתי:
      (test (run "{with {y 4}}
           {with \{foo \{fun \{x\} \{* x y\}\}\}}
               {with {y 6}
                   {call foo 7}}}}")
                                                                              נריץ את הטסט הזה, על פי מודל ההחלפות:
השני אינו y החופשיים לy (הy החופשיים לy החלפה ראשונה y דורש את חישוב הy דורש את חישוב הy לאחר החלפה לאחר y דורש את חישוב הy דורש את חישוב הy לאחר החלפה לאחר החפשיים לy החופשיים לy השני אינו
                                                                                                     חופשי) לכן:
     test (run "{with {y 4}}
         {with \{foo \{fun \{x\} \{* x 4\}\}\}
             {with {y 6}
               {call foo 7}}}}")
                                                                                       :fooשניה שניה שניה שניה 2
     test (run "{with {y 4}}
         {with \{foo \{fun \{x\} \{* x 4\}\}\}
             {with {y 6}
                \{call \{foo \{fun \{x\} \{* x 4\}\} 7\}\}\}\}")
```

.3 עכשיו צריך לחשב את הbody אבל יש לנו שוב $\{\text{with }\{\text{y }6\}...\}$, ולכן צריך להחליף את כל המשתנים החופשיים אין לנו. : body אז נתחל לחשב את ה

$\{\text{call } \{\text{foo } \{\text{fun } \{x\} \ \{* \ x \ 4\}\} \ 7\}$

28 התוצאה

יעכשיו נריץ לפי שלבי הריצה של מודל ה SubstCache.

- sc=[] בשלב ראשון נתחיל עם ullet
- $sc=[(y\ 4)]:$ בשלב שני נקבל •
- $sc{=}[(foo~\{fun~\{x~\{*~x~y\}\})~(y~4)]$ בשלב שלישי נקבל: •
- $sc=[(y 6) (foo \{fun \{x \{* x y\}\}) (y 4)]$ בשלב רביעי נקבל: •
- $\{\mathrm{fun}\ \{\mathrm{x}\ \{^*\ \mathrm{x}\ \mathrm{y}\}$ את את כמול (call foo בשלב חמישי נקבל: •
- x=7 על ידי האיבר $\{*\ge y\}$ על ידי את בשלב השישי נגיע לחישוב הbody של הפונקציה שלב
 - $sc=[(x\ 7)\ (y\ 6)\ (foo\ \{fun\ \{x\ \{^*\ x\ y\}\})\ (y\ 4)]$ בשלב זה המחסנית נראית כך:
 - , 6 לכן lookup לx יחזיר y ול lookup –

 $\{*~6~7~\} \rightarrow 42$ והתוצאה תהיה

כפי שראינו, שתי הריצות הגיוניות ונותנות תוצאות שונות. האם זה באג?

נשים לב שהתבדלים נובעים מהזמן בו מוחלף הy הראשון בפונקציה y במודל ההחלפות ברגע שהתייחסו לy כמשתנה חופשי החלפנו אותו בy הפונקציה למחסנית ובשלב אותו בy הפונקציה לעומת אובייקט בטוח, והערכים שלו נקבעים רק כאשר מתבצע y מבחינתנו הוא אובייקט בטוח, והערכים שלו נקבעים רק כאשר מתבצע y

ההבדל הזה למעשה מגדיר שני מודלים, דינמי וסטטי ואלו ההגדרות:

- Static Scope (also called Lexical Scope):
 - In a language with static scope, each identifier gets its value from the scope in which it was defined (not the one in which it is used).
 - הערכים מוגדרים בשלב ההגדרה.

- Dynamic Scope:
 - In a language with dynamic scope, each identifier gets its value from the scope of its use (not its definition).
 - הערכים מוגדרים בשלב השימוש.

:הרצה במודל הסטטי

```
#lang pl untyped
#lang pl dynamic
(define x 123)
(define (getx) x)
```

```
(define (bar1 x) (getx))
    (define (bar2 y) (getx))
    ;;
    (test (getx) => 123) ;;
    (test (let ([x 456]) (getx)) \Rightarrow 123) ;; (1)
    (test (getx) => 123)
    (test (bar1 999) => 123)
    (test (bar2 999) => 123)
                           123 הוגדרה עם הערך ולכן תמיד תחזיר פנקציה הפונקציה אוגדרה עם הערך פונקציה ולכן הפונקציה ולכן הוגדרה אוגדרה או
                                                                                         אותה הרצה עם המודל הדינמי
    #lang pl dynamic
    ;;
    (define x 123)
    (define (getx) x)
    (define (bar1 x) (getx))
    (define (bar2 y) (getx))
    ;;
    (test (getx) => 123)
    (test (let ([x 456]) (getx)) \Rightarrow 456) ;; (1)
    (test (getx) => 123);; (2)
    (test (bar1 999) => 999) ;; (3)
    (test (bar2 999) => 123) ;; (4)
3 . x צאנו מהgetx ולכן נחזיר להגדרה הוקדמת של ולכן תחזיר 1. במודל הדינמי הgetx תוגדר בעזרת הx של ולכן תחזיר 2. ולכן נחזיר להגדרה הוקדמת של x
                 x=123 אם מוגדר המקורית להגדרה ליטוע פאר א מוקשר ליטוע א מוגדר עם 999 א מוגדר מוקשר ליטוע מוקשר ליטוע מוקשר א מוגדר איז x=123
                                                                                                       :המשך הדוגמה
    #lang pl dynamic
    (define x 123)
    (define (getx) x)
    (define (bar1 x) (getx))
    (define (bar2 y) (getx))
    (define (foo x);; (1)
         (define (helper) (+ x 1)) helper)
    (test ((foo 0)) \Rightarrow 1)
    ;; and *much* worse: (2)
    (define (add x y) (+ x y))
    (test (let ([+ *])
```

```
(add 6 7)) => ?)
```

במודל הסטטי:

- 0+1=1 בהגדרה שלה , מוגדרת על ידי 0,1 ולכן foo תחזיר helperם.
- 6+7=13 במודל הסטטי ה+ מוגדר כבר בזמן הגדרת הפונקציה ולכן נקבל .

בגרסה הדינמית:

- היא נקראת לfooל נשמרת כ0 , ולכן לא מוגדר כx היא נקראם מה אנחנו יוצאים לtelper היא נקראת נשמרת הtelper (ב) אנחנו אונאה היא telper (ב) אונאה היא telper (ב) אונאה היא telper (ב) אונאה היא telper (ב)
 - 6*7=42 הגדרנו את + להיות * , במודל הדינמי זה מה שנשתמש בקריאת הפונקציה עם ה+ ולכן נקבל 2.

דוגמה נוספת:

tax אמריקאי ל אונים tax בדוגמה חישוב tax באזורים שונים "שכ"א יש לו אחוז אחר של tax, ניתן לראות שבקלות אנחנו עוברים מצ"א יש לא יש לא ישראלי. משמעות הדבר שהמודל הדינמי נותן לנו להתממשק בקלות עם תוכנה קיימת. מצד שני קל בקלות לצור באגים "יש לא מעט החלטות שהמתכנת מקבל תוך כדי ריצה מסיבות מסוימות ודריסה של המידע שהוא קבע יכול לצור באג. לכן רוב השפות הטטיות.

לכן נרצה לחזור לקוד שלנו, ולשנות אותו שיהיה עם המחסנית ושבכל זאת יהיה סטטי ־ בדוגמה מתחילת השיעור נרצה שהתוצאה תהיה 28 , איך נעשה זאת? נצטרך לטפל בשמירה של פונקציה.

מודל הסביבות - Closure 0.6

```
:נראה לדוגמה הבעיה, ובכך פתור ( env , ובכך נפתור את הבעיה, לדוגמה אה המוכר את החזיק את הפונקציה, וגם את הsc (נראה לו בשמו המוכר החזיק את הפונקציה, וגם את ה
{with {y 4}
     \{fun \{x\} \{* x y\}\}\
                                                                                                   נגדיר:
closure:
    param-name : 'x
    body: (Mul (Id 'x) (id 'y)
    env: (list ('y (Num 4)))
                                                                                 לכן צריך לבצע שני שינויים:
                                                                   closure שתחזיר את eval את .1
                                              closure של env של להתשמש ב eval של eval של .2
                                                                                לכן נגדיר אובייקטים חדשים:
 (define-type ENV
     [EmptyEnv]
     [Extend Symbol VAL ENV])
 (define-type VAL
     [NumV Number]
     [FunV Symbol FLANG ENV])
                                                                            : lookup בנוסף נשנה את הגדרת
                                                                      val את ויחזיר את פעת יקבל את •
                                                                     ENV החיפוש יהיה בריקורסיה על ullet
(: lookup : Symbol ENV -> VAL)
(define (lookup name env)
     (cases env
         [(EmptyEnv) (error 'lookup "no binding for ~s" name)]
         [(Extend id val rest-env)
             (if (eq? id name) val (lookup name rest-env))]))
```

Env ו Val צריך לבצע את ההתאמות לarith-op

```
(: arith-op : (Number Number -> Number) VAL VAL -> VAL)
;; gets a Racket numeric binary operator, and uses it within a NumV
;; wrapper
(define (arith-op op val1 val2)
    (: NumV->number : VAL -> Number)
        (define (NumV->number v)
           (cases v
             [(NumV n) n]
             [else (error 'arith-op "expects a number, got: ~s" v)]))
        (NumV (op (NumV->number val1) (NumV->number val2))))
                                                                               : eval ב eval
                                                   Val יהיה והמוחזר יהיה שהערך שמקבלים יהיה והמוחזר ENV
                                               Extend להתאים את הקוד לקונסטרקטור ולכן with
                                           ( VAL בנאי של FunV על ידי env את החזיר גם את Fun
  סטטית בינה השינוי לסביבה המתאימה, והרחבה תהיה על הסביבה הנוכחית FunV את השינוי לסביבה סטטית Call
(: eval : FLANG ENV -> VAL)
;; evaluates FLANG expressions by reducing them to values
(define (eval expr env)
    (cases expr
        [(Num n) (NumV n)]
        [(Add l r) (arith-op + (eval l env) (eval r env))]
        [(Sub l r) (arith-op - (eval l env) (eval r env))]
        [(Mul l r) (arith-op * (eval l env) (eval r env))]
        [(Div l r) (arith-op / (eval l env) (eval r env))]
        [(With bound-id named-expr bound-body)
           (eval bound-body
             (Extend bound-id (eval named-expr env) env))]
        [(Id name) (lookup name env)]
        [(Fun bound-id bound-body)
           (FunV bound-id bound-body env)]
        [(Call fun-expr arg-expr)
           (let ([fval (eval fun-expr env)])
           (cases fval
             [(FunV bound-id bound-body f-env); We expect a closure
               (eval bound-body
                 (Extend bound-id (eval arg-expr env) f-env))]
             [else (error 'eval "'call' expects a function, got: ~s"
```

fval)]))]))

: run ושינוי אחרון ב

42 והתוצאה -

EmptyEnv ביבה ריקה evalעם עם evalריקה run

```
NumV והיא מצפה לקבל •
 (: run : String -> Number)
 ;; evaluate a FLANG program contained in a string
 (define (run str)
     (let ([result (eval (parse str) (EmptyEnv))])
     (cases result
         [(NumV n) n]
         [else (error 'run "evaluation returned a non-number: ~s" result)])))
                                                                                            לסיכום
                                                                     • הצגנו שני מודלים סטטי ודינמי
                        (סטטי) envה הסביבות במודל היימנו היימנו א הוא דינמי, סטטי ו sc
                                                                  • נריץ דוגמה על פי מודל הסביבות:
{with {foo {fun \{x\} \{* x y\}\}}}
    {with {y 6}
       {call foo 7}}}
                                                           y ל binding בגלל שאין error –
                                                                        • נריץ על פי מודל ההחלפות
{with {foo {fun \{x\} \{* x y\}}\}}
    {with {y 6}
       {call foo 7}}}
                                                                            - לאחר ההחלפה:
{with {y 6}
   {call \{foo \{fun \{x\} \{* x y\}\} 7\}}\}
                                                                            - לאחר ההחלפה:
{call {foo {fun {x} {* x 6}} 7}}}
```

• כלומר במודל ההחלפות היה לנו באג, שלא ידע לזהות בעיה מסוימת ותקנו אותה במודל הסביבות.

שיעור 11

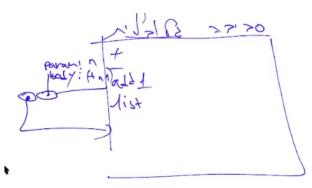
Pair הוספת 0.6.1

בשיעור האחרון - closure - אובייקט במודל הסביבות על ידי interpeter - אובייקט סגור. בשיעור האחרון היימנו לכתוב את הinterpeter - הראנו שכאן היה השינוי המשמעותי:

שאלה ממבחן מהו השינוי המינמלי (בקוד) כדי להעביר את הקוד מודל הסביבות למודל דינמי? . f-env , env , env

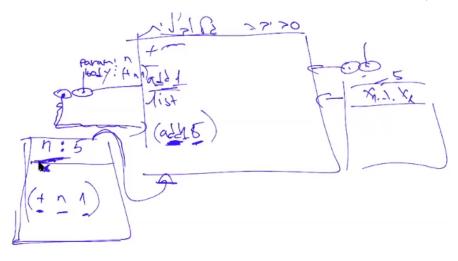
איך racket עצמה:

יש לנו סביבה גלובלית, שבה יש את כל הפונקציות:



יוצאת שני שני אני שמתסכל על אזור אזור , add1 קריאה לפונקציה

- bodyוה param מי ה
- מי הסביבה שלו ־ במקרה הזה הסביבה הגלובלית



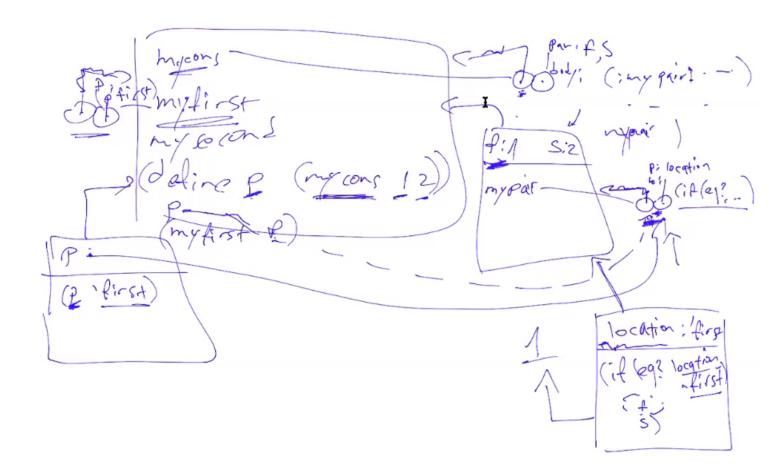
• קריאה לפונקציה (add1 5) - יוצר הרחבה של הסביבה הגלובלית, הולכת ושואלת את מי אני מכיר, אצלנו יכיר את 5 ואת את לפונקציה (add1 5) - יוצר הרחבה של מכיר, ולכן ילך ויקח את ה5 וישתמש מהסביבה הגלובלית שם יתבצע תהליך זהה של 5 את התצואה של 5 - יולבסוף נקבל את התצואה של 5 - יוצר את הרצואה של 5 - יוצר את הרצוא הר

דוגמה נוספת:

:נניח ונרצה לבנות מנגנון שיעבדו באופן דומה לcons שאנחנו מכירים מהרשימות, נקרא להmycons והיא תצור לנו

יקבל שני מספרים, ותחזיר פונקציה שיודעת להחזיר מספר mycons

מה ראינו בעצם? שעל ידי תכנות פונקציונלי אנחנו מקבלים אובייקט שאנחנו יכולים לעבוד איתו. בדיאגרמה:



במודל הדינמי זה עובד אחרת, ולמשל בקוד שלנו הf לא תהיה מוגדרת, ותחזיר שגיאה

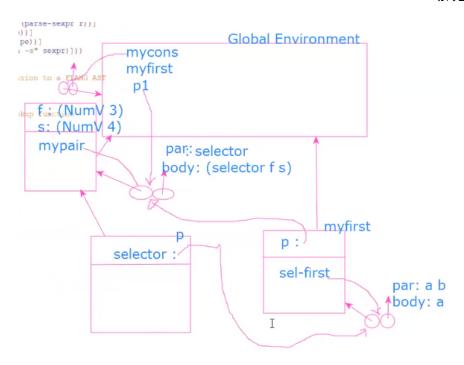
כעת נרצה לשפר את הקוד ־ולא להשתמש בסימבולים:

```
;;
(: myfirst : ((Number Number -> Number) -> Number) -> Number) -> Number)
    (define (myfirst p)
    (: f-sel : (Number Number -> Number)
    (define (f-sel a b) a)
    (p f-sel))
;;
(: mysecond : ((Number Number -> Number) -> Number) -> Number) -> Number)
    (define (mysecond p)
    (: s-sel : (Number Number -> Number)
    (define (s-sel a b) b)
    (p s-sel))
;; -- tests --
(define p (mycons 1 2))
(test (myfirst p) => 1)
(test (mysecond p) => 2)
ניתן גם לממש את הכל בעזרת הקוד שבנינו במהלך השיעורים על ידי החלפת הNumber ב Number ולהכניס זאת לקוד שלנו:
(: mycons : VAL VAL -> ((VAL VAL -> VAL) -> VAL))
(define (mycons f s)
    (: mypair : (VAL VAL -> VAL) -> VAL)
    (define (mypair loc-sel)
       (loc-sel f s))
    mypair)
(: myfirst : ((VAL VAL -> VAL) -> VAL) -> VAL)
(define (myfirst p)
    (: f-sel : VAL VAL -> VAL)
    (define (f-sel a b) a)
    (p f-sel))
(: mysecond : ((VAL VAL -> VAL) -> VAL) -> VAL)
(define (mysecond p)
    (: s-sel : VAL VAL -> VAL)
    (define (s-sel a b) b)
    (p s-sel))
                                                                               : Val אז נעדכן את
(define-type VAL
    [NumV Number]
    [FunV Symbol FLANG ENV]
    [PairV ((VAL VAL -> VAL) -> VAL)])
```

```
(define-type FLANG
                     [Num Number]
    [Add FLANG FLANG]
    [Sub FLANG FLANG]
    [Mul FLANG FLANG]
    [Div FLANG FLANG]
    [Id Symbol]
    [With Symbol FLANG FLANG]
    [Fun Symbol FLANG]
    [Call FLANG FLANG]
    [Cons FLANG FLANG]
    [First FLANG]
    [Second FLANG]
)
                                                                        : parse - sexpr נעדכן את
(: parse-sexpr : Sexpr -> FLANG)
;; to convert s-expressions into FLANGs
(define (parse-sexpr sexpr)
  (match sexpr
    [(number: n)
                    (Num n)]
    [(symbol: name) (Id name)]
    [(cons 'with more)
     (match sexpr
       [(list 'with (list (symbol: name) named) body)
        (With name (parse-sexpr named) (parse-sexpr body))]
       [else (error 'parse-sexpr "bad 'with' syntax in ~s" sexpr)])]
    [(cons 'fun more)
     (match sexpr
       [(list 'fun (list (symbol: name)) body)
        (Fun name (parse-sexpr body))]
       [else (error 'parse-sexpr "bad 'fun' syntax in ~s" sexpr)])]
    [(list '+ lhs rhs) (Add (parse-sexpr lhs) (parse-sexpr rhs))]
    [(list '- lhs rhs) (Sub (parse-sexpr lhs) (parse-sexpr rhs))]
    [(list '* lhs rhs) (Mul (parse-sexpr lhs) (parse-sexpr rhs))]
    [(list '/ lhs rhs) (Div (parse-sexpr lhs) (parse-sexpr rhs))]
    [(list 'call fun arg) (Call (parse-sexpr fun) (parse-sexpr arg))]
    [(list 'cons f s) (Cons (parse-sexpr f) (parse-sexpr s))]
    [(list 'first p) (First (parse-sexpr p))]
    [(list 'second p) (First (parse-sexpr p))]
    [else (error 'parse-sexpr "bad syntax in ~s" sexpr)]))
```

```
(: PairV->pair : VAL -> ((VAL VAL -> VAL) -> VAL))
(define (PairV->pair v)
    (cases v
       [(PairV p) p]
        [else (error 'PairV->pair "expects a pair, got: ~s" v)]))
                                                                                : eval ונעדכן את
(: eval : FLANG ENV -> VAL)
;; evaluates FLANG expressions by reducing them to values
(define (eval expr env)
    (cases expr
        [(Num n) (NumV n)]
        [(Add l r) (arith-op + (eval l env) (eval r env))]
        [(Sub 1 r) (arith-op - (eval 1 env) (eval r env))]
        [(Mul l r) (arith-op * (eval l env) (eval r env))]
        [(Div l r) (arith-op / (eval l env) (eval r env))]
        [(With bound-id named-expr bound-body)
           (eval bound-body
             (Extend bound-id (eval named-expr env) env))]
        [(Id name) (lookup name env)]
        [(Fun bound-id bound-body)
           (FunV bound-id bound-body env)]
        [(Call fun-expr arg-expr)
           (let ([fval (eval fun-expr env)])
           (cases fval
             [(FunV bound-id bound-body f-env); We expect a closure
               (eval bound-body
                 (Extend bound-id (eval arg-expr env) f-env))]
             [else (error 'eval "'call' expects a function, got: ~s"
                          fval)]))]
             [(Cons a b) (PairV (mycons (eval a env) (eval b env)))]
             [(First p) (myfirst (PairV->pair (eval p env)))]
             [(Second p) (mysecond (PairV->pair (eval p env)))]
       ))
                                                                                         דוגמה:
(test (run "{first {cons {call {with {x 3}}}
                      \{fun \{y\} \{+ x y\}\}\}
                      4}
                     \{\text{fun } \{e\} \ e\}\}\}") => 7)
```

חזרה על הסביבה הגלובלית:



0.6.2 Lazy Evaluation

פאלה: arg-exp ולא את arg-exp ולא אנחנו שולחים אנחנו בשורה המסומנת, אנחנו פעמו

```
[(Call fun-expr arg-expr)

(let ([fval (eval fun-expr env)])
(cases fval

[(FunV bound-id bound-body f-env); We expect a closure

(eval bound-body
(Extend bound-id (eval arg-expr env) f-env))]

נדגים זאת בטסט בהשוואה בין שתי טסטים

(with { f {fun {x} {* x x}}}

{call f {+ 4 6}}}

with { f {fun {x} {* x x}}}

{with { f {fun {x} {* x x}}}}
```

```
{call f z}}}
```

:התשובה היא

- שמחביתנו מסמל , 10 אני בעצם שולח של ה מרויחים יעילות כלומר על שליחת של היות של היות אני בעצם שולח אני בעצם שליחת עץ מסמל להיות מאוד היקר. arg-exp
 - במודל הסביבה אנחנו מרויחים שהביטוי מפורש לפי הסביבה, ואחרת אנו עלולים לבצע חישוב שגוי.

את הרעיון שהצגנו כעת, אפשר לפתח ולשאול - מה יקרה אם נריץ את:

```
# pl racket
;
(if 1 2 (/7 0))
```

0ם חלוקה שדורש הבעייתי לקוד הבעייתי אולכל לא התשובה: פשוט לקבל לי הוא #t הוא לי כי 2 כי בשוט נקבל לי התשובה:

אבל אם נגדיר:

```
#lang racket
(define (myif a b c)
          (if a b c)
(myif 1 2 (/7 0))
```

, Lazy Evaluation אז נקבל שגיאה, כי מריצים את כל העץ = c אם את = c אז נקבל שגיאה, כי מריצים את כל העץ = c אז נקבל שגיאה, כי מריצים את פופציה להגדרה שכזו ונוסיף בתחילת הקוד את:

```
#lang pl lazy
```

הדגמה נוספת:

(define onces (cones 1 ones))

את: ואר וווו אבל ב אבל אובייקט על האובייקט אובייקט מגדירים מגדירים אנחנו מגדירים אביריקט אבל יתן אהל אבל רווו מגדירים אובייקט אנחנו מגדירים אובייקט אבל בי

```
No tests performed!
> ones
#0='(1 . #0#)
> (first ones)
1
> (first (rest ones))
1
> (first (rest (rest (rest (rest ones)))))
1
> (second ones)
1
> (rest ones)
#0='(1 . #0#)
```

למעשה הגדרנו אובייקט אינסופי.

הדגמה נוספת:

סיכום

foo של bodyעצמה מוגדר בי כי y לא שגיאה בקבל עצמה עצמה איי racketב

את העל לחבר את בעיה כי היא תדע לחבר את לא , dynamic

עדיין צריך ש , dynamic , לא יצליח לבצע, כי זה שאמרנו לו להיות לו להיות להיות אומר אומר אומר אומר , $pl\ lazy$ ב

- . בהגדרת הפונקציה הy יהיה מגודר ullet
- כל אובייקט צריך להיות מחושב פעם אחת
- $^{\sim}$ חזרה על הנושאים שהיה בקורס $^{\sim}$

מספר הארות:

- שפה דינמית racket
 - שפה סטטית $^{-}$ pl
- (משתנה) היא דינמית לא מבקשת הצהרה על משתנה FLANG השפה שבנינו
 - מודל הסביבות ־ סטטי

1 הגדרות

כללי

- 1. רקורסית זגב: חישוב ושליחה חוזרת עד לתנאי עצירה בדרך כלל רקורסיית זגב דורשת פונקציית עזר
 - בשפה שניתן לגזור אותה לפי שני עצי גזירה שונים <u>ambiguty</u> .2
- 3. <u>syntactic sugar</u> מקרה בו יש לי בשפה פתרון לפעולה מסוימת אבל אני רוצה לפשט אותה (="להמתיק") ולכן ממציא תחביר חלופי שעושה את אותו דבר.

with 1.0.1

:Compositionality הגדרה פורמלית

: יבצע $T_1,..T_k$ על קודקוד T עם בנים eval

- $v_1 = eval(T_1), v_2 = eval(T_2)....v_k = eval(T_k)$.1
 - $v_1,...,v_k$ יבצע פעולה מקומית על 2.

החלפת משתנים הגדרות

- (x מופע של ם מזהה , שבו אני מקשר את הצהרה על שם Binding instance ullet
- אותו האבהרתי מקושר מופע של בקוד בקוד אותו Binding instance עבור בקוד אותו האבהרתי האה אותו כל כל בקוד אותו האבהרתי האב
- Binding instance אינו וואס נמצא בתוך Binding instance פונע של x שאינו Bound instance כל מופע של x
 - Bound וגם אינו Binding instance כל מופע של x בינו Free instance •

סימונים

 $body \, (=e)$ בערך v בתוך $name \, (=x)$ בערך את המופעים המתאימים של

- 1. הסינטקס: name/v|body
 - [x/v]e : פורמלית: .2

1.0.2 פונקציות

- data אובייקט שיודע לבצע חישוב, לא יכול לשמור (first order) פונקציית. 1
- 2. פונקציית (high order) אובייקט יותר מורכב שניתן להביע איתו חישובים ותהלכים ברמה גבוה וקריאה, בעל אפשרות של שליחה וקבלת פונקציה כמשתנה.

- בהן לפונקציה לא טיפוס מו לנו אחר האפשרות טיפוס מו בהן פונקציה לא טיפוס בהן פונקציה לא שפות האפשרות (First class) פונקציה לא שפות (אנונימית)
 - (א) מאפשר להגדיר פונקציה בזמן ריצה
 - (ב) יכולות להשמר במבנה נתונים, ועוד.

- Static Scope (also called Lexical Scope):
 - In a language with static scope, each identifier gets its value from the scope in which it was defined (not the one in which it is used).
 - הערכים מוגדרים בשלב ההגדרה.

- Dynamic Scope:
 - In a language with dynamic scope, each identifier gets its value from the scope of its use (not its definition).
 - הערכים מוגדרים בשלב השימוש.

closure:

```
param-name : 'x
body: (Mul (Id 'x) (id 'y)
env: (list ('y (Num 4)))
```

parse הערות

- With .1
- name (א)
- $val \backslash named$ (2)
 - body (۱)
 - : *Fun* .2
- $name \backslash param$ (א)
 - body (□)
 - : Call .3
 - fun name (א)
 - $fun \ arg \ (z)$

eval אלגוריתמים ב 3

r היא הקריאה ה: r

הערה הפרשים יתכנו הפרשים הרכבים יתכנו מסוים, אבל בעצים מחולים נדרשות פעולות נדרשות פעולות הפרשים אבל בעצים מורכבים יתכנו הפרשים גדולים יותר במחסנית הקריאות

מודל ההחלפה:

$$: AST_r = (Num \ n)$$
 .1

$$Res_r = (Num \ n) \iff (Num \ n)$$
 נחזיר את •

$$AST_r = (Id \ name)$$
 .2

נחזיר שגיאה
$$\iff Id$$
 בשלב זה אסור לקבל \iff

$$AST_r = (OP \ l \ r)$$
 .3

$$eval$$
 גורם לשתי קריאות נוספות $ullet$

$$AST_{r+1}(l) \iff eval(l)$$
 נקרא ל –

$$AST_{r+2}\left(r\right)\Longleftrightarrow\ eval\left(r\right)$$
 נקרא ל

מחכה לתוצאה Res_r

$$AST_r = (Fun \ b - id \ b - body)$$
.4

$$RES_r = (Fun...) \iff$$
 מחזיר את הפונקציה

$$AST_r = (With \ b - id \ named \ b - body)$$
 .5

$$eval$$
 ל גורם לשתי קריאות נוספות $ullet$

$$b-body$$
על ה $Subst$ על הקריאת •

$$AST_{r+1} (named) \iff eval (named)$$
 - נקרא ל

ינקרא ל
$$r+1$$
 ($named$) \leftrightarrow $color (named) א רכל א ליין ($anded$) $+$ $b-body \rightarrow expr$ $b-id \rightarrow from$ $eval\ (named) \rightarrow to$$

named *

עם שם משתנה דומה
$$+$$
 לא לדרוס כן כן להחליף א לא כון להחליף א לא לדרוס שנמצא בתוך להחליף לא להחליף שנמצא בתוך להחליף שנמצא בתוך להחליף שנמצא בתוך להחליף אור לה

$$AST_{r+2}\left(b-body
ight)\iff \frac{body}{n}$$
 על ה $body$ על ה $eval\left(b-body
ight)$

מחכה לתוצאה Res

$$AST_r = (Call \ f - expr \ arg))$$
 .6

$$eval$$
 ל גורם לשלוש קריאות נוספות $ullet$

$$b-body$$
 על ה $subst$ $ullet$

$$AST_{r+1}\left(f-expr\ env_r
ight)\iff eval\left(f-expr\ env_r
ight)$$
הוא פונקציה $f-expr$ וידוא ש

יו,
$$b-id,b-body$$
 בפרמטים נשתמש $*$

$$AST_{r+2} (arg \ env_r) \iff env_r$$
 עם $eval (arg) -$

: נקרא ל
$$\left\{egin{align*} b-body o expr\ b-id o from\ eval\left(arg
ight) o to \end{array}
ight\}$$
 החלפה תתבצע ל $-$

arg *

$$AST_{r+3}\left(b-body
ight)\iff$$
נקרא ל $eval\left(b-body
ight)$ על ה $eval\left(b-body
ight)$

SCמודל מודל

$$: AST_r = (Num \ n)$$
 .1

- $Res_r = n \iff n$ נחזיר א ullet
 - לא משתנה SC
 - $AST_r = (Id \ name)$.2
- $Res_r = lookup \, (name \,\, SC_r) \iff$ נחזיר את (מושפע מעץ המתאים המתאים אבור ה SC_r המתאים עבור א \bullet
 - לא משתנה SC

$$AST_r = (OP \ l \ r)$$
 .3

- eval גורם לשתי קריאות נוספות ל
- $AST_{r+1}\left(l\right)\Longleftrightarrow\ SC_{r}$ עם $eval\left(l\right)$ -
- $AST_{r+2}\left(r
 ight)\Longleftrightarrow\ SC_{r}$ עם $eval\left(r
 ight)$
 - מחכה לתוצאה Res_r
 - לא משתנה SC
 - $AST_r = (Fun \ b id \ b body)$.4
- $RES_r = (Fun...b body) \iff$ מחזיר את הפונקציה
 - לא משתנה SC_r •
 - SC_r עם , $AST_r = (With \ b id \ named \ b body)$.5
 - eval גורם לשתי קריאות נוספות \bullet
- $AST_{r+1} (named) \iff eval (named \ env_r)$ נקרא ל
- - $AST_{r+2} (b-body) \iff eval (b-body SC_{r+2})$ נקרא ל
 - מחכה לתוצאה Res_r

$$SC_r$$
 עם $AST_r = (Call\ f - expr\ arg)) .6$

- eval גורם לשלוש קריאות נוספות ל
- $AST_{r+1}\left(f-expr\ sc_r
 ight)\iff eval\left(f-expr\ sc_r
 ight)$ הוא פונקציה $f-expr\ sc_r$
 - * אם לא ־ מחזירים שגיאה
 - :, אם כן נשתמש בפרמטים b-id,b-body : *
 - $AST_{r+2}\left(arg\ sc_{r}\right)\iff sc_{r}$ עם $eval\left(arg\right)$ -
 - (arg עם האוג: b-id) עם האוג: ENV_{r+3} במעבר ל sc_r את ברחיב -
 - $AST_{r+3}\left(b-body\right)\iff eval\left(b-body\;Extend\left(SC\right)\right)$ נקרא ל
 - מחכה לתוצאה Res

מודל הסביבות:

$$: AST_r = (Num \ n)$$
 .1

- $Res_r = (NumV \ n)$ כלומר ($NumV \ n$) כלומר
 - לא משתנה ENV ullet

$$AST_r = (Id \ name)$$
 .2

- $Res_r = lookup \, (name \, env_r) \iff$ נחזיר את ENV_r ה המתאים עבור ה ENV_r ה המתאים $lookup \, (name \, lookup \,$
 - לא משתנה ENV ullet

$$AST_r = (OP \ l \ r)$$
 .3

- eval גורם לשתי קריאות נוספות ל
- $AST_{r+1}\left(l
 ight)\Longleftrightarrow\;ENV_{r}$ עם $eval\left(l
 ight)$ –
- $AST_{r+2}\left(r
 ight)\Longleftrightarrow\;ENV_{r}$ עם $eval\left(r
 ight)$
 - מחכה לתוצאה Res_r
 - לא משתנה ENV ullet

$$AST_r = (Fun \ b - id \ b - body)$$
 .4

- $RES_r = (FunV....env_r) \iff env_r$ ם עם הפונקציה את מחזיר את ס
 - לא משתנה ENV_r •

$$env_r$$
 עם , $AST_r = (With \ b - id \ named \ b - body)$.5

- eval גורם לשתי קריאות נוספות \bullet
- $AST_{r+1} (named) \iff eval (named \ env_r)$ נקרא ל
- named עם התוצאה על ENV_{r+2} במעבר לENV את את -

$$AST_{r+2}\left(b-body\right)\iff eval\left(b-body\;env_{r+1}\right)$$
 - נקרא ל

מחכה לתוצאה Res

$$AST_r = (Call \ f - expr \ arg))$$
 .6

- eval ל גורם לשלוש קריאות פריאות ullet
- $AST_{r+1}\left(f-expr\ env_r
 ight)\iff eval\left(f-expr\ env_r
 ight)$ הוא פונקציה f-expr וידוא ש
 - * אם לא ־ מחזירים שגיאה
 - : ,b-id,b-body.f-env אם כן נשתמש בפרמטים *
 - $AST_{r+2} (arg \ env_r) \iff env_r$ עם eval (arg) -
 - arg עם התוצאה על ENV_{r+3} במעבר לf-env במעבר -
 - $AST_{r+3} (b-body) \iff eval (b-body Extend (f-env))$ -
 - מחכה לתוצאה Res