

Благодарим Артём Згурова за курс 8 в списке

целевая функция: $(3(8+3) \bmod 15) + 1 = 4$

ограничение: $(3(8+4) \bmod 16) + 1 = 5$

$$\varphi(x) = 3x_1 + x_2 + 2x_3 + 4x_4 \rightarrow \text{ext}_{\text{gr}}$$

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 6 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 3x_4 = 8 \\ x_j \geq 0 \quad j = \overline{1,4} \end{cases}$$

$$x_4 = 3 - \frac{x_1}{2} - x_2 - \frac{3}{2}x_3$$

$$2x_1 + x_2 + 3x_3 + 9 - \frac{3}{2}x_1 - 3x_2 - \frac{9}{2}x_3 = 8$$

$$\frac{1}{2}x_1 - 2x_2 - \frac{3}{2}x_3 = -1$$

$$x_3 = \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}x_1 - 2x_2 + 1 \right) = \frac{1}{3}x_1 - \frac{4}{3}x_2 + \frac{2}{3}$$

$$x_4 = 3 - \frac{x_1}{2} - x_2 - \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}x_1 - 2x_2 + 1 \right) = 3 - \frac{x_1}{2} - x_2 - \frac{1}{2}x_1 + 2x_2 - 1 =$$
$$= 2 - x_1 + x_2$$

$$\text{т.к. } x_j \geq 0 \quad j = \overline{1,4} \Rightarrow \frac{1}{2}x_1 - 2x_2 + 1 \geq 0 \text{ и } 2 - x_1 + x_2 \geq 0$$

Подставим x_3 и x_4 в $\varphi(x)$:

$$\tilde{\varphi}(x) = 3x_1 + x_2 + 2 \cdot \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}x_1 - 2x_2 + 1 \right) + 4(2 - x_1 + x_2) =$$

$$= 3x_1 + x_2 + \frac{2}{3}x_1 - \frac{8}{3}x_2 + \frac{4}{3} + 8 - 4x_1 + 4x_2 =$$

$$= -\frac{1}{3}x_1 + \frac{7}{3}x_2 + \frac{28}{3} = \frac{1}{3}(-x_1 + 7x_2 + 28)$$

Переходим к задаче:

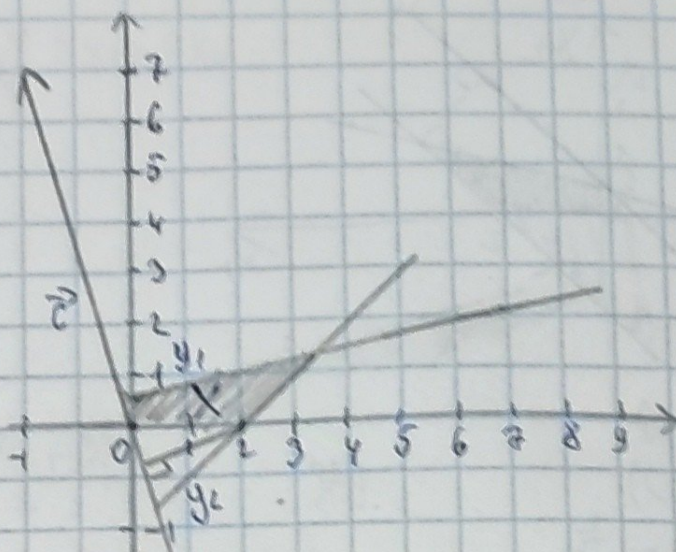
$$-x_1 + 7x_2 + 28 \rightarrow \text{extr}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x_1 - 2x_2 + 1 \geq 0 \\ 2 - x_1 + x_2 \geq 0 \\ x_1 \geq 0 \\ x_2 \geq 0 \end{cases}$$

$$y_1 = \frac{x_1}{4} + \frac{1}{2}$$

$$y_2 = x_1 - 2$$

$$\vec{c} = (-1, 7)$$



На графике изображено мн-во X переменных x_1, x_2 , удовлетворяющих ограничениям задачи. Линии уравнения $-x_1 + 7x_2 + 28$ касаются мн-ва X первый раз в т. $(2, 0)$ и последний раз в точке $(\frac{10}{3}, \frac{4}{3})$, которые составляют решение задачи с min и max значениями функции:

Для точки $(2, 0)$: $x_3 = \frac{4}{3}$ $x_4 = 0$ $(2, 0, \frac{4}{3}, 0)$

Для точки $(\frac{10}{3}, \frac{4}{3})$: $x_3 = 0$ $x_4 = 0$ $(\frac{10}{3}, \frac{4}{3}, 0, 0)$

$$\varphi_{\min} = 3 \cdot 2 + 0 + 2 \cdot \frac{4}{3} + 4 \cdot 0 = 6 + \frac{8}{3} = \frac{26}{3}$$

$$\varphi_{\max} = 3 \cdot \frac{10}{3} + \frac{4}{3} + 2 \cdot 0 + 4 \cdot 0 = 10 + \frac{4}{3} = \frac{34}{3}$$