

# Алгоритмы и структуры данных

специальность: 1-31 03 04 «Информатика»

### Лектор





### Соболевская Елена Павловна

доцент кафедры дискретной математики и алгоритмики, кандидат физико-математических наук, доцент Лауреат премии имени А.Н. Севченко в номинации «Образование» за цикл пособий по дискретной математике, проектированию и анализу алгоритмов

http://fpmi.bsu.by/main.aspx?guid=30051



### Практические занятия





Буславский Александр Андреевич

старший преподаватель кафедры дискретной математики и алгоритмики,

Лауреат специального фонда Президента Республики Беларусь по социальной поддержке одарённых учащихся и студентов.

http://fpmi.bsu.by/main.aspx?guid=39321



### Лукьянов Иван Денисович

старший преподаватель кафедры дискретной математики и алгоритмики,

Лауреат специального фонда Президента Республики Беларусь по социальной поддержке одарённых учащихся и студентов, принимал участие в финале ICPC.

http://fpmi.bsu.by/main.aspx?guid=47071





### Информационно-коммуникационные технологии:

- 1. Образовательный портал БГУ <a href="https://edufpmi.bsu.by">https://edufpmi.bsu.by</a>
- 2. Образовательная платформа Insight Runner <a href="https://acm.bsu.by/">https://acm.bsu.by/</a>
- 3. Группы в мессенджере Telegram, сервисы Google.



### Разработчик Образовательной платформы Insight Runner





### Соболь Сергей Александрович

инженер-программист ООО ЯндексБел,

старший преподаватель кафедры дискретной математики и алгоритмики (2014-2020 год),

магистр математики и информационных технологий, серебряная медаль ACM ICPC 2013.



## **Insight Runner**



№ в списке на момент регистрации

### https://acm.bsu.by/

логин номер вашего студенческого (семь цифр) или S22230716 пароль (по умолчанию): 11111

После первого входа в iRunner необходимо сменить пароль и установить двухфакторную аутентификацию (для исключения противоправных действий в системе при несанкционированном доступе.)

### Двухфакторная аутентификация

✓ 2ФА включена

Токены будут генерироваться мобильным приложением

Резервные токены

Если у вас нет с собой мобильного устройства, вы можете получить доступ к учётной записи посредством резервных токенов. У вас осталось 0 токенов

Показать токены

Отключить двухфакторную аутентификацию

Если вы переходите на новое мобильное устройство или выполняете общий сброс, временно отключите двухфакторную аутентификацию, затем включите её снова

Отключить 2ФА



# Insight Runner **Wiki** руководство по работе с системой



**IRUNNER WIKI** Искать в iRunner Wiki Заглавная страница IR<sub>2</sub> Заглавная Обсуждение \* Содержание скрыть 1 Система iRunner 2 Алгоритмы и структуры данных / Теория алгоритмов Навигация 2.1 Образовательный портал БГУ Система iRunner 2 2.2 Учебные программы Система iRunner 2.3 Задачи iRunner (старая) 2.4 Теоретический материал (учебные пособия, статьи) Заглавная страница 3 Разное Свежие правки 4 Операционные системы семейства UNIX (магистратура) Случайная статья 5 Эксплуатация и администрирование UNIX-систем (магистратура) Справка 6 Внутреннее устройство ОС семейства UNIX (магистратура) 7 Системное программирование на языке С (магистратура) 8 Дискретная математика и математическая логика (1-2-й курс) Вики-инструменты Загрузить файл Служебные страницы • Руководство по работе с системой iRunner. Алгоритмы и структуры данных / Теория алгоритмов Образовательный портал БГУ править Ссылка на курс АиСД (ПИ, ПМ) на портале БГУ Ссылка на курс ТА (ИНФ) на портале БГУ№ Учебные программы Дправить

Теория алгоритмов, Учебная программа (Информатика)

Работа в системе — iRunner Wiki

#### Работа в системе

Искать в iRunner Wiki

Содержание скрыть 1 Общий принцип 2 Ввод и вывод данных 3 Тестирование решений 3.1 CE — Ошибка компиляции (Compilation Error) 3.2 TLE — Нарушен предел времени (Time Limit Exceeded) 3.3 ILE — Нарушен предел ожидания (Idleness Limit Exceeded) 3.4 MLE — Нарушен предел памяти (Memory Limit Exceeded) 3.5 RTE — Ошибка во время выполнения (Run-time Error) 3.6 PE — Ошибка представления (Presentation Error) 3.7 WA — Неправильный ответ (Wrong Answer) 3.8 ОК — Принято (Accepted) 3.9 CF — Ошибка тестирования (Check Failed) 3.10 SV — Нарушение безопасности (Security Violation) 4 Особенности языков программирования 4.1 Выбор языка программирования 5 Конфигурация тестирующего сервера 6 Языки программирования

#### Общий принцип Дправить

В систему посылаются только файлы с исходным кодом, а сама посылаемая программа должна состоять только из одного файла: \*.dpr, \*.cpp, Нельзя отправить в систему скомпилированный exe-фaйл, фaйл проекта Visual Studio и т. п.

#### В решениях запрещается:

- осуществлять доступ к сети;
- выполнять любые операции ввода/вывода, кроме открывания, закрывания, чтения и записи стандартных потоков stdin, stdout, stderr и файлов прописанными в условии задачи;
- сознательно «ломать» тестирующую систему;
- выполнять другие программы и порождать новые процессы;
- изменять права доступа к файловой системе;
- работать с поддиректориями;
- создавать и манипулировать ресурсами GUI (окна, диалоговые сообщения и т. д.);
- работать со внешними устройствами (звук, принтер и т. д.);
- выполнять прочие действия, призванные нарушить ход учебного процесса.

Решения выполняются в специальном окружении, обеспечивающем безопасный запуск, и попытка выполнить какие-либо из указанных действий: всего, получением вердикта «Ошибка во время выполнения».

#### Ввод и вывод данных 🖉 править

## Insight Runner Wiki



acm.bsu.by iRunner Wiki

Искать в iRunner Wiki

#### 

• Руководство по работе с системой iRunner.

### Алгоритмы и структуры данных / Теория алгоритмов 🖉 править

#### Образовательный портал БГУ править

- Ссылка на курс АиСД (ПИ, ПМ) на портале БГУВ
- Ссылка на курс ТА (ИНФ) на портале БГУ№

#### Учебные программы гравить

- Теория алгоритмов. Учебная программа (Информатика)
- Алгоритмы и структуры данных. Типовая учебная программа (ПИ,ПМ, ЭК, АМ, КБ)
- Алгоритмы и структуры данных. Учебная программа (Прикладная информатика)
- Алгоритмы и структуры данных. Учебная программа (Прикладная математика)
- Алгоритмы и структуры данных. Учебная программа (Экономическая кибернетика, Актуарная математика, Компьютерная безопасность)

#### Задачи iRunner Øправить

- Описание тем задач.
- Система оценок по ТА (подгруппа Иржавского).



### 

- Учебное пособие «Алгоритмы и структуры данных» (В. М. Котов, Е. П. Соболевская, А. А. Толстиков) .
- Учебное пособие «Теория алгоритмов» (П. А. Иржавский, В. М. Котов, А. Ю. Лобанов, Ю. Л. Орлович, Е. П. Соболевская) .
- Материалы по структурам данных (И. С. Метельский).
- Сборник задач по теории алгоритмов. Бинарные поисковые деревья. Алгоритмы на графах. 2017 год.» (В. М. Котов, Ю. Л. Орлович, Е. П. Соболевская, С. А. Соболь'
- Сборник задач по теории алгоритмов. Структуры данных. 2020 год.» (С. А. Соболь, К. Ю. Вильчевский, В. М. Котов, Е. П. Соболевская).
- Бинарные поисковые деревья.
- Программная реализация бинарных поисковых деревьев.
- Терминология теории графов.
- Максимальное и наибольшее.



# Insight Runner тесты для самоконтроля



Для самоконтроля усвоения теоретического материала в <u>Insight</u> <u>Runner</u> разработана система тестов.

Тесты разработаны для большинства разделов учебной дисциплины. Ответы к тестам (на усмотрение преподавателя) могут быть открыты после прохождения теста всеми учащимися.

Так как тесты в <u>iRunner</u> генерируются автоматически, то это позволяет бороться со списыванием.

**Итоговый тест** включает в себя **20** тестовых вопросов (**30** минут) и его результат учитывается в рейтинговой оценке за работу в семестре.



# Insight Runner тесты для самоконтроля



<ol> <li>2-й курс 12-я группа АиСД 2022—2023</li> </ol>
III 2agauu na manay
<b>III</b> Задачи по курсу
🗷 Сообщения
Назначение задач
■ Журнал
Ведомость
■ Все решения
<b>S</b> Мои решения
✓ Отправить решение
★ Компиляторы
Тесты
<b>1</b> ☐ Электронная очередь
Настройки

#### АиСД. Самоконтроль. Сбалансированные деревья.

Студент: Илья **Айана** Оценка: 5 Баллы: 5,0 из 10,0

Время начала: 14 ноября 2022 г. 10:38

Длительность: 0:20:00

Удалить

Неверно, но выбрано Верно, но не выбрано

Bonpoc 1 0,0 us 5,0

Задан массив H = (2, 4, 4, 0, 1). Будем считать, что индексы начинаются с единицы.

Строится помеченное корневое дерево T из пяти вершин (вершины дерева занумерованы целыми числами от 1 до 5, ключ вершины совпадает с её номером). Дерево строится таким образом, что массив H является каноническим представлением дерева T (H[i] — отец вершины i; если H[i] = 0, то вершина i является корнем дерева).

Определить, какие из следующих утверждений являются верными.

Можно восстановить дерево T так, чтобы оно было ABЛ-деревом.

Можно восстановить дерево T так, чтобы оно было 3-сбалансированным (по высоте).

Можно восстановить дерево T так, чтобы оно было идеально сбалансированным (по вершинам).

Можно восстановить дерево T так, чтобы оно было полным бинарным.

Можно восстановить дерево T так, чтобы оно было бинарным поисковым.

Нет верных утверждений.

Bonpoc 2 5,0 us 5,0

Если для последовательности элементов (2,5,4,3,1) построить АВЛ-дерево последовательным добавлением нового элемента с поддержкой инварианта сбалансированности после каждого добавления, то какая вершина будет являться корнем дерева и какие повороты (RR, LL, LR, RL) будут выполнены при этом? Если x — некоторая вершина дерева, то в её левом поддереве ключи вершин меньше, чем ключ вершины x, а в правом — больше (ключ вершины совпадает с её номером).

1

2

3

- 4

повороты не выполнялись

RR

LL

т т



# Insight Runner общие задачи



Для закрепления на практике теоретических знаний в <u>Insight Runner</u> разработаны **общие задачи** (их должны выполнить все студенты).

Общие задачи открываются в iRunner, как правило, после каждой лекции и нацелены на проработку базовых знаний по пройденному на лекции материалу.

Эти задачи достаточно простые, не предполагают разработки сложных алгоритмов решения, а готовят студентов к решению индивидуальных задач.

Преподаватель может установить крайний срок выполнения задания. Задания, выполненные с нарушением этого срока, в системе iRunner имеют особые пометки.



# Insight Runner общие задачи



### **Тема 1. Рекуррентные соотношения (динамическое программирование)**

Кувшинки

Единицы 1

Единицы 2 (модульная арифметика)

Оптимальное перемножение группы матриц

Наибольшая общая подпоследовательность двух строк (LCS)

Наибольшая подпоследовательность-палиндром

Наибольшая возрастающая подпоследовательность (LIS)

Преобразование строк (взвешенное расстояние Левенштейна)

### **Тема 2.** Структуры данных для организации поиска:

Бинарный поиск (BinarySearch, LowerBound, UpperBound)

Построение бинарного поискового дерева

Удаление вершин из бинарного поискового дерева

Проверка является ли бинарное дерево поисковым

### Тема 3. Специальные структуры данных

Бинарная куча

Кодирование Хаффмана

Биномиальная куча

Задача о сумме (реализация структур данных для выполенения интервальных

запросов)

Дерево отрезков

Хеш-таблица (разрешение коллизий метом открытой адресации)



# Insight Runner (общие задачи)



### **Тема 4. Строковые алгоритмы и структуры данных:**

Циклический сдвиг

Суффиксный массив

### Тема 5. Алгоритмы на графах

Матрица смежности

Канонический вид (по списку дуг)

Список смежности

Канонический вид (по матрице смежности)

Строительство дорог

Разрушение дорог

Разрушение дорог (большие ограничения)

BFS (поиск в ширину)

DFS (поиск в глубину)

Кратчайший путь. Алгоритм Дейкстры

Максимальный поток в сети (простая версия)

Максимальный поток в сети (большие ограничения, только для желающих)



# Insight Runner индивидуальные задачи



В рамках учебной дисциплины студентами также выполняются индивидуальные задачи.

Число индивидуальных задач - по каждой из 5 тем курса не менее одной.

Индивидуальная задача предполагает разработку эффективного алгоритма решения задачи с последующей реализацией его в <u>Insight Runne</u>r на любом языке программирования.

С 2016 г. в учебных курсах ограничивается до пяти число решений, которые можно отправить по каждой из назначенных задач в течение суток.

На протяжении любого 24-часового отрезка времени разрешается отправить не более чем 5 решений по каждой задаче. Ограничение не привязано к наступлению новых суток в 00:00. Решения с вердиктом «Ошибка компиляции», а также решения, в которых не пройдены тесты из условия задачи (остальные тесты не проверяются), при подсчёт оставшихся попыток игнорируются.

Отметим, что в течение многих лет для всех студентов, которые работали в старой версии системы <u>Insight Runner</u>, действовало ограничение в 20 попыток по задаче в семестр. Это ограничение нельзя было увеличить индивидуально. Политика ограничения числа посылок в день вместо ограничения общего числа посылок является более гибкой и применяется во многих системах, например на платформе Kaggle.

### Призываем вас более качественно тестировать свои решения перед отправкой!!!



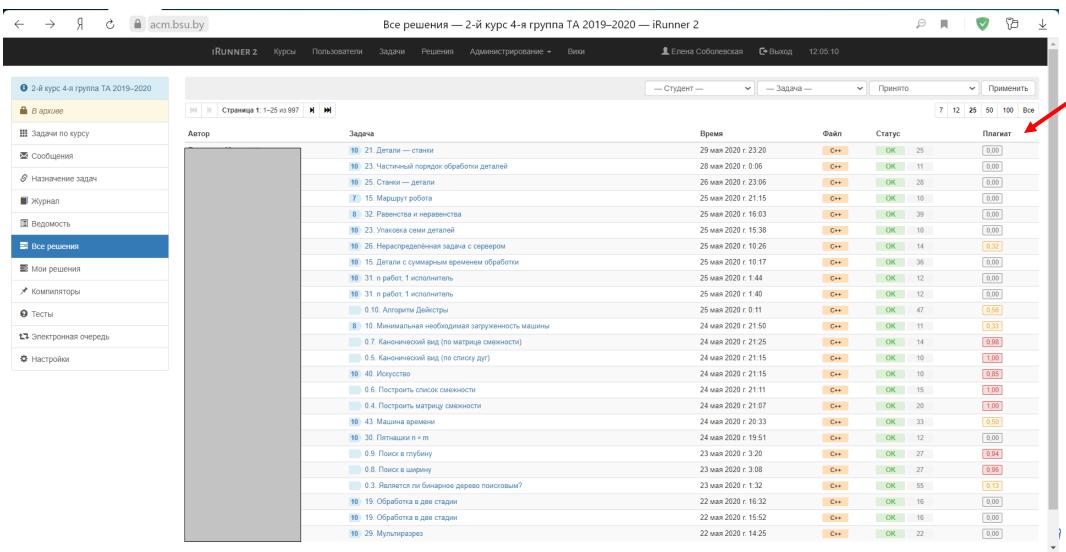
# Insight Runner (индивидуальные задачи)





# Insight Runner проверка на плагиат





# Insight Runner проверка на плагиат



```
19
                                                                                                 19
N 20
                Scanner in = new Scanner(new File("input.txt"));
 21
                PrintWriter out = new PrintWriter("output.txt");
 22
                                                                                                 20
                                                                                                                int n = fin.nextInt();
                int n = in.nextInt();
 23
                                                                                                 21
 24
                                                                                                 22
                if(n==3){
                                                                                                                if(n==3){
25
                    out.println(0);
                                                                                                N 23
                                                                                                                    fout.println(0);
 26
                                                                                                 24
                                                                                                                    fout.flush();
                    out.flush();
 27
 28
                                                                                                 25
29
 30
                else {
                                                                                                 26
                                                                                                                else {
N 31
                    while (in.hasNext()) {
                                                                                               N 27
                                                                                                                    while (fin.hasNext()) {
 32
                        points.add(new Point(in.nextInt(), in.nextInt()));
                                                                                                 28
                                                                                                                        points.add(new Point(fin.nextInt(), fin.nextInt()));
 33
                                                                                                 29
 34
                                                                                                 30
                    if(n==4){
                                                                                                                    if(n==4){
                        out.format("%.2f%n",
                                                                                                N 31
                                                                                                                        fout.format("%.2f%n",
   Math.min(points.get(0).distance(points.get(2)),points.get(1).distance(points.get(3))));
                                                                                                    Math.min(points.get(0).distance(points.get(2)),points.get(1).distance(points.get(3))));
                        out.flush():
                                                                                                 32
                                                                                                                        fout.flush();
 37
                    }else {
                                                                                                 33
                                                                                                                    }else {
N 38
 39
                        double[][] m = new double[n + 1][n];
                                                                                                 34
                                                                                                                        double[][] memor = new double[n + 1][n];
                                                                                                 35
 41
                        n--;
                                                                                                 36
                                                                                                                        n--;
 42
                        for (int i = 1; i <= n; i++)
                                                                                                 37
                                                                                                                        for (int i = 1; i <= n; i++)
 43
                            m[i][i] = 0;
                                                                                                N 38
                                                                                                                            memor[i][i] = 0;
 44
                                                                                                 39
                        for (int p = 2; p <= n; p++) {
                                                                                                                        for (int p = 2; p <= n; p++) {
 46
                            for (int i = 1; i <= n - p + 1; i++) {
                                                                                                 41
                                                                                                                            for (int i = 1; i <= n - p + 1; i++) {
 47
                                int j = i + p - 1;
                                                                                                 42
                                                                                                                                int j = i + p - 1;
 48
                                                                                                N 43
                                                                                                                                memor[i][j] = Integer.MAX_VALUE;
                                m[i][j] = Integer.MAX_VALUE;
 49
                                                                                                 44
 50
                                for (int k = i; k \le j - 1; k++) {
                                                                                                 45
                                                                                                                                for (int k = i; k <= j - 1; k++) {
51
                                    double d = calcDiagonals(i - 1, k, j, points);
                                                                                                N 46
                                                                                                                                    double d = countDiagonals(i - 1, k, j, points);
                                    double dMax = Math.max(Math.max(m[i][k], m[k + 1][j]), d);
                                                                                                                                    double dMax = Math.max(Math.max(memor[i][k], memor[k +
 52
                                                                                                   1][j]), d);
 53
                                    if (dMax < m[i][j]) {
                                                                                                                                    if (dMax <= memor[i][j])
                                                                                                 48
```



### ДОВЕРЯЙ, НО ПРОВЕРЯЙ ...

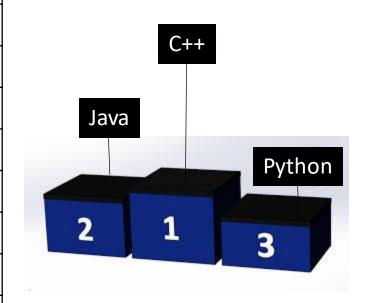
10 68. Ожерелье	4 декабря 2022 г. 14:25	C++	OK	58	1,00
8 29.2. Слова	4 декабря 2022 г. 14:16	Java	OK	35	1,00
8 29.2. Слова	4 декабря 2022 г. 14:14	Java	ОК	35	1,00
8 29.2. Слова	4 декабря 2022 г. 14:08	Java	ОК	35	1,00
7 51. Достроить дороги	2 декабря 2022 г. 19:18	Java	ОК	33	1,00
0.2. Бинарная куча?	2 декабря 2022 г. 19:11	C++	ОК	24	1,00
0.4. Задача о сумме	2 декабря 2022 г. 19:10	C++	OK	24	1,00
69.2. Путь лягушки	1 декабря 2022 г. 19:20	C++	ОК	22	1,00
0.2. Бинарная куча?	30 ноября 2022 г. 20:31	C++	ОК	24	1,00
20. Палиндром	30 ноября 2022 г. 13:38	C++	ОК	25	1,00
6 8. Разбиение на группы незнакомых	30 ноября 2022 г. 13:37	C++	ОК	15	1,00
0.2. Единицы (часть 1).	30 ноября 2022 г. 13:36	C++	ОК	64	1,00
8 36. Звёздочки	30 ноября 2022 г. 11:59	C++	ОК	72	1,00
20. Палиндром	28 ноября 2022 г. 18:29	C++	OK	25	1,00
0.5. Дерево отрезков	28 ноября 2022 г. 18:23	C++	ОК	7	1,00
0.2. Единицы (часть 1).	27 ноября 2022 г. 15:30	C++	OK	64	1,00
0.3. Биномиальная куча	27 ноября 2022 г. 15:29	C++	ОК	20	1,00
0.2. Бинарная куча?	27 ноября 2022 г. 15:28	C++	ОК	24	1,00
0.1. Бинарный поиск	27 ноября 2022 г. 15:26	C++	ОК	17	1,00
10 57. Снести	26 ноября 2022 г. 18:17	C++	ОК	29	1,00
25. Преобразование строк	25 ноября 2022 г. 14:54	Java	OK	13	1,00
20. Палиндром	25 ноября 2022 г. 13:46	Java	ОК	25	1,00
5 24. Блок из единиц	25 ноября 2022 г. 13:38	C++	OK	19	1,00
0.2. Бинарная куча?	25 ноября 2022 г. 8:42	C++	OK	24	1,00
4 69.1. Кувшинки	25 ноября 2022 г. 8:39	C++	OK	18	1,00
4 69.1. Кувшинки	25 ноября 2022 г. 8:37	C++	OK	18	1,00
6. Строго возрастающая без разрывов подпоследовательность	25 ноября 2022 г. 8:35	C++	OK	29	1,00
6. Строго возрастающая без разрывов подпоследовательность	25 ноября 2022 г. 8:33	C++	OK	29	1,00
25. Преобразование строк	25 ноября 2022 г. 8:31	C++	OK	13	1,00
20. Палиндром	25 ноября 2022 г. 8:30	C++	OK	25	1,00
0.2. Единицы (часть 1).	24 ноября 2022 г. 14:53	C++	OK	64	1,00
0.3. Единицы (часть 2).	24 ноября 2022 г. 14:52	C++	OK	104	1.00

Отправлено с 2003г. в iRunner:

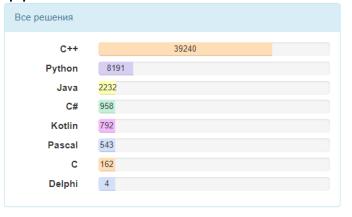
**786 246** решений,

174 090 (22%).

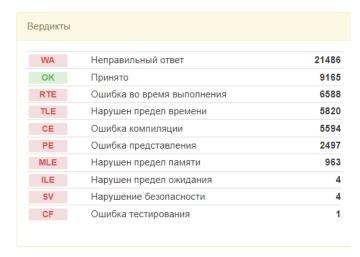
Число принятых решений на 12.01.2024				
C++	135 718			
Java	13 848			
Pascal	2 676			
Delphi	2 621			
Python	2 621			
C#	2 154			
С	1 997			
Kotlin	354			



Данные с 1.09.2023-12.01.2024 г.







## Литература





АЛГОРИТМЫ ПОСТРОЕНИЕ И АНАЛИЗ

ВТОРОЕ ИЗДАНИЕ

ТОМАС КОРМЕН
ЧАРАВ З ЛЕЙЗЕРСОН
РОНАЛЬД РИВЕСТ
КЛИФФОРД ШТАЯН

- 1. Котов, В. М. Алгоритмы и структуры данных : учеб. пособие / В. М. Котов, Е. П. Соболевская, А. А. Толстиков. Минск : БГУ, 2011. 267 с. (Классическое университетское издание). [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="https://elib.bsu.by/handle/123456789/8522">https://elib.bsu.by/handle/123456789/8522</a>
- 2. Теория алгоритмов: учеб. пособие / П. А. Иржавский [и др.] Минск: БГУ, 2013. 159 с. [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="https://elib.bsu.by/handle/123456789/91612">https://elib.bsu.by/handle/123456789/91612</a>
- 3. Сборник задач по теории алгоритмов: учеб.-метод. пособие / В. М. Котов [и др.] Минск: БГУ, 2017. 183 с. [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="https://elib.bsu.by/handle/123456789/181529">https://elib.bsu.by/handle/123456789/181529</a>
- 4. Сборник задач по теории алгоритмов. Структуры данных : учеб.-метод. пособие / С. А. Соболь [и др.] Минск : БГУ, 2020. 159 с. [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="https://elib.bsu.by/handle/123456789/255033">https://elib.bsu.by/handle/123456789/255033</a>
- 5. Котов, В. М. Сборник задач по теории алгоритмов. Организация перебора и приближенные алгоритмы: электронный учебно-методический комплекс для специальности 1-31 03 04 «Информатика» / В.М.Котов, Е.П. Соболевская, Г.П. Волчкова; БГУ, Фак. прикладной математики и информатики, Каф. дискретной математики и алгоритмики. Минск: БГУ, 2021. 144 с.: ил. Библиогр.: с. 143–144. [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="https://elib.bsu.by/handle/123456789/272717">https://elib.bsu.by/handle/123456789/272717</a>
- 6. <u>Алгоритмы: построение и анализ / Т. Кормен [и др.] М.: Вильямс, 2005. 1296 с.</u>



# Спасибо за внимание!