



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Калужский филиал  
федерального государственного бюджетного  
образовательного учреждения высшего образования  
«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ ИУК «Информатика и управление»

КАФЕДРА ИУК4 «Программное обеспечение ЭВМ, информационные технологии»

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4

«ОДНОНАПРАВЛЕННЫЕ ХЭШ-ФУНКЦИИ. ЭЛЕКТРОННАЯ ЦИФРОВАЯ ПОДПИСЬ.»

ДИСЦИПЛИНА: «Защита информации»

Выполнил: студент гр. ИУК4 -72Б \_\_\_\_\_ (\_\_\_\_ Калашников А.С.\_\_\_\_)  
(Подпись) (Ф.И.О.)

Проверил: \_\_\_\_\_ (\_\_\_\_ Ерохин И.И.\_\_\_\_)  
(Подпись) (Ф.И.О.)

Дата сдачи (защиты):

Результаты сдачи (защиты):

- Балльная оценка:

- Оценка:

Калуга, 2023

**Целью выполнения** лабораторной работы изучение различных алгоритмов однонаправленного хэширования данных, основанные на симметричных блочных алгоритмах шифрования. Ознакомление со схемами цифровой подписи и получение навыков создания и проверки подлинности электронной цифровой подписи.

**Основными задачами** выполнения лабораторной работы являются:

1. Изучить предложенный теоретический материал для получения информации о понятии, параметрах, схемах однонаправленных хэш-функций и ЭЦП.
2. Ознакомиться с принципом действия алгоритма Эль-Гамала Реализовать приложение, позволяющее вычислять и проверять ЭЦП, сформированную по алгоритмам RSA и Эль-Гамала.
3. Протестировать правильность работы разработанного приложения.
4. Для заданных в варианте открытых ключей пользователя проверить подлинность подписанных по алгоритму RSA хэш-значений, для алгоритма Эль-Гамала найти открытый ключ и построить подпись для хэш-значения.
5. Произвести проверку подписи.

Результатами работы являются:

Разработанная программа согласно варианту задания

Подготовленный отчет

### Вариант № 6

**Задание:**

1. Реализовать приложение, позволяющее вычислять и проверять ЭЦП, сформированную по алгоритмам RSA и Эль-Гамала.
2. С помощью реализованного приложения выполнить следующие задания:
  - 2.1. Протестировать правильность работы разработанного приложения.
  - 2.2. Для заданных в варианте открытых ключей пользователя проверить подлинность подписанных по алгоритму RSA хэш-значений  $m$  некоторых сообщений  $M$ .
  - 2.3. Абоненты некоторой сети применяют подпись Эль-Гамала с известными общими параметрами  $p$  и  $g$ . Для указанных в варианте секретных параметров абонентов найти открытый ключ и построить подпись для хэш-значения  $m$  некоторого сообщения  $M$ . Проверить правильность подписи.

Для построения подписи Эль-Гамала следует использовать открытые параметры  $p = 23$ ,  $g = 5$ .

6	$n = 143$ , $e = 37$	$\langle 46, 85 \rangle$ ,	$\langle 16, 74 \rangle$ ,	$\langle 129, 116 \rangle$	$x = 19$ , $k = 5$	$m = 11$
---	----------------------	----------------------------	----------------------------	----------------------------	--------------------	----------

**Листинг программы:**

1)rsa

```

def fast_pow(x, y):
    if y == 0:
        return 1
    if y == -1:
        return 1. / x
    p = fast_pow(x, y // 2)
    p *= p
    if y % 2:
        p *= x
    return p

def encode(message, e, n):
    return fast_pow(message, e) % n

def decode(message, d, n):
    return fast_pow(message, d) % n

n = 143
e = 37
check = [[46, 85], [16, 74], [129, 116]]
for i in range(0, 3):
    if encode(check[i][0], e, n) == check[i][1]:
        print(" Проверка набора номер ", i + 1, " пройдена успешно")
    else:
        print(" Проверка набора номер ", i + 1, " не пройдена")

```

## 2) Эль-Гамаль

```

import math
def fast_pow(x, y):
    if y == 0:
        return 1
    if y == -1:
        return 1. / x
    p = fast_pow(x, y // 2)
    p *= p
    if y % 2:
        p *= x
    return p

def reverse_element(f, d):
    X = [1, 0, f]
    Y = [0, 1, d]
    while True:
        if Y[2] == 0:
            print("Нет обратного элемента")
            return
        elif Y[2] == 1:
            return Y[1]
        else:
            q = X[2]//Y[2]
            t = [0, 0, 0]
            for i in range(0, 3):
                t[i] = X[i] - q*Y[i]
                X[i] = Y[i]
                Y[i] = t[i]

p = 23
g = 5
x = 19
k = 5
m = 11

```

```

y = math.pow(g, x) % p
a = math.pow(g, k) % p
f = p - 1

kr = reverse_element(f, k)
b = (kr * (m - x * a)) % f

if ((fast_pow(y, a)*fast_pow(a, b)) % p) == (fast_pow(g, m) % p):
    print("Успешно")
else:
    print("Не успешно")

```

## Результат выполнения программы:

```

Проверка набора номер 1 не пройдена
Проверка набора номер 2 не пройдена
Проверка набора номер 3 не пройдена

```

Рис.1. Результат работы rsa

```

Не успешно

```

Рис.2. Результат работы Эль-Гамаль

**Вывод:** в результате выполнения данной лабораторной работы были изучены различные алгоритмы однонаправленного хэширования данных, основанные на симметричных блочных алгоритмах шифрования, схемах цифровой подписи. Получены навыки создания и проверки подлинности электронной цифровой подписи.