

计算物理作业2

In[1]:=

■ logistic map

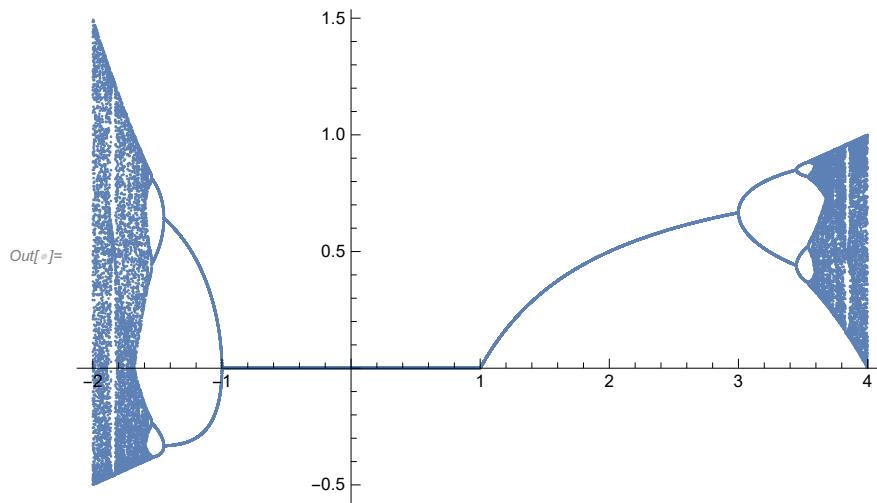
其迭代式为：

$$x_{n+1} = \lambda x_n (1 - x_n)$$

可变参数为 λ ，故可以以 λ 为横坐标，收敛得到的 x 为纵坐标绘制如下的分岔图：

其中初始值设为0.2

```
a=-2;b=4;c=0.001;
λ=Table[i,{i,a,b,c}];z0=Table[0.2,{i,a,b,c}];
f[x_]:=1.λ*x*(1-x)
z=f[z0];
Table[z=f[z],1000];
Show[Table[{z=f[z];ListPlot[Transpose[{λ,z}]]},20]]
```



之所以 λ 的边界取-2和4，是因为小于-2或大于4之后， x 不收敛。

In[2]:=

■ Kicked rotor model

该模型的哈密顿量为：

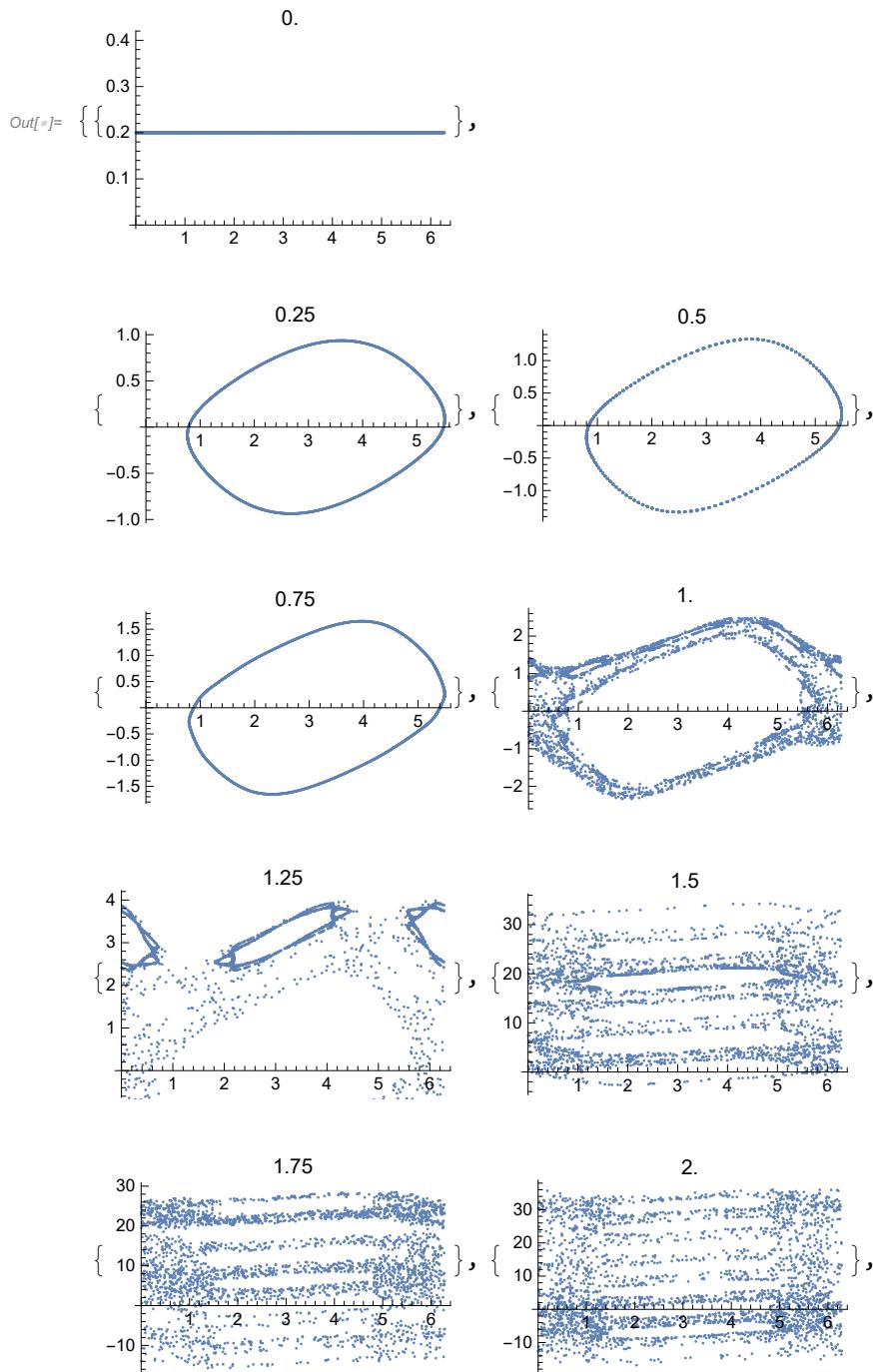
$$H(q, p, t) = \frac{p^2}{2} + k \cos q \sum_n \delta(t - n\tau)$$

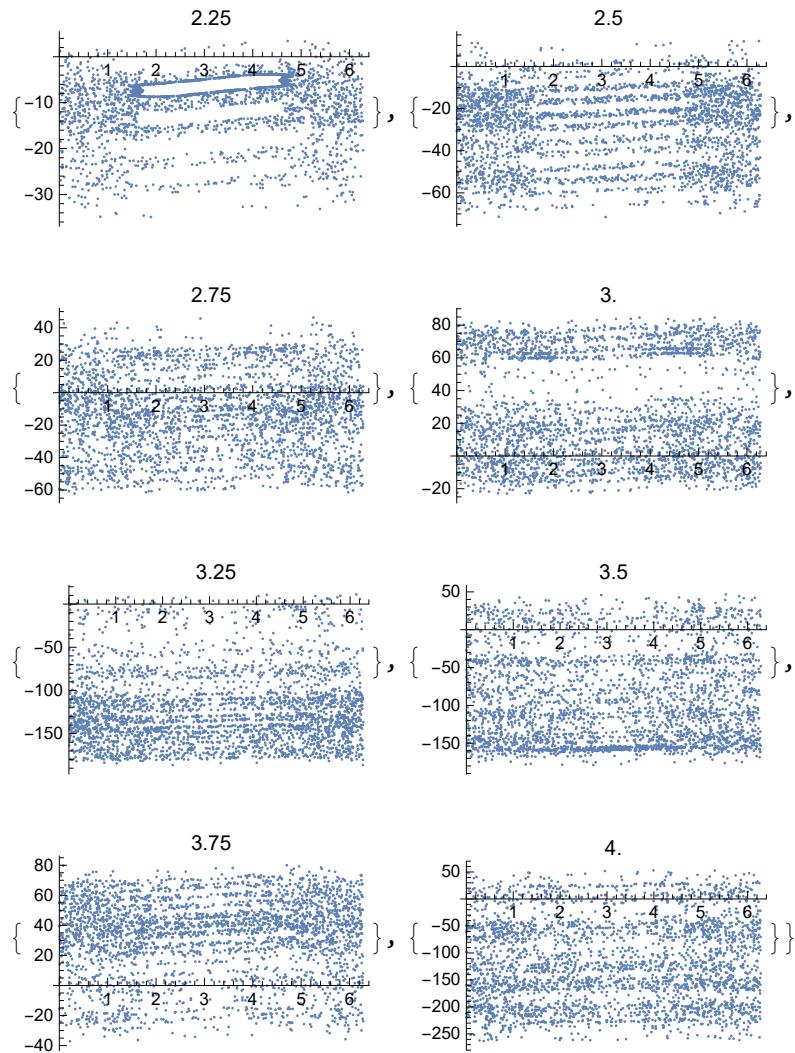
其中，广义坐标 q 为角度，取值范围为0到 2π ； p 为角动量。将之代入正则方程，再对一个周期进行积分，可以得到如下的迭代方程：

$$\left. \begin{aligned} p_{n+1} &= p_n + k \sin q_n \\ q_{n+1} &= q_n + p_{n+1} \end{aligned} \right\}$$

由此可以编程进行迭代，其中设相空间中的初始点为 $\{1, 0.2\}$ ，从而迭代不同 k 下，相点运动的轨迹：

```
In[6]:= Table[{coor={1,0.2};
data=Table[{pnex=1.coor[[2]]+k*Sin[coor[[1]]];
qnext=Mod[coor[[1]]+pnex,2Pi];
coor={qnext,pnex};qnext,pnex},3000];
ListPlot[data,PlotLabel->k]}, {k,0,4,0.25}]
```





不难发现，刚开始，相点的轨迹局限在一个环上，之后开始环破裂，分类出多种小环；随着 k 的增大，相点的轨迹逐渐开始扩大范围，并形成不同的圈状图案，具有混沌的性质。当 k 达到 3 之后，相点的轨迹几乎铺满的相空间。