Aprendizado de Máquina Perceptron

Luiz Eduardo S. Oliveira

Universidade Federal do Paraná Departamento de Informática web.inf.ufpr.br/luizoliveira

- Um dos maiores desafios em aprendizagem de máquina e reconhecimento de padrões é a definição de um conjunto de características com alto poder de discriminação.
- Isso não é uma tarefa trivial.
- Alguns argumentam que o ponto fraco nos métodos de aprendizagem de máquina está exatamente na definição de características.

- Um dos maiores desafios em aprendizagem de máquina e reconhecimento de padrões é a definição de um conjunto de características com alto poder de discriminação.
- Isso não é uma tarefa trivial.
- Alguns argumentam que o ponto fraco nos métodos de aprendizagem de máquina está exatamente na definição de características.

Alternativa

Aprender as características a partir dos dados!

- A inspiração vem da arquitetura do cérebro humano.
- Por décadas, os pesquisadores tentaram treinar arquiteturas profundas de redes neurais (com diversas camadas)
- Um experimento somente teve sucesso (CNN, Yann LeCun em 1998)
- Alto custo computacional e muitos dados são necessários para a aprendizagem dos modelos
- Anos 90 e 2000 foram dominados pelo SVM
- Os métodos começaram a se popularizar por volta de 2010 (paralelismo, GPU)



Um breve histórico

- 1949, Donald Hebb
 - Definiu que a informação da rede fica armazenada nos pesos.
 - Propõe uma lei de aprendizagem especifica para as sinapses dos neurônios
 - ★ Quando ocorre o aprendizado os pesos são atualizados
- 1953, McCulloch e Pitts
 - Estudaram o comportamento do neurônio biológico com o objetivo de criar um modelo matemático para este.
 - Sugeriram a construção de uma máquina baseada ou inspirada no cérebro humano.

Um breve histórico

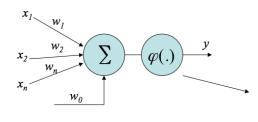
- 1957/1958, Frank Rosenblatt
 - Estudos aprofundados
 - ► Pai da neuro-computação
 - Perceptron
 - Criados do primeiro neuro-computador a obter sucesso
 - * Mark I



Um breve histórico

- 1958-1967
 - Várias pesquisas mal sucedidas.
- 1967-1982
 - Pesquisas silenciosas.
- 1986
 - Livro "Parallel Distributed Processing".
 - Algoritmo eficaz de aprendizagem
- 1987
 - Primeira conferência IEEE IJCNN (International Joint Conference on Neural Networks)

• Primeira e mais primitiva estrutura de rede neural



$$y = \varphi \Big(\sum w_i \times x_i + w_0 \Big)$$

A função de ativação normalmente utilizada no perceptron é a hardlim (threshold)

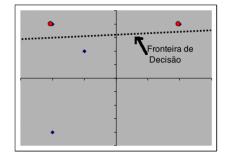
$$f(x) = \begin{cases} 1 & x \ge 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

Algoritmo de Aprendizagem

- Iniciar os pesos e bias com valores pequenos, geralmente no intervalo [0.3, 08]
- Enquanto critério de parada não for alcançado
 - ▶ Aplicar um padrão de entrada com seu respectivo valor desejado de saída (t_j) e verificar a saída y da rede.
 - ▶ Calcular o erro da saída $(e = t_i a)$
 - ▶ Se $e \neq 0$
 - ★ Atualizar pesos $(w_i = w_i^{old} + e \times x_i)$
 - ★ Atualizar bias $(b = b^{old} + e)$

• Considere o seguinte exemplo

	Características (X) Label (t)
2	2	0
-2	-2	1
-2	2	0
-1	1	1



Nesse exemplo, vamos inicializar os pesos e bias com 0, ou seja, w=(0,0) e b=0

Apresentando o primeiro padrão (x_1) a rede

- $y = hardlim([0,0][2,2]^t + 0) = hardlim(0) = 1$
- Erro: $e = t_j y = 0 1 = -1$
- Como o erro \neq 0, atualizam-se os pesos e bias
 - $W = W^{old} + e \times x_i = [0,0] + (-1[2,2]) = [-2,-2]$
 - $b = b^{old} + e = 0 + (-1) = -1$

Apresentando o segundo padrão (x_2) a rede

- $y = \text{hardlim}([-2, -2][-2, -2]^t + (-1)) = \text{hardlim}(7) = 1$
- Erro: $e = t_i y = 1 1 = 0$
- Como o erro = 0, pesos e bias não precisam ser atualizados

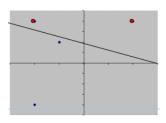
Apresentando o terceiro padrão (x_3) a rede

- $y = \text{hardlim}([-2, -2][-2, 2]^t + (-1)) = \text{hardlim}(-1) = 0$
- Erro: $e = t_j y = 0 0 = 0$
- Como o erro = 0, pesos e bias não precisam ser atualizados

Apresentando o quarto padrão (x_4) a rede

- $y = \text{hardlim}([-2, -2][-1, 1]^t + (-1)) = \text{hardlim}(-1) = 0$
- Erro: $e = t_j y = 1 0 = 1$
- ullet Como o erro eq 0, atualizam-se os pesos e bias
 - $W = W^{old} + e \times x_i = [-2, -2] + (1[-1, 1]) = [-3, -1]$
 - $b = b^{old} + e = -1 + 1 = 0$

- Como todos os padrões foram apresentados a rede, o processo começa novamente, utilizando os pesos encontrados no último passo da primeira época (iteração).
- O algoritmos acaba quando o erro for zero (todos os padrões forem classificados corretamente) ou quando um certo número de épocas for alcançado.
- Para esse exemplo, os pesos finais são w = [-1, -3] e b = 2.



- Resolve problemas linearmente separáveis
- Entretanto, nem sempre os problemas são linearmente separáveis.

