```
10/02/14 02:51:57 /home-reseau/tchapon/4INFO/Prolog/tp4/tp4 arbres etud.pl
      /*["~/4INFO/Prolog/tp4/tp4_arbres_etud.pl"].*/
      TP 4 Arbres binaires - Prolog
   3
  4
      @author Theo CHAPON
      @author Hassan El OMARI ALAOUI
      @version Annee scolaire 2014/2015
  8
 10
  11
     /*
 12
 13
     Définition des prédicats
  14
 15
 16
  17
 18
     Question 1 : B est un arbre binaire d'entier
 19
 20
      arbre_binaire(arb_bin(R, vide, vide)):-integer(R).
      arbre_binaire(arb_bin(R,G,vide)):-integer(R),arbre_binaire(G).
 21
      arbre_binaire(arb_bin(R, vide,D)):-integer(R),arbre_binaire(D).
  22
  23
      arbre\_binaire(arb\_bin(R,G,D)):- integer(R), arbre\_binaire(G), arbre\_binaire(D).
 24
 25
     arbre_binaire(arb_bin(1, arb_bin(2, arb_bin(6, vide, vide), vide), arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide),
      arb_bin(5, vide, vide)))).
 26
          Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)
 27
      arbre binaire(arb bin(1, arb bin(2, arb bin(6, vide, vide), vide), arb bin(3, arb bin(4, vide, vide),
 28
      arb_bin("5", vide, vide)))).
 29
          No (0.00s cpu)
 30
      */
 31
 32
 33
 34
      Question 2 : E est l'une des étiquettes de B
 35
      dans_arbre_binaire(E, arb_bin(E, _, _)):-!.
dans_arbre_binaire(E, arb_bin(_, G, _)):-dans_arbre_binaire(E, G),!.
 36
 37
  38
      dans_arbre_binaire(E, arb_bin(_,_,D)):-dans_arbre_binaire(E,D),!.
  39
     On met un cut car si on trouve que E est égal à l'une des racines de l'arbre binaire, il n'est pas
 40
      nécessaire de boucler sur les autres branches.
 41
 42
      dans_arbre_binaire(3,arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, vide, vide))).
 43
          Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)
 44
      dans_arbre_binaire(6,arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, vide, vide))).
 45
          No (0.00s cpu)
 46
 47
 48
 49
 50
      Question 3 : S est un sous arbre de B
 51
 52
      sous_arbre_binaire(S,S):-!.
 53
      sous\_arbre\_binaire(S, arb\_bin(\_, G, \_)): -sous\_arbre\_binaire(S, G), !.
      sous_arbre_binaire(S,arb_bin(_,_,D)):-sous_arbre_binaire(S,D),!.
 54
 56
      On met un cut car si on trouve le sous arbre S de l'arbre binaure B, il n'est pas nécessaire de boucler
      sur les autres branches.
 57
      sous_arbre_binaire(arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, 7, vide)),arb_bin(3, arb_bin(4, vide,
 58
      vide), arb_bin(5, 7, vide))).
 59
          Yes (0.00s cpu)
 60
 61
      sous_arbre_binaire(arb_bin(5,8,vide),arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, 7, vide))).
 62
          No (0.00s cpu)
 63
 64
      sous_arbre_binaire(arb_bin(5,7,vide),arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, 7, vide))).
 65
          Yes (0.00s cpu)
 66
 67
```

1 sur 4 02/10/2014 14:52

```
68
             Question 4 : B1 est l'arbre B où toute occurrence du sous arbre SA1 est remplacée par le sous arbre SA2
  69
  70
                                               _,arb_bin(R,vide,vide),arb_bin(R,vide,vide)).
            remplacer(_,_,arb_bin(R,vide,vide),arb_bin(R,vide,vide)).
remplacer(SA1,SA2,arb_bin(R,vide,SA1),arb_bin(R,vide,SA2)).
  71
   72
             remplacer(SA1,SA2,arb_bin(R,SA1,vide),arb_bin(R,SA2,vide)).
  73
   74
             remplacer(SA1,SA2,arb\_bin(R,G,vide),arb\_bin(R,B,vide)):-remplacer(SA1,SA2,G,B).
  75
             remplacer(SA1,SA2,arb\_bin(R,vide,D),arb\_bin(R,vide,B)):-remplacer(SA1,SA2,D,B).
   76
             \begin{array}{l} \operatorname{remplacer}(SA1,SA2,\operatorname{arb\_bin}(R,SA1,SA1),\operatorname{arb\_bin}(R,SA2,SA2)) : \\ \operatorname{remplacer}(SA1,SA2,\operatorname{arb\_bin}(R,G,SA1),\operatorname{arb\_bin}(R,B,SA2)) : - \\ \operatorname{remplacer}(SA1,SA2,\operatorname{arb\_bin}(R,SA1,D),\operatorname{arb\_bin}(R,SA2,B)) : - \\ \operatorname{remplacer}(SA1,SA2,\operatorname{arb\_bin}(R,SA1,D),\operatorname{arb\_bin}(R,SA2,B)) : - \\ \end{array} \right) \\ \begin{array}{l} \operatorname{remplacer}(SA1,SA2,\operatorname{arb\_bin}(R,SA1,D),\operatorname{arb\_bin}(R,SA2,B)) : - \\ \operatorname{remplacer}(SA1,SA2,\operatorname{arb\_bin}(R,SA2,B),\operatorname{arb\_bin}(R,SA2,B)) : - \\ \operatorname{remplacer}(SA1,SA2,B) : 
   77
  78
   79
  80
             remplacer(SA1, SA2, arb_bin(R, G, D), arb_bin(R, G1, D1)):- \==(SA1, G),
              \ == (SA1,D), remplacer(SA1,SA2,G,G1), remplacer(SA1,SA2,D,D1).
  81
  82
             remplacer(arb_bin(3,vide,vide),arb_bin(4,vide,vide),arb_bin(1,arb_bin(3,vide,vide),arb_bin(3,vide,vide)),
  83
                         B = arb_bin(1, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(4, vide, vide))
  84
                         Yes (0.\overline{0}0s \text{ cpu, solution 1, maybe more})
  85
             remplacer(arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, vide, vide)),arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide),
             arb_bin(5, 7, vide)),arb_bin(1, arb_bin(2, arb_bin(6, vide, vide), vide), arb_bin(3, arb_bin(4, vide,
             vide), arb_bin(5, vide, vide))),B).
  87
                        B = arb_bin(1, arb_bin(2, arb_bin(6, vide, vide), vide), arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide),
             arb_bin(5, \overline{7}, vide)))
  88
                        Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)
             remplacer(arb_bin(3,vide,vide),arb_bin(4,vide,vide),arb_bin(1,arb_bin(3,vide,vide),arb_bin(5,arb_bin(3,vide,vide))
  90
             de,vide),arb_bin(9,vide,vide))),B).
  91
                         B = arb_bin(1, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(9, vide, vide)))
  92
                         Yes (0.\overline{0}0s \text{ cpu, solution 1, maybe more})
  93
             remplacer(arb_bin(3,vide,vide),arb_bin(4,vide,vide),arb_bin(1,arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(5,arb_bin(8,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(8,vide),arb_bin(8,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,vide),arb_bin(6,vide,
             de,vide),arb_bin(9,vide,vide))),B).
  95
                        B = arb_bin(1, arb_bin(6, vide, vide), arb_bin(5, arb_bin(8, vide, vide), arb_bin(9, vide, vide)))
  96
                        Yes (0.\overline{00}s \text{ cpu, solution 1, maybe more})
  97
  98
  99
100
                         Question 5 : B1 et B2 sont isomorphes
            */
101
102
             isomorphes(arb bin(R, vide, vide), arb bin(R, vide, vide)).
             isomorphes(arb\_bin(R,G1,D1),arb\_bin(R,G2,D2)): - isomorphes(G1,G2), isomorphes(D1,D2).
103
104
             isomorphes (arb_bin(R,G1,D1), arb_bin(R,G2,D2)):- isomorphes(G1,D2), isomorphes(D1,G2).
105
106
             isomorphes(arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, arb_bin(6, vide, vide), arb_bin(7, vide,
             vide))),arb_bin(3, arb_bin(5, arb_bin(6, vide, vide), arb_bin(7, vide, vide)), arb_bin(4, vide, vide))).
107
                        Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)
108
109
110
111
                         Question 6 : L contient les informations de l'arbre B en le parcourant en infixe
112
            /***Fonction auxiliaire****/
113
114
             concat([A|X],Z,[A|T]):- concat(X,Z,T).
115
             concat([],Z,Z).
116
117
118
             infixe(vide,[]).
119
            \inf(R,G,D),L) := \inf(G,L1), \inf(D,L2), \operatorname{concat}(L1,[R|L2],L).
120
121
            infixe(arb bin(1, arb bin(2, arb bin(6, vide, vide), vide), arb bin(3, arb bin(4, vide, vide), arb bin(5,
             vide, vide))),L).
122
                        L = [6, 2, 1, 4, 3, 5]
123
                        Yes (0.00s cpu)
124
             */
125
126
127
                        Question 7 : B2 est l'arbre ordonné d'entiers obtenu par l'insertion de la valeur X dans l'arbre
             ordonné d'entiers B1.
128
            insertion_arbre_ordonne(X, vide, arb_bin(X, vide, vide)).
129
130
             insertion_arbre_ordonne(X,arb_bin(X,G,D),arb_bin(X,G,D))
             insertion\_arbre\_ordonne(X, arb\_bin(R, G, D1), arb\_bin(R, G, D2)) :-
131
132
                        >(X,R),
```

2 sur 4 02/10/2014 14:52

```
133
         insertion arbre ordonne(X,D1,D2).
     insertion_arbre_ordonne(X,arb_bin(R,G1,D),arb_bin(R,G2,D)) :-
134
135
          <(X,R)
         insertion_arbre_ordonne(X,G1,G2).
136
137
    insertion_arbre_ordonne(1,arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, vide, vide), arb_bin(6, vide, vide)),
138
     arb\_bin(1\overline{2}, arb\_bin(10, vide, vide), vide)),B).
139
         B = arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, arb_bin(1, vide, vide), vide), arb_bin(6, vide, vide)),
     arb bin(12, arb bin(10, vide, vide), vide))
         Yes (0.00s cpu)
140
141
142
     insertion arbre ordonne(12,arb bin(8, arb bin(4, arb bin(2, vide, vide), arb bin(6, vide, vide)),
     arb_bin(12, arb_bin(10, vide, vide), vide)),B).
143
         B = arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, vide, vide), arb_bin(6, vide, vide)), arb_bin(12, arb_bin(10,
     vide, vide), vide))
144
         Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)
145
146
147
148
          Question 8 :
149
150
     insertion\_arbre\_ordonnel(X, arb\_bin(\_,A,\_)):-free(A), A = arb\_bin(X,\_,\_),!
     insertion_arbre_ordonnel(X,arb_bin(X,_,_)).
insertion_arbre_ordonnel(X,arb_bin(R,_,D)) :-
151
152
          >(X,R), insertion_arbre_ordonne1(X,D).
153
154
     insertion_arbre_ordonnel(X,arb_bin(R,G,_)) :-
155
         <(X,R), insertion arbre ordonnel(X,G).
156
157
158
     insertion_arbre_ordonne2(1,arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, _, _), arb_bin(6, _, _)), arb_bin(12,
         bin(10, _, _), _)),B).
B = arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, arb_bin(1, _233, _234), _84), arb_bin(6, _95, _96)), arb_bin(12,
     arb_bin(10,
159
     arb_bin(10, __115, _116), _122))
         Yes (0.00s cpu)
160
161
162
     insertion\_arbre\_ordonne2(4,arb\_bin(8, arb\_bin(4, arb\_bin(2, \_, \_), arb\_bin(6, \_, \_)), arb\_bin(12, \_, \_)
     arb_bin(10,
                  _, _), _)),B).
163
         B = arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, _83, _84), arb_bin(6, _95, _96)), arb_bin(12, arb_bin(10, _115, _115))
     _116), _122))
164
         Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)
165
    /*
166
     -----
167
168
     Tests
169
170
     */
171
172
173
     % Quelques arbres à copier coller pour vous faire gagner du temps, mais
174
     % n'hésitez pas à en définir d'autres
175
176
177
     arb_bin(1, arb_bin(2, arb_bin(6, vide, vide), vide), arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, vide,
     vide)))
178
179
     arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, vide, vide))
180
181
    arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, 7, vide))
182
183 arb_bin(3, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(5, arb_bin(6, vide, vide), arb_bin(7, vide, vide)))
184
185
     arb bin(3, arb bin(5, arb bin(6, vide, vide), arb bin(7, vide, vide)), arb bin(4, vide, vide))
186
187
     arb_bin(3, arb_bin(6, vide, vide), arb_bin(5, arb_bin(4, vide, vide), arb_bin(7, vide, vide)))
188
     arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, vide, vide), arb_bin(6, vide, vide)), arb_bin(12, arb_bin(10, vide,
189
     vide), vide))
190
191 arb_bin(8, arb_bin(4, arb_bin(2, _, _), arb_bin(6, _, _)), arb_bin(12, arb_bin(10, _, _)), _))
192
193 arb bin(6,arb bin(2,arb bin(1,vide,vide),arb bin(4,vide,vide)),arb bin(8,vide,arb bin(10,vide,vide)))
194
195
     arb_bin(8,arb_bin(2,arb_bin(1,vide,vide),arb_bin(4,vide,vide)),arb_bin(6,vide,arb_bin(10,vide,vide)))
196
```

3 sur 4 02/10/2014 14:52

```
197 arb_bin(6,arb_bin(2,arb_bin(1,vide,vide),arb_bin(4,vide,vide)),arb_bin(8,arb_bin(2,arb_bin(1,vide,vide),arb_bin(4,vide,vide)),arb_bin(4,vide,vide)),arb_bin(1,vide,vide))
198
199 */
```

4 sur 4 02/10/2014 14:52