SEM II - M.

Lista ex

The a)
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

b)
$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 0 & 4 & 1 \\ 3 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

Sa se calculize A', utilizand Th. Hamilton-Cayley, respective algoritmul Gauss-Jordan.

$$(2) Fie A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 0 & 4 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Ja & determine forma esalon (redusa). Precijati zg A

a) Sa se orrie plinomul saracteristic
b) calculate A 100, utilizand The Hamilton-Cayley

(4)
$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$$
 $B = A^{4} - 3A^{3} + 3A^{2} - 2A + 8J_{2}$

San afle a b ER ai B = aA +bJ2

6) Fie A = (a1C1 a2d1 a1C2 a2d2)
a3C1 a4d1 a3C2 a4d2
b1 C3 b2d3 b1C4 b2d4
b3C3 b4d3 b3C4 b4d4)
CHILL A CHILL A Utilizand the Laplace pt p=2 A; Q_1Q_2 fixate, sa ∞ arate ca $\Delta = \begin{vmatrix} a_1 & a_2 \\ a_3 & a_4 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} b_1 & b_2 \\ b_3 & b_4 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} c_1 & c_2 \\ c_3 & c_4 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} d_3 & d_4 \end{vmatrix}$

Fre x_1, x_2, x_3 rad ec. $x^3 + px + q = 0$ Calculati $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 2 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_3 & x_4 & x_2 & x_3 & x_4 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 &$

(3) Fie A, B \in Mn(CC) in versable. $\Rightarrow rg(A^{-1}+B^{-1}) = rg(A+B)$

Ind: Daca B & Com (C), C&Mn (C) sunt inversabile => rg(BAC) = rgA, VAEMm,n(C)

(9) Utilizand matricele #=(ab), B=(cd) aratati ca $(a^2+b^2)(c^2+d^2) = (ac-bd)^2 + (ad+bc)^2$

(10) A = (14). Calculati A", utilizand Th H-C

(1) $X^{2024} = A = \begin{pmatrix} 2 & -4 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$, $X \in \mathcal{M}_2(\mathbb{R})$

a) Precizati We de Aluti. b) Daca X6 M2 (C), care etc ur de solution

$$|X_1| \Delta(x) = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & x & -1 & 2 \\ 1 & x^2 & -1 & 8 \\ 1 & x^2 & 1 & 4 \end{vmatrix} = 0$$
 Sa α ref ec. in \mathbb{R}

EXO P, Q, R functi de grad rel mult 2 si, a, b, c E C date

$$\Delta = \begin{vmatrix} P(a) & Q(a) & R(a) \\ P(b) & Q(b) & R(b) \end{vmatrix}, \Delta_1 = \begin{vmatrix} P(1) & Q(1) & R(1) \\ P(b) & Q(b) & R(b) \end{vmatrix}$$

$$P(c) \quad Q(c) \quad R(c) \mid P(c) \quad Q(c) \quad R(c) \mid$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} P(a) & Q(a) & P(a) \\ P(1) & Q(1) & R(1) \end{vmatrix}$$

$$\Delta_3 = \begin{vmatrix} P(a) & Q(a) & R(a) \\ P(b) & Q(b) & R(b) \\ P(c) & Q(c) & R(c) \end{vmatrix}$$

$$P(c) & Q(c) & R(c) & P(1) & Q(1) & R(1) \end{vmatrix}$$

Daca Do of , sa ordet D1 + D2 + D3.

Ind Se rousideră functia
$$f(x) = \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(\alpha) & R(\alpha) \\ P(b) & Q(b) & R(b) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(\alpha) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} P(\alpha) & Q(a) & R(\alpha) \\ P(\alpha) & Q(a)$$

$$f(a) = f(b) = f(c) = \Delta_0 = 1$$
.
 $f(x) = dx^2 + \beta x + 8$, $d_1 \beta_1 8 \in \mathbb{C}$

EX14 A,B & Mn(R) ai AB=BA Dem ea det(AZ+BZ) 70.

EXIS A EMn (CC). Daca $A^n \neq 0n$, at $A^k \neq 0n$, $\forall RelN$.

3nd: $H-C: A^n - \Gamma_1 A^{n-1} + \dots + (+)^n \Gamma_m J_n = 0n \quad | A^{k-1} = 0n$ Spabs $\exists k > n \pmod{n}$ at $A^k = 0n$ Le repetà rat $f' = \Gamma_n = 0 \implies A^n = 0n$.