

## Lista 2

1) Fie  $(\mathbb{R}_3[x], +, \cdot)_{/\mathbb{R}}$  spațiul polinoamelor cu coeficienți reali de grad maxim 3 și:  
 $V_1 = \{P \in \mathbb{R}_3[x] / P(0) = 0\}$ ,  $V_2 = \{P \in \mathbb{R}_3[x] / P(1) = 0\}$ ,  $V_3 = \{P \in \mathbb{R}_3[x] / P(0) = P(1) = 0\}$ .

a) Arătați că  $V_1, V_2, V_3 \subseteq \mathbb{R}_3[x]$  sunt ssp. vect. în  $\mathbb{R}_3[x]$ .

b) Precizați câte un reper  $R_i$  în  $V_i$ ,  $i = \overline{1, 3}$ .

c) Aflați coordonatele lui  $P_1 = x + 2x^2 + 3x^3$  în raport cu  $R_1$

$$P_2 = 1 + 2x^2 - 3x^3 \quad \text{---} \quad R_2$$

$$P_3 = x + 3x^2 - 4x^3 \quad \text{---} \quad R_3.$$

d) Determinați câte un subspațiu complementor  $V_i'$  lui  $V_i$ ,  $i = \overline{1, 3}$

$$\text{i.e. } \mathbb{R}_3[x] = V_i \oplus V_i', i = \overline{1, 3}$$

e) Să se scrie  $\mathbb{R}_3[x]$  ca sumă directă de 3, respectiv 4 subspații vectoriale

2) Fie  $(\mathbb{R}^3, +, \cdot)_{/\mathbb{R}}$  și  $R_0 = \{e_1, e_2, e_3\}$  reperul canonic.

$$\text{Considerăm } R' = \{e_1' = e_1 + 2e_2 + e_3, e_2' = e_1 + 7e_2 + e_3, e_3' = -e_1 + e_2 + e_3\}$$

a) Să se arate că  $R'$  este reper în  $\mathbb{R}^3$  și găsiți matricea de trecere de la  $R_0$  la  $R'$ .

b) Aflați coordonatele vectorului  $x = (3, 2, 1)$  în raport cu reperul  $R'$ .