Transformări (III). Reperul de vizualizare (poziția camerei)

Mihai-Sorin Stupariu

Sem. I, 2022 - 2023

Reperul de vizualizare

- Coordonatele de modelare
 - originea O

- originea O
- axele de coordonate Ox, Oy, Oz cu versorii e_1 , e_2 , e_3

- originea O
- axele de coordonate Ox, Oy, Oz cu versorii e_1 , e_2 , e_3
- implicit, obiectele/primitivele (vârfurile) sunt indicate în raport cu acest sistem de coordonate

- originea O
- axele de coordonate Ox, Oy, Oz cu versorii e_1 , e_2 , e_3
- implicit, obiectele/primitivele (vârfurile) sunt indicate în raport cu acest sistem de coordonate
- ► Apelarea funcției glm::lookAt(); are ca efect (implicit) generarea unui nou reper / sistem de coordonate, numite reper de vizualizare / coordonate de vizualizare

- originea O
- axele de coordonate Ox, Oy, Oz cu versorii e_1 , e_2 , e_3
- implicit, obiectele/primitivele (vârfurile) sunt indicate în raport cu acest sistem de coordonate
- ▶ Apelarea funcției glm::lookAt(); are ca efect (implicit) generarea unui nou reper / sistem de coordonate, numite reper de vizualizare / coordonate de vizualizare
 - originea: P₀ (poziția observatorului)

- originea O
- axele de coordonate Ox, Oy, Oz cu versorii e_1 , e_2 , e_3
- implicit, obiectele/primitivele (vârfurile) sunt indicate în raport cu acest sistem de coordonate
- ▶ Apelarea funcției glm::lookAt(); are ca efect (implicit) generarea unui nou reper / sistem de coordonate, numite reper de vizualizare / coordonate de vizualizare
 - originea: P₀ (poziția observatorului)
 - axele: date de versorii u, v, n (construiți în continuare)

▶ Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).

- ▶ Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului

- ▶ Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)

- ▶ Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea

- Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea
- ► Funcția glm::lookAt

```
glm::lookAt (x_0, y_0, z_0, x_{ref}, y_{ref}, z_{ref}, V_x, V_y, V_z);
```

- Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea
- ► Funcția glm::lookAt

```
glm::lookAt (x_0, y_0, z_0, x_{ref}, y_{ref}, z_{ref}, V_x, V_y, V_z);
```

- (x_0, y_0, z_0) : coordonatele observatorului P_0 în reperul de modelare;

- Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea
- ► Funcția glm::lookAt

```
glm::lookAt (x_0, y_0, z_0, x_{ref}, y_{ref}, z_{ref}, V_x, V_y, V_z);
```

- (x_0, y_0, z_0) : coordonatele observatorului P_0 în reperul de modelare;
- $(x_{ref}, y_{ref}, z_{ref})$: coordonatele unui punct de referință P_{ref} spre care se uită observatorul;

- Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea
- ► Funcția glm::lookAt

```
glm::lookAt(x_0, y_0, z_0, x_{ref}, y_{ref}, z_{ref}, V_x, V_y, V_z);
```

- (x_0, y_0, z_0) : coordonatele observatorului P_0 în reperul de modelare;
- $(x_{ref}, y_{ref}, z_{ref})$: coordonatele unui punct de referință P_{ref} spre care se uită observatorul;
- (V_x, V_y, V_z) : vector care indică verticala din planul de vizualizare

- Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea
- ► Funcția glm::lookAt

```
glm::lookAt (x_0, y_0, z_0, x_{ref}, y_{ref}, z_{ref}, V_x, V_y, V_z);
```

- (x_0, y_0, z_0) : coordonatele observatorului P_0 în reperul de modelare;
- $(x_{ref}, y_{ref}, z_{ref})$: coordonatele unui punct de referință P_{ref} spre care se uită observatorul;
- (V_x, V_y, V_z) : vector care indică verticala din planul de vizualizare
- ▶ Implicit: $P_0 = (0,0,0), P_{ref} = (0,0-1), V = (0,1,0)$

- Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea
- ► Funcția glm::lookAt

```
glm::lookAt (x_0, y_0, z_0, x_{ref}, y_{ref}, z_{ref}, V_x, V_y, V_z);
```

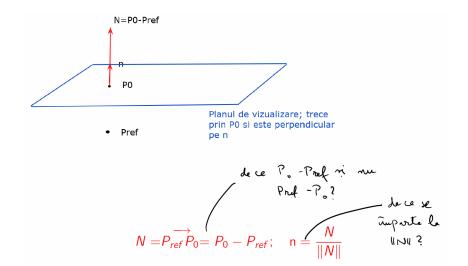
- (x_0, y_0, z_0) : coordonatele observatorului P_0 în reperul de modelare;
- $(x_{ref}, y_{ref}, z_{ref})$: coordonatele unui punct de referință P_{ref} spre care se uită observatorul;
- (V_x, V_y, V_z) : vector care indică verticala din planul de vizualizare
- ► Implicit: $P_0 = (0,0,0), P_{ref} = (0,0-1), V = (0,1,0)$
- În continuare: construirea reperului de vizualizare pornind de la argumentele funcției glm::lookAt();

- Pentru a înțelege funcția glm::lookAt();: care sunt elementele geometrice relevante atunci când vorbim despre observarea unei scene 3D? (de exemplu vederea umană sau folosirea unui aparat fotografic / telefon mobil).
 - Poziția (coordonatele) observatorului
 - Direcţia / Punctul de referinţă (spre care este îndreptată privirea sau dispozitivul)
 - Orientarea
- ► Funcția glm::lookAt

```
glm::lookAt (x_0, y_0, z_0, x_{ref}, y_{ref}, z_{ref}, V_x, V_y, V_z);
```

- (x_0, y_0, z_0) : coordonatele observatorului P_0 în reperul de modelare;
- $(x_{ref}, y_{ref}, z_{ref})$: coordonatele unui punct de referință P_{ref} spre care se uită observatorul;
- (V_x, V_y, V_z) : vector care indică verticala din planul de vizualizare
- ► Implicit: $P_0 = (0,0,0), P_{ref} = (0,0-1), V = (0,1,0)$
- ▶ În continuare: construirea reperului de vizualizare pornind de la argumentele funcției glm::lookAt();
 - Originea reperului: $P_0 = (x_0, y_0, z_0)$; axele date de u, v, n

Reperul de vizualizare - vectorul n



Reperul de vizualizare - vectorii v, u

▶ În planul de vizualizare sunt definiți doi vectori u și v care sunt vectorii primelor două axe ale reperului de vizualizare ("orizontala" și "verticala" din planul de vizualizare).

Reperul de vizualizare - vectorii v, u

- În planul de vizualizare sunt definiți doi vectori u și v care sunt vectorii primelor două axe ale reperului de vizualizare ("orizontala" și "verticala" din planul de vizualizare).
- primul versor u direcţionează orizontala din planul de vizualizare: este perpendicular pe vectorul n (ca să fie inclus în planul de vizualizare) şi este perpendicular pe vectorul V indicat în gluLookAt

$$u = \frac{V \times n}{\|V\|}$$

Reperul de vizualizare - vectorii v, u

- În planul de vizualizare sunt definiți doi vectori u și v care sunt vectorii primelor două axe ale reperului de vizualizare ("orizontala" și "verticala" din planul de vizualizare).
- primul versor u direcționează orizontala din planul de vizualizare: este perpendicular pe vectorul n (ca să fie inclus în planul de vizualizare) și este perpendicular pe vectorul V indicat în gluLookAt

$$u = \frac{V \times n}{\|V\|}$$

▶ al doilea versor v - verticala "reală" din planul de vizualizare

$$v = n \times u$$

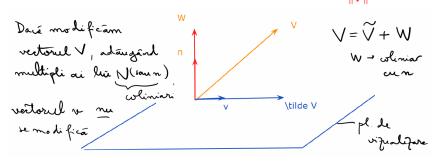
Legătura dintre vectorii V și v

Comentariu/Întrebare: ce legătură există între vectorul V, indicat ca "verticală" în funcția glm::lookAt (); și vectorul v, calculat ca fiind al doilea versor al reperului de vizualizare?

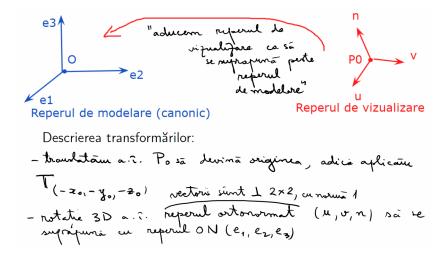
Legătura dintre vectorii V și v

Comentariu/Întrebare: ce legătură există între vectorul V, indicat ca "verticală" în funcția glm::lookAt (); și vectorul v, calculat ca fiind al doilea versor al reperului de vizualizare?

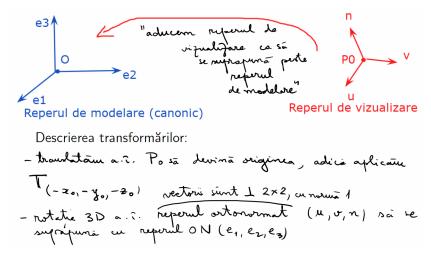
R: Vectorul V se descompune ca suma dintre un vector \tilde{V} (=proiecția lui V pe planul de vizualizare) și un vector W, perpendicular pe planul de vizualizare (coliniar cu n). Are loc relația $\mathbf{v} = \frac{\tilde{V}}{\|\tilde{V}\|}$.



Schimbarea reperului ca transformare



Schimbarea reperului ca transformare



Care este matricea asociată?

Matricea asociată schimbării de reper

Matricele associate celor dous transformari:

(5)
$$\overline{\hspace{-1em} \hspace{-1em} \hspace{-1em}$$

@ notatia? Pentru inceput: matrices 3 x 3 were transferma (e, ez, ez) in reperal ON (u, v, re).

coloanele acestei matrice sunt componentele lui M, v, n in republicamonic

Matricea asociată schimbării de reper

Matricea A este cua core transformá report (M, v, n) m reperuel canonic. $\begin{pmatrix} u_{x} & u_{y} & u_{z} \\ v_{z} & v_{y} & v_{z} \\ n_{z} & n_{y} & m_{z} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} u_{x} & v_{x} & n_{x} \\ u_{y} & v_{y} & m_{y} \\ u_{z} & v_{z} & n_{z} \end{pmatrix} =$ obs $A^t \cdot A =$ = I 3 (desorrer (u,v,n) este reper) intrucôt (u,v,n) este reper ON, matricea A verifica relation At. A = I o (A s.n. ortogonals) à matrices inversa este A-1 = At

Matricea asociată schimbării de reper

Survolarea unui obiect - codul 07_02_survolare_cub.cpp

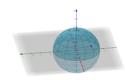
La ce revine a survola un obiect?

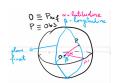
Survolarea unui obiect - codul 07_02_survolare_cub.cpp

- La ce revine a survola un obiect?
- ▶ Reprezentarea sferei de centru *C* și rază *r*

$$\begin{cases} x = C_x + r\cos(\alpha)\cos(\beta) \\ y = C_y + r\cos(\alpha)\sin(\beta) \\ z = C_z + r\sin(\alpha) \end{cases} \quad \alpha \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right], \ \beta \in [0, 2\pi]$$





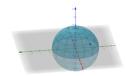


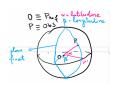
Survolarea unui obiect - codul 07_02_survolare_cub.cpp

- La ce revine a survola un object?
- ▶ Reprezentarea sferei de centru *C* și rază *r*

$$\begin{cases} x = C_x + r\cos(\alpha)\cos(\beta) \\ y = C_y + r\cos(\alpha)\sin(\beta) \\ z = C_z + r\sin(\alpha) \end{cases} \quad \alpha \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right], \ \beta \in [0, 2\pi]$$







Pentru a implementa survolarea, observatorul Obs se deplasează pe o sferă cu centrul în punctul de referință Ref și cu raza dist. În cod dist, alpha, beta sunt variabile.

```
//pozitia observatorului - se deplaseaza pe sfera
Obsx = Refx + dist * cos(alpha) * cos(beta);
Obsy = Refy + dist * cos(alpha) * sin(beta);
Obsz = Refz + dist * sin(alpha);
```