Securitatea Sistemelor Inform

- Curs 7.1 -

Coduri de autentificare a mesajelor - MAC

Adela Georgescu

Facultatea de Matematică și Informatică Universitatea din București Anul universitar 2022-2023, semestrul I

► Un scop de bază al criptografiei este să asigure comunicarea sigură de-a lungul unui canal public de comunicare;

- Un scop de bază al criptografiei este să asigure comunicarea sigură de-a lungul unui canal public de comunicare;
- Am vazut cum putem obține confidențialitatea cu ajutorul schemelor de criptare;

- Un scop de bază al criptografiei este să asigure comunicarea sigură de-a lungul unui canal public de comunicare;
- Am vazut cum putem obține confidențialitatea cu ajutorul schemelor de criptare;
- Insă, nu ne interesează doar ca adversarul să nu aibă acces la mesajele trimise, ci...

- Un scop de bază al criptografiei este să asigure comunicarea sigură de-a lungul unui canal public de comunicare;
- Am vazut cum putem obține confidențialitatea cu ajutorul schemelor de criptare;
- Insă, nu ne interesează doar ca adversarul să nu aibă acces la mesajele trimise, ci...
- Vrem să garantăm integritatea mesajelor (sau autentificarea mesajelor)

- Un scop de bază al criptografiei este să asigure comunicarea sigură de-a lungul unui canal public de comunicare;
- Am vazut cum putem obține confidențialitatea cu ajutorul schemelor de criptare;
- Insă, nu ne interesează doar ca adversarul să nu aibă acces la mesajele trimise, ci...
- Vrem să garantăm integritatea mesajelor (sau autentificarea mesajelor)
- Aceasta înseamnă ca mesajul primit de Bob este exact mesajul trimis de Alice.

lată un exemplu:

- lată un exemplu:
- ► Să consideram cazul în care un mare lanț de supermarket-uri trimite o comandă pe email către un furnizor pentru a achiziționa 10.000 bax-uri de apă minerală;

- lată un exemplu:
- Să consideram cazul în care un mare lanț de supermarket-uri trimite o comandă pe email către un furnizor pentru a achiziționa 10.000 bax-uri de apă minerală;
- Odată primită comanda, furnizorul trebuie să verifice următoarele:

- lată un exemplu:
- Să consideram cazul în care un mare lanț de supermarket-uri trimite o comandă pe email către un furnizor pentru a achiziționa 10.000 bax-uri de apă minerală;
- Odată primită comanda, furnizorul trebuie să verifice următoarele:
 - Comanda este autentică? A fost trimisă cu adevărat de un supermarket sau de către un adversar care a furat contul de email al clientului respectiv?

- lată un exemplu:
- Să consideram cazul în care un mare lanț de supermarket-uri trimite o comandă pe email către un furnizor pentru a achiziționa 10.000 bax-uri de apă minerală;
- Odată primită comanda, furnizorul trebuie să verifice următoarele:
 - Comanda este autentică? A fost trimisă cu adevărat de un supermarket sau de către un adversar care a furat contul de email al clientului respectiv?
 - 2. Dacă s-a convins de autenticitatea comenzii, trebuie verificat dacă detaliile ei sunt cele originale sau au fost modificate pe parcurs de un adversar.

▶ In exemplul precedent, problema este doar de integritate a mesajelor, și nu de confidențialitate (comanda nu e secretă);

- In exemplul precedent, problema este doar de integritate a mesajelor, și nu de confidențialitate (comanda nu e secretă);
- ► In general nu ne putem baza pe încredere în ceea ce privește integritatea mesajelor transmise, indiferent că ele sunt:

- In exemplul precedent, problema este doar de integritate a mesajelor, și nu de confidențialitate (comanda nu e secretă);
- ► In general nu ne putem baza pe încredere în ceea ce privește integritatea mesajelor transmise, indiferent că ele sunt:
 - comenzi efectuate online
 - operațiuni bancare online
 - email, SMS

- In exemplul precedent, problema este doar de integritate a mesajelor, și nu de confidențialitate (comanda nu e secretă);
- ► In general nu ne putem baza pe încredere în ceea ce privește integritatea mesajelor transmise, indiferent că ele sunt:
 - comenzi efectuate online
 - operațiuni bancare online
 - email, SMS
- ► Vom vedea cum putem folosi tehnici criptografice pentru a preveni modificarea nedectată a mesajelor transmise.

- ► Criptarea, în general, **NU** oferă integritatea mesajelor!
- ► Nu folositi criptarea cu scopul de a obtine autentificarea mesajelor

- Criptarea, în general, NU oferă integritatea mesajelor!
- Nu folositi criptarea cu scopul de a obtine autentificarea mesajelor
- Dacă un mesaj este transmis criptat de-a lungul unui canal de comunicare, nu înseamnă că un adversar nu poate modifica/altera mesajul așa încât modificarea să aiba sens în textul clar;

- ► Criptarea, în general, **NU** oferă integritatea mesajelor!
- Nu folositi criptarea cu scopul de a obtine autentificarea mesajelor
- Dacă un mesaj este transmis criptat de-a lungul unui canal de comunicare, nu înseamnă că un adversar nu poate modifica/altera mesajul așa încât modificarea să aiba sens în textul clar;
- Verificăm, în continuare, că nici o schemă de criptare studiată nu oferă integritatea mesajelor;

- Criptarea folosind sisteme fluide
 - ► $Enc_k(m) = G(k) \oplus m$, unde G este un PRG;

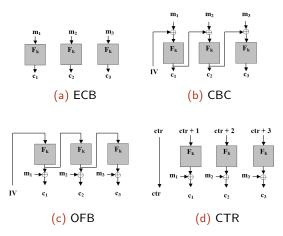
- Criptarea folosind sisteme fluide
 - ► $Enc_k(m) = G(k) \oplus m$, unde G este un PRG;
 - ▶ Dacă modificăm un singur bit din textul criptat *c*, modificarea se va reflecta imediat în același bit din textul clar;

- Criptarea folosind sisteme fluide
 - ► $Enc_k(m) = G(k) \oplus m$, unde G este un PRG;
 - ▶ Dacă modificăm un singur bit din textul criptat c, modificarea se va reflecta imediat în același bit din textul clar;
 - Consecințele pot fi grave: de pildă, să considerăm transferul unei sume de bani în dolari criptate, reprezentată în binar;

- Criptarea folosind sisteme fluide
 - ► $Enc_k(m) = G(k) \oplus m$, unde G este un PRG;
 - ▶ Dacă modificăm un singur bit din textul criptat c, modificarea se va reflecta imediat în același bit din textul clar;
 - Consecințele pot fi grave: de pildă, să considerăm transferul unei sume de bani în dolari criptate, reprezentată în binar;
 - Modificarea unui bit poate schimba suma foarte mult (al 11 lsb schimbă suma cu mai mult de 1000\$);

- Criptarea folosind sisteme fluide
 - ► $Enc_k(m) = G(k) \oplus m$, unde G este un PRG;
 - ▶ Dacă modificăm un singur bit din textul criptat c, modificarea se va reflecta imediat în același bit din textul clar;
 - Consecințele pot fi grave: de pildă, să considerăm transferul unei sume de bani în dolari criptate, reprezentată în binar;
 - Modificarea unui bit poate schimba suma foarte mult (al 11 lsb schimbă suma cu mai mult de 1000\$);
 - Acelaşi atac se poate aplica şi la OTP.

- Criptarea folosind sisteme bloc
 - ► Intrebare: Atacul de mai sus se poate aplica și pentru sistemele bloc cu modurile de operare studiate?



Răspuns: Atacul se aplică identic pentru modurile OFB și CTR;

- Răspuns: Atacul se aplică identic pentru modurile OFB și CTR;
- ▶ Pentru modul ECB, modificarea unui bit din al i-lea bloc criptat afectează numai al i-lea bloc clar, dar este foarte greu de prezis efectul exact;

- Răspuns: Atacul se aplică identic pentru modurile OFB și CTR;
- ▶ Pentru modul ECB, modificarea unui bit din al i-lea bloc criptat afectează numai al i-lea bloc clar, dar este foarte greu de prezis efectul exact;
- Mai mult, ordinea blocurilor la ECB poate fi schimbată;

- Răspuns: Atacul se aplică identic pentru modurile OFB și CTR;
- ▶ Pentru modul ECB, modificarea unui bit din al i-lea bloc criptat afectează numai al i-lea bloc clar, dar este foarte greu de prezis efectul exact;
- Mai mult, ordinea blocurilor la ECB poate fi schimbată;
- Pentru modul CBC, schimbarea bitului j din IV va schimba bitul j din primul bloc;

- Răspuns: Atacul se aplică identic pentru modurile OFB şi CTR;
- ▶ Pentru modul ECB, modificarea unui bit din al i-lea bloc criptat afectează numai al i-lea bloc clar, dar este foarte greu de prezis efectul exact;
- Mai mult, ordinea blocurilor la ECB poate fi schimbată;
- Pentru modul CBC, schimbarea bitului j din IV va schimba bitul j din primul bloc;
- ▶ Toate celelalte blocuri de text clar rămân neschimbate $(m_i = F_k^{-1}(c_i) \oplus c_{i-1}$ iar blocurile c_i si c_{i-1} nu au fost modificate).

 Aşa cum am vazut, criptarea nu rezolvă problema autentificarii mesajelor;

- Aşa cum am vazut, criptarea nu rezolvă problema autentificarii mesajelor;
- ➤ Vom folosi un mecanism diferit, numit cod de autentificare a mesajelor - MAC (Message Authentication Code);

- Aşa cum am vazut, criptarea nu rezolvă problema autentificarii mesajelor;
- Vom folosi un mecanism diferit, numit cod de autentificare a mesajelor - MAC (Message Authentication Code);
- Scopul lor este de a împiedica un adversar să modifice un mesaj trimis fără ca părțile care comunică să nu detecteze modificarea;

- Aşa cum am vazut, criptarea nu rezolvă problema autentificarii mesajelor;
- Vom folosi un mecanism diferit, numit cod de autentificare a mesajelor - MAC (Message Authentication Code);
- Scopul lor este de a împiedica un adversar să modifice un mesaj trimis fără ca părțile care comunică să nu detecteze modificarea;
- Vom lucra în continuare în contextul criptografiei cu cheie secretă unde părțile trebuie să prestabilească de comun acord o cheie secretă.

MAC - Definiție



MAC - Definiție



▶ Alice și Bob stabliesc o cheie secretă *k* pe care o partajează;

MAC - Definiție



- Alice şi Bob stabliesc o cheie secretă k pe care o partajează;
- Când Alice vrea să îi trimită un mesaj m lui Bob, calculează mai întâi un tag t (o etichetă) pe baza mesajului m şi a cheii k şi trimite perechea (m, t);

► Tag-ul este calculat folosind un algoritm de generare a tag-urilor numit Mac;

- ► Tag-ul este calculat folosind un algoritm de generare a tag-urilor numit Mac;
- ▶ La primirea perechii (m, t) Bob verifică dacă tag-ul este valid (în raport cu cheia k) folosind un algoritm de verificare Vrfy;

- ► Tag-ul este calculat folosind un algoritm de generare a tag-urilor numit Mac;
- ▶ La primirea perechii (m, t) Bob verifică dacă tag-ul este valid (în raport cu cheia k) folosind un algoritm de verificare Vrfy;
- In continuare prezentăm definiția formală a unui cod de autentificare a mesajelor.

Definiție

Un cod de autentificare a mesajelor (MAC) definit peste $(K, \mathcal{M}, \mathcal{T})$ este format dintr-un triplet de algoritmi polinomiali (Gen, Mac, Vrfy) unde:

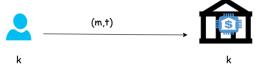
- 1. $Gen(1^n)$: este algoritmul de generare a cheii k (aleasă uniform pe n biți)
- 2. $\operatorname{Mac}: \mathcal{K} \times \mathcal{M} \to \mathcal{T}$ este algoritmul de generare a tag-urilor $t \leftarrow \operatorname{Mac}_k(m)$;
- 3. Vrfy: $\mathcal{K} \times \mathcal{M} \times \mathcal{T} \rightarrow \{0,1\}$ este algoritmul de verificare ce întoarce un bit $b = \operatorname{Vrfy}_k(m,t)$ cu semnificația că:
 - \blacktriangleright b=1 înseamnă valid
 - \blacktriangleright b = 0 înseamnă invalid
- $a.\hat{i}: \forall m \in \mathcal{M}, k \in \mathcal{K} \operatorname{Vrfy}_k(m, \operatorname{Mac}_k(m)) = 1.$

Cazuri de folosire ale MAC

1. când cele două părti care comunică partajează o cheie secretă în avans

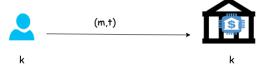
Cazuri de folosire ale MAC

1. când cele două părti care comunică partajează o cheie secretă în avans

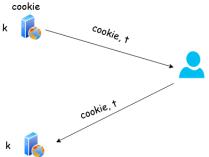


Cazuri de folosire ale MAC

 când cele două părti care comunică partajează o cheie secretă în avans



2. când avem o singură parte care autentifică o comunicație, interacționând cu ea însăși după un timp



► Intuiție: nici un adversar polinomial nu ar trebui să poată genera un tag valid pentru nici un mesaj "nou" care nu a fost deja trimis (și autentificat) de părțile care comunică;

- Intuiție: nici un adversar polinomial nu ar trebui să poată genera un tag valid pentru nici un mesaj "nou" care nu a fost deja trimis (şi autentificat) de părțile care comunică;
- ► Trebuie să definim puterea adversarului și ce înseamnă spargerea sau un atac asupra securității;

- Intuiție: nici un adversar polinomial nu ar trebui să poată genera un tag valid pentru nici un mesaj "nou" care nu a fost deja trimis (şi autentificat) de părțile care comunică;
- ► Trebuie să definim puterea adversarului și ce înseamnă spargerea sau un atac asupra securității;
- Adversarul lucrează în timp polinomial și are acces la mesajele trimise între părți împreuna cu tag-urile aferente.

- Intuiție: nici un adversar polinomial nu ar trebui să poată genera un tag valid pentru nici un mesaj "nou" care nu a fost deja trimis (şi autentificat) de părțile care comunică;
- ► Trebuie să definim puterea adversarului și ce înseamnă spargerea sau un atac asupra securității;
- Adversarul lucrează în timp polinomial și are acces la mesajele trimise între părți împreuna cu tag-urile aferente.
- Adversarul este activ, poate influenţa autentificarea unor mesaje alese de el...

- Intuiție: nici un adversar polinomial nu ar trebui să poată genera un tag valid pentru nici un mesaj "nou" care nu a fost deja trimis (şi autentificat) de părțile care comunică;
- ► Trebuie să definim puterea adversarului și ce înseamnă spargerea sau un atac asupra securității;
- Adversarul lucrează în timp polinomial și are acces la mesajele trimise între părți împreuna cu tag-urile aferente.
- Adversarul este activ, poate influenţa autentificarea unor mesaje alese de el...
- ...dar nu trebuie să poată falsifica tag-ul aferent unor mesaje care nu au fost autentificate de expeditor

▶ Formal, îi dăm adversarului acces la un *oracol* $Mac_k(\cdot)$;

- ▶ Formal, îi dăm adversarului acces la un *oracol* $Mac_k(\cdot)$;
- Adversarul poate trimite orice mesaj m dorit către oracol și primește înapoi un tag corespunzător $t \leftarrow \operatorname{Mac}_k(m)$;

- ▶ Formal, îi dăm adversarului acces la un *oracol* $Mac_k(\cdot)$;
- Adversarul poate trimite orice mesaj m dorit către oracol și primește înapoi un tag corespunzător $t \leftarrow \operatorname{Mac}_k(m)$;
- Considerăm că securitatea este impactată dacă adversarul este capabil să producă un mesaj m împreună cu un tag t așa încât:

- ▶ Formal, îi dăm adversarului acces la un *oracol* $Mac_k(\cdot)$;
- Adversarul poate trimite orice mesaj m dorit către oracol și primește înapoi un tag corespunzător $t \leftarrow \operatorname{Mac}_k(m)$;
- Considerăm că securitatea este impactată dacă adversarul este capabil să producă un mesaj m împreună cu un tag t așa încât:
 - 1. t este un tag valid pentru mesajul m: $Vrfy_k(m, t) = 1$;

- ▶ Formal, îi dăm adversarului acces la un *oracol* $Mac_k(\cdot)$;
- Adversarul poate trimite orice mesaj m dorit către oracol și primește înapoi un tag corespunzător $t \leftarrow \operatorname{Mac}_k(m)$;
- Considerăm că securitatea este impactată dacă adversarul este capabil să producă un mesaj m împreună cu un tag t așa încât:
 - 1. t este un tag valid pentru mesajul m: $Vrfy_k(m, t) = 1$;
 - Adversarul nu a solicitat anterior (de la oracol) un tag pentru mesajul m.

▶ Despre un MAC care satisface nivelul de securitate de mai sus spunem că nu poate fi falsificat printr-un atac cu mesaj ales;

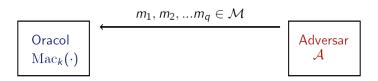
- Despre un MAC care satisface nivelul de securitate de mai sus spunem că nu poate fi falsificat printr-un atac cu mesaj ales;
- Aceasta înseamnă că un adversar nu este capabil să falsifice un tag valid pentru nici un mesaj ...

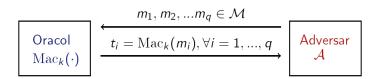
- Despre un MAC care satisface nivelul de securitate de mai sus spunem că nu poate fi falsificat printr-un atac cu mesaj ales;
- Aceasta înseamnă că un adversar nu este capabil să falsifice un tag valid pentru nici un mesaj ...
- ... deşi poate obţine tag-uri pentru orice mesaj ales de el, chiar adaptiv în timpul atacului.

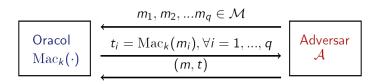
- ▶ Despre un MAC care satisface nivelul de securitate de mai sus spunem că nu poate fi falsificat printr-un atac cu mesaj ales;
- Aceasta înseamnă că un adversar nu este capabil să falsifice un tag valid pentru nici un mesaj ...
- ... deşi poate obţine tag-uri pentru orice mesaj ales de el, chiar adaptiv în timpul atacului.
- Pentru a da definiția formală, definim mai întâi un experiment pentru un MAC $\pi = (\text{Mac}, \text{Vrfy})$, în care considerăm un adversar \mathcal{A} și parametrul de securitate n;

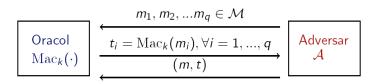
Oracol $\operatorname{Mac}_k(\cdot)$

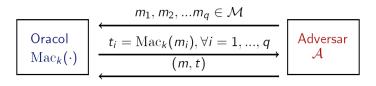
Adversar ${\cal A}$

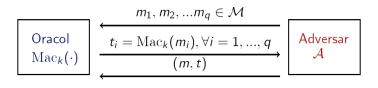






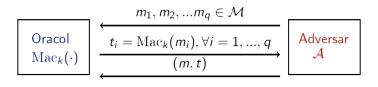






Output-ul experimentului este 1 dacă și numai dacă:

(1)
$$\operatorname{Vrfy}_k(m, t) = 1 \text{ si } (2) \ m \notin \{m_1, ..., m_q\};$$



- Output-ul experimentului este 1 dacă și numai dacă: (1) $\operatorname{Vrfy}_k(m,t) = 1$ si (2) $m \notin \{m_1,...,m_q\}$;
- ▶ Dacă $\operatorname{Mac}_{\mathcal{A},\pi}^{\mathit{forge}}(n) = 1$, spunem că \mathcal{A} a efectuat experimentul cu succes.

Securitate MAC

Definiție

Un cod de autentificare al mesajelor $\pi=(\mathrm{Gen},\mathrm{Mac},\mathrm{Vrfy})$ este sigur (nu poate fi falsificat printr-un atac cu mesaj ales) dacă pentru orice adversar polinomial $\mathcal A$ există o funcție neglijabilă negl așa încât

$$Pr[\operatorname{Mac}_{\mathcal{A},\pi}^{forge}(n)=1] \leq negl(n).$$

▶ Întrebare: De ce este necesară a doua condiție de la securitatea MAC (un adversar nu poate întoarce un mesaj pentru care anterior a cerut un tag)?

- ▶ Întrebare: De ce este necesară a doua condiție de la securitatea MAC (un adversar nu poate întoarce un mesaj pentru care anterior a cerut un tag)?
- Răspuns: Pentru a evita atacurile triviale în care un adversar cere tag-ul aferent unui mesaj și apoi întoarce chiar acel mesaj împreună cu tag-ul primit.

- ▶ Întrebare: De ce este necesară a doua condiție de la securitatea MAC (un adversar nu poate întoarce un mesaj pentru care anterior a cerut un tag)?
- Răspuns: Pentru a evita atacurile triviale în care un adversar cere tag-ul aferent unui mesaj şi apoi întoarce chiar acel mesaj împreună cu tag-ul primit.
- ► Intrebare: Definiția MAC oferă protecție la atacurile prin replicare (in care un adversar copiază un mesaj împreună cu tag-ul aferent trimise de părțile comunicante)?

- ▶ Întrebare: De ce este necesară a doua condiție de la securitatea MAC (un adversar nu poate întoarce un mesaj pentru care anterior a cerut un tag)?
- Răspuns: Pentru a evita atacurile triviale în care un adversar cere tag-ul aferent unui mesaj și apoi întoarce chiar acel mesaj împreună cu tag-ul primit.
- Intrebare: Definiția MAC oferă protecție la atacurile prin replicare (in care un adversar copiază un mesaj împreună cu tag-ul aferent trimise de părțile comunicante)?
- Răspuns: NU! MAC-urile nu oferă nici un fel de protecție la atacurile prin replicare.

▶ De exemplu: Alice trimite către banca sa un ordin de transfer a 1.000\$ din contul ei în contul lui Bob;

- De exemplu: Alice trimite către banca sa un ordin de transfer a 1.000\$ din contul ei în contul lui Bob;
- ▶ Pentru aceasta, Alice calculează un tag MAC şi îl ataşază mesajului aşa încât banca ştie că mesajul este autentic;

- De exemplu: Alice trimite către banca sa un ordin de transfer a 1.000\$ din contul ei în contul lui Bob;
- ▶ Pentru aceasta, Alice calculează un tag MAC şi îl ataşază mesajului aşa încât banca ştie că mesajul este autentic;
- ▶ Dacă MAC-ul este sigur, Bob nu va putea intercepta mesajul şi modifica suma la 10.000\$;

- De exemplu: Alice trimite către banca sa un ordin de transfer a 1.000\$ din contul ei în contul lui Bob;
- ▶ Pentru aceasta, Alice calculează un tag MAC şi îl ataşază mesajului aşa încât banca ştie că mesajul este autentic;
- ▶ Dacă MAC-ul este sigur, Bob nu va putea intercepta mesajul şi modifica suma la 10.000\$;
- Dar Bob poate intercepta mesajul şi îl poate replica de zece ori către bancă;

- De exemplu: Alice trimite către banca sa un ordin de transfer a 1.000\$ din contul ei în contul lui Bob;
- ▶ Pentru aceasta, Alice calculează un tag MAC şi îl ataşază mesajului aşa încât banca ştie că mesajul este autentic;
- ▶ Dacă MAC-ul este sigur, Bob nu va putea intercepta mesajul şi modifica suma la 10.000\$;
- Dar Bob poate intercepta mesajul şi îl poate replica de zece ori către bancă;
- ▶ Dacă banca îl acceptă, Bob va avea în cont 10.000\$.

► Un MAC nu protejează împotriva unui atac prin replicare pentru că definiția nu încorporează nici o noțiune de *stare* în algortimul de verificare;

- Un MAC nu protejează împotriva unui atac prin replicare pentru că definiția nu încorporează nici o noțiune de stare în algortimul de verificare;
- Mai degrabă, protecția împotriva replicării trebuie făcută la nivel înalt de către aplicatiile care folosesc MAC-uri;

Avem nevoie de o funcție cu cheie, pentru care, dându-se $Mac_k(m_1)$, $Mac_k(m_2)$...

- Avem nevoie de o funcție cu cheie, pentru care, dându-se $Mac_k(m_1)$, $Mac_k(m_2)$...
- ▶ ... să nu fie ușor (în timp polinomial) a găsi $Mac_k(m)$ pentru orice $m \notin \{m_1, m_2, ...\}$

- Avem nevoie de o funcție cu cheie, pentru care, dându-se $Mac_k(m_1)$, $Mac_k(m_2)$...
- ▶ ... să nu fie ușor (în timp polinomial) a găsi $Mac_k(m)$ pentru orice $m \notin \{m_1, m_2, ...\}$
- Funcția MAC ar putea fi un PRF

 Funcțiile pseudoaleatoare (PRF) sunt un instrument bun pentru a construi MAC-uri sigure;

Construcție

Fie $F: \{0,1\}^n \times \{0,1\}^n \to \{0,1\}^n$ o PRF. Definim un MAC în felul următor:

- ▶ Mac : pentru o cheie $k \in \{0,1\}^n$ și un mesaj $m \in \{0,1\}^n$, calculează tag-ul $t = F_k(m)$ (dacă $|m| \neq |k|$ nu întoarce nimic);
- ▶ Vrfy: pentru o cheie $k \in \{0,1\}^n$, un mesaj $m \in \{0,1\}^n$ și un tag $t \in \{0,1\}^n$, întoarce 1 dacă și numai dacă $t = F_k(m)$ (dacă $|m| \neq |k|$, întoarce 0).

Teoremă

Dacă F este PRF, construcția de mai sus reprezintă un cod de autentificare a mesajelor sigur (nu poate fi falsificat prin atacuri cu mesaj ales).

 Construcția prezentată anterior funcționează doar pe mesaje de lungime fixă (PRF-urile sunt instanțiate cu sisteme de criptare bloc care, cel mai adesea, acceptă input-uri de 128 biți);

- Construcția prezentată anterior funcționează doar pe mesaje de lungime fixă (PRF-urile sunt instanțiate cu sisteme de criptare bloc care, cel mai adesea, acceptă input-uri de 128 biți);
- Insă în practică avem nevoie de mesaje de lungime variabilă;

- Construcția prezentată anterior funcționează doar pe mesaje de lungime fixă (PRF-urile sunt instanțiate cu sisteme de criptare bloc care, cel mai adesea, acceptă input-uri de 128 biți);
- Insă în practică avem nevoie de mesaje de lungime variabilă;
- Arătăm cum putem obține un MAC de lungime variabilă pornind de la un MAC de lungime fixă;

- Construcția prezentată anterior funcționează doar pe mesaje de lungime fixă (PRF-urile sunt instanțiate cu sisteme de criptare bloc care, cel mai adesea, acceptă input-uri de 128 biți);
- Insă în practică avem nevoie de mesaje de lungime variabilă;
- Arătăm cum putem obține un MAC de lungime variabilă pornind de la un MAC de lungime fixă;
- Fie $(\pi' = (\text{Mac'}, \text{Vrfy'}))$ un MAC sigur de lungime fixă pentru mesaje de lungime n;

- Construcția prezentată anterior funcționează doar pe mesaje de lungime fixă (PRF-urile sunt instanțiate cu sisteme de criptare bloc care, cel mai adesea, acceptă input-uri de 128 biţi);
- Insă în practică avem nevoie de mesaje de lungime variabilă;
- Arătăm cum putem obține un MAC de lungime variabilă pornind de la un MAC de lungime fixă;
- Fie $(\pi' = (\text{Mac'}, \text{Vrfy'}))$ un MAC sigur de lungime fixă pentru mesaje de lungime n;
- Pentru a construi un MAC de lungime variabilă, putem sparge mesajul m în blocuri $m_1, ..., m_d$ și autentificam blocurile folosind π' ;

- Construcția prezentată anterior funcționează doar pe mesaje de lungime fixă (PRF-urile sunt instanțiate cu sisteme de criptare bloc care, cel mai adesea, acceptă input-uri de 128 biți);
- Insă în practică avem nevoie de mesaje de lungime variabilă;
- Arătăm cum putem obține un MAC de lungime variabilă pornind de la un MAC de lungime fixă;
- Fie $(\pi' = (\text{Mac'}, \text{Vrfy'}))$ un MAC sigur de lungime fixă pentru mesaje de lungime n;
- Pentru a construi un MAC de lungime variabilă, putem sparge mesajul m în blocuri $m_1, ..., m_d$ și autentificam blocurile folosind π' ;
- lată câteva modalități de a face aceasta:

1. XOR pe toate blocurile cu autentificarea rezultatului: $t = \operatorname{Mac}'_k(\oplus_i m_i)$

1. XOR pe toate blocurile cu autentificarea rezultatului: $t = \operatorname{Mac}'_k(\bigoplus_i m_i)$

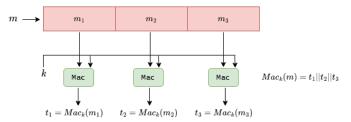
► Intrebare: Este sigură această metodă?

1. XOR pe toate blocurile cu autentificarea rezultatului:

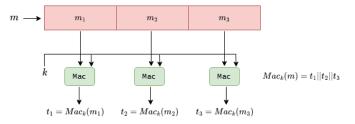
$$t = \operatorname{Mac}'_k(\oplus_i m_i)$$

- ► Intrebare: Este sigură această metodă?
- ► Răspuns: NU! Un adversar poate modifica mesajul original m a.î. XOR-ul blocurilor nu se schimbă, el obţinând un tag valid pentru un mesaj nou;

2. Autentificare separată pentru fiecare bloc:

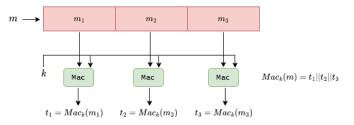


2. Autentificare separată pentru fiecare bloc:



► Intrebare: Este sigură această metodă?

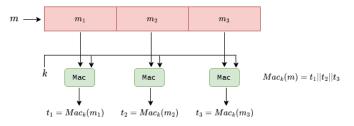
2. Autentificare separată pentru fiecare bloc:



► Intrebare: Este sigură această metodă?

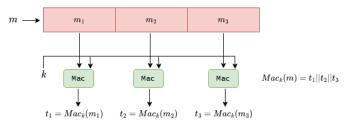
► Răspuns: NU!

2. Autentificare separată pentru fiecare bloc:



- ► Intrebare: Este sigură această metodă?
- ► Răspuns: NU!
- Fiind dat (m, t) cu $m = m_1 ||m_2||m_3$ și $t = t_1 ||t_2||t_3$

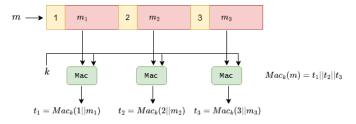
2. Autentificare separată pentru fiecare bloc:



- ► Intrebare: Este sigură această metodă?
- ► Răspuns: NU!
- Fiind dat (m, t) cu $m = m_1 ||m_2||m_3$ și $t = t_1 ||t_2||t_3$
- Atunci (m', t') este o pereche validă cu $m' = m_2 ||m_1|| m_3$ și $t' = t_2 ||t_1|| t_3$

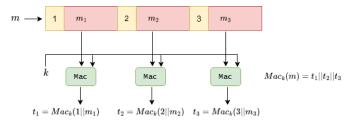
3. Autentificare separată pentru fiecare bloc folosind o secvență de numere:

In felul acesta prevenim atacul anterior



3. Autentificare separată pentru fiecare bloc folosind o secvență de numere:

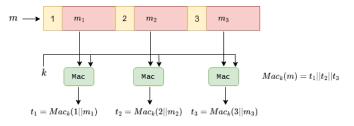
In felul acesta prevenim atacul anterior



Intrebare: Este sigură această metodă?

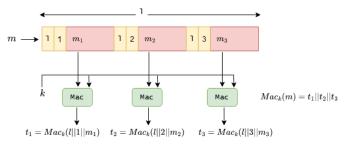
3. Autentificare separată pentru fiecare bloc folosind o secvență de numere:

In felul acesta prevenim atacul anterior

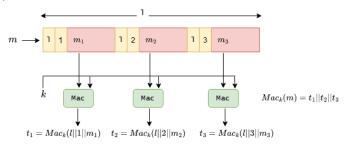


- ► Intrebare: Este sigură această metodă?
- ▶ Răspuns: NU! Un adversar poate scoate blocuri de la sfârșitul mesajului: $t = t_1 || t_2$ este un tag valid pentru mesajul $m = m_1 || m_2$;

► Soluție pentru atacurile anterioare: adăugarea de informație suplimentară în fiecare bloc

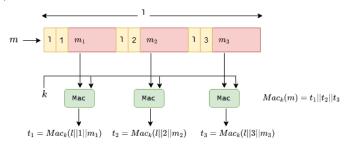


► Soluție pentru atacurile anterioare: adăugarea de informație suplimentară în fiecare bloc



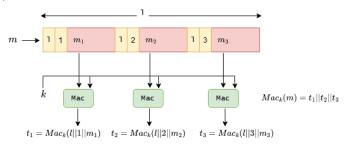
► Intrebare: Este sigură această metodă?

 Soluție pentru atacurile anterioare: adăugarea de informație suplimentară în fiecare bloc



- ► Intrebare: Este sigură această metodă?
- Răspuns: NU!
- Pentru perechea (m,t) cu $m=m_1||m_2||m_3$ și $t=t_1||t_2||t_3$ și perechea (m',t') cu $m'=m'_1||m'_2||m'_3$ și $t'=t'_1||t'_2||t'_3$ iar |m|=|m'|

 Soluție pentru atacurile anterioare: adăugarea de informație suplimentară în fiecare bloc



- ► Intrebare: Este sigură această metodă?
- Răspuns: NU!
- ▶ Pentru perechea (m,t) cu $m=m_1||m_2||m_3$ și $t=t_1||t_2||t_3$ și perechea (m',t') cu $m'=m'_1||m'_2||m'_3$ și $t'=t'_1||t'_2||t'_3$ iar |m|=|m'|
- ▶ perechea $(m_1||m_2'||m_3, t_1||t_2'||t_3)$ este una validă

► Soluția este ineficientă și greu de folosit în practică;

- Soluția este ineficientă și greu de folosit în practică;
- Insă, am văzut că putem construi MAC-uri sigure (chiar pentru mesaje de lungime variabilă) pe baza funcţiilor pseudoaleatoare (intrare de lungime fixă);

- Soluția este ineficientă și greu de folosit în practică;
- Insă, am văzut că putem construi MAC-uri sigure (chiar pentru mesaje de lungime variabilă) pe baza funcţiilor pseudoaleatoare (intrare de lungime fixă);
- Ceea ce înseamnă că putem construi MAC-uri sigure pornind de la cifruri bloc;

- Soluția este ineficientă și greu de folosit în practică;
- Insă, am văzut că putem construi MAC-uri sigure (chiar pentru mesaje de lungime variabilă) pe baza funcţiilor pseudoaleatoare (intrare de lungime fixă);
- Ceea ce înseamnă că putem construi MAC-uri sigure pornind de la cifruri bloc;
- ▶ Dar, cu construcția de mai sus, rezultatul e foarte ineficient: pentru un tag aferent unui mesaj de lungime $l \cdot n$, trebuie să aplicăm sistemul bloc de 4l ori iar tag-ul rezultat are (4l+1)n biți;

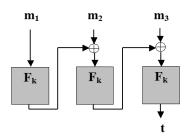
O soluție mult mai eficientă este să folosim CBC-MAC;

CBC-MAC

- O soluție mult mai eficientă este să folosim CBC-MAC;
- ► CBC-MAC este o construcție similară cu modul CBC folosit pentru criptare;

CBC-MAC

- O soluție mult mai eficientă este să folosim CBC-MAC;
- CBC-MAC este o construcție similară cu modul CBC folosit pentru criptare;
- ▶ Folosind CBC-MAC, pentru un tag aferent unui mesaj de lungime $l \cdot n$, se aplică sistemul bloc doar de l ori, iar tag-ul are numai n biţi.



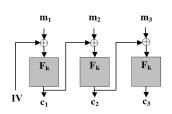
▶ Dacă F este o funcție pseudoaleatoare, construcția de mai sus reprezintă un cod de autentificare a mesajelor sigur (nu poate fi falsificat prin atacuri cu mesaj ales) pentru mesaje de lungime $\ell \cdot n$ pentru ℓ fixat.

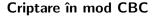
- Dacă F este o funcție pseudoaleatoare, construcția de mai sus reprezintă un cod de autentificare a mesajelor sigur (nu poate fi falsificat prin atacuri cu mesaj ales) pentru mesaje de lungime $\ell \cdot n$ pentru ℓ fixat.
- Construcția prezentată este sigură numai pentru autentificarea mesajelor de lungime fixă;

- Dacă F este o funcție pseudoaleatoare, construcția de mai sus reprezintă un cod de autentificare a mesajelor sigur (nu poate fi falsificat prin atacuri cu mesaj ales) pentru mesaje de lungime $\ell \cdot n$ pentru ℓ fixat.
- Construcția prezentată este sigură numai pentru autentificarea mesajelor de lungime fixă;
- $ightharpoonup \ell$ fixat înseamnă că cele două părți care comunică trebuie să partajeze ℓ în avans

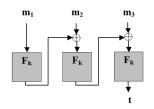
- ▶ Dacă F este o funcție pseudoaleatoare, construcția de mai sus reprezintă un cod de autentificare a mesajelor sigur (nu poate fi falsificat prin atacuri cu mesaj ales) pentru mesaje de lungime $\ell \cdot n$ pentru ℓ fixat.
- Construcția prezentată este sigură numai pentru autentificarea mesajelor de lungime fixă;
- lacksquare fixat înseamnă că cele două părți care comunică trebuie să partajeze ℓ în avans
- Avantajul acestei construcții față de cea anterioară este că ea poate autentifica mesaje de lungime mult mai mare;

CBC-MAC vc. Criptare în modul CBC





- IV este aleator pentru a obţine securitate;
- ► toate blocurile *c_i* constituie mesajul criptat.



CBC-MAC

- $IV = 0^n$ este fixat pentru a obține securitate;
- doar ieşirea ultimului bloc constituie tag-ul (întoarcerea tuturor blocurilor intermediare duce la pierderea securității)

Construcții MAC

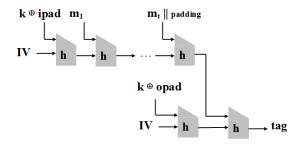
- Există două construcții de bază care se folosesc în practică:
 - ► CBC-MAC folosit pe larg în industria bancară

Construcții MAC

- Există două construcții de bază care se folosesc în practică:
 - ► CBC-MAC folosit pe larg în industria bancară
 - ► HMAC pentru protocoale pe Internet: SSL, IPsec, SSH...
- Am studiat CBC-MAC mai devreme în curs; In continuare trecem în revistă HMAC

HMAC

Folosim metoda standardizată HMAC (Hash MAC):



- HMAC se definește astfel:
- $\blacktriangleright \operatorname{Mac}(k,m): t = H((k \oplus \operatorname{opad}) \mid\mid H((k \oplus \operatorname{ipad}) \mid\mid m));$
- $\blacktriangleright \operatorname{Vrfy}(k,m,t) = 1 \iff t = \operatorname{Mac}(k,m).$

Notații

- ipad și opad sunt două constante de lungimea unui bloc m_i
- ipad constă din byte-ul 0x5C repetat de atâtea ori cât e nevoie;
- opad constă din byte-ul 0x36 repetat de atâtea ori cât e nevoie;
- ► IV este o constantă fixată.

 Am văzut cum putem obține confidențialitate folosind scheme de criptare;

- Am văzut cum putem obține confidențialitate folosind scheme de criptare;
- Am văzut cum putem garanta integritatea datelor folosind MAC-uri;

- Am văzut cum putem obține confidențialitate folosind scheme de criptare;
- Am văzut cum putem garanta integritatea datelor folosind MAC-uri;
- ► In practică avem nevoie de ambele proprietăți de securitate: confidențialitate și integritatea datelor adica criptare autentificată authenticated encryption

- Am văzut cum putem obține confidențialitate folosind scheme de criptare;
- Am văzut cum putem garanta integritatea datelor folosind MAC-uri;
- ► In practică avem nevoie de ambele proprietăți de securitate: confidențialitate și integritatea datelor adica criptare autentificată authenticated encryption
- Nu orice combinație de schemă de criptare sigură și MAC sigur oferă cele două proprietăți de securitate!

► lată trei abordari uzuale pentru a combina criptarea și autentificarea mesajelor:

- ► lată trei abordari uzuale pentru a combina criptarea și autentificarea mesajelor:
 - 1. Criptare-şi-autentificare: criptarea şi autentificarea se fac independent. Pentru un mesaj clar m, se transmite mesajul criptat $\langle c, t \rangle$ unde

$$c \leftarrow \operatorname{Enc}_{k_1}(m)$$
 și $t \leftarrow \operatorname{Mac}_{k_2}(m)$

La recepție, $m = \mathrm{Dec}_{k_1}(c)$ și dacă $\mathrm{Vrfy}_{k_2}(m,t) = 1$, atunci întoarce m; altfel întoarce \perp .

| mesaj m | \Longrightarrow | 7 | // | Τ, | Enc | m | 7 | 7, | / | \Longrightarrow | 7 | 7 | 7, | Enc | m | 7 | 7 | | $Mac_k(m)$ |
|---------|-------------------|---|----|----|-----|---|---|----|---|-------------------|---|---|----|-----|---|---|---|--|------------|

- lată trei abordari uzuale pentru a combina criptarea și autentificarea mesajelor:
 - 1. Criptare-și-autentificare: criptarea și autentificarea se fac independent. Pentru un mesaj clar m, se transmite mesajul criptat $\langle c, t \rangle$ unde

$$c \leftarrow \operatorname{Enc}_{k_1}(m) \text{ și } t \leftarrow \operatorname{Mac}_{k_2}(m)$$
 La recepție, $m = \operatorname{Dec}_{k_1}(c)$ și dacă $\operatorname{Vrfy}_{k_2}(m,t) = 1$, atunci

întoarce m; altfel întoarce \perp .

| | | | | | | | | | | | _ | |
|---------|---------------|--|-------|----|----|-------------------|--|-----|-----|----|---|--------------|
| mesaj m | \Rightarrow | | Enc/(| n) | // | \Longrightarrow | | Enc | (m) | // | | $Mac_{k}(m)$ |
| | | | | | | | | | | | | |

► Combinația aceasta **nu** este neaparat sigură; un MAC sigur nu implică nici un fel de confidențialitate;

▶ 2. Autentificare-apoi-criptare: întâi se calculează tag-ul t apoi mesajul și tag-ul sunt criptate împreună

$$t \leftarrow \operatorname{Mac}_{k_2}(m) \operatorname{si} c \leftarrow \operatorname{Enc}_{k_1}(m||t)$$

La recepție, $m||t = \text{Dec}_{k_1}(c)$ și dacă $\text{Vrfy}_{k_2}(m,t) = 1$, atunci întoarce m; altfel întoarce \perp .



▶ 2. Autentificare-apoi-criptare: întâi se calculează tag-ul t apoi mesajul și tag-ul sunt criptate împreună

$$t \leftarrow \operatorname{Mac}_{k_2}(m) \operatorname{si} c \leftarrow \operatorname{Enc}_{k_1}(m||t)$$

La recepție, $m||t = \mathrm{Dec}_{k_1}(c)$ și dacă $\mathrm{Vrfy}_{k_2}(m,t) = 1$, atunci întoarce m; altfel întoarce \perp .



► Combinația aceasta **nu** este neapărat sigură;

▶ 2. Autentificare-apoi-criptare: întâi se calculează tag-ul t apoi mesajul și tag-ul sunt criptate împreună

$$t \leftarrow \operatorname{Mac}_{k_2}(m)$$
 si $c \leftarrow \operatorname{Enc}_{k_1}(m||t)$

La recepție, $m||t = \mathrm{Dec}_{k_1}(c)$ și dacă $\mathrm{Vrfy}_{k_2}(m,t) = 1$, atunci întoarce m; altfel întoarce \perp .



- ► Combinația aceasta **nu** este neapărat sigură;
- Se poate construi o schemă de criptare CPA-sigură care împreună cu orice MAC sigur nu poate fi CCA-sigură;

Securitate Criptare-apoi-autentificare

3. Criptare-apoi-autentificare



Securitate Criptare-apoi-autentificare

3. Criptare-apoi-autentificare



 Combinația aceasta este întotdeauna sigură; se folosește în IPsec;

Securitate Criptare-apoi-autentificare

3. Criptare-apoi-autentificare



- Combinația aceasta este întotdeauna sigură; se folosește în IPsec;
- Deși folosim aceeași construcție pentru a obține securitate CCA și transmitere sigură a mesajelor, scopurile urmărite sunt diferite în fiecare caz;

► Pentru scopuri diferite de securitate trebuie să folosim întotdeauna chei diferite:

- Pentru scopuri diferite de securitate trebuie să folosim întotdeauna chei diferite;
- Să urmărim ce se întâmplă dacă folosim metoda criptare-apoi-autentificare cu aceeași cheie k atât pentru criptare cât și pentru autentificare;

- Pentru scopuri diferite de securitate trebuie să folosim întotdeauna chei diferite;
- ► Să urmărim ce se întâmplă dacă folosim metoda criptare-apoi-autentificare cu aceeaşi cheie k atât pentru criptare cât şi pentru autentificare;
- ▶ Definim $\operatorname{Enc}_k(m) = F_k(m||r)$, pentru $m \in \{0,1\}^{n/2}$, $r \leftarrow \{0,1\}^{n/2}$ aleator, iar $F_k(\cdot)$ o permutare pseudoaleatoare;

- Pentru scopuri diferite de securitate trebuie să folosim întotdeauna chei diferite;
- Să urmărim ce se întâmplă dacă folosim metoda criptare-apoi-autentificare cu aceeași cheie k atât pentru criptare cât și pentru autentificare;
- ▶ Definim $\operatorname{Enc}_k(m) = F_k(m||r)$, pentru $m \in \{0,1\}^{n/2}$, $r \leftarrow \{0,1\}^{n/2}$ aleator, iar $F_k(\cdot)$ o permutare pseudoaleatoare;
- ▶ Definim $\operatorname{Mac}_k(c) = F_k^{-1}(c)$;

- Pentru scopuri diferite de securitate trebuie să folosim întotdeauna chei diferite;
- ► Să urmărim ce se întâmplă dacă folosim metoda criptare-apoi-autentificare cu aceeași cheie k atât pentru criptare cât și pentru autentificare;
- ▶ Definim $\operatorname{Enc}_k(m) = F_k(m||r)$, pentru $m \in \{0,1\}^{n/2}$, $r \leftarrow \{0,1\}^{n/2}$ aleator, iar $F_k(\cdot)$ o permutare pseudoaleatoare;
- ▶ Definim $\operatorname{Mac}_k(c) = F_k^{-1}(c)$;
- Schema de criptare şi MAC-ul sunt sigure dar...

- Pentru scopuri diferite de securitate trebuie să folosim întotdeauna chei diferite;
- ► Să urmărim ce se întâmplă dacă folosim metoda criptare-apoi-autentificare cu aceeași cheie k atât pentru criptare cât și pentru autentificare;
- ▶ Definim $\operatorname{Enc}_k(m) = F_k(m||r)$, pentru $m \in \{0,1\}^{n/2}$, $r \leftarrow \{0,1\}^{n/2}$ aleator, iar $F_k(\cdot)$ o permutare pseudoaleatoare;
- ▶ Definim $\operatorname{Mac}_k(c) = F_k^{-1}(c)$;
- Schema de criptare şi MAC-ul sunt sigure dar...
- $\operatorname{Enc}_k(m), \operatorname{Mac}_k(\operatorname{Enc}_k(m)) = F_k(m||r), F_k^{-1}(F_k(m||r)) = F_k(m||r), m||r.$

Securitate CCA vs. Criptare autentificată

 Orice schemă de criptare autentificată este şi CCA-sigură dar există şi scheme de criptare CCA-sigure care nu sunt scheme de criptare autentificată

Securitate CCA vs. Criptare autentificată

- Orice schemă de criptare autentificată este şi CCA-sigură dar există şi scheme de criptare CCA-sigure care nu sunt scheme de criptare autentificată
- ► Totusi, cele mai multe aplicații de scheme de criptare cu cheie secretă în prezența unui adversar activ necesită integritate

Criptare autentificată in practică

| CA in | bazata pe | care in general este | dar in acest caz este |
|--------|-----------|----------------------|-----------------------|
| SSH | C_si_A | nesigura | sigura |
| SSL | A_apoi_C | nesigura | nesigura |
| IPSec | C_apoi_A | sigura | sigura |
| WinZip | C_apoi_A | sigura | nesigura |

► CA = criptare autentificată;

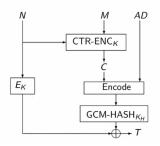
C-apoi-A = criptare-apoi-autentificare;

C-si-A = criptare-si-autentificare

Criptare autentificată in practică

- ► Scheme de criptare autentificată: OCB, GCM, CCM, EAX
- ► TLS folosește GCM
- Competiția CAESAR pentru standardizarea de noi scheme de criptare autentificată http://competitions.cr.yp.to/caesar.html

Exemplu: GCM



- CTR-ENC reprezintă criptare în modul CTR
- ► GCM-HASH $_{K_H}$ funcție hash bazată pe polinoame (peste corp Galois binar)
- K_H este derivată din E şi K