

## Fluxuri în rețele de transport

1. **Flux maxim.** Se consideră o rețea de transport (care verifică ipotezele din curs) și un flux în această rețea. Se citesc din fișierul **retea.in** următoarele informații despre această rețea: numărul de vârfuri  $n$  (numerotate  $1 \dots n$ ), două vârfuri  $s$  și  $t$  reprezentând sursa și destinația, numărul de arce  $m$  și pe câte o linie informații despre fiecare arc: extremitatea inițială, extremitatea finală, capacitatea arcului și fluxul deja trimis pe arc.

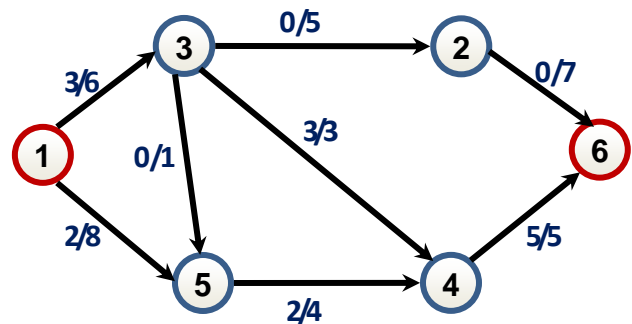
- Să se verifice dacă fluxul dat este corect (respectă constrângerile de mărginire și conservare) și să se afișeze un mesaj corespunzător.
- Să se determine un flux maxim în rețea pornind de la acest flux, prin revizuiți succesive ale fluxului pe  $s$ - $t$  lanțuri nesaturate de lungime minimă (Algoritmul Ford - Fulkerson va porni de la fluxul dat, nu de la fluxul vid). Se vor afișa

- Valoarea fluxului obținut și **fluxul pe fiecare arc**
- Capacitatea minimă a unei tăieturi în rețea și arcele directe ale unei tăieturi minime

$O(mL)$ ,  $L = \text{capacitatea minimă a unei tăieturi}$  /  $O(nm^2)$

c) <https://www.infoarena.ro/problema/maxflow>

retea.in	iesire
6	DA
1 6	10
8	1 3 6
1 3 6 3	1 5 4
1 5 8 2	3 2 5
3 2 5 0	3 4 1
3 4 3 3	5 4 4
5 4 4 2	2 6 5
2 6 7 0	4 6 5
4 6 5 5	3 5 0
3 5 1 0	10
	1 3
	5 4



2. **Cuplaj maxim în graf bipartit.** Se citesc din fișierul **graf.in** următoarele informații despre un graf neorientat **bipartit conex**: numărul de vârfuri  $n > 2$ , numărul de muchii  $m$  și lista muchiilor (o muchie fiind dată prin extremitățile sale). Să se determine un cuplaj de cardinal maxim în acest graf reducând problema la o problemă de flux maxim și folosind apoi algoritmul Ford-Fulkerson. Se vor afișa muchiile cuplajului maxim obținut (vârfurile sunt numerotate  $1..n$ , dar **nu este neapărat ca vârfurile de aceeași culoare să fie numerotate consecutiv**)  $O(nm)$

Dacă graful dat la intrare nu este bipartit, se va afișa un mesaj corespunzător și un ciclu impar al grafului

graf.in	iesire (nu este unica solutie)
8 9	1 2
1 2	3 4
1 3	6 7
2 4	
3 4	
2 5	
3 5	
3 7	
6 7	
7 8	

3. **Construcția unui graf orientat cu secvențele de grade de intrare și ieșire date.** Se citesc din fișierul **secvente.in**: un număr natural  $n > 2$ , o secvență  $s_1$  de  $n$  numere naturale și o secvență  $s_2$  de  $n$  numere naturale. Să se construiască, dacă se poate, un graf cu secvența gradelor interne  $s_1$  și cu secvența gradelor externe  $s_2$  (reducând problema la o problemă de flux maxim). În caz afirmativ se vor afișa arcele grafului, altfel se va afișa mesajul NU.  $O(mn^2)$  (unde  $m$  = suma numerelor din  $s_1$  = numărul de arce ale lui  $G$ )

secvente.in	iesire (nu este unica solutie)
3	1 3
2 1 1	2 1
1 1 2	3 1
	3 2

4. (Suplimentar) Implementați o altă aplicație discutată la curs/seminar care se reduce la problema determinării unui flux maxim sau a unei tăieturi minime în rețea