Laboratorio 2

Per ogni esercizio:

Prima di scrivere il codice C++, individuare le variabili e i parametri delle funzioni (e il loro tipo!) che saranno necessari durante l'esecuzione. Commentare il codice per facilitare la comprensione dello stesso.

Esercizio 1

Scrivere una funzione che, per quanto riguarda un corpo che si muove di moto uniformemente accelerato,

- prende in input tramite i suoi parametri (quindi non deve usare cin!):
 - il tempo trascorso,
 - l'accelerazione,
 - la velocità iniziale,
 - la posizione iniziale,
- e restituisce con return (quindi non deve usare cout!) la posizione attuale.

Scrivere il **main** in modo tale che stampi la posizione di un corpo che si muove di moto uniformemente accelerato ogni **deltaT** secondi per **n** volte utilizzando un ciclo **while** che chiama ripetutamente la funzione descritta prima. cin e cout devono essere utilizzati solo nel **main**. Esempio di esecuzione:

Esercizio 2

Scrivere una **funzione** che stabilisca se un punto (dato con le sue coordinate x e y), è all'interno di un cerchio (dato con le coordinate del suo centro e la lunghezza del raggio). La **funzione** deve prendere i dati necessari come parametri (non deve usare cin!) e deve restituire un **bool** con return (non deve usare cout!). Usare la funzione nel **main**.

Esercizio 3

Scrivere una **funzione** che visualizzi il triangolo di Floyd dato il numero di righe da stampare come parametro (la funzione non deve usare cin!). Il triangolo di Floyd contiene tutti gli numeri interi a partire da 1 organizzandoli in righe successive in maniera tale che ogni riga contenga un numero in più della precedente. Le prime 5 righe sono:

```
1
2 3
4 5 6
7 8 9 10
11 12 13 14 15
```

Utilizzare la funzione nel main.

Esercizio 4

Scrivere una **funzione** ricorsiva (una funzione che chiama se stessa) che restituisca l'*n*-esimo numero di Fibonacci secondo il seguente schema di ricorrenza:

$$F(n) = \begin{cases} n, & n \le 1 \\ F(n-1) + F(n-2), & n > 1 \end{cases}$$

dove *n* deve essere un parametro della funzione (la funzione non deve usare cin e cout!).

Utilizzare la funzione nel **main**, stampando oltre F(n), anche il numero di chiamate della funzione effettuate per calcolare F(n). A questo scopo utilizzare una **variabile globale** (dichiarata quindi al di fuori di qualunque modulo) che serve da contatore delle chiamate.

Esercizio 5

Scrivere una **funzione** non-ricorsiva (cioè una funzione che non chiama sé stessa) che restituisca l'n-esimo numero di Fibonacci. Anche in questo caso n deve essere un parametro della funzione (la funzione non deve usare cin e cout!).

Suggerimento: usare tre variabili locali alla funzione per memorizzare il k-esimo, il (k-1)-esimo ed il (k-2)-esimo numero di Fibonacci, e aggiornare opportunamente le tre variabili in un ciclo che fa variare k da 2 a n.

Utilizzare la funzione nel main.

Esercizio 6

Scrivere una **funzione** che prende come argomento due numeri interi **passati per riferimento** e scambia i valori dei due interi. (Cioè, per esempio, se la funzione viene chiamata con *x* e *y* che sono uguali a 2 e 3, allora dopo la chiamata *y* deve essere uguale a 2 e *x* deve essere uguale a 3.)

Esercizio 7

Scrivere una **funzione** ricorsiva che, dato un numero intero a e un numero intero n non negativo, calcola la potenza n-esima di a secondo il seguente schema di ricorrenza:

$$a^n = \begin{cases} 1, & n = 0 \\ a \cdot a^{n-1}, & n > 0 \end{cases}$$

Scrivere una seconda funzione che utilizzi invece il seguente schema di ricorrenza:

$$a^{n} = \begin{cases} 1, & \text{se } n = 0\\ a^{\frac{n}{2}} \cdot a^{\frac{n}{2}}, & \text{se } n \text{ è pari}\\ a \cdot a^{\frac{n}{2}} \cdot a^{\frac{n}{2}}, & \text{se } n \text{ è dispari} \end{cases}$$

Non calcolare due volte la stessa quantità: $a^{\frac{n}{2}}$ appare due volte nei prodotti sopra ma questo non vuole dire che bisogna calcolarlo due volte.

Testare le funzioni nel main.

Usare due variabili globali per contare il numero di chiamate necessarie per calcolare 2^{16} con il primo e il secondo schema. Qual è la relazione tra il numero n ed il numero di chiamate ricorsive effettuate nei due casi?