

南开大学

计算机学院

数据安全

交互式发布 DP 方案评估

穆禹宸 2012026

年级: 2020 级

专业:信息安全、法学双学位班

指导教师: 刘哲理

目录数据安全实验报告

景目

→,	实	验名称]	Ĺ
ᅼ,	实	验要求																	1	L
三,	实	验过程]	L
(-	-)	实验原理		 	 													 		1
(_	_)	实验代码		 	 													 	۷	1
(=	三)	实验结果		 														 	ļ	5
四、	心	得体会																	9)
Ŧ.	附	录:完整作	陷																10)

一、 实验名称

交互式发布 DP 方案评估

二、实验要求

参考教材实验 5.1, 对交互式发布方案进行 DP 方案设计, 指定隐私预算为 0.1, 支持查询次数为 20 次, 对 DP 发布后的结果进行评估说明隐私保护的效果。

三、 实验过程

(一) 实验原理

首先,我们需要了解查询灵敏度这个概念:数量查询的灵敏度为 1 根据定义, $\triangle f = \max_{D,D'} ||f(D) - f(D')||$,有随机算法 $M(D) = f(D) + Y, Y \sim Lap(1/\epsilon)$,能够提供 ϵ -差分隐私保护。我们在代码中有如下定义:

1 int sen = 1; //对于一个单属性的数据集, 其敏感度为 1

除此之外,如果我们仅把 ϵ 本身作为生成拉普拉斯噪音的参数的话,由于 Laplace 噪声的数学期望为 0,在多次查询后取平均值就可以在一定程度上暴力推断出隐私信息。因此,对于我们交互式的方案,要考虑保护多次查询的话,需要为每次查询进行预算分配:假定隐私预算为 ϵ ,允许的查询次数为 k,则每次查询分配的预算为 ϵ/K ,这样才能达到 ϵ -差分隐私的目标。注意,在交互式发布 DP 方案之中,每一次查询其实都会造成对应的隐私损失。因此,在数学上每次查询添加的噪声均服从 Lap($0,K/\epsilon$)分布。

```
1 // 头文件之中
2 /*
3 函数功能: ~I 求解 laplace 分布概率累积的反函数,利用该反函数产生 laplace 分布的随机
  → 数
4 输入参数说明:
5 beta ~I ~I 拉普拉斯分布参数
6 seed ~I 长整型指针变量, *seed 为伪随机数的种子
8 double laplace_data(double beta, long int * seed)
10 ^^Idouble u1,u2, x;
13 ^^Iif (u1 < 0.5)
14 ^^I{
16 ^^I}
17 ^^Ielse
18 ~~I{
19 ^{19} ^{1}Ix = u2 - (beta * log(2*(1-u1)));
20 ^^I}
21 ^^Ireturn x;
22 }
23 // 主函数之中
24 beta = sen / (beta/20); //拉普拉斯机制下, 实际公式的算子 beta 为敏感度/预算
```

ε	噒	桑声绝对值	的数据分	布	多次查询添加噪声的平均值落在危险 区间内的概率									
	90%	95%	99%	99.9%	100	1000	10000	10000						
1	2. 29	2. 98	4. 50	6. 43	100.00	100.00	100.00	100.00						
0. 1	23. 24	29. 99	45. 51	66. 56	25. 59	73. 75	99. 99	100.00						
0. 01	227. 97	296. 22	463. 48	677. 26	2. 72	9. 12	27. 85	73. 70						

图 1: 多次查询

注意上图, 就展示了多次查询后被推测出的概率。

同时,在隐私保护中,随机数种子的选择非常重要。在上面的代码之中,它符合这样的数学公式:

$$x = \begin{cases} \beta \ln(2u_1) + u_2, u_1 \le 0.5; \\ u_2 - \beta \ln(2(1 - u_1)), u_1 > 0.5; \end{cases}$$
 (1)

这就是本次实验所需要掌握的一定的原理。

然后, 让我们结合原始代码先看一下非交互式的方案:

图 2: 原始方案

先把 ϵ 设置为 10 观察一下结果

图 3: 原始方案

图 4: 原始方案

 ϵ 越大可用性越好,我们可以观察到这个时候的噪声非常小。

图 5: 原始方案

图 6: 原始方案

从统计到的查询结果来看,变化也并不明显。这说明这时候数据的隐私保护效果一般。

```
Added noise:15.984599
Added noise:-2.602610
Added noise:12.599322
                               Animal 172
                                                    84.397390
                               Animal
                                                    93.599322
Added noise:6.171673
Added noise:-3.441509
Added noise:1.859005
                               Animal 175
                                                    80.558491
                               Animal
       noise:-1.177248
Added noise:-8.855792
Added noise:1.616296
                                                    56,616296
 Added noise:15.933890
                                                     75.933890
       noise:4.809637
                                                     11.809637
Animals which carrots
```

图 7: 原始方案

而后续我们将会直接进行 $\epsilon = 0.1$ 的实验结果, 让我们后续观察效果。

(二) 实验代码

本次实验主要进行复现和修改代码,观察结果并进行现象分析,**以下是我的修改和理解**:本次实验就是要理解交互式和非交互式的区别:

```
while(original_data[i].name) //循环为原始数据集内各条数据去除标识 (动物名)、生成拉
→ 普拉斯噪音并加噪

{
    x = laplace_data(beta,&seed); //产生拉普拉斯随机数
    //printf("Added noise:%f\t%s
→ %d\t%f\n",x,"Animal",i+1,original_data[i].carrots+a); //此处分别列出了每条具体
→ 添加的噪音和加噪的结果。当投入较少预算时,可能会出现负数
    if(original_data[i].carrots+x>=55)
    {
        sum++;
    }
    i++;
    }
    i++;
    }
    i++;
    }
    i++;
    Fob 数据集中,每日食用胡萝卜大于 55 的动物个数
    return sum+x;
```

注意上面的函数,我们是直接在结果上添加了 Laplace 噪声,而不是对原来的数据集进行噪声添加的工作了。

然后我们在主函数之中进行查询次数的设置:

```
int search_times;
printf("Please input search times:");
scanf("%ld", &search_times);
```

当然, 我也对多次查询取平均值的结果做了一定的统计工作:

以上是全部修改的代码,我们将在后面结合实验结果进行更多针对性的介绍。

(三) 实验结果

事实上,实验所提供的参考代码在 ubuntu22 以及最新版本的 gcc 的环境下并不能够顺利编译通过,如下图所示:



图 8: 遇到问题

这是由于重定义问题, 我们删除 csvpackage.h 中的 Ani 和 Hb 实例, 编译通过。

图 9: 顺利解决

然后才能正常开始实验。

图 10: 开始实验

输入 0.1 和 20 后,观察程序的运行结果:

```
[myc@ubuntu22][21:54:58]-[~/Desktop/experiment1]
-$ ./testraw
Please input laplace epsilon:0.1
Please input search times:20
Under privacy budget 0.100000, sanitized original d laplace noise:
Every single search privacy budget 0.005000
Animals which carrots cost > 55 (original): 90
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 311
Animals which carrots cost > 55 (original): 90
```

图 11: 部分结果

这时候可以非常明显的看到隐私保护的效果、原始结果和加入噪声后的结果有着很大差异。

```
Animals which carrots cost > 55 (original): 89
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 324
Animals which carrots cost > 55 (original): 89
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 127
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 127
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 92
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 92
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 32
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 32
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 55
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 55
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 42
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 302
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 302
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 302
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 332
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 332
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
Animals which carrots cost > 55 (Under DP): 389
```

图 12: 部分结果

当然, 当 ϵ = 0.1, k = 20 时, 拉普拉斯分布的方差非常大, 那么这时候噪声会特别大, 因此数据的可用性也很差!

然后我们看一下平均值:

图 13: 平均值

可以看出有着巨大不同,此时抗攻击效果很好。也就是说,即使取平均进行重复攻击,数据 也被很好地保护了,没有泄露隐私信息。

图 14: 平均值

然后, 我又做了更多实验内容, 尝试了一下当隐私预算被耗尽会怎么样。

图 15: 100 次

这时我们已经开始观察到平均值开始接近了。

图 16: 更多次

图 17: 更多次

最后我们可以看到,当大量重复查询后,隐私预算被消耗殆尽,此时平均值会落在一个 160-170 的区间之内,这就是我们之前提到过的危险区间!

这时我们已经可以认定隐私泄露了!

当然,如果我们隐私预算设置得非常充足(达到理论最好的值),那么就不会有这个问题。首 先修改代码:

```
printf("Every single search privacy budget %f\n", beta/20);
beta = sen / (beta/20); //拉普拉斯机制下,实际公式的算子beta为敏感度/预算
```

图 18: 实际预算

四、 心得体会 数据安全实验报告

```
printf("Every single search privacy budget %f\n", beta/search_times);
beta = sen / (beta/search_times); //拉普拉斯机制下,实际公式的算子beta
为敏感度/预算
```

图 19: 理论最优预算

这时, 我们再进行多次查询, 会得到如下结果:

图 20: 预算充足的查询

这时我们可以明显看到,平均值根本不会出现在一个区间之内,那么隐私信息也就不会有任何泄露了。

四、心得体会

交互式数据库查询的隐私保护必须考虑到隐私泄露的风险。通过添加随机噪音的方式来保护查询的隐私,这是一个常用且实用的技术。拉普拉斯机制是一种可行的机制,它通过向查询结果添加自适应噪音来保护数据隐私,可以有效地保护数据隐私,同时也具有简单快捷的优点。

此次实验我们使用了一个实现隐私预算的拉普拉斯机制的程序,该程序通过读取指定路径的数据集,然后遍历这些数据集中的元素,将每个元素加上拉普拉斯分布的随机数,实现对原始数据集的加噪处理。在加噪后的结果中,每条数据的信息都被拉普拉斯噪声所掩盖,达到保护数据隐私的目的。

此外,为了保证查询结果的准确性,我们需要使用随机生成的种子,以确保随机性。同时,需要根据预算和敏感度计算出拉普拉斯机制需要的实际参数,以提高机制的效率和准确性。

当然,对于这个方案,更多的探索则是如何平衡隐私保护和数据可用性之间的关系。进一步讲,是否存在可行的办法可以计算最优的 ϵ 和 K 值? 在我查阅的一些资料之中,确实有一些方法可以进行一定条件下的最优参数参数计算,这一点还有待后续进一步探索。

同时,本次实验之中我思考过如何展示隐私预算的消耗情况,遗憾的是没有展示出来,只能通过噪声的对比进行肉眼观察和展示,然而并不直观,因此没有撰写在报告之中。

五、 附录: 完整代码 数据安全实验报告

五、 附录: 完整代码

实验完整代码如下所示:

完整代码

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include "laplace.h"
#include "csvpackage.h"
#include <time.h>
extern int rand();
extern void srand(unsigned);
/*
函数功能:
             对传入的csv文件进行处理,提取其中数据并生成拉普拉斯分布的噪音
   进行加噪
输入参数说明:
path
             csv文件的存储位置
             拉普拉斯分布参数
beta
          长整型指针变量, *seed 为伪随机数的种子
seed
*/
double csv_analysis(char* path, double beta, long int seed)
{
       FILE *original_file = fopen(path, "r+"); //读取指定路径的数据集
       struct Animals * original_data = NULL;
       original_data = csv_parser(original_file);
       int sum=0, i=0;
       double x = 0;
       while (original_data[i].name)
                                //循环为原始数据集内各条数据去除标识
           (动物名)、生成拉普拉斯噪音并加噪
       {
             x = laplace data(beta, & seed); //产生拉普拉斯随机数
             // printf("Added noise:\%f\t%s \%d\t\%f\n",x,"Animal",i+1,
                original_data[i].carrots+x); //此处分别列出了每条具体添加
                 的噪音和加噪的结果。当投入较少预算时,可能会出现负数
             if (original_data[i].carrots+x>=55)
                    sum++;
             }
             i++;
       //printf("Animals which carrots cost > 55 (Under DP): %d\n",sum+(int)
          x); //输出加噪后的数据集中, 每日食用胡萝卜大于55的动物个数
       return sum+x;
参数表:
          长整型指针变量, *seed为伪随机数的种子
seed
```

```
数据集的敏感度
  sen
                       用于储存拉普拉斯分布噪音的临时变量
  beta
                隐私预算, 在输入后根据公式转换为拉普拉斯分布参数
   */
  int main()
         long int seed;
         int sen = 1; //对于一个单属性的数据集, 其敏感度为1
         double beta;
         srand((unsigned)time(NULL)); //生成基于时间的随机种子(srand方法)
         beta = 0;
         printf("Please input laplace epsilon:");
         scanf("%lf", &beta);
         if(beta<=0 || !beta)//当输入的beta值无效时, 默认设定beta值为1
                beta = 1.0;
         int search_times;
          printf("Please input search times:");
         scanf("%ld", &search_times);
         printf("Under privacy budget %f, sanitized original data with fake
             animal name and laplace noise: \n", beta);
         printf("Every single search privacy budget %f\n", beta/20);
61
         beta = sen / (beta/20); //拉普拉斯机制下, 实际公式的算子beta为敏感度/
         double avg_old=0;
63
         for (int i=0; i < search\_times; i++){}
                seed = rand()%10000+10000; //随机种子产生
                avg_old+=csv_analysis("./zoo.csv", beta, seed); //先调用原始数
                    据集
          printf("Avg Old Search Result: \t%f\n", avg_old/search_times);
          ");
         double avg_new=0;
         for (int i=0; i < search times; i++){
                seed = rand()%10000+10000; //随机种子更新
                avg_new+=csv_analysis("./zoo_nb.csv", beta, seed); //再调用相邻
          printf("Avg New Search Result: \t%f\n", avg_new/search_times);
         return 0;
  }
```