Inteligenta Artificiala - Tema 1 Strategii de cautare informata

Teodor-Stefan Dutu

Universitatea Politehnica Bucuresti Facultatea de Automatica si Calculatoare Grupa 341C3

Abstract. Se vor compara performantele, ca timp de executie, memorie utilizata si numar stari explorate, ale unor algoritmi de cautare informata in spatiul starilor.

Cuprins

1	Introducere	3
2	Cerinta 1 - Depth First Iterative Deepening	4
3	Algoritmi euristici	6
	3.1 Cerinta 4 - Euristica propusa	6
	3.2 Cerinta 2 - Iterative Deepening A*	7
	3.3 Cerinta 3 - Learning Real-Time A*	10
	3.4 Bonus - Branch and Bound	
4	Concluzii	18

1 Introducere

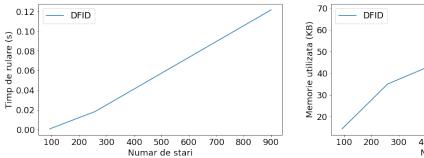
Scopul meu e sa evaluez performantele unor algoritmi de cautare informata ce folosesc functii euristice, prin comparatie cu un algoritm ce nu se bazeaza pe o functie euristica, si anume DFID, analizat in Sectiunea 2. Pentru fiecare dintre algoritmii euristici voi compara 3 astfel de functii: distanta euclidiana (indicata in enuntul temei), distanta Manhattan (pentru comparatie cu celelalte 2) si cea conceputa pentru rezolvarea cerintei 4, distanta Weighthattan, detaliata in Sectiunea 3.1. Fiecare algoritm va fi rulat, cu fiecare euristica, pe fiecare dintre hartile din cele 3 fisiere de input date input1.txt, input2.txt si input3.txt.

Analiza fiecarui algoritm cuprinde grafice care ilustreaza timpii de rulare ai acestuia si memoria consumata in functie de numarul de stari (cu mentiunea ca sunt 93 de noduri (stari) in input1.txt, 259 in input2.txt si 900 in input3.txt) si de euristica. Aceasta analiza este urmata de o serie de harti (una pentru fiecare combinatie de euristica si fisier de intrare), care prezinta pe de o parte costurile gasite de algoritm pentru fiecare stare explorata, cat si drumurile gasite de la starea initiala la cea finala.

2 Cerinta 1 - Depth First Iterative Deepening

Intrucat nu foloseste nicio euristica, acest algoritm va fi folosit drept etalon pentru ceilalti algoritmi implementati. Rezultatele obtinute de acesta sunt exemplificate in Figura 2. Pentru hartile de cost, culorile mai deschise corespund unor costuri mai mari. In figurile continand calea de la pozitia de start la cea finala este figurata cu portocaliu, starea initiala cu rosu, iar cea finala cu alb. In ambele tipuri de imagini, obstacolele sunt figurate cu **negru**.

Se observa ca sunt explorate un numar mare de stari in cazul hartilor din fisierele input1.txt si input3.txt. Numarul mic de stari explorate in rularea algoritmului DFID[1] pe harta din fisierul input2.txt este datorat numarului mare si distributiei obstacolelor pe aceasta, obstacole care limiteaza drumul agentului intr-o masura mai mare decat in celelalte harti. Prin urmare, performantele in materie de timp si de memorie inregistrate de algoritmul DFID sunt cel prezentate in Figura 1 si in Tabelul 1.



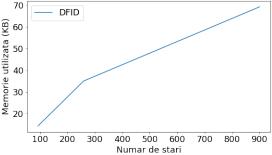
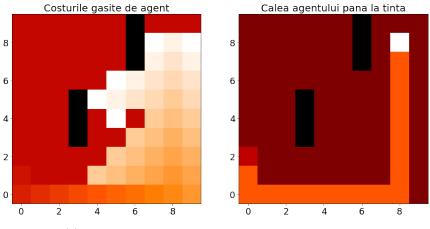


Fig. 1: Performantele algoritmului DFID

	input1.txt	input2.txt	input3.txt
Timp de executie (s)	0.00076	0.01845	0.12158
Memorie utilizata (KB)	14.21	34.96	70.12

Table 1: Performantele algoritmului DFID



(a) Comportamentul agentului pe harta din input1.txtCosturile gasite de agent Calea agentului pana la tinta 17.5 17.5 15.0 15.0 12.5 12.5 10.0 10.0 5.0 5.0 2.5 0.0 0.0 7.5 10.0 2.5 5.0 7.5 10.0 0.0 2.5 12.5 0.0 12.5

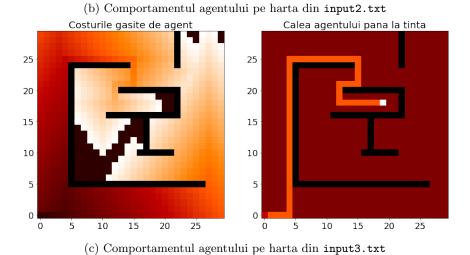


Fig. 2: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul DFID

3 Algoritmi euristici

3.1 Cerinta 4 - Euristica propusa

Se impune sa scriu despre cerinta 4 aici, inainte sa prezint rezultatele algoritmilor care folosesc functii euristice, deoarece fiecare dintre acesti algoritmi este analizat folosind si euristica propusa in aceasta sectiune.

In primul rand, trebuie spus ca distanta euclidiana, numita in continuare Euclid este una slaba, deoarece mediul este discret, nu continuu, iar miscarea agentului se poate face doar paralel cu axele de coordonate, nu si diagonal, iar Euclid se preteaza unei libertati mai mare de miscare. O euristica bine cunoscuta potrivita pentru miscarea paralela cu Ox si Oy este distanta Manhattan. Dar aceasta poate fi imbunatatita, pastrandu-i complexitatea constanta. Mai exact, euristica Manhattan considera ca fiecare tranzitie are costul 1, ceea ce nu este adevarat in cazul hartii din fisierul input3.txt. Pentru o aproximare mai fidela a distantei reale din oricare nod la cel tinta, h^* , putem inmulti distanta Manhattan cu costul minim al oricarui arc din graful care modeleaza mediul. Fie A multimea arcelor si N cea a nodurilor din acest graf. Astfel ia nastere euristica Weighthattan (weight + manhattan), definita formal astfel:

$$weighthattan(s) = manhattan(s) \cdot min_{s_i, s_j \in N}(\{cost(s_i, s_j) \mid arc(s_i, s_j) \in A\})$$

$$\tag{1}$$

Fie $m = min_{s_i, s_j \in N}(\{cost(s_i, s_j) \mid arc(s_i, s_j) \Rightarrow$

$$(1) \Leftrightarrow weighthattan(s) = m(|y_f - y_s| + |x_f - x_s|)$$

$$(2)$$

unde x_s si y_s sunt coordonatele carteziene ale starii s, iar x_f si y_f ale starii finale

Lema 1: Euristica Weighthattan este consistenta.

Demonstratie: Ca Weighthattan sa fie consistenta, trebuie ca $\forall s \in N$:

$$\begin{cases} h(s) \le cost(s, s') + h(s') \ \forall s' \in succesori(s) \\ SAU \\ h(s) = 0, \ daca \ s = s_f \end{cases}$$

Ultima ramura este evidenta, din definitia euristicii, deci ne ramane de demonstrat ca

$$h(s) \le cost(s, s') + h(s') \ \forall s' \in succ(s)$$
 (3)

$$(2) + (3) \Rightarrow m(|y_f - y_s| + |x_f - x_s|) \le cost(s, s') + m(|y_f - y_s'| + |x_f - x_s'|) \ \forall s' \in succ(s)$$
 unde cu x_s' si y_s' am notat pozitia starii s' . (4)

Din definitia lui $m \Rightarrow m \leq cost(s, s')$, deci pentru a demonstra ecuatia (4) este suficient sa demonstram ca:

$$m(|y_f - y_s| + |x_f - x_s|) \le m + m(|y_f - y_s'| + |x_f - x_s'|) \ \forall s' \in succ(s)$$
 (5)

$$(5) \Leftrightarrow |y_f - y_s| + |x_f - x_s| \le 1 + |y_f - y_s'| + |x_f - x_s'| \ \forall s' \in succ(s)$$

Relatia (6) reprezinta relatia de consistenta pentru euristica Manhattan, care este consistenta, deci si Weighthattan este consistenta (Q.E.D). Fiind consistenta, euristica Weighthattan este si admisibila.

Observatie 1: Daca $\exists s_i, s_j \in N$ a.i. $arc(s_i, s_j) \in N$ si $cost(s_i, s_j) = 1$, atunci $weighthattan(s) = manhattan(s) \ \forall s \in N$.

Observatie 2: Euristica Weighthattan o domina pe cea Manhattan.

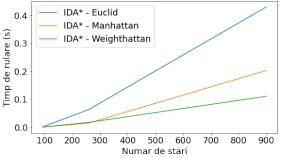
Din Observatiile 1, 2 si din Lema 1, ne asteptam ca performantele algoritmilor care folosesc euristici sa fie identice pentru euristicile Manhattan si Weighthattan, la rularea pe hartile din fisierele input1.txt si input2.txt, unde costurile minime sunt 1, si ne asteptam sa se imbunatateasca la rularea algoritmilor pe harta din fisierul input3.txt, unde costul minime este supraunitar, si anume 2. Graficele din sectiunile urmatoare confirma aceste asteptari.

3.2 Cerinta 2 - Iterative Deepening A*

Asa cum am mentionat in Sectiunea 1, euristicile comparate sunt Euclid, Manhattan si Weighthattan.

O prima observatie este ca indiferent de euristica folosita, IDA*[1] exploreaza mai putine stari in comparatie cu DFID, deoarece acum agentul incearca sa se indrepte mereu spre solutie. Din acest motiv, cantitatea de memorie utilizata de IDA* este mai mica decat cea folosita de DFID, ceea ce se poate observa in Figurile 4, unde culorile au aceeasi semificatie ca in Figura 2. Aceasta cantitate mica de memorie este datorata folosirii unor euristici care ii permit agentului sa exploreze spatiul doar inspre tinta si nu in toate directiile.

Cu toate acestea, timpii de rulare ai IDA* sunt mai mari pentru ca euristica Euclid este una slaba, care subestimeaza cu mult costul real $h^*(s)$ al oricarei stari, in afara de cea finala. Performantele se imbunatatesc atunci cand se folosesc distantele Manhattan sau Weighthattan, din motivele explicate in Sectiunea 3.1. Numarul de stari explorate creste si el, dupa cum se poate vedea in Figurile 4 si 5. Pe o harta cu costuri mai mari decat 1, cum este cea din input3.txt, se observa imbunatatirea adusa de euristica Weighthattan chiar si fata de Manhattan. Aceasta imbunatatire nu este vizibila doar la nivelul numarului de stari explorate, ci si la nivelul timpului de rulare a algoritmului, asa cum se poate observa in Figura 3 si in Tabelul 2.



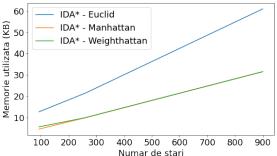
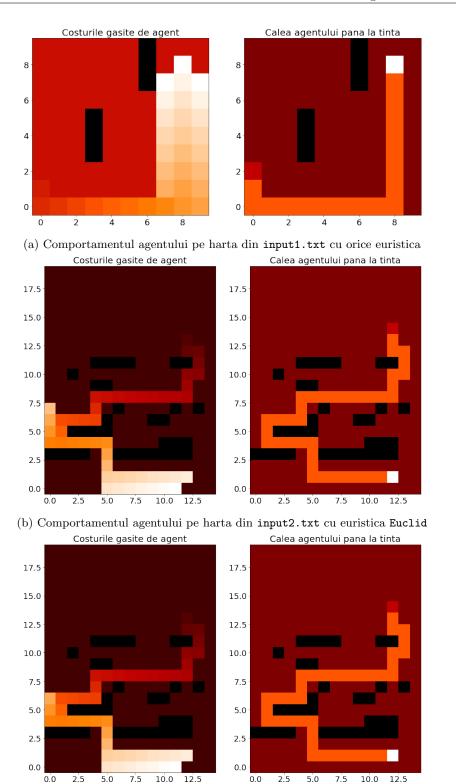


Fig. 3: Performantele algoritmului IDA*

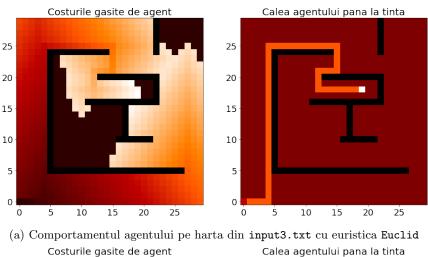
	input1.txt	input2.txt	input3.txt
Timp de executie - Euclid (s)	0.00162	0.06274	0.43001
Timp de executie - Manhattan (s)	0.00013	0.01460	0.20262
Timp de executie - Weighthattan (s)	0.00014	0.01705	0.11052
Memorie utilizata - Euclid (KB)	12.75	21.61	59.71
Memorie utilizata - Manhattan (KB)	4.58	9.98	31.45
Memorie utilizata - Weighthattan (KB)	5.10	9.93	32.01

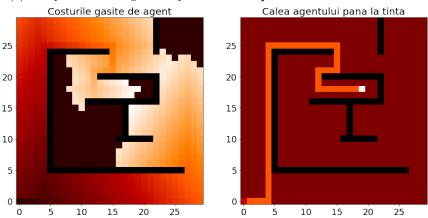
Table 2: Performantele algoritmului IDA*

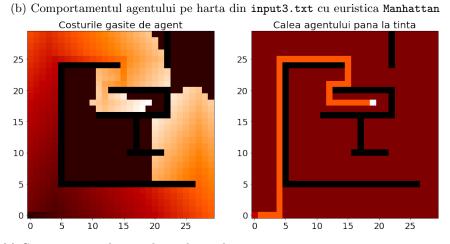


(c) Comportamentul agentului pe harta din input2.txt cu euristicile Manhattan si Weighthattan

Fig. 4: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul IDA* (1)







(c) Comportamentul agentului pe harta din input3.txt cu euristica Weighthattan

Fig. 5: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul IDA* (2)

3.3 Cerinta 3 - Learning Real-Time A*

Se compara aceleasi 3 euristici ca la IDA*: distanta euclidiana, distanta Manhattan si distanta Weighthattan. Agentul este lasat sa caute cai pana la starea tinta si sa-si actualizeze tabela de costuri estimate (H) pana cand doua rulari succesive intorc aceeasi cale catre tinta, ceea ce indica faptul ca agentul a invatat toate costurile relevante pentru traseul catre tinta. Acest fenomen este reliefat la rularea algoritmului pe harta din input3.txt, in Figura 9. Din figura se deduce cantitatea mult mai mare de informatie pe care LRTA*[2] ajunge sa o posede fata de ceilalti algoritmi analizati (LRTA* calculand costurile pentru toate starile de pe harta), ceea ce implica timpi de rulare cu mult mai mici atunci cand se foloseste euristica Weighthattan.

Acest algoritm exploreaza mai putine stari atunci cand foloseste euristicile Manhattan si Weighthattan chiar si atunci cand ruleaza pe harta din fisierul input1.txt. Calea si costurile gasite de LRTA* pot fi analizate in Figura 7. Performantele acestui algoritm sunt cel mai vizibile la rularea sa pe fisierul input3.txt, ale carei rezultate pot fi analizate in Figura 9. Astfel, folosind euristica Weighthattan, timpul de rulare este aproape de 6 ori mai mic decat cel inregistrat de algoritmul etalon, DFID.

Cum "totul in viata se plateste", informarea foarte buna a algoritmului vine cu pretul folosirii unei cantitati mari de memorie (necesare pentru a retine tabela H si pentru a rula algoritmul pana la invatarea acesteia), care nu se imbunatateste semnificativ folosind euristici mai bune decat Euclid, cum ar fi Manhattan sau Weighthattan. Acest lucru se poate vedea in Figura 6 si in Tabelul 3.

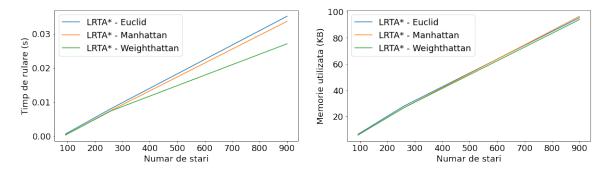


Fig. 6: Performantele algoritmului LRTA*

	input1.txt	input2.txt	input3.txt
Timp de executie - Euclid (s)	0.00064	0.00807	0.03509
Timp de executie - Manhattan (s)	0.000332	0.00752	0.03361
Timp de executie - Weighthattan (s)	0.00034	0.00741	0.02703
Memorie utilizata - Euclid (KB)	6.46	27.82	95.42
Memorie utilizata - Manhattan (KB)	5.89	26.58	96.48
Memorie utilizata - Weighthattan (KB)	5.898	26.58	93.98

Table 3: Performantele algoritmului LRTA*

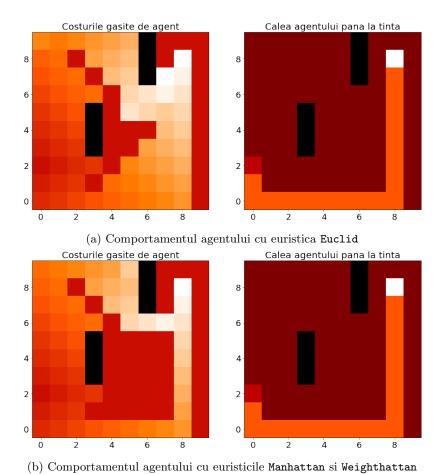
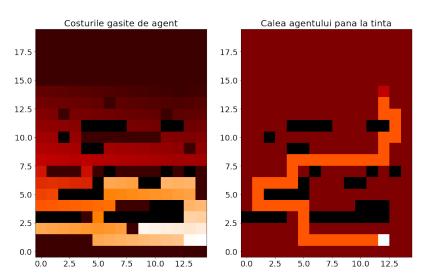
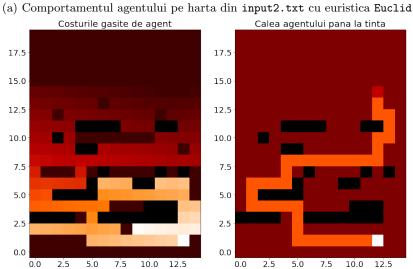


Fig. 7: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul LRTA* (1)





(b) Comportamentul agentului pe harta din input2.txt cu euristicile Manhattan si Weighthattan

Fig. 8: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul LRTA* (2)

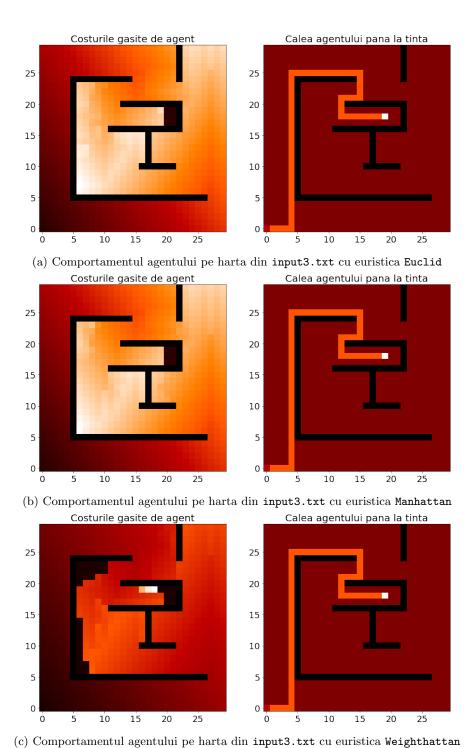


Fig. 9: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul LRTA* (3)

3.4 Bonus - Branch and Bound

Algoritmul[3] foloseste un cost-limita, fie el L, care reprezinta cel mai mare cost gasit de agent pana la starea finala pana la un moment dat. Acest cost este initializat cu ∞ , si este updatat de fiecare data cand agentul descopera un drum catre starea finala. Scopul acestei limite este de a opri explorarea nodurilor prin care costul estimat (folosind aceleasi euristici de pana acum) pana la tinta este mai mare decat aceasta limita, intrucat, pentru orice euristica admisibila h si orice stare s pentru care costul real de la sursa pana la aceasta este g(s), avem:

$$h(s) \leq h^*(s), \text{ deci daca}$$

$$L \leq g(s) + h(s), \text{ atunci}$$

$$L \leq g(s) + h^*(s) \Leftrightarrow L \leq g(s_f), \text{ unde } s_f \text{ este starea fnala}$$

Acest lucru inseamna ca deja am gasit un drum cel putin la fel de bun pana la s_f , si anume drumul pentru care am obtinut costul L. Din acest motiv, de fiecare data cand algoritmul descopera starea finala, o va face cu un cost mai mic decat cel precedent.

In figuri si in cod, algoritmul a fost prescurtat BnB. Ca in cazul celorlalti algoritmi, euristicile pot fi comparate in Figura 10 si in Tabelul 4, iar costurile gasite de acest algoritm, precum si caile de la starea initiala la cea finala, se pot vizualiza in Figurile 11, 12 si 13. Folosind Weighthattan, algoritmul acesta ruleaza intr-un timp aproape de 2 ori mai mic decat DFID. Pretul este, insa, unul foarte mare, BnB utilizand de pana 5 ori mai multa memorie decat DFID, deoarece BnB nu foloseste niciun mecanism care sa-i limiteze adancimea cautarii, iar pana se gaseste prima data starea finala, se exploreaza un numar mare de stari.

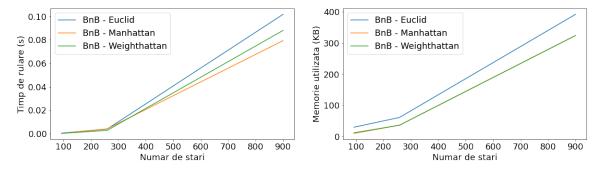


Fig. 10: Performantele algoritmului BnB

	input1.txt	input2.txt	input3.txt
Timp de executie - Euclid (s)	0.00048	0.00343	0.10184
Timp de executie - Manhattan (s)	0.00021	0.00261	0.08294
Timp de executie - Weighthattan (s)	0.00023	0.00281	0.07436
Memorie utilizata - Euclid (KB)	26.35	61.42	395.75
Memorie utilizata - Manhattan (KB)	9.14	35.83	339.53
Memorie utilizata - Weighthattan (KB)	8.15	73.89	339.53

Table 4: Performantele algoritmului BnB

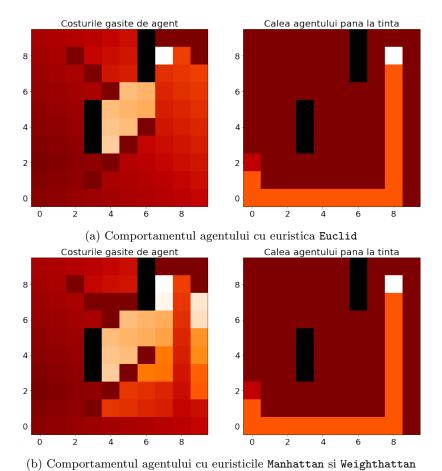
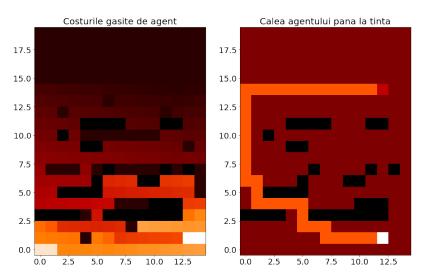


Fig. 11: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul BnB (1)



(a) Comportamentul agentului pe harta din input2.txt cu euristica Euclid Costurile gasite de agent Calea agentului pana la tinta 17.5 17.5 15.0 15.0 12.5 12.5 10.0 10.0 7.5 5.0 5.0 2.5 2.5 0.0 2.5 5.0 7.5 10.0 12.5 0.0 2.5 5.0 7.5 10.0 12.5

(b) Comportamentul agentului pe harta din input2.txt cu euristicile Manhattan si Weighthattan

Fig. 12: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul BnB (2)

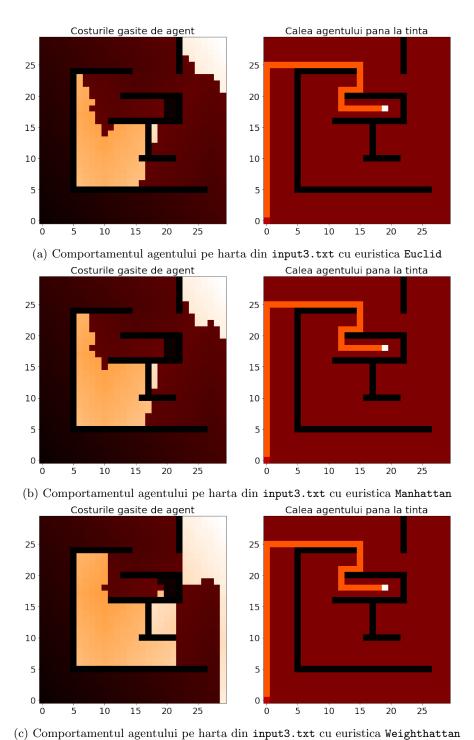


Fig. 13: Costurile si caile catre tinta gasite cu algoritmul BnB (3)

4 Concluzii

Graficele din Figura 14 rezuma performantele algoritmilor analizati. Astfel, algoritmul care se comporta cel mai bine ca timp de executie este LRTA*. O performanta temporala buna are si BnB. Acesta insa, are un cost de memorie mai mult decat triplu chiar si fata de LRTA*, despre care spuneam ca are nevoie de multa memorie pentru tabela H. Cel mai eficient din punctul de vedere al memoriei este algoritmul IDA*.

Cu alte cuvinte, daca sistemul pe care se ruleaza cautarea informata dispune de o cantitate mica de memorie, se recomanda utilizarea algoritmului IDA*, chiar daca acesta nu aduce performante importante in materie de timp de executie. Daca ne permitem un consum de aproximativ 3 ori mai mare decat cel al lui IDA*, atunci algoritmul LRTA* poate fi folosit pentru diminuarea de aproape 6 ori a timpilor de executie fata de DFID si IDA*. BnB este de evitat, deoarece nu primeaza nici ca timp de executie, si cu siguranta nu este performant din punctul de vedere al memoriei utilizate.

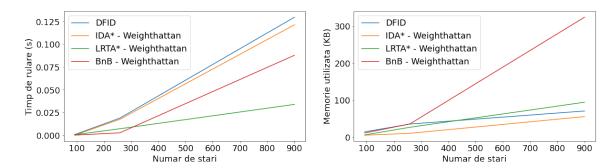


Fig. 14: Performantele tuturor algoritmilor, folosind euristica Weighthattan

Bibliografie

Cursul de Inteligenta Artficiala: Cursul 2 - Strategii de cautare
 https://curs.upb.ro/pluginfile.php/364789/mod_resource/content/1/IA_Lect_2_Strategii_Cautare.pdf

Data ultimei accesari: 7 Nov 2020

2. Cursul de Inteligenta Artficiala: Cursul 3 - Cautari online https://curs.upb.ro/pluginfile.php/380310/mod_resource/content/1/IA_Lect_3_Online_CSP.pdf Data ultimei accesari: 9 Nov 2020

 $3. \ Algoritmul\ Branch\ and\ Bound$

https://artint.info/html/ArtInt_63.html

Data ultimei accesari: 10 Nov 2020