



18/05/2017

Rapport ordonnancement

Aschmat Parwany – Aurélien Thirion –
Thibault Lupinski

Résultats des heuristiques

Valeur Moyenne

Heuristique 1 : Tout sur une machine $C_{\max} = 3164502$

Heuristique 2 : Répartition sur 2 machine $C_{\max} = 1592085$

Heuristique 3 : Tri W_i/C_i dans l'ordre croissant puis répartition une machine sur deux $C_{\max} = 1706980$

Heuristique 4 : Random $C_{\max} = 1692924$

Algorithme Génétique :

Pour représenter une solution à N tâches sous forme de gènes, on va utiliser un tableau d'entier de taille $N+1$. Chaque gène est un entier $\in [0, N[$ qui représente :

Gene[0] = nombre de tâches sur la Machine 1 = X ;

Gene[A] avec $A \in [1, X]$ = numéro de la tâche effectué sur la machine 1 en position A.

Gene[B] avec $B \in [X+1, N]$ = numéro de la tâche effectué sur la machine 2 en position (B-X) ;

Mutations possibles avec un taux de 0,4 :

Gene[0] : tirage d'une valeur aléatoire entre 0 et N pour remplacer la valeur actuelle.

Gene[1/N+1] : échange la valeur du gène avec celle d'un autre gène $\in [1/N+1]$;

Croisement entre deux individus :

Pour chaque gène, on prends soit le gène du parent 1, soit celui du parent 2 avec une probabilité de 0,5. Une fois tous les gènes sélectionnés, on regarde parmi tous les gènes entre 1 et N+1. Si il y a deux gènes avec le même numéro de tâche, on prend l'un des deux et on le remplace par une des tâches représentée par aucun gène.

Résultat : $C_{\max} = 1309624$

On remarque que l'algorithme génétique de toute évidence est le meilleur.

Formule Programme Linéaire.

Variable de décision :

$$x_i = \begin{cases} 1 & \text{si sur M1} \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

$$h_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si } i \text{ precede } j \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

Minimiser $\sum w_i c_i$

S.C

$$\sum_{i=1}^N x_i p_i \leq C_1^{max}$$

$$\sum_{i=1}^N (1 - x_i) p_i \leq C_2^{max}$$

$$r_i + p_i \leq C_i$$

$$C_i = x_i \left(\sum_{j=1}^N h_{ji} p_j p_i \right) + (1 - x_i) + \left(\sum_{j=1}^N h_{ji} p_j p_i \right)$$

$$C_{max} = \max(C_1^{max}, C_2^{max})$$

$$C_1^{max} = \sum_{i=1}^N x_i p_i + start_{m1}$$

$$C_2^{max} = \sum_{i=1}^N (1 - x_i) p_i + start_{m2}$$

$$d_{i^1} = \min(r_i + (x_i \sum_{j=1}^N h_{ji}))$$

$$d_{i^2} = \min(r_i + ((1 - x_i) \sum_{j=1}^N h_{ji}))$$

$$start_{m1} \geq d_{i^1}$$

$$start_{m2} \geq d_{i^2}$$