Secondo progetto intermedio

Samuele Bonini

Sommario

Relazione e documentazione della soluzione presentata al secondo progetto intermedio del corso di Programmazione 2.

Indice

L	Regole operazionali per set	1
2	Regole operazionali per le funzioni su set	2
3	Considerazioni sul type checker	3
1	Nota sui test	4

1 Regole operazionali per set

Il tipo set è definito nel seguente modo:

$$\langle set_{_} \rangle ::= \text{Empty 'of' } \langle \textit{TypeLabel} \rangle$$

| Set 'of' $\langle evT \; list \rangle$ '*' $\langle \textit{TypeLabel} \rangle$

TypeLabel indica l'etichetta del tipo del set.

Sono presenti due espressioni che, quando valutate, si comportano da costruttori per il tipo set. È possibile definire un insieme vuoto specificandone il tipo, con la seguente semantica operazionale:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} TypeLabel}{\texttt{empty(e1)} \implies (\emptyset, TypeLabel)}$$

È altresì possibile definire un *singleton*, ovvero un insieme contenente un solo elemento, specificandone il tipo e fornendo un'espressione:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} TypeLabel \quad e_2 {\Longrightarrow} v \quad e_2 \overset{\text{typeof}}{\Longrightarrow} TypeLabel}{\text{singleton(e1)} \ \Longrightarrow (\{v\}, TypeLabel)}$$

Dove $e_2 \xrightarrow{\text{typeof}} TypeLabel$ indica che la chiamata a typeof (discusso nel **paragrafo 3**) applicata al risultato della valutazione di e_2 restituisce il tipo TypeLabel (lo stesso dell'insieme).

2 Regole operazionali per le funzioni su set

Segue la semantica operazionale delle operazioni su insiemi definite nell'interprete.

Appartenenza all'insieme:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} v \quad e_2 {\Longrightarrow} Set}{\texttt{belongsToSet e1 e2} \implies v \in Set}$$

Aggiunta di un elemento:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} v \quad e_2 {\Longrightarrow} Set}{\texttt{addToSet e1 e2} \Longrightarrow Set \cup \{v\}}$$

Rimozione di un elemento:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} v \quad e_2 {\Longrightarrow} Set}{{\tt addToSet e1 e2} \Longrightarrow Set \backslash v}$$

Verifica della relazione di sottoinsieme:

$$\underbrace{e_1 {\Longrightarrow} Set_1 \quad e_2 {\Longrightarrow} Set_2}_{\texttt{isSusbset e1 e2}} {\rightleftharpoons} Set_1 \subseteq Set_2$$

Unione insiemistica:

$$\frac{e_1 \Longrightarrow Set_1 \quad e_2 \Longrightarrow Set_2}{\text{union e1 e2} \implies Set_1 \cup Set_2}$$

Intersezione insiemistica:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} Set_1 \quad e_2 {\Longrightarrow} Set_2}{ \texttt{intersection e1 e2} \implies Set_1 \cap Set_2}$$

Differenza insiemistica:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} Set_1 \quad e_2 {\Longrightarrow} Set_2}{\texttt{difference e1 e2} \, {\Longrightarrow} Set_1 \backslash Set_2}$$

Verifica di vuoto:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} Set}{ \texttt{isEmpty e1} \implies Set = \emptyset}$$

Valore massimo:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} Set}{\texttt{maxValue e1} {\Longrightarrow} \max\{Set\}}$$

Valore minimo:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} Set}{\texttt{minValue e1} {\Longrightarrow} \min\{Set\}}$$

Quantificatore universale:

$$\frac{e_1 \Longrightarrow fx \quad e_2 \Longrightarrow Set}{\text{forall e1 e2} \implies \forall x \in Set . f(x)}$$

Quantificatore esistenziale:

$$\frac{e_1 \Longrightarrow fx \quad e_2 \Longrightarrow Set}{\texttt{exists e1 e2} \implies \exists x \in Set . f(x)}$$

Map:

$$\frac{e_1 {\Longrightarrow} fx \quad e_2 {\Longrightarrow} Set}{\text{map e1 e2 } {\Longrightarrow} Set' \; . \; (\forall x \in Set \; . \; f(x) \in Set')}$$

Filter:

$$\frac{e_1 \Longrightarrow fx \quad e_2 \Longrightarrow Set}{\texttt{filter e1 e2} \implies Set' . \ (\forall x \in Set . \ x \in Set' \Longleftrightarrow f(x))}$$

3 Considerazioni sul type checker

Avendo introdotto evT per set e stringhe, la funzione typecheck è stata estesa per riflettere questi cambiamenti.

Dato che è stato anche definito un tipo typename, che agisce come etichetta per i nomi dei tipi, è stata definita una funzione ausiliaria typeof. Essa è utilizzata per ottenere a *run-time* il tipo degli evT utilizzati all'interno dei set sotto forma di etichetta di tipo typename.

Questa scelta permette di effettuare più agevolmente il controllo dei tipi sugli argomenti delle funzioni di set. In assenza di typeof, sarebbe necessario effettuare pattern matching sull'etichetta di tipo del set e poi verificare il valore di ritorno di typecheck chiamandolo con una stringa opportunamente scelta in base all'etichetta (per esempio, "string", se la funzione matcha l'etichetta StringType).

4 Nota sui test

Il file testcases.ml contiene una ricca suite di test che mostrano le potenzialità delle funzioni implementate. Per mantenere i test leggibili, nel file essi vengono chiamati operando direttamente sugli evT, senza passare per la dichiarazione di un'espressione e la successiva chiamata a eval.

All'interno del file dell'interrete sono comunque presenti un paio di esempi di test per ciascuna delle funzionalità implementate, che dimostrano il corretto funzionamento con le espressioni definite. I test in testcases.ml vogliono invece essere una serie di test più approfonditi volti a mostrare la correttezza delle funzioni, esplorando casi limite con una varietà di input.