Week 2 Assigment

Teosofi H.A & Hafidz M.

20 September 2024

Tugas Mandiri

1. (Geometri Analitik)

Diketahui sebuah persamaan lingkaran berpusat di titik (h,k) dan berjari-jari r. Buatlah program untuk menampilkan persamaan lingkaran dengan bentuk

$$x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$$

Ex. Output

Titik pusat lingkaran di (2,3) dan berjari-jari 5. Persamaan lingkarannya adalah $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 12 = 0$

Hint

Gunakan persamaan lingkaran umum $x^2+y^2+Ax+By+C=0$ dan substitusi A=-2h, B=-2k, dan $C=h^2+k^2-r^2.$

2. (Logika Matematika)

Kita tahu bahwa variabel p dan q yang dapat bernilai "benar" atau "salah" mempunyai 4 kemungkinan pasangan berbeda (BB, BS, SB, dan SS). Buatlah program untuk membuat tabel kebenaran dari salah satu ekspresi logika berikut¹

$$|A| \neg (p \land q) \Leftrightarrow \neg p \lor \neg q$$

$$\boxed{\mathrm{B}} \neg (p \vee q) \Leftrightarrow \neg p \wedge \neg q$$

$$\boxed{\mathbf{C} \quad (p \lor q) \land \neg p \Leftrightarrow q}$$

$$\boxed{\mathbf{D}} \ (p \lor q) \land \neg q \Leftrightarrow p$$

Contoh: Tabel kebenaran $p \Leftrightarrow \neg p \land q$

| p | q | $\neg p$ | $\neg p \land q$ | $p \Leftrightarrow \neg p \land q$ |
|---|---|----------|------------------|------------------------------------|
| В | В | S | S | S |
| В | S | S | S | S |
| S | В | В | В | S |
| S | S | В | S | В |

 $^{^{1}\}mathrm{Cukup}$ kerjakan satu abjad saja sesuai dengan kelas Alpro 1 anda

Ex. Output | p | q | !p | !p ^ q | p <=> (!p ^ q) | |------| | true | true | false | false | false | | true | false | false | false | | true | true | true | true | false | | false | true | true | true | true | | false | false | true | false | true

3. (Metode Statistika)

Diberikan variabel acak X yang mempunyai distribusi peluang sebagai berikut.

| x | 2 | 3 | 6 | 7 | 9 |
|--------|-----|-----|-----|-----|-----|
| P(X=x) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.2 | 0.2 |

Buatlah program untuk menampilan ekspektasi dan varians dari variabel acak X.

Ex. Output

Ekspektasi dari variabel acak X adalah 5.8 Varians dari variabel acak X adalah 5.359999999999999

Hint

Buatlah variabel untuk x_1, x_2, \ldots, x_n dan p_1, p_2, \ldots, p_n (nilainya harus saling bersesuaian). Kemudian hitung ekspektasi dan varians dengan rumus

- Ekspektasi: $\mu = E(X) = \sum_{i=1}^{n} x_i \cdot p_i$
- Varians: $\sigma^2 = Var(X) = \sum_{i=1}^n (x_i \mu)^2 \cdot p_i$