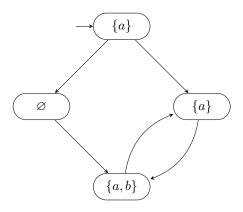
## Exercise 3.1

Berikan jejak (traces) pada himpunan proposisi atomik  $\{a,b\}$  dari sistem transisi berikut:



**Solusi.** Perhatikan bahwa traces dari path dimulai dari  $\{a\}$  dan akan menuju antara  $\emptyset$  atau  $\{a,b\}$ . Selanjutnya, kedua path tersebut akan berlanjut ke  $\{a,b\}$  dan terjadi sebuah loop antara  $\{a\}$  dan  $\{a,b\}$ . Dengan demikian, traces dari sistem transisi tersebut hanya ada dua, yaitu:

- 1.  $\operatorname{trace}(\pi_1) = \{a\} \varnothing \{a, b\} \{a\} \{a, b\} \{a\} \{a, b\} \{a\} \{a, b\} \dots$
- 2.  $\operatorname{trace}(\pi_2) = \{a\} \{a\} \{a,b\} \{a\} \{a,b\} \{a\} \{a,b\} \{a\} \{a,b\} \dots$

## Exercise 3.5

Perhatikan himpunan AP dari proposisi atomik yang didefinisikan oleh  $AP=\{x=0,x>1\}$  dan pertimbangkan sebuah program komputer P yang berjalan tanpa henti dan memanipulasi variabel x. Nyatakan properti-properti berikut, yang dinyatakan secara informal, dalam bentuk properti LT:

- 1. salah
- 2. pada awalnya, x bernilai nol
- 3. pada awalnya, x tidak bernilai nol
- 4. pada awalnya, x bernilai nol, tetapi pada suatu titik x melebihi satu
- 5. x melebihi satu hanya dalam jumlah terbatas
- 6. x melebihi satu dalam jumlah tak hingga kali
- 7. nilai x bergantian antara nol dan dua
- 8. benar

## Solusi.

- (a)  $P_{\text{false}} = \emptyset$  (Selalu salah)
- (b) Awalnya, x sama dengan nol:

$$P = \{A_0 A_1 A_2 \dots \mid (x = 0) \in A_0\}$$

(c) Awalnya, x berbeda dari nol:

$$P = \{A_0 A_1 A_2 \dots \mid (x = 0) \notin A_0\}$$

(d) Awalnya, x sama dengan nol, tetapi pada suatu saat x melebihi satu:

$$P = \{A_0 A_1 A_2 \dots \mid (x = 0) \in A_0 \land \exists n > 0, (x > 1) \in A_n\}$$

(e) x melebihi satu hanya dalam jumlah terbatas:

$$P = \{A_0 A_1 A_2 \dots \mid \exists n > 0, (x > 1) \in A_n \land \exists M, \forall i > M, (x > 1) \notin A_i\}$$

(f) x melebihi satu dalam jumlah tak hingga:

$$P = \{A_0 A_1 A_2 \dots | \forall i > 0 \,\exists N > i, (x > 1) \in A_N \}$$

(g) Nilai x bergantian antara nol dan dua:

$$P = \{A_0 A_1 A_2 \dots \mid \forall i \ge 0, A_i \in \{x = 0, x > 1\} \land A_i \ne A_{i+1}\}\$$

(h)  $P_{\text{true}} = (2^{AP})^{\omega}$  (Selalu benar)