



PROPOSAL TUGAS AKHIR - SM234801

LATIN SQUARE KOMUTATIF ATAS ALJABAR MAX-PLUS

TEOSOFI HIDAYAH AGUNG

NRP 5002221132

Dosen Pembimbing

Muhammad Syifa'ul Mufid, S.Si., M.Si., D.Phil.

NIP 19890911 201404 1 001

Program Sarjana

Departemen Matematika

Fakultas Sains dan Analitika Data

Institut Teknologi Sepuluh Nopember

Surabaya

2025



FINAL PROJECT PROPOSAL - SM234801

COMMUTATIVE LATIN SQUARE OVER MAX-PLUS ALGEBRA

TEOSOFI HIDAYAH AGUNG

NRP 5002221132

Supervisor

Muhammad Syifa'ul Mufid, S.Si., M.Si., D.Phil.

NIP 19890911 201404 1 001

Bachelor Program

Department of Mathematics

Faculty of Sciences

Institut Teknologi Sepuluh Nopember

Surabaya

2025

LEMBAR PENGESAHAN

Latin Square Komutatif atas Aljabar Max-Plus

Commutative Latin Square over Max-Plus Algebra

PROPOSAL TUGAS AKHIR

Diajukan untuk memenuhi salah satu syarat
memperoleh gelar Sarjana Matematika pada
Program Studi S-1 Matematika
Departemen Matematika
Fakultas Sains dan Analitika Data
Institut Teknologi Sepuluh Nopember

Oleh: **Teosofi Hidayah Agung**
NRP. 5002221132

Menyetujui,
Dosen Pembimbing

Muhammad Syifa'ul Mufid, S.Si., M.Si., D.Phil.
NIP. 19890911 201404 1 001

Mengetahui,
Kepala Program Studi Sarjana
Departemen Matematika FSAD-ITS

Muhammad Syifa'ul Mufid, S.Si., M.Si., D.Phil.
NIP. 19890911 201404 1 001

Surabaya,
Agustus 2025

ABSTRAK

Latin Square Komutatif atas Aljabar Max-Plus

Nama Mahasiswa / NRP : Teosofi Hidayah Agung / 5002221132

Departemen : Matematika FSAD -ITS

Dosen Pembimbing : Muhammad Syifa'ul Mufid, S.Si., M.Si., D.Phil.

Abstrak

Kata kunci:

ABSTRACT

Commutative Latin Square over Max-Plus Algebra

Student Name / NRP : Teosofi Hidayah Agung / 5002221132

Departement : Mathematics SCIENTICS - ITS

Supervisor : Muhammad Syifa'ul Mufid, S.Si., M.Si., D.Phil.

Abstract

Keywords:

DAFTAR ISI

LEMBAR PENGESAHAN	i
ABSTRAK	ii
ABSTRACT	iii
DAFTAR ISI	iv
DAFTAR GAMBAR	v
DAFTAR TABEL	vi
DAFTAR SIMBOL	vii
BAB I PENDAHULUAN	1
1.1 Latar Belakang	1
1.2 Rumusan Masalah	1
1.3 Batasan Masalah	1
1.4 Tujuan	1
1.5 Manfaat	1
BAB II TINJAUAN PUSTAKA	2
2.1 Hasil Penelitian Terdahulu	2
2.2 Latin Squares	2
2.3 Aljabar Max-Plus	2
2.4 Cela Riset dan Arah Penelitian	2
2.5 Ringkasan	2
BAB III METODOLOGI	3
3.1 Desain Penelitian	3
3.2 Perumusan Masalah dan Model	3
3.3 Metode Konstruksi	3
3.4 Verifikasi dan Analisis	3
3.5 Hasil yang Diharapkan	3
3.6 Penulisan Laporan	4
DAFTAR PUSTAKA	6

DAFTAR GAMBAR

DAFTAR TABEL

Tabel 3.1 Jadwal Pelaksanaan Penelitian Tugas Akhir 5

DAFTAR SIMBOL

α : Sudut serang

β : Sudut slip samping

BAB I

PENDAHULUAN

- 1.1 Latar Belakang**
- 1.2 Rumusan Masalah**
- 1.3 Batasan Masalah**
- 1.4 Tujuan**
- 1.5 Manfaat**

BAB II

TINJAUAN PUSTAKA

2.1 Hasil Penelitian Terdahulu

2.2 Latin Squares

2.3 Aljabar Max-Plus

Aljabar max-plus didefinisikan pada $\mathbb{R} \cup \{-\infty\}$ dengan $a \oplus b = \max\{a, b\}$ dan $a \otimes b = a + b$. Struktur ini merupakan semiring idempoten dan banyak digunakan pada penjadwalan, optimisasi, dan sistem kejadian diskret. Sejumlah kajian dalam kerangka tropis juga muncul di bidang kriptografi dan keamanan protokol, yang memperlihatkan relevansi struktur idempoten dalam konteks komputasi dan implementasi (?, ?, ?).

2.4 Celah Riset dan Arah Penelitian

Keterhubungan langsung antara persegi Latin (terutama yang komutatif) dengan konstruksi berbasis aljabar max-plus relatif belum dieksplorasi luas. Tantangan utama ialah memastikan hasil operasi biner kembali ke himpunan simbol hingga. Untuk itu, diperlukan skema normalisasi $\varphi : S \times S \rightarrow S$ yang menjaga sifat Latin (keunikan tiap baris/kolom) sekaligus komutativitas. Pendekatan ini, disertai verifikasi berbantuan komputer dan perbandingan dengan praktik di ranah tropis lainnya (?, ?), menjadi dasar arah penelitian ini, dengan acuan penulisan dari karya-karya terkait (?, ?).

2.5 Ringkasan

Tinjauan menunjukkan peluang kontribusi pada definisi, konstruksi, dan karakterisasi persegi Latin komutatif di lingkungan max-plus, serta potensi aplikasi pada penjadwalan tropis dan desain kombinatorial.

BAB III

METODOLOGI

Pada bab ini dijelaskan langkah-langkah pelaksanaan penelitian tugas akhir beserta alur proses dan jadwal kegiatan.

3.1 Desain Penelitian

Penelitian bersifat teoretis-konstruktif yang dilengkapi verifikasi komputasional. Targetnya adalah perumusan definisi, penurunan kondisi eksistensi, serta konstruksi eksplisit untuk persegi Latin komutatif atas aljabar max-plus pada himpunan simbol hingga.

3.2 Perumusan Masalah dan Model

1. Ditetapkan himpunan simbol hingga $S = \{a_0, \dots, a_{n-1}\} \subset \mathbb{Z}$ atau \mathbb{R} .
2. Didefinisikan operasi dasar max-plus \oplus, \otimes pada S dan skema normalisasi $\varphi : S \times S \rightarrow S$ sehingga operasi efektif \star pada S diberikan oleh $(x \star y) := \varphi(x \otimes y)$ atau varian yang relevan.
3. Kriteria Latin: untuk tabel L berindeks $0, \dots, n - 1$, setiap baris/kolom memuat tiap simbol tepat sekali. Kriteria komutatif: $L(i, j) = L(j, i)$.

3.3 Metode Konstruksi

1. **Skema parametris:** tentukan parameter (mis. vektor offset, fungsi pengurutan, atau kelas residu) yang menginduksi φ agar tabel memenuhi sifat Latin.
2. **Algoritme generatif:** bangun L baris demi baris berdasarkan \star dan cek keunikan baris/kolom; gunakan pencarian mundur (backtracking) bila perlu.
3. **Komutativitas:** paksa kesimetrikan $L(i, j) = L(j, i)$ selama konstruksi untuk memangkas ruang pencarian.

3.4 Verifikasi dan Analisis

1. **Verifikasi Latin:** uji programatik bahwa tiap baris/kolom memuat semua simbol tanpa pengulangan.
2. **Sifat aljabar:** telaah identitas (jika ada), idempoten, dan hubungan isotopi/autotopi.
3. **Studi kasus:** enumerasi untuk orde kecil–menengah; bandingkan pola dan kelas kesetaraan.

3.5 Hasil yang Diharapkan

Definisi formal, kondisi eksistensi (perlu/cukup bila memungkinkan), prosedur konstruksi, contoh dan klasifikasi awal, serta diskusi implikasi pada penjadwalan tropis dan desain kombinatorial. Referensi pada praktik tropis di domain lain memberikan konteks metodologis dan justifikasi verifikasi komputasional (? , ?, ?).

3.6 Penulisan Laporan

Penyusunan laporan mengikuti format yang ditetapkan, meliputi Bab I–III pada proposal dan pengembangan lebih lanjut pada naskah akhir.

JADWAL PENELITIAN

Berikut jadwal pelaksanaan tahap-tahap penelitian tugas akhir yang akan dilakukan selama 3 bulan sesuai dengan metode penelitian.

Tabel 3.1 Jadwal Pelaksanaan Penelitian Tugas Akhir

NO	NAMA KEGIATAN	BULAN											
		1				2				3			
		1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4
1	Studi literatur dan perumusan masalah	■	■										
2	Perancangan skema normalisasi dan model operasi		■	■									
3	Pengembangan algoritme konstruksi dan verifikasi			■	■	■	■	■					
4	Eksperimen dan enumerasi orde kecil–menengah				■	■	■	■					
5	Analisis hasil dan karakterisasi aljabar								■	■	■		
6	Penyusunan kesimpulan dan saran									■	■	■	
7	Penulisan laporan proposal/TA										■	■	■

DAFTAR PUSTAKA