

Relatório Estrutura de Dados

Aluno: Thales Yahya

1.0 Árvore binária

1.1 Classe Árvore Binária

```
1 public class ArvoreBinaria {
2     private NodeArvore raiz;
3
4     public ArvoreBinaria() { this.raiz = null; }
5
6
7     public void inserir(int dado) {...}
8
9
10
11
12 //Metodos pra printar
13
14 public void imprimir(){...}
15 public void preOrdem(NodeArvore arvore){...}
16 private void inOrdem(NodeArvore arvore){...}
17 private void posOrdem(NodeArvore arvore){...}
18
19
20 //Verica se é folha
21 @ private boolean Folha(NodeArvore no){...}
22
23
24 //Buscar
25 public boolean buscar(int valor) {...}
26
27
28 public boolean buscarComTempo(int valor) {...}
29
30 //Remover raiz
31 private void removerRaiz() {...}
32
33
34 //Econtrar menor valor
35 @ private NodeArvore encontrarMenorValor(NodeArvore no) {...}
36
37
38 // Remover valor da árvore
39 private void removerSucessor(NodeArvore noAtual, NodeArvore pai) {...}
40
41 public void remover(int dado) {...}
42
43
44 public void removerComTempo(int dado) {...}
45
46
47 public NodeArvore getRaiz() {
48     return raiz;
49 }
50 }
```

1.2 Implementação dos Métodos iniciais

Declara uma variável de instância chamada raiz, que representa o nó raiz da árvore.

```
private NodeArvore raiz;
```

Em seguida cria um construtor da classe ArvoreBinaria. O construtor é chamado quando um novo objeto ArvoreBinaria é criado.

```
public ArvoreBinaria(){  
    this.raiz = null;  
}
```

1.3 Implementação do Método Inserir

```
public void inserir(int dado) {  
    // Cria um novo nó com o valor informado  
    NodeArvore no = new NodeArvore();  
    no.setValor(dado);  
  
    // Verifica se a árvore está vazia  
    if (raiz == null) {  
        // Se estiver vazia, o novo nó se torna a raiz da árvore  
        raiz = no;  
        return;  
    }  
  
    // Se a árvore não estiver vazia, começa a procurar o local de inserção  
    NodeArvore atual = raiz;  
    while (true) {  
        // Se o valor a ser inserido for menor que o valor atual  
        if (dado < atual.getValor()) {  
            // Verifica se o nó à esquerda do nó atual é nulo  
            if (atual.getEsquerdo() == null) {  
                // Se for nulo, o novo nó é inserido à esquerda do nó atual  
                atual.setEsquerdo(no);  
                break; // Sai do loop  
            }  
            // Caso contrário, continua navegando para a esquerda na árvore  
            atual = atual.getEsquerdo();  
        } else {  
            // Se o valor a ser inserido for maior ou igual ao valor atual  
            // (ou seja, vai para a direita)  
            if (atual.getDireito() == null) {  
                // Verifica se o nó à direita do nó atual é nulo  
                if (atual.getDireito() == null) {  
                    // Se for nulo, o novo nó é inserido à direita do nó atual  
                    atual.setDireito(no);  
                    break; // Sai do loop  
                }  
            }  
            // Caso contrário, continua navegando para a direita na árvore  
            atual = atual.getDireito();  
        }  
    }  
}
```

1.3.1 Explicação do Código

```
public void inserir(int dado) {  
    // Cria um novo nó com o valor informado  
    NodeArvore no = new NodeArvore();  
    no.setValor(dado);  
}
```

Um novo nó `no` é criado com o valor `dado` que deseja ser inserido na árvore.

```
// Verifica se a árvore está vazia  
if (raiz == null) {  
    // Se estiver vazia, o novo nó se torna a raiz da árvore  
    raiz = no;  
    return;  
}
```

Aqui, o código verifica se a árvore está vazia (a raiz é `null`). Se a árvore estiver vazia, o novo nó `no` se torna a raiz da árvore.

```
while (true) {  
    // Se o valor a ser inserido for menor que o valor atual  
    if (dado < atual.getValor()) {  
        // Verifica se o nó à esquerda do nó atual é nulo  
        if (atual.getEsquerdo() == null) {  
            // Se for nulo, o novo nó é inserido à esquerda do nó atual  
            atual.setEsquerdo(no);  
            break; // Sai do loop  
        }  
        // Caso contrário, continua navegando para a esquerda na árvore  
        atual = atual.getEsquerdo();  
    } else {  
        // Se o valor a ser inserido for maior ou igual ao valor atual  
        // (ou seja, vai para a direita)  
        if (atual.getDireito() == null) {  
            // Verifica se o nó à direita do nó atual é nulo  
            if (atual.getDireito() == null) {  
                // Se for nulo, o novo nó é inserido à direita do nó atual  
                atual.setDireito(no);  
                break; // Sai do loop  
            }  
        }  
        // Caso contrário, continua navegando para a direita na árvore  
        atual = atual.getDireito();  
    }  
}
```

Nessa parte do código caso o dado que desejamos inserir for menor que o valor do nó atual (`atual.getValor()`), então verificamos se o nó à esquerda (`atual.getEsquerdo()`) do nó atual é nulo. Se for nulo, inserimos o novo nó à esquerda do nó atual e saímos do loop.

Caso contrário, se o dado for maior ou igual ao valor do nó atual, verificamos se o nó à direita (`atual.getDireito()`) do nó atual é nulo. Se for nulo, inserimos o novo nó à direita do nó atual e saímos do loop.

Se ambos os lados não forem nulos, continuamos navegando para a esquerda ou direita na árvore, dependendo do valor do dado em relação ao valor do nó atual. Isso se repete até encontrarmos um local vazio para inserir o novo nó.

1.4 Métodos para imprimir a Árvore

```
public void imprimir(){
    System.out.print("Pré-ordem: ");
    preOrdem(raiz);
    System.out.println("\n");
    System.out.print("In-ordem: ");
    inOrdem(raiz);
    System.out.println("\n");
    System.out.print("Pós-ordem: ");
    posOrdem(raiz);
    System.out.println("\n");
}
```

Esta função é usada para imprimir os nós da árvore em três diferentes formas: pré-ordem, in-ordem e pós-ordem. Ela chama as funções apropriadas e imprime os valores dos nós na sequência desejada.

```
public void preOrdem(NodeArvore arvore){
    if (arvore != null){ // se o no nao for nulo
        System.out.print(arvore.getValor() + " "); // printa a informacao
        preOrdem(arvore.getEsquerdo()); // chamada recursiva com o proximo da esquerda
        preOrdem(arvore.getDireito()); // chamada recursiva com o proximo da direita
    }
}
```

Esta função imprime os nós da árvore em pré-ordem, o que significa que ela primeira visita o nó atual, em seguida, o nó à esquerda e, por fim, o nó à direita. Isso é feito de forma recursiva, e a função verifica se o nó não é nulo antes de imprimir seu valor.

```
private void inOrdem(NodeArvore arvore){
    if(arvore != null){ // se o no nao for nulo
        inOrdem(arvore.getEsquerdo()); // chamada recursiva com o proximo da esquerda
        System.out.print(arvore.getValor() + " "); // printa a informacao
        inOrdem(arvore.getDireito()); // chamada recursiva com o proximo da direita
    }
}
```

Essa função imprime os nós da árvore em in-ordem, o que significa que ela visita o nó à esquerda, depois o nó atual e, por fim, o nó à direita. Como as outras funções, ela também é feita de forma recursiva e verifica se o nó não é nulo antes de imprimir o valor.

```
private void posOrdem(NodeArvore arvore){
    if(arvore != null){ // se o no nao for nulo
        posOrdem(arvore.getEsquerdo()); // chamada recursiva com o proximo da esquerda
        posOrdem(arvore.getDireito()); // chamada recursiva com o proximo da direita
        System.out.print(arvore.getValor() + " "); // printa a informacao
    }
}
```

Essa função imprime os nós da árvore em pós-ordem, o que significa que ela primeira visita o nó à esquerda, depois o nó à direita e, por fim, o nó atual. Também é feita de forma recursiva que verifica se o nó não é nulo antes de imprimir o valor.

1.5 Métodos para verificar se é folha

```

private boolean Folha(NodeArvore no){
    if(no.getEsquerdo() == null && no.getDireito() == null){
        return true;
    } else {
        return false;
    }
}

```

Essa função `Folha(NodeArvore no)` verifica se o nó `no` é uma folha na árvore. Uma folha é um nó que não tem filhos, ou seja, nem à esquerda (`no.getEsquerdo()`) nem à direita (`no.getDireito()`) há outros nós

1.6 Método para Buscar na Árvore Binária

```

public boolean buscar(int valor) {
    NodeArvore noAtual = raiz; // Inicializa um nó atual com a raiz da árvore.

    while (noAtual != null) { // Inicia um loop enquanto o nó atual não for nulo (ainda há nós para verificar).

        if (valor == noAtual.getValor()) { // Verifica se o valor do nó atual é igual ao valor procurado.
            System.out.println("Valor " + valor + " encontrado na árvore."); // Imprime uma mensagem indicando que o valor foi encontrado.
            return true; // Retorna verdadeiro (o valor foi encontrado na árvore).
        } else if (valor < noAtual.getValor()) { // Se o valor for menor que o valor do nó atual:
            noAtual = noAtual.getEsquerdo(); // Atualiza o nó atual para ser o nó à esquerda (valores menores são encontrados à esquerda na árvore).
        } else { // Se o valor for maior que o valor do nó atual:
            noAtual = noAtual.getDireito(); // Atualiza o nó atual para ser o nó à direita (valores maiores são encontrados à direita na árvore).
        }
    }

    // Quando o loop termina, significa que o valor não foi encontrado na árvore.
    System.out.println("Valor " + valor + " não encontrado na árvore."); // Imprime uma mensagem indicando que o valor não foi encontrado.
    return false; // Retorna falso (o valor não foi encontrado na árvore).
}

```

Inicializa um nó chamado `noAtual` com a raiz da árvore para iniciar a busca.

Entra em um loop que continua enquanto `noAtual` não for nulo. Isso significa que ele irá percorrer a árvore até encontrar o valor desejado ou até não haver mais nós para verificar.

Dentro do loop:

Verifica se o valor do `noAtual` é igual ao valor procurado (`valor`). Se forem iguais, imprime uma mensagem indicando que o valor foi encontrado na árvore e retorna `true`, indicando que o valor foi encontrado com sucesso.

Caso o valor seja menor do que o valor do `noAtual`:

Atualiza o noAtual para ser o nó à esquerda, pois valores menores são encontrados à esquerda em uma árvore binária de busca.

Caso o valor seja maior do que o valor do noAtual:

Atualiza o noAtual para ser o nó à direita, pois valores maiores são encontrados à direita em uma árvore binária de busca.

Após o loop, se o valor não tiver sido encontrado, o método imprime uma mensagem indicando que o valor não foi encontrado na árvore e retorna false, indicando que o valor não foi encontrado com sucesso.

1.7 Métodos para Remoção da Árvore Binária

```
private void removerSucessor(NodeArvore noAtual, NodeArvore pai) {  
    if (Folha(noAtual)) {  
        if (noAtual == raiz) {  
            raiz = null;  
        } else if (noAtual == pai.getEsquerdo()) {  
            pai.setEsquerdo(null);  
        } else {  
            pai.setDireito(null);  
        }  
    } else {  
        removerSucessor(noAtual.getEsquerdo(), noAtual);  
    }  
}
```

Ela recebe dois argumentos: noAtual, que é o nó a ser removido, e pai, que é o nó pai do noAtual.

A função começa verificando se o noAtual é uma folha, o que significa que ele não tem filhos (nem à esquerda, nem à direita). Isso é verificado usando a função Folha(noAtual). Se for uma folha, o código entra no bloco condicional interno.

Dentro do bloco condicional, o código verifica se o noAtual é a raiz da árvore (raiz == noAtual). Se for a raiz, define a raiz da árvore como null, indicando que a árvore ficará vazia após a remoção. Caso contrário, verifica se o noAtual é o filho esquerdo do pai ou o filho direito e, em seguida, define o filho correspondente do pai como null, removendo assim o noAtual.

Se o `noAtual` não for uma folha (ou seja, ele tem um filho à esquerda), a função chama a si mesma recursivamente com o filho à esquerda do `noAtual` e atualiza o pai como `noAtual`. Isso continua até que um nó folha seja encontrado, que é tratado no primeiro caso descrito.

```
public void remover(int dado) {
    if (raiz == null) {
        return; // A árvore está vazia, nada a fazer.
    }

    NodeArvore noAtual = raiz;
    NodeArvore pai = null;
    boolean ehFilhoEsquerdo = true;

    // Encontre o nó a ser removido e seu pai
    while (noAtual != null && noAtual.getValor() != dado) {
        pai = noAtual;
        if (dado < noAtual.getValor()) {
            noAtual = noAtual.getEsquerdo();
            ehFilhoEsquerdo = true;
        } else {
            noAtual = noAtual.getDireito();
            ehFilhoEsquerdo = false;
        }
    }

    // Se o nó a ser removido não foi encontrado
    if (noAtual == null) {
        return; // O valor a ser removido não está na árvore.
    }

    // O nó a ser removido é uma folha (não possui filhos)
    if (Folha(noAtual)) {
        if (noAtual == raiz) {
            raiz = null;
        } else if (ehFilhoEsquerdo) {
            pai.setEsquerdo(null);
        } else {
            pai.setDireito(null);
        }
    }

    // O nó possui um filho a direita
    else if (noAtual.getEsquerdo() == null) {
        if (noAtual == raiz) {
            raiz = noAtual.getDireito();
        } else if (ehFilhoEsquerdo) {

```



```

        pai.setEsquerdo(noAtual.getDireito());
    } else {
        pai.setDireito(noAtual.getDireito());
    }
}
//O nó possui um filho a esquerda
else if (noAtual.getDireito() == null) {
    if (noAtual == raiz) {
        raiz = noAtual.getEsquerdo();
    } else if (ehFilhoEsquerdo) {
        pai.setEsquerdo(noAtual.getEsquerdo());
    } else {
        pai.setDireito(noAtual.getEsquerdo());
    }
}
//Tiver 2 filhos
else {
    NodeArvore sucessor = encontrarMenorValor(noAtual.getDireito());
    noAtual.setValor(sucessor.getValor());
    removerSucessor(noAtual.getDireito(), noAtual);
}
}

```

Verifica se a árvore está vazia (raiz == null). Se a árvore estiver vazia, não há nada a ser feito, e a função retorna.

Caso não esteja inicializa o noAtual como a raiz da árvore e cria variáveis pai e ehFilhoEsquerdo. pai será usado para rastrear o nó pai do noAtual, e ehFilhoEsquerdo indicará se o noAtual é um filho esquerdo ou direito do pai.

Inicia um loop que continua enquanto noAtual não for nulo e o valor do noAtual não for igual ao valor que deseja ser removido (dado). O loop percorre a árvore até encontrar o nó com o valor a ser removido.

Se o loop terminar e noAtual for nulo, significa que o valor a ser removido não está presente na árvore, e a função retorna sem fazer nada.

Se o noAtual a ser removido é uma folha (não tem filhos), ele é removido da árvore. O tratamento varia se o noAtual é a raiz, um filho esquerdo ou um filho direito do pai.

Se o noAtual a ser removido tiver um filho à direita, o nó é removido e o seu filho à direita substitui o noAtual. Mais uma vez, o tratamento varia se o noAtual é a raiz, um filho esquerdo ou um filho direito do pai.

Se o noAtual a ser removido tiver um filho à esquerda, o nó é removido e o seu filho à esquerda substitui o noAtual. O tratamento varia da mesma maneira que nos casos anteriores.

Se o noAtual a ser removido tiver dois filhos, é necessário encontrar o sucessor mais à esquerda do nó direito (o nó com o menor valor na subárvore direita). Esse sucessor é então copiado para o noAtual, e a função removerSucessor é chamada para remover o sucessor da subárvore direita.

2.0 Árvore AVL

Leve em conta que alguns métodos da árvore Binária e Árvore AVL são os mesmos, porém alguns possuem pequenas modificações, os idênticos não irei citar aqui.

```
public void inserirAvl(int dado) {  
    // Cria um novo nó com o valor informado  
    NodeArvore no = new NodeArvore();  
    no.setValor(dado);  
  
    // Verifica se a árvore está vazia  
    if (raiz == null) {  
        // Se estiver vazia, o novo nó se torna a raiz da árvore  
        raiz = no;  
        // Em seguida, verifica o balanceamento da árvore com o novo nó  
        verificarBalanceamento(no);  
        return;  
    }  
  
    // Se a árvore não estiver vazia, começa a procurar o local de inserção  
    NodeArvore atual = raiz;  
    while (true) {  
        // Se o valor a ser inserido for menor que o valor atual  
        if (dado < atual.getValor()) {  
            // Verifica se o nó à esquerda do nó atual é nulo  
            if (atual.getEsquerdo() == null) {  
                // Se for nulo, o novo nó é inserido à esquerda do nó atual  
                atual.setEsquerdo(no);  
                // Verifica o balanceamento após a inserção  
                verificarBalanceamento(no);  
                break; // Sai do loop  
            }  
            // Caso contrário, continua navegando para a esquerda na árvore  
            atual = atual.getEsquerdo();  
        } else {  
            // Se o valor a ser inserido for maior ou igual ao valor atual  
            // (ou seja, vai para a direita)  
            if (atual.getDireito() == null) {  
                // Verifica se o nó à direita do nó atual é nulo  
                if (atual.getDireito() == null) {  
                    // Se for nulo, o novo nó é inserido à direita do nó atual  
                    atual.setDireito(no);  
                    // Verifica o balanceamento após a inserção  
                    verificarBalanceamento(no);  
                    break; // Sai do loop  
                }  
            }  
            // Caso contrário, continua navegando para a direita na árvore  
            atual = atual.getDireito();  
        }  
    }  
}
```

O código de inserir possui a mesma lógica, porém ao finalizar uma inserção ele chama o método verificarBalanceamento();

```

public NodeArvore encontrarPai(NodeArvore no) {
    if (no == null || no == raiz) {
        return null; // O nó alvo não tem pai ou é a raiz.
    }
    NodeArvore percorre = raiz;
    NodeArvore pai = null;
    while (percorre != null) {
        if ((percorre.getEsquerdo() == no) || (percorre.getDireito() == no)) {
            pai = percorre;
            break; // Encontramos o pai do nó alvo.
        } else if (no.getValor() >= percorre.getValor()) {
            percorre = percorre.getDireito();
        } else {
            percorre = percorre.getEsquerdo();
        }
    }
    return pai;
}

```

A função recebe um nó “no” como entrada e tem o objetivo de encontrar o pai desse nó na árvore. O pai de um nó é o nó que possui um filho igual a “no”.

A função começa verificando dois casos especiais:

Se o nó “no” for nulo ou se o nó “no” for a raiz da árvore (raiz), a função retorna null. Isso ocorre porque a raiz não tem pai ou, em geral, quando um nó é nulo, ele não tem pai.

Em seguida, a função cria duas variáveis percorre e pai. percorre é inicializada com a raiz da árvore, e pai é inicializada como null. Essas variáveis serão usadas para percorrer a árvore e rastrear o pai do nó alvo.

Entra em um loop que continua enquanto percorre não for nulo. O objetivo deste loop é percorrer a árvore até encontrar o pai do nó alvo. Dentro do loop, a função verifica se o nó “no” é igual ao filho esquerdo (percorre.getEsquerdo()) ou ao filho direito (percorre.getDireito()) do nó atual (percorre). Se for igual a um dos filhos, significa que o nó no é o filho desse nó percorre, e, portanto, o nó percorre é o pai do nó alvo no. A função atualiza a variável pai com o valor de percorre e sai do loop usando break.

Se o nó “no” não for igual a nenhum dos filhos do nó atual, a função verifica se o valor do nó alvo “no” é maior ou igual ao valor do nó atual percorre. Se for maior ou igual, isso significa que o nó alvo está

localizado à direita do nó atual, e a função atualiza `percorre` para ser o filho direito (`percorre = percorre.getDireito()`).

Caso contrário, o nó alvo está localizado à esquerda do nó atual, e a função atualiza `percorre` para ser o filho esquerdo (`percorre = percorre.getEsquerdo()`).

O loop continua a percorrer a árvore até encontrar o pai do nó alvo. Quando o pai é encontrado, a função sai do loop e retorna o nó pai.

```
private int altura(NodeArvore no){
    if(no == null){ // se o no for null
        return -1; // retorna -1
    }
    int esquerda = altura(no.getEsquerdo()); // percorre a esquerda
    int direita = altura(no.getDireito()); // percorre a direita
    if(esquerda > direita){
        return 1 + esquerda;
    } else {
        return 1 + direita;
    }
}
```

Esta função calcula a altura de um nó na árvore AVL. A altura de um nó é a quantidade de arestas no caminho mais longo entre esse nó e uma folha. Se o nó for nulo (ou seja, não existir na árvore), a função retorna -1 como indicativo de que esse nó não tem altura.

A função inicia com uma verificação: se o nó não for nulo, ela retorna -1 imediatamente.

Se o nó não for nulo, a função prossegue para calcular a altura. Ela faz isso de forma recursiva, ou seja, chamando a si mesma para calcular a altura dos filhos do nó `no`.

A função calcula a altura do nó à esquerda (`no.getEsquerdo()`) e a altura do nó à direita (`no.getDireito()`) chamando a função `altura` para esses nós filhos.

Ela compara as alturas da subárvore à esquerda e da subárvore à direita com a finalidade de determinar qual delas é maior.

A função retorna 1 mais a altura da subárvore mais alta entre a esquerda e a direita. Isso ocorre porque ao subir um nível na árvore, adiciona-se 1 à altura atual.

```
private NodeArvore rotacaoEsquerda(NodeArvore no){
    NodeArvore novaRaiz = no.getDireito(); // seta a nova raiz como sendo o no da direita
    no.setDireito(novaRaiz.getEsquerdo()); // seta a direita da antiga raiz o esquerdo da nova raiz
    novaRaiz.setEsquerdo(no); // atualiza o esquerdo da nova raiz como sendo a raiz antiga
    return novaRaiz; // retorna a raiz do jeito certo
}
```

Essa função ela recebe um nó no como entrada, que representa a raiz da subárvore que precisa ser rotacionada à esquerda.

A função começa criando uma referência chamada novaRaiz e a inicializa com o nó à direita do nó “no”. Isso efetivamente faz da novaRaiz a nova raiz da subárvore.

Em seguida, a função atualiza os ponteiros do nó “no”. O nó “no” deve ter seu filho à direita atualizado para ser o filho à esquerda da novaRaiz, para garantir que a estrutura da árvore seja mantida.

A novaRaiz deve ter seu filho à esquerda atualizado para ser o nó “no”, para garantir que o “no” se torne o filho à esquerda da novaRaiz.

Por fim, a função retorna a novaRaiz, que agora é a nova raiz da subárvore após a rotação.

```
private NodeArvore duplaRotacaoEsquerda(NodeArvore no){
    NodeArvore novaRaiz = no.getDireito().getEsquerdo(); // pega a nova raiz da arvore que vai ser o neto da raiz que entrou
    NodeArvore pai = no.getDireito(); // armazena o pai
    NodeArvore vo = no; // armazena o vo
    pai.setEsquerdo(novaRaiz.getDireito());
    vo.setDireito(novaRaiz.getEsquerdo());
    novaRaiz.setEsquerdo(vo); // seta o vo a esquerda da nova raiz
    novaRaiz.setDireito(pai); // seta o pai a direita da nova raiz
    return novaRaiz; // retorna a raiz balanceada
}
```

Ela recebe um nó “no” como entrada, que representa a raiz da subárvore que precisa ser rotacionada.

A função começa criando três referências: novaRaiz, pai, e vo. novaRaiz será a nova raiz da subárvore após a rotação dupla, pai será o pai do “no”, e vo será o próprio nó “no”.

A novaRaiz é definida como o filho esquerdo do filho direito do “no”, ou seja, o neto à esquerda do “no”.

O pai é definido como o filho direito do “no”.

Em seguida, a função realiza a rotação à direita “no” nó pai (que é um nó filho direito). Para isso, o filho direito do pai é atualizado para ser o filho direito do novaRaiz

A função realiza a rotação à esquerda no nó vo. Para isso, o filho direito do vo é atualizado para ser o filho esquerdo do novaRaiz.

Finalmente, a novaRaiz é definida como a nova raiz da subárvore após a rotação, com o vo como filho esquerdo e o pai como filho direito. A função retorna a novaRaiz, que agora é a nova raiz da subárvore após a rotação dupla à esquerda.

```
private NodeArvore rotacaoDireita(NodeArvore no){...}  
private NodeArvore duplaRotacaoDireita(NodeArvore no){...}
```

Essas duas funções possuem a mesma lógica porem são invertidas as rotações.

```
private void verificarBalanceamento(NodeArvore no) {  
    if (no == null) {  
        return;  
    }  
  
    // Recalcula o fator de balanceamento  
    int balanceamento = altura(no.getEsquerdo()) - altura(no.getDireito());  
  
    // Verifica se o balanceamento está fora do intervalo [-1, 1]  
    if (balanceamento > 1) {  
        if (altura(no.getEsquerdo().getEsquerdo()) >= altura(no.getEsquerdo().getDireito())) {  
            no = rotacaoDireita(no);  
        } else {  
            no = duplaRotacaoDireita(no);  
        }  
    } else if (balanceamento < -1) {  
        if (altura(no.getDireito().getDireito()) >= altura(no.getDireito().getEsquerdo())) {  
            no = rotacaoEsquerda(no);  
        } else {  
            no = duplaRotacaoEsquerda(no);  
        }  
    }  
  
    // Atualiza o nó pai, se houver  
    NodeArvore pai = encontrarPai(no);  
    if (pai != null) {  
        if (no.getValor() >= pai.getValor()) {  
            pai.setDireito(no);  
        } else {  
            pai.setEsquerdo(no);  
        }  
        verificarBalanceamento(pai); // Verifica o balanceamento recursivamente subindo na árvore.  
    } else {  
        // No caso em que o balanceamento é corrigido na raiz, atualiza a raiz da árvore.  
        raiz = no;  
    }  
}
```

A função recebe um nó no como entrada, que representa o nó cujo balanceamento deve ser verificado.

Ela começa com uma verificação: se o nó “no” for nulo, a função retorna imediatamente. Isso ocorre porque não há nada a ser verificado ou corrigido em um nó nulo.

A função calcula o fator de balanceamento do nó “no”. O fator de balanceamento é a diferença entre a altura da subárvore à esquerda e a altura da subárvore à direita. Isso é feito calculando a altura do filho esquerdo (`altura(no.getEsquerdo())`) e subtraindo a altura do filho direito (`altura(no.getDireito())`).

A função verifica se o balanceamento está fora do intervalo permitido de $[-1, 1]$. Isso significa que a árvore está desbalanceada, e a função precisa realizar uma ou duas rotações para corrigir o balanceamento. Se o balanceamento for maior que 1, isso indica que a subárvore à esquerda é mais pesada. A função verifica a altura do filho à esquerda do filho à esquerda (`altura(no.getEsquerdo().getEsquerdo())`) em comparação com a altura do filho à esquerda do filho à direita. Com base nessa comparação, decide se deve realizar uma rotação simples à direita ou uma rotação dupla à direita para corrigir o balanceamento. Se o balanceamento for menor que -1, isso indica que a subárvore à direita é mais pesada. Da mesma forma, a função verifica as alturas dos filhos à direita e decide se deve realizar uma rotação simples à esquerda ou uma rotação dupla à esquerda para corrigir o balanceamento.

Após a rotação, a função verifica o nó pai do nó “no” (usando a função `encontrarPai(no)`) para atualizar os ponteiros do pai corretamente após a rotação.

A função continua a verificar o balanceamento recursivamente subindo na árvore a partir do nó pai, chamando `verificarBalanceamento(pai)`.

Se a raiz da árvore for afetada pela rotação (o que pode ocorrer se o nó “no” for a raiz original da árvore), a função atualiza a raiz da árvore para ser o novo nó “no”.

```
// Remover valor da árvore
public void remover(int dado){
    //Não consegui implementar
}
```

Não fui capaz de implementar essa lógica, realizei algumas pesquisas, algumas perguntas para o monitor, mas ao implementar a lógica, de alguma forma a árvore “quebrava”, talvez seja algum erro de lógica em outra parte do código, de qualquer forma não consegui realizar a implementação dessa função.

3.0 Análise Crítica

3.1 Árvore Binária:

Professor acho que essa árvore aqui é perfeita, a implementação dela é parcialmente simples e mais direta também, além de ser mais legal de mexer e utilizar, o único problema é o fato do balanceamento mesmo que em si a árvore pode ficar toda torta para um lado só, parecendo um galho perdido, de resto me diverti montando esse código.

3.2 Árvore AVL

Professor odiei esse negócio aqui, descobri que sou burro de mais e que a vida de um programador desesperado me tirou boas noites de sono. Brincadeiras a parte a construção desse código foi realmente um desafio, e imagino que eu não tenha conseguido ainda, porém o que achei interessante dessa árvore é seu balanceamento em si, e manter uma árvore “bonita”, a única vantagem que percebo é a complexidade dela em si.

4.0 Análise de Desempenho

4.1 100 Valores

Tempo de Inserção Árvore Binária:

```
Tempo de inserção: 655200 nanossegundos
```

Tempo De Inserção Árvore AVL:

```
Tempo de inserção: 664700 nanossegundos
```

4.2 500 Valores

Tempo de Inserção Árvore Binária:

```
Tempo de inserção: 1432600 nanossegundos
```

Tempo De Inserção Árvore AVL:

```
Tempo de inserção: 3276000 nanossegundos
```


4.3 1000 Valores

Tempo de Inserção Árvore Binária:

Tempo de inserção: 2024100 nanossegundos

Tempo De Inserção Árvore AVL:

Tempo de inserção: 2703300 nanossegundos

4.4 10000 Valores

Tempo de Inserção Árvore Binária:

Tempo de inserção: 12423500 nanossegundos

Tempo De Inserção Árvore AVL:

Tempo de inserção: 7104200 nanossegundos

4.5 20000 Valores

Tempo de Inserção Árvore Binária:

Tempo de inserção: 18264700 nanossegundos

Tempo De Inserção Árvore AVL:

Tempo de inserção: 15622300 nanossegundos

5.0 Análise de Busca

5.1 Valores Inseridos nas duas árvores:

14-15-4-9-7-18-3-5-16-4-20-17-9-14-5

5.2 Árvore Binária:

Busca do Número 5

Tempo decorrido: 1500 nanossegundos

5.3 Árvore AVL:

Busca do Número 5

Tempo decorrido: 1300 nanossegundos

6.0 Análise de Remoção

6.1 Com os mesmo valores inseridos em cima

14-15-4-9-7-18-3-5-16-4-20-17-9-14-5

6.2 Árvore Binária:

Remoção do número 5

Tempo de execução: 7400 nanossegundos

6.3 Árvore AVL:

Infelizmente a remoção na árvore AVL não fui capaz de implementar.