

ĐẠI HỌC QUỐC GIA THÀNH PHỐ HỒ CHÍ MINH
TRƯỜNG ĐẠI HỌC BÁCH KHOA
KHOA KHOA HỌC VÀ KỸ THUẬT MÁY TÍNH



KIẾN TRÚC MÁY TÍNH (CO2007)

BÀI TẬP LỚN --- Đề tài 6

**SẮP XẾP CHUỖI – CHO MỘT CHUỖI SỐ NGUYÊN 20
PHẦN TỬ. SỬ DỤNG HỢP NGỮ ASSEMBLY MIPS, VIẾT
THỦ TỤC SẮP XẾP CHUỖI ĐÓ THEO THỨ TỰ TĂNG
DẪN BẰNG GIẢI THUẬT MERGE SORT.**

Giảng viên hướng dẫn:

Trần Thanh Bình

Võ Tấn Phương

Nhóm sinh viên thực hiện:

Võ Nguyễn Thiện Nhân – 1910409

Lê Ngọc Minh Nhân – 1910402

Nguyễn Duy Khang – 1910238

Tp. Hồ Chí Minh, Tháng 12/2020.

MỤC LỤC

I.	Ý TƯỞNG GIẢI THUẬT MERGE SORT.....	2
1.	<i>Trộn hai danh sách đã được sắp xếp.</i>	2
2.	<i>Trộn tại chỗ.</i>	2
3.	<i>Sắp xếp trộn đệ quy.</i>	2
II.	HIỆN THỰC GIẢI THUẬT MERGE SORT BẰNG HỢP NGỮ MIPS	4
III.	KẾT QUẢ MỘT SỐ TESTCASE.....	9
IV.	THỐNG KÊ CÁC LỆNH VÀ TÍNH TOÁN THỜI GIAN CHẠY CỦA CHƯƠNG TRÌNH.	19
a.	<i>Thống kê các lệnh.</i>	19
b.	<i>Tính toán thời gian chạy của chương trình.....</i>	21
	Tham khảo	23

I. Ý TƯỞNG GIẢI THUẬT MERGE SORT.

Trong khoa học máy tính, sắp xếp trộn (merge sort) là một thuật toán sắp xếp để sắp xếp các danh sách (hoặc bất kỳ cấu trúc dữ liệu nào có thể truy cập tuần tự, v.d. luồng tập tin) theo một trật tự nào đó. Nó được xếp vào thể loại sắp xếp so sánh. Thuật toán này là một ví dụ tương đối điển hình của lối thuật toán chia để trị do John von Neumann đưa ra lần đầu năm 1945. Một thuật toán chi tiết được Goldstine và Neumann đưa ra năm 1948.

1. Trộn hai danh sách đã được sắp xếp.

Giả sử có hai danh sách đã được sắp xếp $a[1..m]$ và $b[1..n]$. Ta có thể trộn chúng lại thành một danh sách mới $c[1..m+n]$ được sắp xếp theo cách sau:

- So sánh hai phần tử đứng đầu của hai danh sách, lấy phần tử nhỏ hơn cho vào danh sách mới. Tiếp tục như vậy cho tới khi một trong hai danh sách là rỗng.
- Khi một trong hai danh sách là rỗng ta lấy phần còn lại của danh sách kia cho vào cuối danh sách mới.

Ví dụ: Cho hai danh sách $a = (1, 3, 7, 9)$, $b = (2, 6)$, quá trình hòa nhập diễn ra như sau:

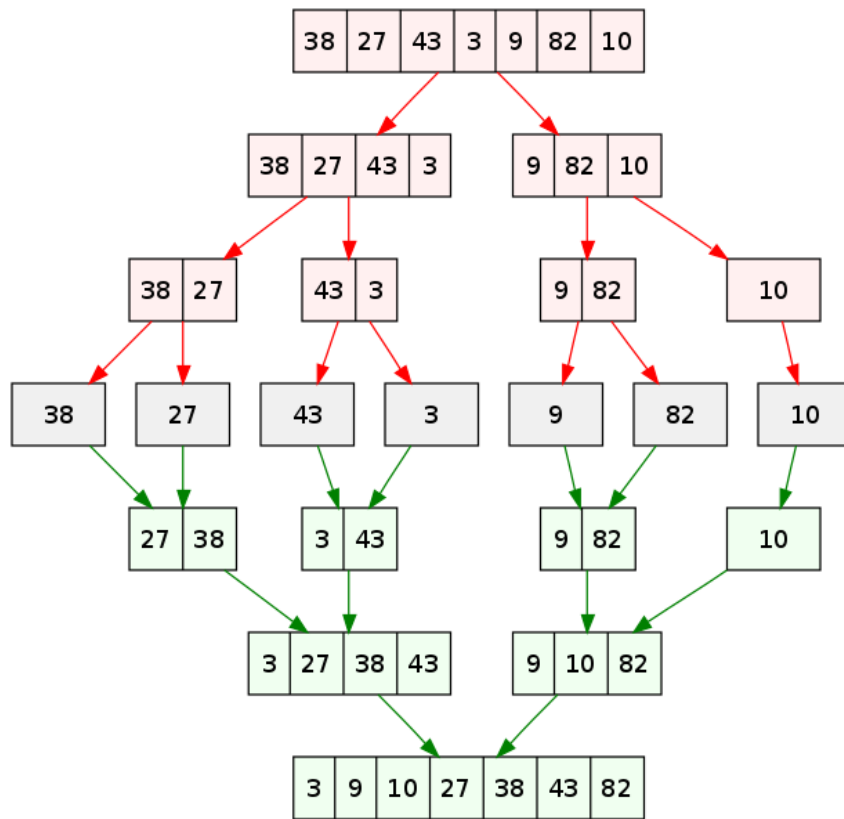
Danh sách a	Danh sách b	So sánh	Danh sách c
1, 3, 7, 9	2, 6	$1 < 2$	1
3, 7, 9	2, 6	$2 < 3$	1, 2
3, 7, 9	6	$3 < 6$	1, 2, 3
7, 9	6	$6 < 7$	1, 2, 3, 6
7, 9			1, 2, 3, 6, 7, 9

2. Trộn tại chỗ.

Giả sử trong danh sách $a[1..n]$ có 2 danh sách con kề nhau $a[k_1..k_2]$ và $a[k_2+1..k_3]$ đã được sắp. Ta áp dụng cách trộn tương tự như trên để trộn hai danh sách con vào một danh sách tạm $T[k_1..k_3]$ rồi trả lại các giá trị của danh sách tạm T về danh sách A. Làm như vậy gọi là trộn tại chỗ.

3. Sắp xếp trộn đệ quy.

Thủ tục đệ quy chia mảng cần sắp xếp thành 2 nửa. Tiếp tục lặp lại việc này ở các nửa mảng đã chia. Sau cùng gộp các nửa đó thành mảng đã sắp xếp. Hàm `merge()` được sử dụng để gộp hai nửa mảng. Hàm `merge(arr, l, m, r)` là tiến trình quan trọng nhất sẽ gộp hai nửa mảng thành 1 mảng sắp xếp, các nửa mảng là `arr[l...m]` và `arr[m+1...r]` sau khi gộp sẽ thành một mảng duy nhất đã sắp xếp.



1-Minh họa giải thuật Merge Sort

II. HIỆN THỰC GIẢI THUẬT MERGE SORT BẰNG HỢP NGỮ MIPS

Để có thể hiện thực được giải thuật Merge Sort, ta sẽ cần hiện thực hai hàm phụ đó là hàm đệ quy *MergeSort* để sắp xếp 2 mảng con tương ứng tăng dần và *Merge* để trộn 2 mảng con đó lại với nhau thành 1 mảng tăng dần.

Khởi tạo dữ liệu ban đầu, mảng **arr** cần sắp xếp với số phần tử tương ứng (trong trường hợp như đề bài yêu cầu là 20 phần tử), một số ký tự cần thiết phục vụ cho việc in mảng và một mảng phụ tempArr sẽ được sử dụng trong hàm *Merge* để lưu tạm mảng con thứ nhất vào.

```
.data
space:      .asciiz "  "
newline:    .asciiz "\n"
given_arr:  .asciiz "Given Array: "
process:    .asciiz "Sorting process: "
prompt:     .asciiz "Sorted Array: "
tempArr:    .word 0:20
arr:        .word 900 900 80 70 45 30 20 25 10 -50 -40 -30 -10 15 0 60 50 5 999 999
size:       .word 20
```

Trong phần chương trình chính (main), thực hiện việc truyền các tham số tương ứng cho hàm *MergeSort*, lưu các giá trị cần thiết vào stack để phục hồi, đồng thời jump & link đến hàm *MergeSort*.

```
add    $a1, $zero, $zero      # a1 = index of start array
lw     $a2, size
addi   $a2, $a2, -1           # a2 = index of end array

la     $a0, arr                # a0 = address of array
jal    MergeSort               # merge sort array
```

Trong hàm *MergeSort*, các thao tác cần thực hiện:

- + So sánh chỉ số đầu (start) và chỉ số cuối (end). Nếu start = end thì thoát khỏi hàm *MergeSort*.

```
beq     $a1, $a2, ExitMergeSort      # if start = end, then Exit MergeSort

addi    $sp, $sp, -16
sw      $ra, 12($sp)                  # save ra on stack
sw      $a1, 8($sp)                   # save start on stack
sw      $a2, 4($sp)                   # save end on stack

add     $s0, $a1, $a2                  # start + end
srl     $s0, $s0, 1                    # mid = (start + end) / 2
```

- + Ngược lại, lưu các giá trị cần tái sử dụng vào stack như: địa chỉ trả về (\$ra), chỉ số đầu (\$a1), chỉ số cuối (\$a2). Cũng như thực hiện thao tác đệ quy trên hai mảng con của mảng hiện tại, mảng con thứ nhất từ phần tử đầu đến phần tử chính giữa, mảng con thứ hai là phần còn lại của mảng hiện tại. Khi đó, phần tử chính giữa được xác định như sau: $mid = (start + end)/2$.

```
add    $a2, $zero, $s0      # make end = mid for sort half first array
jal    MergeSort

lw     $s0, 0($sp)          # load mid on stack

add    $a1, $zero, $s0      # make start = mid for sort 2nd half array
addi   $a1, $a1, 1          # start = mid + 1
lw     $a2, 4($sp)          # end = end
jal    MergeSort
```

- + Sau khi kết thúc hàm đệ quy của mảng con thứ nhất, ta sẽ load cái giá trị đã lưu vào stack ra để tái sử dụng, đồng thời thay đổi các tham số \$a1 thành phần tử kế tiếp của phần tử chính giữa, \$a2 tới phần tử cuối của mảng và jump and link tới hàm **MergeSort** của mảng con còn lại.
- + Sau khi kết thúc 2 lần đệ quy trên 2 mảng con tương ứng, ta sẽ được 2 mảng con, mỗi mảng đã được sắp xếp tăng dần. Thực hiện việc load dữ liệu đã lưu từ stack ra để tái sử dụng. Sau đó jump and link tới hàm **Merge** để thực hiện thao tác trộn 2 mảng con.

```
lw     $a1, 8($sp)          # a1 = load start on stack
lw     $a2, 4($sp)          # a2 = load end on stack
lw     $a3, 0($sp)          # a3 = load mid on stack

jal    Merge                # combine array
```

Trong hàm **Merge**, các thao tác cần thực hiện:

- + Khởi tạo các biến đếm chỉ số cho mảng con bên trái ($i = \$s0$), mảng con bên phải ($j = \$s2$) và mảng tạm lưu kết quả ($k = \$s1$).

```
add    $s0, $zero, $a1      # s0 = i = index of array left
add    $s1, $zero, $a1      # s1 = k = start
add    $s2, $zero, $a3      # s2 = j = index of array right (mid)
addi   $s2, $s2, 1          # j = mid + 1
```

- + Kiểm tra điều kiện và so sánh để điền các phần tử của mảng con bên trái và mảng con bên phải vào mảng tạm, nếu $arr[i] \leq arr[j]$ thì điền phần tử $arr[i]$

của mảng con bên trái vào mảng tạm, ngược lại nếu $arr[i] > arr[j]$ thì điền phần tử $arr[j]$ mảng con bên phải vào mảng tạm. Cứ tiếp tục như vậy cho đến khi biến đếm vượt quá số lượng phần tử của mảng con bên trái hoặc mảng con bên phải

```

Comparision:
    sll    $t0, $s0, 2           # COMPARE array[i] and array[j] (t1 and t3)
    add    $t0, $t0, $a0        # t0 = i*4
    lw     $t1, 0($t0)          # address of array[i]
    lw     $t1, 0($t0)          # t1 = value of array[i]

    add    $t0, $zero, $zero
    sll    $t0, $s2, 2           # t0 = j*4
    add    $t0, $t0, $a0        # address of array[j]
    lw     $t3, 0($t0)          # t3 = value of array[j]

    sub    $t6, $t3, $t1        # if array[j] < array[i]
    bltz   $t6, FillArrayRight

FillArrayLeft:
    la     $t2, tempArr         # load address of temp array
    sll    $t0, $s1, 2           # t0 = index of next element of array * 4 = k*4
    add    $t2, $t2, $t0        # address of next element of temp array
    sw     $t1, 0($t2)          # temp[k] = array[i]
  
```

+ Nếu điều kiện phía trên không thỏa thì chúng ta sẽ tiếp tục điền các phần tử còn lại của mảng con bên trái hoặc mảng con bên phải vào mảng tạm.

```

CheckCondition:
    sub    $t6, $s0, $a3        # if i > mid, exit fill array left
    bgtz   $t6, FillRestArrayRight

    sub    $t6, $s2, $a2        # if j > end, exit fill array right
    bgtz   $t6, FillRestArrayLeft
  
```

FillRestArrayLeft:

```
sub    $t6, $s0, $a3           # if i > mid (fill completed), then set variable
bgtz   $t6, SetVariable

la     $t0, tempArr            # load address of temp array
sll    $t1, $s1, 2             # t1 = k*4
add    $t0, $t0, $t1           # t0 = address of next element of temp array

sll    $t2, $s0, 2             # i*4
add    $t2, $t2, $a0           # t2 = address of array[i]
lw     $t1, 0($t2)             # t1 = value of array[i]

sw     $t1, 0($t0)             # store value of array[i] to temp array

addi   $s1, $s1, 1            # k++
addi   $s0, $s0, 1            # i++
j      FillRestArrayLeft
```

FillRestArrayRight:

```
sub    $t6, $s1, $a2           # if k > end (fill completed), then set variable
```

- + Sau khi đã nhập 2 mảng con vào mảng tạm, tiến hành lặp để in và lưu mảng tạm vào đúng vị trí trong mảng kết quả (địa chỉ tại \$a0). Khởi tạo biến đếm \$t0 trên mảng tạm, khi đếm qua vị trí cuối cùng của mảng tạm ($t0 > t1$) thì dừng hàm này lại. Để lưu, load giá trị tại vị trí \$t0 của mảng tạm vào \$t4, sau đó store giá trị này vào vị trí tương ứng trong mảng kết quả và in nó ra màn hình. Tăng biến đếm \$t0 và tiếp tục lặp.


```

SetVariable:
    add    $t0, $a1, $zero          # t0 = current
    addi   $t1, $a2, 0              # t1 = end
    la     $t2, tempArr

SortEachMerge:
    sub    $t6, $t0, $t1            # if current > end, then Sort End
    bgtz   $t6, EndSortEachMerge

    sll    $t3, $t0, 2              # current*4
    add    $t3, $t3, $t2            # t3 = address of current element of temp array
    lw     $t4, 0($t3)              # t4 = value of current element of temp array

    sll    $t3, $t0, 2              # current*4
    add    $t3, $t3, $a0            # t3 = address of next element of array
    sw     $t4, 0($t3)              # store: value of next element of temp array = value of
                                    # current element of temp array

    add    $t5, $zero, $a0          # t5 = temp address for a0
                                    # a0 now is being used for print

    add    $a0, $zero, $t4          # print array each merge
                                    # t4 = value need to printed

    li     $v0, 1
    syscall
    la     $a0, space
    li     $v0, 4
    syscall

    add    $a0, $zero, $t5          # return value for a0

```

+ Đã sắp nhập xong, trở về vị trí sau *Merge* trong hàm *MergeSort*.

```

    add    $t5, $zero, $a0          # t5 = a0 for print newline after each merge

    la     $a0, newline
    li     $v0, 4
    syscall

    add    $a0, $zero, $t5
    jr     $ra

```

Sau các lần đệ quy của *MergeSort*, in mảng kết quả cuối cùng đã sắp xếp ra màn hình. Kết thúc chương trình.

III. KẾT QUẢ MỘT SỐ TESTCASE.

TESTCASE 1

arr: .word 900 900 80 70 45 30 20 25 10 -50 -40 -30 -10 15 0 60 50 5 999 999

RESULT:

Given Array:

900 900 80 70 45 30 20 25 10 -50 -40 -30 -10 15 0 60 50 5 999 999

Sorting process:

900 900

80 900 900

45 70

45 70 80 900 900

20 30

20 25 30

-50 10

-50 10 20 25 30

-50 10 20 25 30 45 70 80 900 900

-40 -30

-40 -30 -10

0 15

-40 -30 -10 0 15

50 60

5 50 60

999 999

5 50 60 999 999

-40 -30 -10 0 5 15 50 60 999 999

-50 -40 -30 -10 0 5 10 15 20 25 30 45 50 60 70 80 900 900 999 999

Sorted Array:

-50 -40 -30 -10 0 5 10 15 20 25 30 45 50 60 70 80 900 900 999 999

-- program is finished running --

TESTCASE 2

arr: .word 950 800 749 655 589 456 321 258 147 98 88 79 65 54 49 38 22 11 5 0

#RESULT:

Given Array:

950 800 749 655 589 456 321 258 147 98 88 79 65 54 49 38 22 11 5 0

Sorting process:

800 950

749 800 950

589 655

589 655 749 800 950

321 456

258 321 456

98 147

98 147 258 321 456

98 147 258 321 456 589 655 749 800 950

79 88

65 79 88

49 54

49 54 65 79 88

22 38

11 22 38

0 5

0 5 11 22 38

0 5 11 22 38 49 54 65 79 88

0 5 11 22 38 49 54 65 79 88 98 147 258 321 456 589 655 749 800 950

Sorted Array:

0 5 11 22 38 49 54 65 79 88 98 147 258 321 456 589 655 749 800 950

-- program is finished running --

TESTCASE 3

arr: .word 696 325 235 123 95 80 55 55 41 0 956 895 753 652 145 58 49 5 2 2

#RESULT:

Given Array:

696 325 235 123 95 80 55 55 41 0 956 895 753 652 145 58 49 5 2 2

Sorting process:

325 696

235 325 696

95 123

95 123 235 325 696

55 80

55 55 80

0 41

0 41 55 55 80

0 41 55 55 80 95 123 235 325 696

895 956

753 895 956

145 652

145 652 753 895 956

49 58

5 49 58

2 2

2 2 5 49 58

2 2 5 49 58 145 652 753 895 956

0 2 2 5 41 49 55 55 58 80 95 123 145 235 325 652 696 753 895 956

Sorted Array:

0 2 2 5 41 49 55 55 58 80 95 123 145 235 325 652 696 753 895 956

-- program is finished running --

TESTCASE 4

arr: .word -900 999 255 25 -555 89 78 0 1 -88 7 56 78 -100 -56 56 -112 562 123 -1000

#RESULT

Given Array:

-900 999 255 25 -555 89 78 0 1 -88 7 56 78 -100 -56 56 -112 562 123 -1000

Sorting process:

-900 999

-900 255 999

-555 25

-900 -555 25 255 999

78 89

0 78 89

-88 1

-88 0 1 78 89

-900 -555 -88 0 1 25 78 89 255 999

7 56

7 56 78

-100 -56

-100 -56 7 56 78

-112 56

-112 56 562

-1000 123

-1000 -112 56 123 562

-1000 -112 -100 -56 7 56 56 78 123 562

-1000 -900 -555 -112 -100 -88 -56 0 1 7 25 56 56 78 78 89 123 255 562 999

Sorted Array:

-1000 -900 -555 -112 -100 -88 -56 0 1 7 25 56 56 78 78 89 123 255 562 999

-- program is finished running --

TESTCASE 5

arr: .word -89 -999 -1 -56 -888 -23 -556 -102 -2 -45 -785 -12 -785 -65 -483 -102 -852 -25 -45 -899

RESULT

Given Array:

-89 -999 -1 -56 -888 -23 -556 -102 -2 -45 -785 -12 -785 -65 -483 -102 -852 -25 -45 -899

Sorting process:

-999 -89

-999 -89 -1

-888 -56

-999 -888 -89 -56 -1

-556 -23

-556 -102 -23

-45 -2

-556 -102 -45 -23 -2

-999 -888 -556 -102 -89 -56 -45 -23 -2 -1

-785 -12

-785 -785 -12

-483 -65

-785 -785 -483 -65 -12

-852 -102

-852 -102 -25

-899 -45

-899 -852 -102 -45 -25

-899 -852 -785 -785 -483 -102 -65 -45 -25 -12

-999 -899 -888 -852 -785 -785 -556 -483 -102 -102 -89 -65 -56 -45 -45 -25 -23 -12 -2 -1

Sorted Array:

-999 -899 -888 -852 -785 -785 -556 -483 -102 -102 -89 -65 -56 -45 -45 -25 -23 -12 -2 -1

-- program is finished running --

TESTCASE 6

arr: .word 9 9 2 3 3 3 7 4 5 6 6 6 0 0 1 2 3 10 15 20

RESULT

Given Array:

9 9 2 3 3 3 7 4 5 6 6 6 0 0 1 2 3 10 15 20

Sorting process:

9 9

2 9 9

3 3

2 3 3 9 9

3 7

3 4 7

5 6

3 4 5 6 7

2 3 3 3 4 5 6 7 9 9

6 6

0 6 6

0 1

0 0 1 6 6

2 3

2 3 10

15 20

2 3 10 15 20

0 0 1 2 3 6 6 10 15 20

0 0 1 2 2 3 3 3 3 4 5 6 6 6 7 9 9 10 15 20

Sorted Array:

0 0 1 2 2 3 3 3 3 4 5 6 6 6 7 9 9 10 15 20

-- program is finished running --

TESTCASE 7

arr: .word 413 -430 -903 -922 -835 -362 -101 -87 449 -888 -473 770 -969 547
201 299 -303 516 926 52

RESULT

Given Array:

413 -430 -903 -922 -835 -362 -101 -87 449 -888 -473 770 -969 547 201
299 -303 516 926 52

Sorting process:

-430 413

-903 -430 413

-922 -835

-922 -903 -835 -430 413

-362 -101

-362 -101 -87

-888 449

-888 -362 -101 -87 449

-922 -903 -888 -835 -430 -362 -101 -87 413 449

-473 770

-969 -473 770

201 547

-969 -473 201 547 770

-303 299

-303 299 516

52 926

-303 52 299 516 926

-969 -473 -303 52 201 299 516 547 770 926

-969 -922 -903 -888 -835 -473 -430 -362 -303 -101 -87 52 201 299 413
449 516 547 770 926

Sorted Array:

-969 -922 -903 -888 -835 -473 -430 -362 -303 -101 -87 52 201 299 413
449 516 547 770 926

-- program is finished running --

TESTCASE 8

arr: .word 268 -536 -193 -726 -34 274 -265 409 -468 -757 866 271 -137 -826
274 -213 -828 -508 -508 -151

RESULT

Given Array:

268 -536 -193 -726 -34 274 -265 409 -468 -757 866 271 -137 -826 274 -
213 -828 -508 -508 -151

Sorting process:

-536 268

-536 -193 268

-726 -34

-726 -536 -193 -34 268

-265 274

-265 274 409

-757 -468

-757 -468 -265 274 409

-757 -726 -536 -468 -265 -193 -34 268 274 409

271 866

-137 271 866

-826 274

-826 -137 271 274 866

-828 -213

-828 -508 -213

-508 -151

-828 -508 -508 -213 -151

-828 -826 -508 -508 -213 -151 -137 271 274 866

-828 -826 -757 -726 -536 -508 -508 -468 -265 -213 -193 -151 -137 -34 268

271 274 274 409 866

Sorted Array:

-828 -826 -757 -726 -536 -508 -508 -468 -265 -213 -193 -151 -137 -34 268

271 274 274 409 866

-- program is finished running --

TESTCASE 9

arr: .word 99 98 40 6 4 74 12 68 98 91 43 80 72 2 39 73 14 1 93 56

RESULT

Given Array:

99 98 40 6 4 74 12 68 98 91 43 80 72 2 39 73 14 1 93 56

Sorting process:

98 99

40 98 99

4 6

4 6 40 98 99

12 74

12 68 74

91 98

12 68 74 91 98

4 6 12 40 68 74 91 98 98 99

43 80

43 72 80

2 39

2 39 43 72 80

14 73

1 14 73

56 93

1 14 56 73 93

1 2 14 39 43 56 72 73 80 93

1 2 4 6 12 14 39 40 43 56 68 72 73 74 80 91 93 98 98 99

Sorted Array:

1 2 4 6 12 14 39 40 43 56 68 72 73 74 80 91 93 98 98 99

-- program is finished running --

TESTCASE 10

arr: .word -21 -90 58 -164 88 82 -47 -77 -39 -61 -39 -59 -43 83 -129 -100 -22 -129 88 -90

Given Array:

-21 -90 58 -164 88 82 -47 -77 -39 -61 -39 -59 -43 83 -129 -100 -22 -129 88 -90

Sorting process:

-90 -21

-90 -21 58

-164 88

-164 -90 -21 58 88

-47 82

-77 -47 82

-61 -39

-77 -61 -47 -39 82

-164 -90 -77 -61 -47 -39 -21 58 82 88

-59 -39

-59 -43 -39

-129 83

-129 -59 -43 -39 83

-100 -22

-129 -100 -22

-90 88

-129 -100 -90 -22 88

-129 -129 -100 -90 -59 -43 -39 -22 83 88

-164 -129 -129 -100 -90 -90 -77 -61 -59 -47 -43 -39 -39 -22 -21 58 82 83 88 88

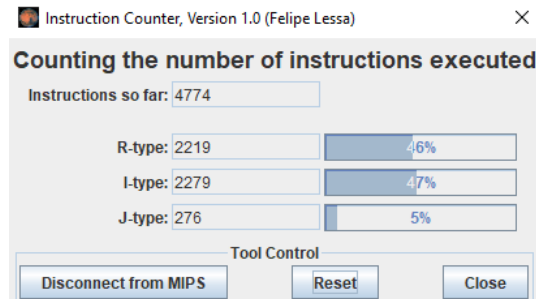
Sorted Array:

-164 -129 -129 -100 -90 -90 -77 -61 -59 -47 -43 -39 -39 -22 -21 58 82 83 88 88

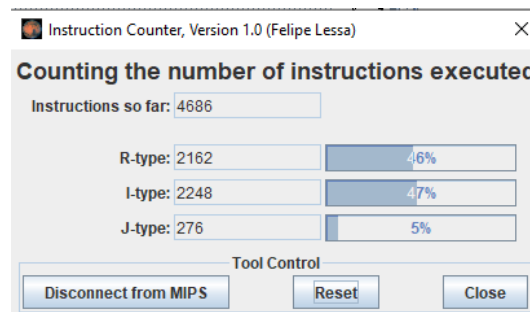
-- program is finished running --

IV. THỐNG KÊ CÁC LỆNH VÀ TÍNH TOÁN THỜI GIAN CHẠY CỦA CHƯƠNG TRÌNH.

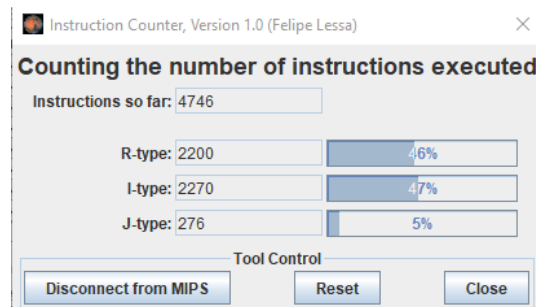
a. Thống kê các lệnh.



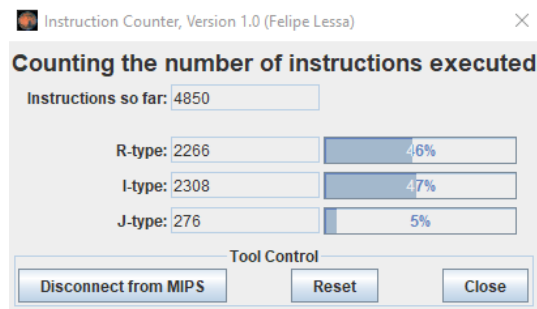
2- **Testcase 1:** 900 900 80 70 45 30 20 25 10 -50 -40 -30 -10 15 0 60 50 5 999 999



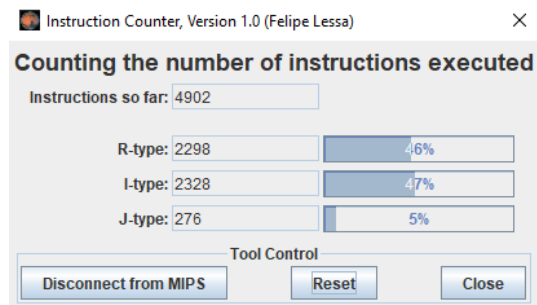
3- **Testcase 2:** 950 800 749 655 589 456 321 258 147 98 88 79 65 54 49 38 22 11 5 0



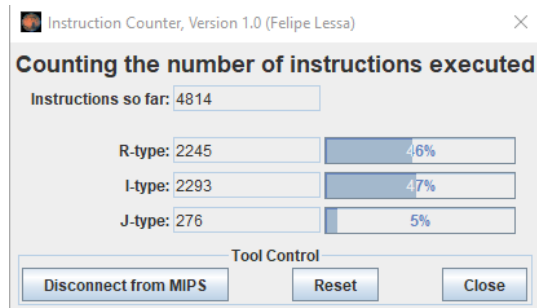
4- **Testcase 3:** 696 325 235 123 95 80 55 55 41 0 956 895 753 652 145 58 49 5 2 2



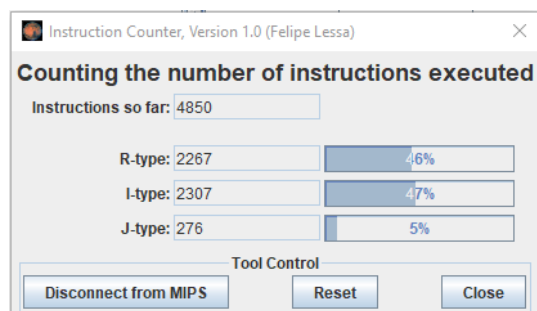
5- **Testcase 4:** -900 999 255 25 -555 89 78 0 1 -88 7 56 78 -100 -56 56 -112 562 123 -1000



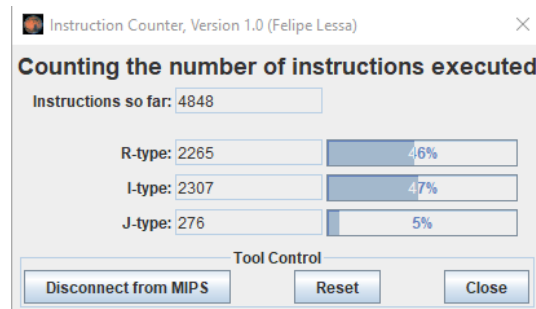
6- **Testcase 5:** -89 -999 -1 -56 -888 -23 -556 -102 -2 -45 -785 -12 -785 -65 -483 -102 -852 -25 -45 -899



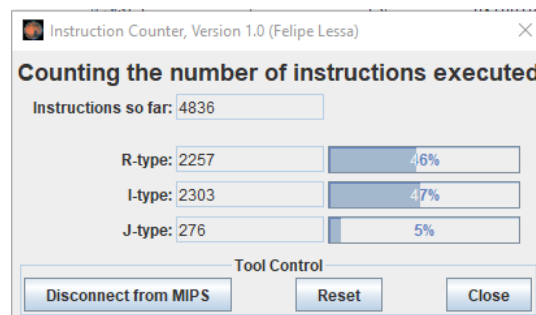
7- **Testcase 6:** 9 9 2 3 3 3 7 4 5 6 6 6 0 0 1 2 3 10 15 20



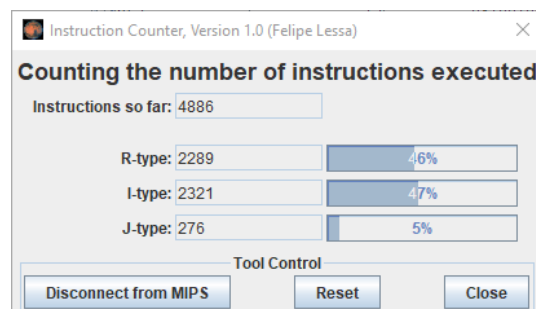
8- **Testcase 7:** 413 -430 -903 -922 -835 -362 -101 -87 449 -888 -473 770 -969 547 201 299 -303 516 926 52



9- **Testcase 8:** 268 -536 -193 -726 -34 274 -265 409 -468 -757 866 271 -137 -826 274 -213 -828 -508 -508 -151



10- **Testcase 9:** 99 98 40 6 4 74 12 68 98 91 43 80 72 2 39 73 14 1 93 56



11- **Testcase 10:** -21 -90 58 -164 88 82 -47 -77 -39 -61 -39 -59 -43 83 -129 -100 -22 -129 88 -90

b. *Tính toán thời gian chạy của chương trình.*

Mỗi lệnh trong chương trình có CPI = 1. Thời gian thực thi của chương trình được tính bằng:

$$t = \frac{(CPI \times n)}{f}$$

Với n là tổng số lệnh đã được thực hiện của chương trình và f là tần số máy.

Testcase	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Thời gian t (ns)	2.387	2.343	2.373	2.425	2.451	2.407	2.425	2.424	2.418	2.443

Table 1- Thời gian thực thi ứng với các testcase

Tham khảo

- [1]. Phạm Quốc Cường (2019) Kiến trúc máy tính, NXB: Đại học Quốc gia TP.HCM.
- [2]. <https://www.geeksforgeeks.org/merge-sort/>

---❧❧❧---