

6,5

EPITA
ÉCOLE D'INGÉNIEURS ET D'INFORMATIQUE

Contrôle Electronique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Le barème est donné à titre indicatif.

Réponses exclusivement sur le sujet. Si vous manquez de place, vous pouvez utiliser le verso des pages.

Exercice 1. Questions de cours (5 points – pas de points négatifs)

4

Choisissez la ou les bonnes réponses :

Soit un courant sinusoïdal $i(t) = I\sqrt{2} \cdot \sin(\omega t + \varphi)$

1. Par convention, I est une grandeur réelle quelconque, en Ampère.

☒ a. VRAI

b. FAUX

2. Quelle relation est correcte ? T représente la période de $i(t)$ et f , sa fréquence.

a. $\omega = 2 \cdot \pi \cdot T$

c. $f = 2 \cdot \pi \cdot \omega$

☒ b. $\omega \cdot T = 2 \cdot \pi$

d. $\frac{\omega}{T} = \frac{2 \cdot \pi}{f}$

On note \underline{I} , l'amplitude complexe de $i(t)$.

3. Quel est le module de \underline{I} ?

a. $\langle i \rangle$

c. $2 \cdot I$

b. I

☒ d. $I \cdot \sqrt{2}$

4. Quel est l'argument de \underline{I} ?

a. $\omega t + \varphi$

c. ωt

☒ b. φ

d. I

5. Quelle formule représente l'impédance complexe d'un condensateur de capacité C ?

a. $-jC\omega$

b. $\frac{-1}{jC\omega}$

c. $\frac{1}{jC}$

☒ d. $\frac{-j}{C\omega}$

6. Dans un condensateur, la tension est :

a. En avance de $\frac{\pi}{2}$ sur le courant

☒ b. En retard de $\frac{\pi}{2}$ sur le courant

c. En phase avec le courant.

7. $\frac{1}{C\omega}$ est homogène à des :

☒ a. Ω

b. S

c. S

d. sans dimension

8. Quelle formule représente l'impédance complexe d'une bobine d'inductance L ?

a. jL

b. $\frac{1}{jL\omega}$

☒ c. $jL\omega$

d. $\frac{-j}{L\omega}$

9. Dans une bobine, le courant est :

a. En avance de $\frac{\pi}{2}$ sur la tension.

☒ b. En retard de $\frac{\pi}{2}$ sur la tension.

c. En phase avec la tension.

10. Quelle est l'unité de $LC\omega^2$?

a. Ω

b. S

c. S

☒ d. sans dimension

Exercice 2. Identification de dipôles (3 points)

On souhaite déterminer la nature d'un dipôle inconnu. Pour cela, on mesure la tension $u(t)$ à ses bornes et le courant $i(t)$ qui le traverse.

En justifiant votre réponse, déterminer la nature du dipôle ainsi que sa grandeur caractéristique (Résistance R pour une résistance, capacité C pour un condensateur et inductance L pour une bobine) dans les cas suivants :

1. $u(t) = U_{Max} \cdot \sin(\omega t)$ et $i(t) = I_{Max} \cdot \sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$ avec $\begin{cases} \omega = 1000 \text{ rad/s} \\ U_{Max} = 10 \text{ V} \\ I_{Max} = 10 \cdot 10^{-3} \text{ A} \end{cases}$

$$u(t) = U_{Max} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$i(t) = I_{Max} \cos(\omega t - \pi)$$

$$\underline{U} = U_{Max} \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + j \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) \right) = -j U_{Max}$$

$$\underline{I} = I_{Max} \left(\cos(-\pi) + j \sin(-\pi) \right) = -I_{Max}$$

$$\frac{\underline{U}}{\underline{I}} = jL\omega$$

$$\frac{-j U_{Max}}{-I_{Max}} = jL\omega$$

$$L = \frac{U_{Max}}{I_{Max} \cdot \omega} = \frac{10}{10 \cdot 10^{-3} \cdot 10^3} = 1 \text{ H}$$

$$\varphi_u - \varphi_i = -\frac{\pi}{2} + \pi = \frac{\pi}{2} > 0$$

↳ Bobine

2. $u(t) = U_{Max} \sin(\omega t)$ et $i(t) = I_{Max} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$ avec $\begin{cases} \omega = 1000 \text{ rad/s} \\ U_{Max} = 10 \text{ V} \\ I_{Max} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ A} \end{cases}$

$$u(t) = U_{Max} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) \quad \varphi_u - \varphi_i = 0 \Rightarrow \text{résistance}$$

$$i(t) = I_{Max} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\underline{U} = U_{Max} \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + j \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) \right) = -j U_{Max}$$

$$\underline{I} = I_{Max} \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + j \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) \right) = -j I_{Max}$$

$$\frac{\underline{U}}{\underline{I}} = \frac{-j U_{Max}}{-j I_{Max}} = R = \frac{10}{5 \cdot 10^{-3}} = 2 \text{ k}\Omega$$

1

3. $u(t) = U_{Max} \sin(\omega t)$ et $i(t) = I_{Max} \cos(\omega t)$ avec $\begin{cases} \omega = 1000 \text{ rad/s} \\ U_{Max} = 5 \text{ V} \\ I_{Max} = 10 \cdot 10^{-3} \text{ A} \end{cases}$

$$u(t) = U_{Max} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$i(t) = I_{Max} \cos(\omega t)$$

$$\varphi_u - \varphi_i = -\frac{\pi}{2} - 0 = -\frac{\pi}{2} < 0$$

$$\underline{U} = U_{Max} \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + j \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) \right) = -j U_{Max}$$

condensateur

$$\underline{I} = I_{Max}$$

$$\frac{\underline{U}}{\underline{I}} = \frac{1}{j\omega C} \Rightarrow \frac{-j U_{Max}}{I_{Max}} = \frac{1}{j\omega C}$$

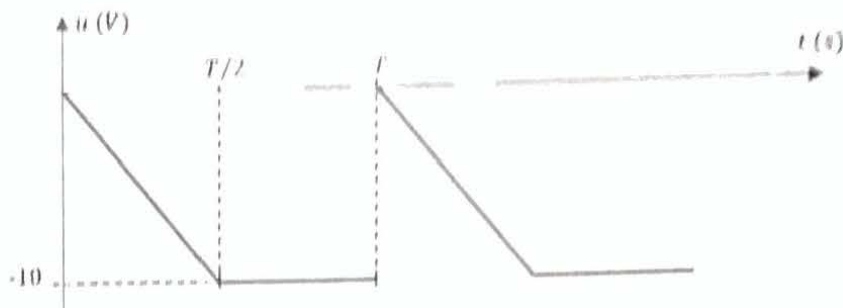
1

$$C = \frac{I_{Max}}{U_{Max} \omega} = \frac{10 \cdot 10^{-3}}{5 \cdot 10^3} = 2 \cdot 10^{-6} = 2 \mu\text{F}$$

Exercice 3. Valeurs moyennes et efficaces (4 points)

4

Donner l'expression de $u(t)$ pour $t \in [0; T]$ (T = Période du signal) avant de déterminer (en la justifiant) la valeur moyenne et la valeur efficace du signal suivant :



$$\text{sur } [0; T/2], u(t) = \frac{-20}{T}t$$

$$\text{sur } [T/2; T], u(t) = -10$$

$$\langle u \rangle = \frac{1}{T} \left(\int_0^{T/2} \frac{-20}{T}t \, dt + \int_{T/2}^T -10 \, dt \right)$$

$$= \frac{1}{T} \left(\left[-\frac{20}{2T}t^2 \right]_0^{T/2} + \left[-10t \right]_{T/2}^T \right) = -\frac{20}{8} + 10 + \frac{10}{2} = -\frac{60}{8} = -7,5V$$

M

$$U_{eff}^2 = \frac{1}{T} \left(\int_0^{T/2} \left(\frac{-20}{T}t \right)^2 dt + \int_{T/2}^T (-10)^2 dt \right)$$

$$= \frac{1}{T} \left(\left[\frac{400}{3T^2}t^3 \right]_0^{T/2} + \left[100t \right]_{T/2}^T \right)$$

$$= \frac{1}{T} \left(\frac{400}{3T^2} \frac{T^3}{8} + 100T - \frac{100T}{2} \right) = \frac{400}{3 \cdot 8} + 50$$

$$= \frac{100}{6} + 50 = \frac{400}{6} = \frac{200}{3}$$

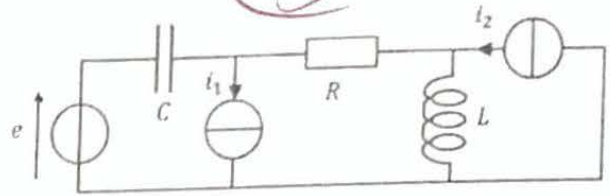
$$U_{eff} = \sqrt{\frac{200}{3}} = 10\sqrt{\frac{2}{3}} \, V$$

M

Exercice 4. Régime sinusoïdal forcé (8 points)

Soit le circuit ci-contre. On donne :

$$\begin{cases} i_1(t) = I \cos(\omega t) \\ i_2(t) = I \sin(\omega t) \\ e(t) = E \sin(\omega t) \end{cases}$$



On suppose connus I, E, ω, L, R et C

- Déterminer les amplitudes complexes associées à $i_1(t)$, $i_2(t)$ et $e(t)$.

$$i_1(t) = I \cos(\omega t) \Rightarrow \underline{I}_1 = I$$

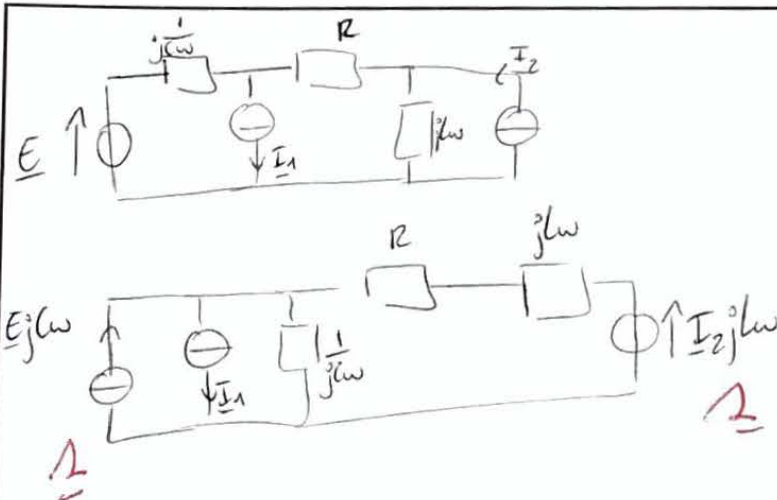
$$i_2(t) = I \cos(\omega t - \frac{\pi}{2}) \Rightarrow \underline{I}_2 = I \left(\cos(-\frac{\pi}{2}) + j \sin(-\frac{\pi}{2}) \right) = -jI$$

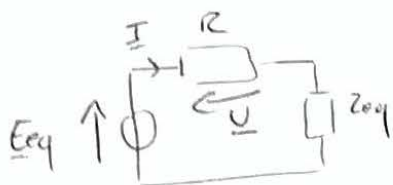
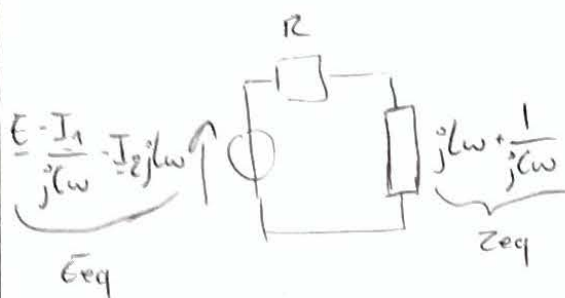
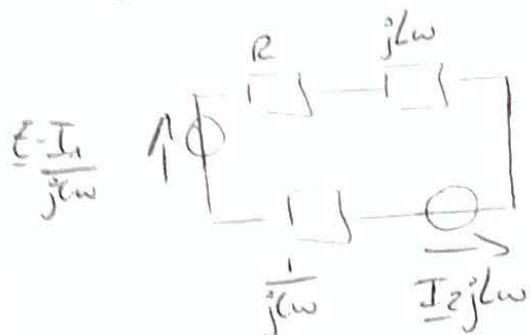
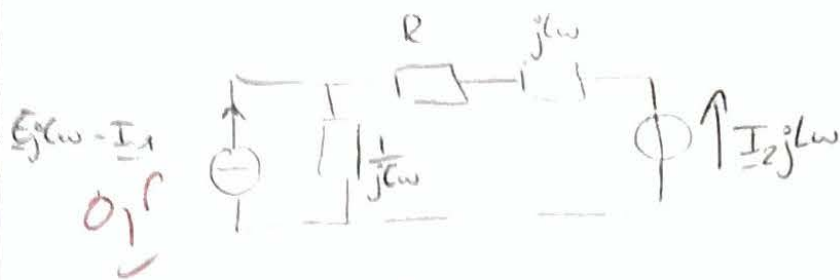
$$e(t) = E \cos(\omega t - \frac{\pi}{2}) \Rightarrow \underline{E} = E \left(\cos(-\frac{\pi}{2}) + j \sin(-\frac{\pi}{2}) \right) = -jE$$

Handwritten note: 1, 2

- Déterminer l'expression du courant $i(t)$ dans R .

Rq : Il faut commencer par flécher ce courant. Ensuite, vous pouvez utiliser le théorème de votre choix (superposition, Thévenin et/ou Norton) pour déterminer I . Si besoin, n'oubliez pas de justifier les calculs par des schémas partiels (pour le théorème de superposition, par exemple).





$$\underline{U} = \frac{R E_{eq}}{R + Z_{eq}} = \frac{R \left(E - \frac{I_1}{j\omega C} - I_2 j\omega L \right)}{R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C}}$$

$$\underline{U} = R \underline{I}$$

$$\underline{I} = \frac{\underline{U}}{R} = \frac{E - \frac{I_1}{j\omega C} - I_2 j\omega L}{R \left(R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C} \right)} = \frac{-j\omega E - \frac{I}{j\omega C} + j\omega^2 I L}{R^2 + j\omega R L + \frac{R}{j\omega C}}$$

$$\underline{I} = \frac{-j\omega E - I \left(\frac{1}{j\omega C} + \omega L \right)}{R^2 + j\omega R L + \frac{R}{j\omega C}}$$