## Séminaire CAML QCM nº 6 vendredi 15 sept. 2017

1. Quel est le type de la fonction définie ci-dessous?

```
let f a b = match (a, b) with (true, x) -> x
| -> true;;
```

- (a) bool \* bool -> bool 4-
- (B) bool -> bool -> bool 4-
- (c) bool \* int -> bool
- (d) bool -> int -> bool
- (e) La fonction est fausse.
- 2. Quel est le type de la fonction suivante?

- (a) int -> inc -> bool = <fun>
- (b) float -> int -> bool = <fun>
- (c) float -> float -> bool = <fun>
- (d) int -> int = <fun>
- (e) La fonction est fausse.
- 3. Que calcule la fonction suivante, appliquée à des valeurs x et y non nulles?

-(a)-0-

(b) abs(x) mod abs(y)

- (c) x/y
- (d) Rien, elle est incorrecte.
- 4. Quel est le type de la fonction test?

- (a) int -> int -> string
- (6) int -> int -> int
- (c) int -> int -> float
- (d) int -> int -> 'a
- (e) La fonction est fausse.

- 5. Soit la phrase CAML: let y = let x = 2 and y = 3 in x + yDans la phrase ci-dessus let x = 2 and y = 3 in x + y est
  - (a) Une expression
  - (b) Une definition locale
  - (c) Une definition multiple
  - (d) Fausse
- 6. Parmi les fonctions suivantes, lesquelles ont pour type : int -> bool?
  - (a) let function x -> x > 1 ;; X
  - ( let f x = x > 1 ;; x ~
  - (c) let f x = function x -> x -> 1 ;;
  - (d) let f = function x -> x > 1 ;; ~
- 7. Que calcule la fonction suivante appelée avec f x  $(x \ge 0)$ ?

- (a) x
- ->(b) x+1
  - (c)  $\sum_{i=0}^{x} (i)$
  - (d) Rien, elle ne s'arrête pas!
  - 8. Soient les phrases suivantes :

CALC TO	P	
1:	let f x = let b = 2 in a * x + b ;;	Ь
2:	let a = let b = 2 in 3 * b ;;	_
3:	let b = 3 in 2 * b ;;	_
4:	let a = a + 1 ;;	a
5:	f (a + b) ;;	258

6: let b = 4;;

Parmi les ordre d'évaluations suivants, lesquels sont impossibles (provoqueront une erreur)?

Need

- -> (a) 123456
- -> (b) 854321
  - @ 234165 a
  - (a) 623415 5 ~ ·
  - -> (e) 6342T5 5 a
    - 9. Quel sera le résultat de l'application de g à la valeur 9?

- (a) 45
- (b) 18
- (c) 729
- (d) Rien, elle ne s'arrête pas!
- 10. Soient f, g, x et y, 4 valeurs définies dans l'environnement courant. Parmi les 5 expressions suivantes lesquelles sont équivalentes à : f x (g y) ?
  - (a) f(x) (g y)
  - M fxgy
  - (f x) g y
  - M f(xgy)
  - ((f x) (g y))

## QCM N°6

vendredi 15 septembre 2017

z2 = e = e xi

## Question 11

Soient  $(x,y) \in \mathbb{R}^2$ ,  $z_1 = x + iy$  et  $z_2 = e^{iz_1}$ . Alors  $|z_2|$  vaut

b. 
$$e^{\sqrt{x^2+1}}$$

d. 1

e. rien de ce qui précède

## Question 12

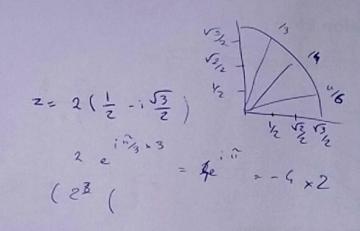
Soit  $z = 1 - i\sqrt{3}$ . Alors  $z^3$  est égal à

b. 
$$1 - 3i\sqrt{3}$$

c. 
$$1 + 3i\sqrt{3}$$



e. rien de ce qui précède



(=) 1221 = Se-xe

#### Question 13

L'équation  $\left(z - \frac{1}{i}\right) \left((2+i)z - 1\right) = 0$  a pour solutions

(a) 
$$z = -i$$
 et  $z = \frac{2}{5} - \frac{1}{5}i$ 

b. 
$$z = i \operatorname{ct} z = 2 - i$$

c. 
$$z = i \text{ et } z = 2 - i$$

d. 
$$z = \frac{1}{i}$$
 et  $z = \frac{2}{5} + \frac{1}{5}i$ 

$$(z+i)((2+i)z-1)=0$$

$$(2+i)_{z-1} = \frac{2}{5}(2+i) - \frac{(2+i)_i}{5} - 1$$

$$= \frac{4+2i}{5} - \frac{2i-1}{5} = \frac{5}{5} - 1 = 0$$

$$Q = 4 + 2i - 2i + 1 - 1 = 4i$$

$$P = \frac{4 + 2i}{5} + \frac{2i - 1}{5} - \frac{4}{5}$$

## Question 14

Soit  $z = \frac{1 + i\sqrt{3}}{2 + 2i}$ . Le module et un argument de z sont

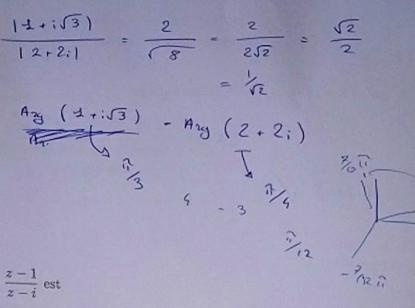
b. 
$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$
 et  $7\pi/12$ 

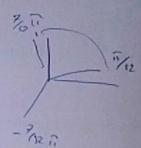
c. 
$$\frac{\sqrt{2}}{2}$$
 et  $\pi/3$ 

d. 
$$\frac{\sqrt{2}}{2}$$
 et  $-7\pi/12$ 

(e. rien de ce qui précède

$$\frac{14+i\sqrt{3}1}{12+2i1} = \frac{2}{8} = \frac{2}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$





## Question 15

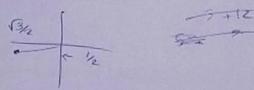
Soit  $z \in \mathbb{C}$ . Alors le conjugué de  $\frac{z-1}{z-i}$  est

a. 
$$\frac{\overline{z}-1}{\overline{z}-i}$$

b. 
$$\frac{\overline{z}+1}{z+i}$$

$$c. \frac{\overline{z}+1}{\overline{z}-i}$$

d. rien de ce qui précède



## Question 16

Soit  $z = (i + \sqrt{3})^7$ . Alors

$$a. z = 64(i + \sqrt{3})$$

$$b = 64(i - \sqrt{3})$$

$$C.z = 64(-i - \sqrt{3})$$

$$d. \ z = 64(-i + \sqrt{3})$$

$$2 = 2^{7} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} \right)^{7} = 188 e^{\frac{1}{16} \times 7}$$

$$= 64 \times \left( \sqrt{3} - \frac{1}{2} \right)$$

$$61 \left( -\sqrt{3} - \frac{1}{2} \right)$$

#### Question 17

Soit f la fonction définie pour tout  $x \in \mathbb{R}^*$  par  $f(x) = \ln(-x)$ . Alors pour tout  $x \in \mathbb{R}^*$ , f'(x) est égale à

a. 
$$-\frac{1}{x}$$

$$\bigcirc \frac{1}{x}$$

$$\frac{0^{1}}{0} = \frac{-1}{-x} = \frac{1}{x}$$

d. 
$$\frac{1}{e^{-x}}$$

e. rien de ce qui précède

# (Pn (v)) 0'

#### Question 18

Soit 
$$I = \int_0^2 \frac{6x}{(3x^2+1)^2} \mathrm{d}x$$
. Alors  $I$  est égale à

a. 
$$\frac{1}{13}$$

b. 
$$-\frac{1}{13}$$

c.  $-\frac{12}{13}$ 

$$\frac{1}{\sqrt{1 - \frac{1}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{1}{2}}}$$

 $\left[\begin{array}{c} \frac{\sqrt{2}}{2} \right]_0^2 = \left(3 \times \frac{2}{4} + 1\right)^2$ 

#### Question 19

Soient f une fonction bijective définie sur un intervalle I de  $\mathbb{R}$ , à valeurs dans  $\mathbb{R}$  et  $x \in I$  telle que  $f'(x) \neq 0$ . Alors  $f^{-1}$  est dérivable en y = f(x) et

a. 
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f^{-1}(f'(x))}$$

$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f'(f^{-1}(y))}$$

c. 
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f^{-1}(f'(y))}$$

d. 
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f'(x)f^{-1}(y)}$$

## Question 20

Pour tout  $x \in \mathbb{R}$ , on a

a. 
$$\arctan'(x) = -\frac{1}{1+x^2}$$

b. 
$$\arctan'(x) = \frac{1}{1 + x^2}$$

c. 
$$\arctan'(x) = \frac{1}{1 + \tan^2(\arctan(x))}$$

d. 
$$\arctan'(x) = \frac{1}{1-x^2}$$