

AIV1 - TP01

Classification automatique de textures cycliques
par analyse du plan de Fourier

Suliac Lavenant et Antoine Nollet

07 January 2022

Table des matières

1	128_a.png	3
1.1	Première informations de l'image	3
1.2	Période en pixels du motif cyclique	4
1.3	Discret Fourier Transform	4
1.4	Module du DFT	5
2	128_e.png	6
2.1	Première informations de l'image	7
2.2	Période en pixels du motif cyclique	7
2.3	Discret Fourier Transform	8
2.4	Module du DFT	9
3	Fonctions	10
3.1	les 3 maxima du module de la DFT	10
3.2	Récupération de la texture d'une image	10
4	Le code final	10

1 128_a.png

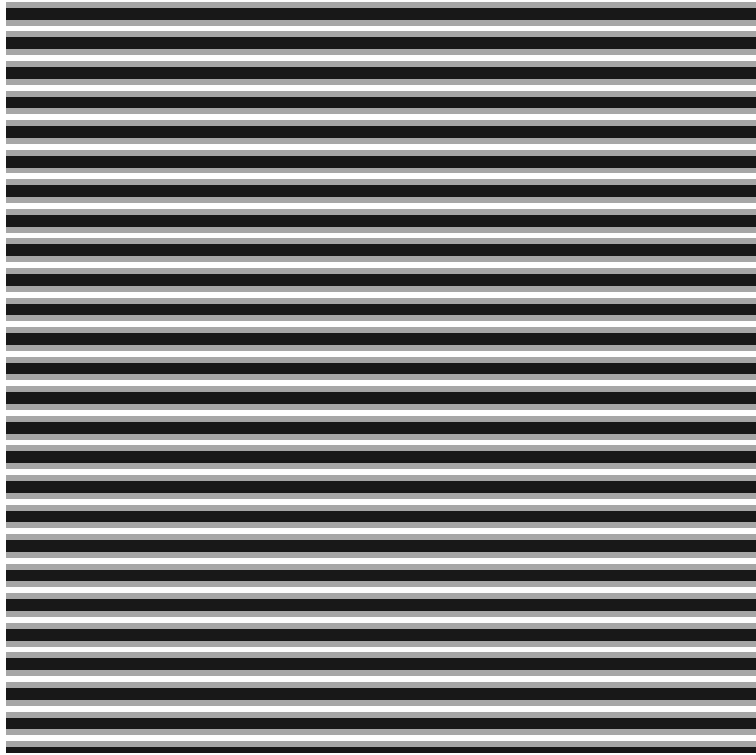


FIGURE 1 – image 128_a.png

1.1 Première informations de l'image

Une première analyse de cette image nous apprend qu'elle est de dimension 128 pixels par 128 pixels. La profondeur de l'image est de 8 bits, c'est-à-dire que chaque pixel a une valeur de gris allant de 0 à 255. Pour le type de données l'image est en nuance de gris.

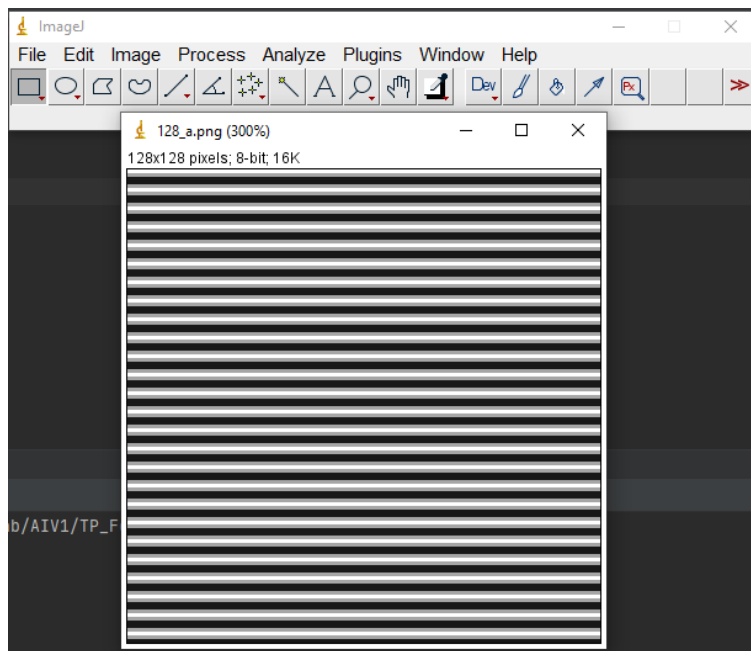


FIGURE 2 – Détails de l'image_a

1.2 Période en pixels du motif cyclique

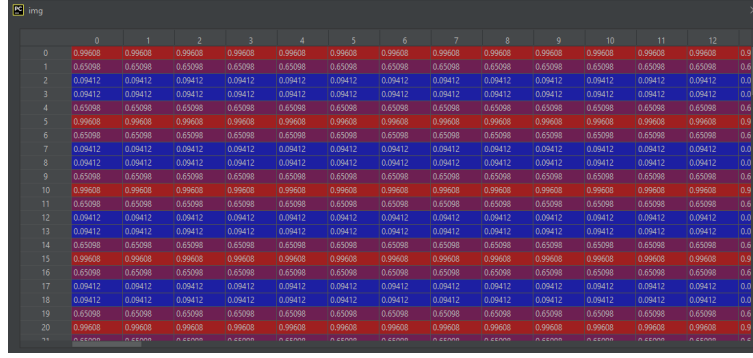


FIGURE 3 – Tableau numpy de l'image 128_a

En observant l'image mais aussi en observant son tableau numpy associé nous observons sur cette image un motif cyclique. Nous pouvons déduire de ce motif une période de 5 pixels.



FIGURE 4 – motif cyclique de 5pixel de 128_a.png

1.3 Discret Fourier Transform

On applique une Discret Fourier Transform sur notre image 128_a et on obtient un tableau numpy de dimension 128 par 128 (les même que l'image initiale).

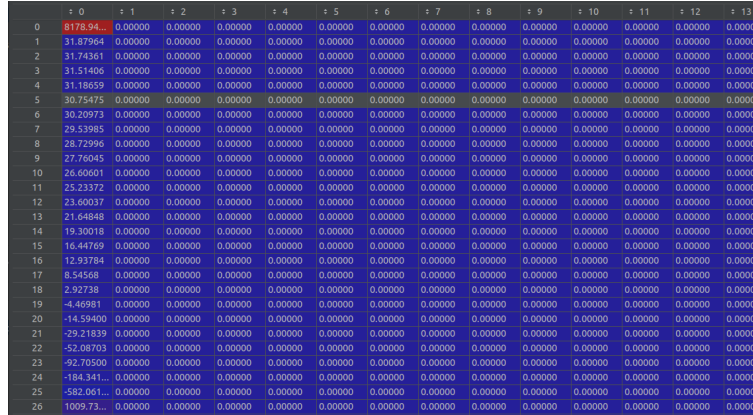


FIGURE 5 – tableau numpy de la DFT réel de 128_a

En analysant ce tableau on remarque que les coefficients à partie réelle non nulle se situent verticalement dans la colonne 0. Grâce au coefficient maximal de la DFT on remarque qu'elle est centrée en (0,0) alors que l'on voudrait l'avoir centrée au centre du tableau, soit en (64,64).

On peut justifier le fait que les valeurs sont sur une et même colonne du fait que le motif est horizontal et identique pour chaque colonne.

Ce coefficient maximal est de valeur 8178.94917. Il s'agit de la somme de tous les coefficients du tableau.

On va donc maintenant recentrer cette DFT grâce à une fonction python en décalant les valeurs obtenues dans les deux directions. On obtient maintenant un tableau bien centré.

	f 58	f 59	f 60	f 61	f 62	f 63	f 64	f 65	f 66	f 67	f 68	f 69	f 70	f 71
51	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	21.64848	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
52	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	23.60037	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
53	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	25.23372	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
54	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	26.60601	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
55	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	27.76045	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
56	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	28.72996	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
57	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	29.53985	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
58	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	30.20973	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
59	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	30.75475	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
60	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.18659	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
61	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.51465	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
62	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.74361	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
63	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.87964	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
64	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	8178.94	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
65	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.87964	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
66	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.74361	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
67	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.51465	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
68	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	31.18659	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
69	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	30.75475	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
70	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	30.20973	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
71	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	29.53985	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
72	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	28.72996	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
73	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	27.76045	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
74	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	26.60601	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
75	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	25.23372	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
76	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	23.60037	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
77	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	21.64848	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000

FIGURE 6 – tableau numpy de la DFT réel de 128_a centré

On normalise notre DFT par le produit de ses dimensions car on ne voudrait pas que les degrés de présence des fréquences possèdent une valeur supérieure au nombre de pixels de l'image initiale, notre signal initial. En effet, les fréquences supérieures au produit des dimensions de l'image ne peuvent exister dans le contexte de cette image. Ainsi, nous avons des valeurs avec lesquelles travailler plus facilement.

On obtient donc un tableau normalisé :

	f 58	f 59	f 60	f 61	f 62	f 63	f 64	f 65	f 66	f 67	f 68	f 69	f 70	f 71
51	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00132	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
52	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00144	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
53	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00154	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
54	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00162	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
55	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00169	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
56	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00175	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
57	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00180	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
58	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00184	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
59	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00188	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
60	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00190	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
61	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00192	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
62	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00194	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
63	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00195	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
64	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.49920	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
65	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00195	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
66	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00194	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
67	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00192	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
68	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00190	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
69	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00188	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
70	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00184	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
71	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00180	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
72	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00175	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
73	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00169	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
74	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00162	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
75	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00154	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
76	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00144	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
77	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00132	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000

FIGURE 7 – tableau numpy de la DFT réel de 128_a centré normalisé

1.4 Module du DFT

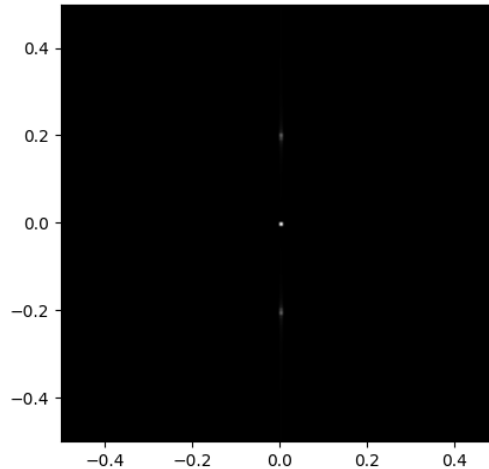


FIGURE 8 – module de 128_a sous la forme d'une image en niveaux de gris

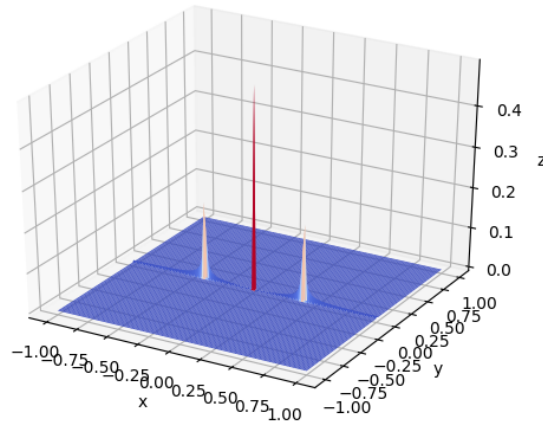


FIGURE 9 – module de 128_a sous la forme d'une image en niveaux de gris

Le module représente l'importance des motifs périodiques (le motif cyclique) de l'image (128_a.png) dans la direction du vecteur $(0,0)-(f_x,f_y)$ et de fréquence proportionnelle à sa norme. Ainsi, dans ce cas, on constate que les 3 "pics" de notre module du DFT sont de valeurs absolues inférieures à 0.25, alors les fréquences spatiales seront considérées comme relativement basses. Les pics sont présents verticalement, alors les perturbations sont verticales.

2 128_e.png

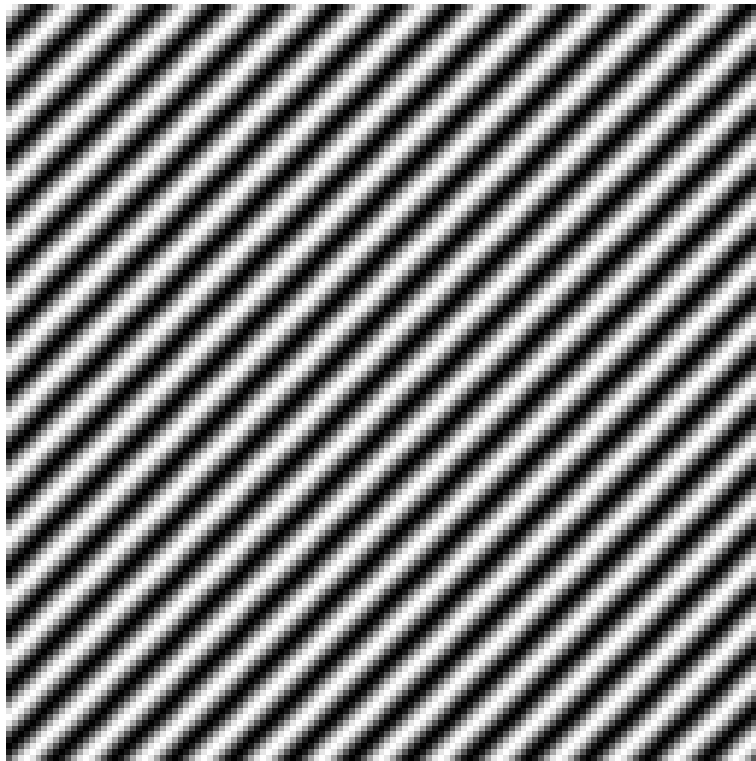


FIGURE 10 – image 128_e.png

2.1 Première informations de l'image

Une première analyse de cette image nous apprend qu'elle est de dimension 128 pixels par 128 pixels. La profondeur de l'image est de 8 bits, c'est-à-dire que chaque pixel a une valeur de gris allant de 0 à 255. L'image est au format PNG, en niveaux de gris.

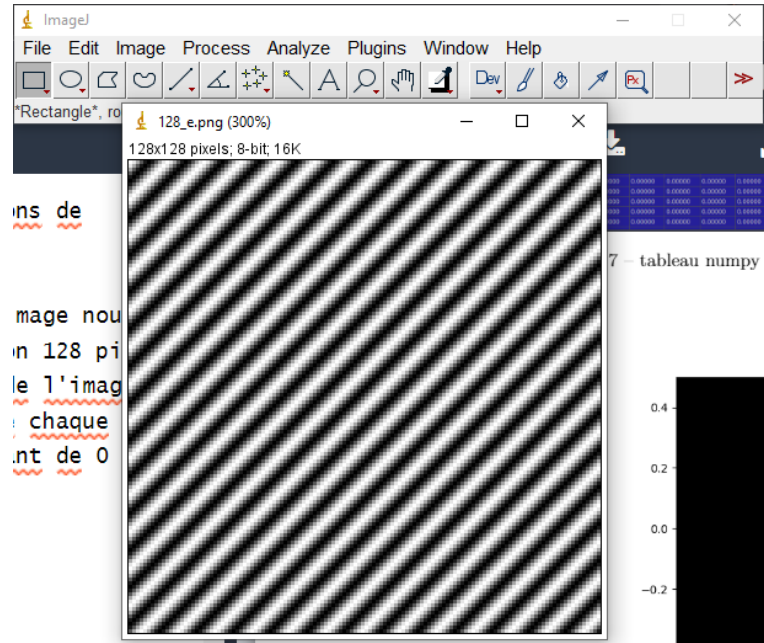


FIGURE 11 – Détails de l'image_e

2.2 Période en pixels du motif cyclique

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
0	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412
1	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118
2	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098
3	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804
4	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608
5	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804
6	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098
7	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118
8	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412
9	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000
10	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412
11	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118
12	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098
13	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804
14	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608
15	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804
16	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098
17	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118
18	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412
19	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000
20	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412
21	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118
22	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098
23	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804	0.99608	0.89804	0.65098	0.34118	0.09412	0.00000	0.09412	0.34118	0.65098	0.89804

FIGURE 12 – Tableau numpy de l'image 128_e

En observant l'image mais aussi en observant son tableau numpy associé nous observons sur cette image un motif cyclique, ce motif est diagonal. Ainsi, il y a donc pas un mais deux motifs cycliques : un en x et un en y. Grâce à ImageJ, on sait que ces motifs ont des périodes de 10 pixels



FIGURE 13 – motif cyclique en x de 128_e.png



FIGURE 14 – motif cyclique en y de 128_e.png

2.3 Discret Fourier Transform

On applique une Discret Fourier Transform sur notre image 128_e et on obtient un tableau numpy de dimension 128 par 128 (les même que l'image initiale).

		1.58	1.57	1.58	1.59	1.59	1.61	1.62	1.63	1.64	1.63	1.66	1.67	1.68	1.69	1.70	1.71	1.72	
51	158	-0.00183	-0.00134	-0.00099	-0.00073	-0.00053	-0.00037	-0.00024	-0.00013	-0.00003	0.00005	0.00011	0.00017	0.00023	0.00027	0.00032	0.00035	0.00038	f
52	58	0.00079	0.00027	0.00019	0.00013	0.00008	0.00005	0.00001	-0.00001	-0.00002	-0.00002	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-
53	21	0.00014	0.00009	0.00006	0.00003	0.00001	-0.00000	-0.00001	-0.00002	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-0.00010	-0.00011	-
54	11	0.00007	0.00004	0.00002	0.00001	-0.00000	-0.00001	-0.00002	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-0.00010	-0.00011	-0.00012	-
55	06	0.00004	0.00002	0.00000	-0.00001	-0.00001	-0.00002	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-0.00010	-0.00011	-0.00012	-0.00013	-
56	04	0.00002	0.00000	-0.00001	-0.00001	-0.00002	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-0.00010	-0.00011	-0.00012	-0.00013	-0.00014	-
57	02	0.00000	-0.00001	-0.00001	-0.00002	-0.00002	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-0.00010	-0.00011	-0.00012	-0.00013	-0.00014	-
58	00	-0.00001	-0.00001	-0.00002	-0.00002	-0.00003	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-0.00010	-0.00011	-0.00012	-0.00013	-0.00014	-
59	01	-0.00001	-0.00002	-0.00002	-0.00003	-0.00003	-0.00004	-0.00005	-0.00006	-0.00007	-0.00008	-0.00009	-0.00010	-0.00011	-0.00012	-0.00013	-0.00014	-0.00015	-
60	01	-0.00002	-0.00002	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-
61	02	-0.00002	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-
62	03	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-
63	03	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-
64	03	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-
65	04	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-
66	04	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-
67	04	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-
68	05	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-
69	05	-0.00005	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00002	-0.00002	-0.00001	-
70	05	-0.00005	-0.00005	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00002	-0.00002	-0.00001	-0.00001	-
71	06	-0.00005	-0.00005	-0.00005	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00002	-0.00002	-0.00002	-0.00001	-0.00001	0.00000	f
72	06	-0.00006	-0.00005	-0.00005	-0.00005	-0.00004	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00002	-0.00002	-0.00001	-0.00001	0.00000	0.00000	0.00000	f
73	07	-0.00006	-0.00006	-0.00005	-0.00005	-0.00005	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00003	-0.00002	-0.00001	-0.00001	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	f
74	08	-0.00007	-0.00007	-0.00006	-0.00006	-0.00005	-0.00004	-0.00004	-0.00003	-0.00003	-0.00002	-0.00001	-0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	f

FIGURE 15 – tableau numpy de la DFT réel de 128_e centré normalisé

Il y a des motifs en x et en y, ayant les mêmes périodes de 10pixels, alors les valeurs sont mieux réparties que pour l'image précédente.

2.4 Module du DFT

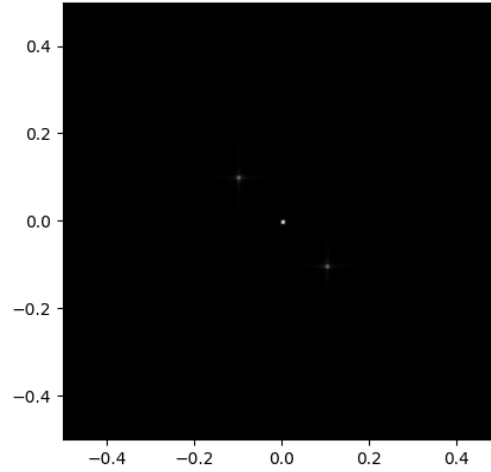


FIGURE 16 – module de 128_e sous la forme d'une image en niveaux de gris

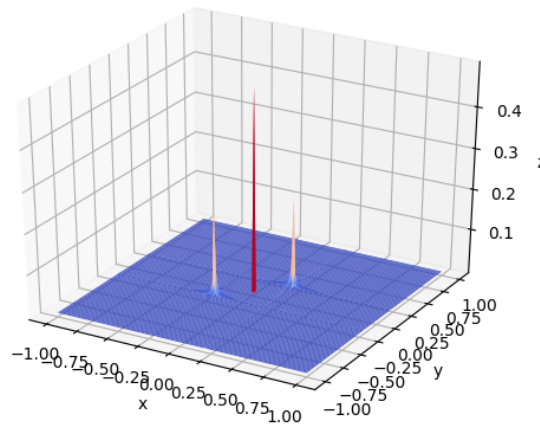


FIGURE 17 – module de 128_a sous la forme d'une image en niveaux de gris

Le module représente l'importance des motifs périodiques (le motif cyclique) de l'image (128_e.png) dans la direction du vecteur $(0,0)-(f_x,f_y)$ et de fréquence proportionnelle à sa norme. Ainsi, dans ce cas, on constate que les 3 "pics" de notre module du DFT sont de valeurs absolues inférieures à 0.25, alors les fréquences spatiales seront considérées comme relativement basses. Les pics sont présents en diagonales du haut-gauche au bas-droite, alors les perturbations suivent cette diagonale.

3 Fonctions

3.1 les 3 maxima du module de la DFT

```
1 def getModuleOfDftOfImg(image):
2     # fft de l'image
3     fft = np.fft.fft2(image) # tableau centrer en 0,0
4     fftc = np.fft.fftshift(fft) # centrage du fft
5     fftcn = fftc / (len(image) * len(image[0])) # normalisation par le produit des dimmensions de l'image
6     module = np.abs(fftcn)
7
8     return module
9
10 def get3MaximaOfModuleOfDftOfImg(image):
11     maxima3 = []
12     module = getModuleOfDftOfImg(image)
13
14     ind = np.unravel_index(np.argsort(module, axis=None), np.shape(module))
15     for i in range(1,4):
16         maxima3.append([ind[0][len(ind[0])-i], ind[1][len(ind[1])-i]])
17
18     return maxima3
```

Pour décomposer le code on a décidé de faire une première fonction `getModuleOfDftOfImg` qui renvoie le module DFT d'une image.

Notre deuxième fonction, "`get3MaximaOfModuleOfDftOfImg`", est celle permettant de récupérer les coordonnées des trois maxima du module dans le plan de Fourier de l'image. Elle commence par récupérer le module du DFT de l'image puis tri, grâce à "`np.unravel_index(np.argsort(module, axis=None), np.shape(module))`", chaque coordonnée par rapport à l'ordre croissant de leur valeurs correspondantes. On récupère par la suite les trois dernières que l'on retourne sous forme de tableau.

3.2 Récupération de la texture d'une image

```
1 def getTextureType(image):
2
3     max = get3MaximaOfModuleOfDftOfImg(image) # [[x,y],[x,y],[x,y]]
4     if max[0][0] == max[1][0] == max[2][0]:
5         print("La_texture_est_verticale")
6     elif max[0][1] == max[1][1] == max[2][1]:
7         print("La_texture_est_horizontale")
8     else:
9         print("La_texture_est_diagonale")
```

Le principe de cette fonction qui reconnaît les textures des images, c'est qu'on récupère les coordonnées des 3 maxima du module de la DFT de l'image (grâce à la fonction "`get3MaximaOfModuleOfDftOfImg`"). Si ces trois maxima sont alignés verticalement, alors la perturbation est verticale, alors on déduit que les lignes de l'image sont horizontales. Si ils sont alignés horizontalement, alors la perturbation est horizontale et donc les lignes de l'image sont verticales. Sinon, on déduit que l'image est diagonale.

4 Le code final

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D # pour l'affichage de surfaces 3D
4
5
6 def printSizeOfImage(image):
7     print("dimensions:_" + str(len(image)) + "*" + str(len(image[0])))
```

```

8
9 def getModuleOfDftOfImg(image):
10     # fft de l'image
11     fft = np.fft.fft2(image) # tableau centrer en 0,0
12     fftc = np.fft.fftshift(fft) # centrage du fft
13     # normalisation par le produit des dimmensions de l'image
14     fftcn = fftc / (len(image) * len(image[0]))
15     module = np.abs(fftcn)
16
17     return module
18
19 def showDFT(image):
20     # Visualisation de l'image
21     plt.figure()
22     plt.imshow(image, cmap='gray')
23
24     # fft de l'image
25     module = getModuleOfDftOfImg(image)
26
27     # Visualisation du module du fft sous forme d'image en niveaux de gris
28     plt.figure()
29     plt.imshow(module, cmap='gray', extent=(-0.5, 0.5, -0.5, 0.5))
30
31     # Definition d'une grille de trace (taille des axe en fonction des dimmensions de l'image)
32     x, y = np.mgrid[-1.0:1.0:(len(image) + 0j), -1.0:1.0:(len(image[0]) + 0j)]
33     z = module #notre z corespnd au module du fft
34
35     # Visualisation de la fonction en 3D
36     plt.figure()
37     axes = plt.gca(projection=Axes3D.name)
38     axes.set_xlabel('x')
39     axes.set_ylabel('y')
40     axes.set_zlabel('z')
41     axes.plot_surface(x, y, z, cmap='coolwarm', rstride=1, cstride=1, antialiased=True)
42
43     # Affichage des figures matplotlib a l'ecran
44     plt.show()
45
46 def get3MaximaOfModuleOfDftOfImg(image):
47     maxima3 = []
48     module = getModuleOfDftOfImg(image)
49
50     ind = np.unravel_index(np.argsort(module, axis=None), np.shape(module))
51     for i in range(1,4):
52         maxima3.append([ind[0][len(ind[0])-i], ind[1][len(ind[1])-i]])
53
54     return maxima3
55
56 def getTextureType(image):
57
58     max = get3MaximaOfModuleOfDftOfImg(image) # [[x,y],[x,y],[x,y]]
59     if max[0][0] == max[1][0] == max[2][0]:
60         print("La_texture_est_verticale")
61     elif max[0][1] == max[1][1] == max[2][1]:
62         print("La_texture_est_horizontale")
63     else:
64         print("La_texture_est_diagonale")
65
66
67 image = plt.imread("textures2/512_d.png")
68
69 showDFT(image)
70
71 getTextureType(image)
72
73 printSizeOfImage(image)
74

```