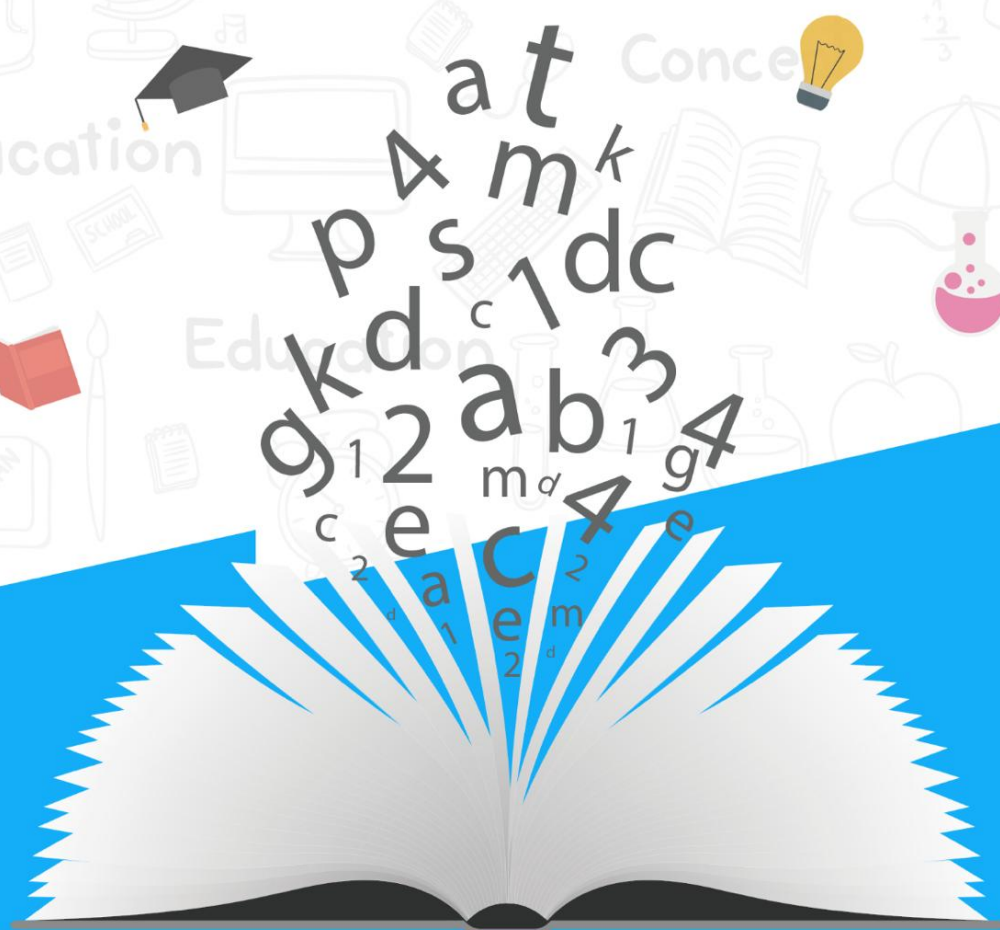


# 错题本分析报告



错因分析



知识点诊断



自我反思



个性化题集

## 第一部分

## 错题采集情况

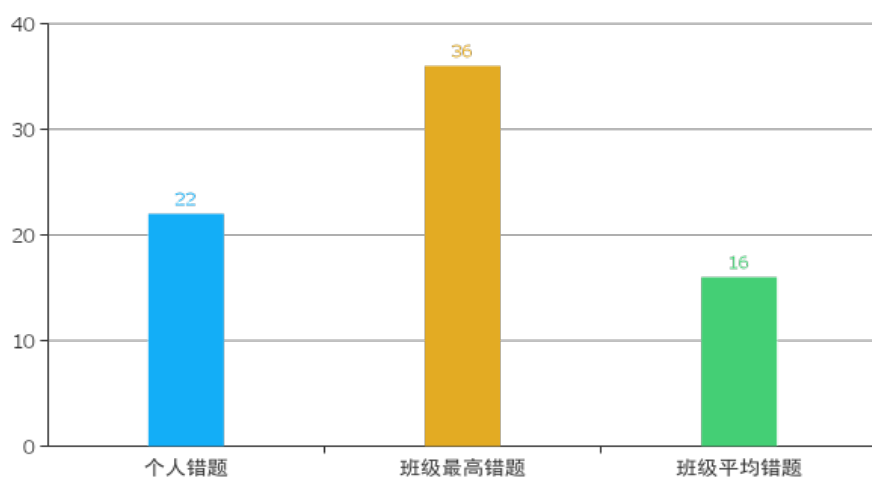


## 一、错题采集概况

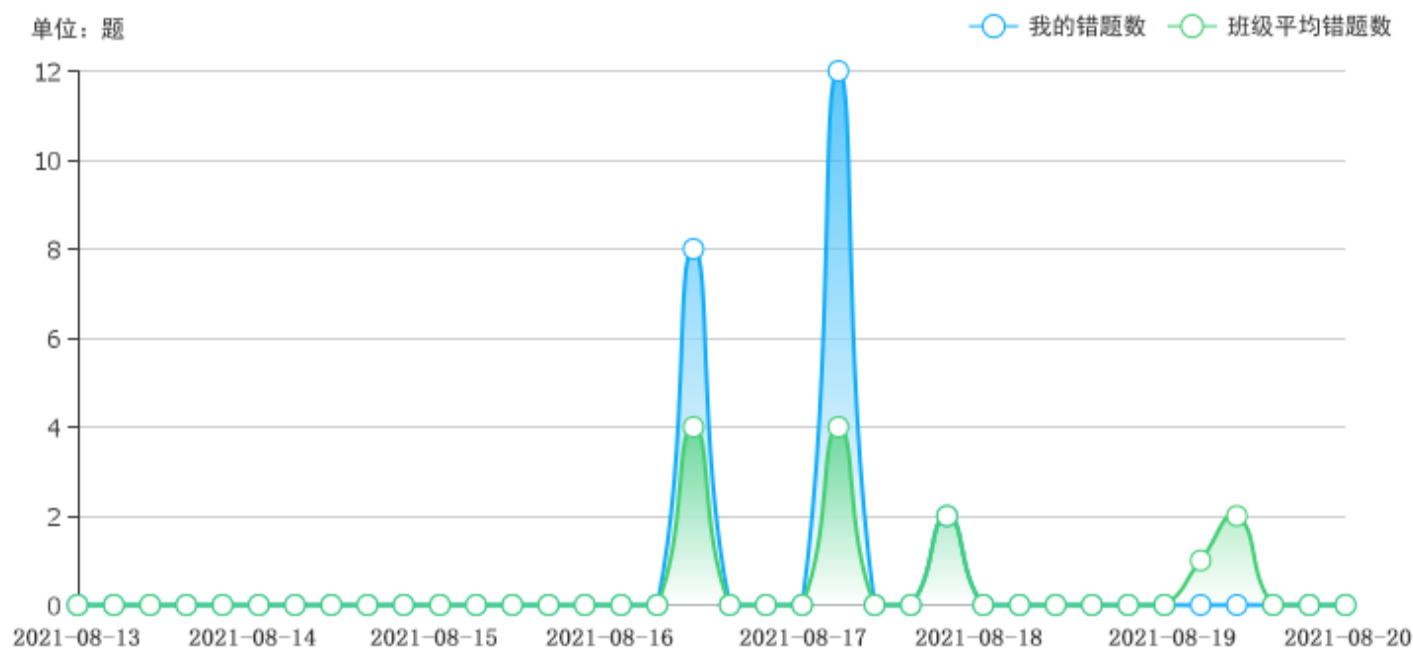
22<sub>(16/6)</sub> 排名 3  
个人错题 (拍题/答题)

93<sub>(50/43)</sub>  
班级总错题 (拍题/答题)

46 个人归纳知识点



## ● 你的近段时间错题采集情况



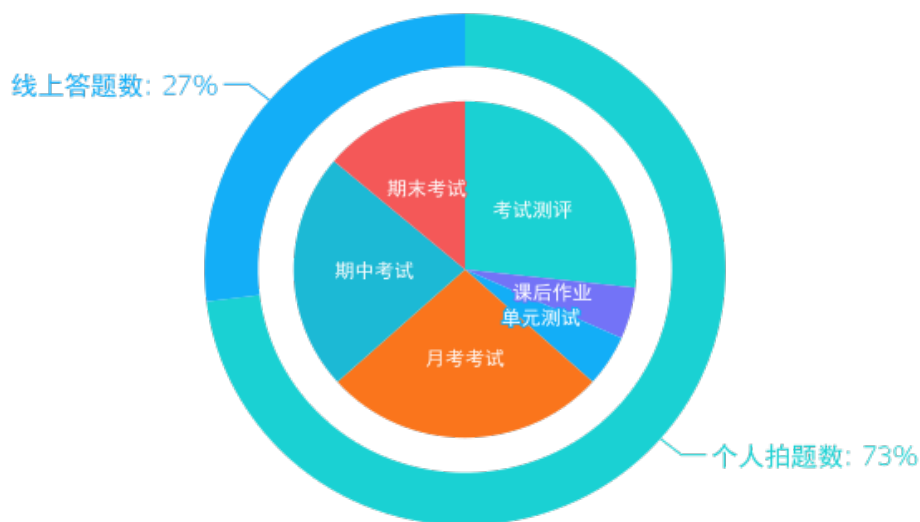
\*个人错题采集和班级平均错题采集在该时间周期内的增减情况。

错因精准诊断，助力高效学习



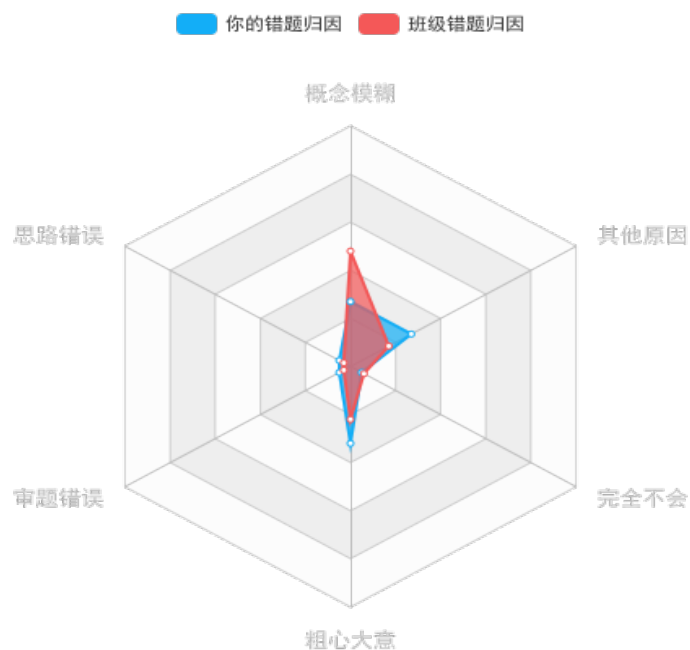
## 二、错题采集分析

### ● 错题来源



\*你的错题整理，来源线上答题自动采集的占比约 27%，来源个人拍题上传的占比约 73%。

### ● 错因分析



\*你的错题归因主要为：粗心大意、概念模糊；

\*你班级同学的错题归因主要为：粗心大意、概念模糊。

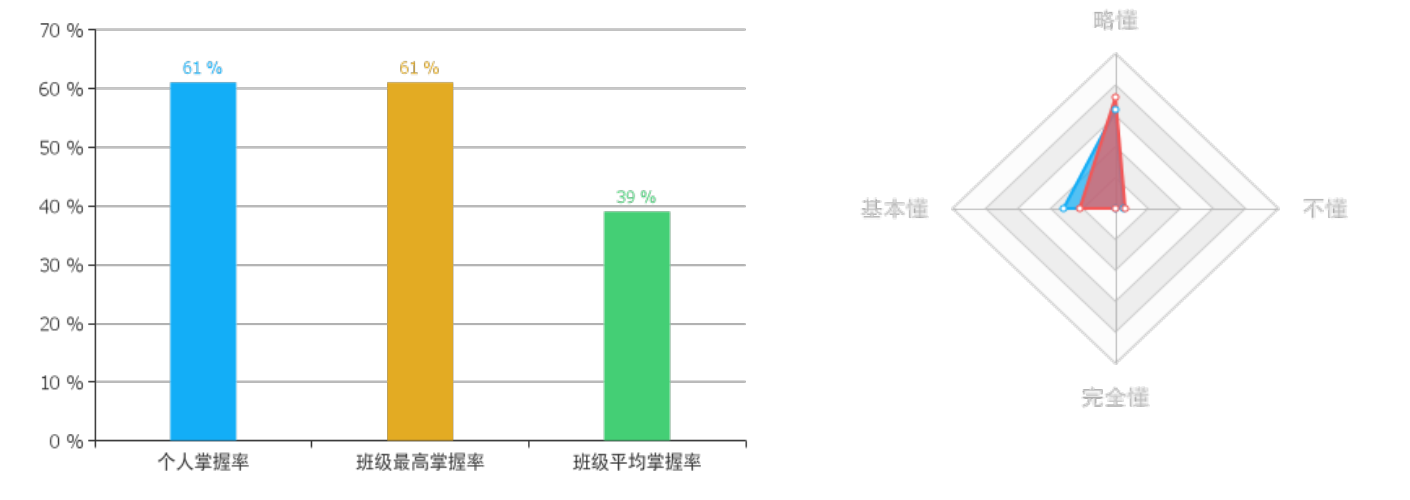
错因精准诊断，助力高效学习

三、错题知识点分析

知识点掌握情况分析

个人掌握率排名第 1

你的错题掌握情况 班级错题掌握情况



主知识点	子知识点	你的掌握程度 班级掌握程度	错题数	知识点重要性
实数	算数平方根	<div><div></div><div></div></div> 70% <div><div></div><div></div></div> 68%	4	☆☆☆☆☆
	平方根	<div><div></div><div></div></div> 74% <div><div></div><div></div></div> 70%	3	☆☆☆☆☆
	开平方	<div><div></div><div></div></div> 70% <div><div></div><div></div></div> 66%	2	☆☆☆☆☆
	平方根与算数平方根的关系	<div><div></div><div></div></div> 72% <div><div></div><div></div></div> 72%	5	☆☆☆☆☆
	立方根	<div><div></div><div></div></div> 66% <div><div></div><div></div></div> 68%	3	☆☆☆☆☆
	立方根与平方根的关系	<div><div></div><div></div></div> 66% <div><div></div><div></div></div> 66%	3	☆☆☆☆☆
	无理数	<div><div></div><div></div></div> 60% <div><div></div><div></div></div> 60%	1	☆☆☆☆☆
有理数的相关概念	正数与负数	<div><div></div><div></div></div> 60% <div><div></div><div></div></div> 54%	1	☆☆☆☆☆
	有理数及其分类	<div><div></div><div></div></div> 60% <div><div></div><div></div></div> 46%	1	☆☆☆☆☆
	相反数	<div><div></div><div></div></div> 60% <div><div></div><div></div></div> 60%	1	☆☆☆☆☆
根的判别式法	韦达定理	<div><div></div><div></div></div> 60% <div><div></div><div></div></div> 60%	1	☆☆☆☆☆
	配方法	<div><div></div><div></div></div> 60% <div><div></div><div></div></div> 60%	1	☆☆☆☆☆

	有理数的加法	<div><div></div><div></div></div> 60%	1	★★★★☆☆
有理数的四则运算	有理数的加法运算律	<div><div></div><div></div></div> 60%	3	★★★☆☆☆
	有理数的减法	<div><div></div><div></div></div> 60%	3	★★★☆☆☆
	省略加号的和的形式	<div><div></div><div></div></div> 80%	2	★★★★☆☆
	有理数的乘法	<div><div></div><div></div></div> 80%	2	★★★★☆☆
	倒数	<div><div></div><div></div></div> 20%	1	★★★★☆☆
	有理数的乘法运算律	<div><div></div><div></div></div> 20%	1	★★★★☆☆
	有理数的除法	<div><div></div><div></div></div> 50%	2	★★★★☆☆
代数式与整式	代数式及其分类	<div><div></div><div></div></div> 40%	1	★★★★☆☆
	列代数式	<div><div></div><div></div></div> 80%	3	★★★★★☆☆
	整式的混合运算	<div><div></div><div></div></div> 80%	2	★★★☆☆☆☆
	整式及其分类	<div><div></div><div></div></div> 80%	2	★★★★★☆☆
	单项式与单项式相乘	<div><div></div><div></div></div> 80%	1	★★★★☆☆
	单项式与多项式相乘	<div><div></div><div></div></div> 80%	2	★★★☆☆☆☆
	多项式与多项式相乘	<div><div></div><div></div></div> 80%	1	★★★★☆☆
	乘法公式	<div><div></div><div></div></div> 80%	1	★★★★☆☆
函数	平面直角坐标系	<div><div></div><div></div></div> 60%	1	★★★☆☆☆☆
	函数的基础知识	<div><div></div><div></div></div> 60%	1	★★★★☆☆
	典型函数的定义与分析	<div><div></div><div></div></div> 60%	1	★★★★☆☆
	一次函数	<div><div></div><div></div></div> 60%	1	★★★★☆☆
	二次函数	<div><div></div><div></div></div> 60%	1	★★★★☆☆
	反比例函数	<div><div></div><div></div></div> 40%	1	★★★★☆☆
方程与不等式	解方程及其应用	<div><div></div><div></div></div> 60%	1	★★★☆☆☆☆

		<div><div></div></div> <div>50%</div>		
	不等式及其应用	<div><div></div></div> <div>60%</div> <div><div></div></div> <div>50%</div>	1	☆☆☆☆☆
数学的常用方法	根的判别式法	<div><div></div></div> <div>40%</div> <div><div></div></div> <div>40%</div>	1	☆☆☆☆☆
	韦达定理	<div><div></div></div> <div>60%</div> <div><div></div></div> <div>50%</div>	1	☆☆☆☆☆
	韦达定理	<div><div></div></div> <div>60%</div> <div><div></div></div> <div>50%</div>	1	☆☆☆☆☆
	换元法	<div><div></div></div> <div>60%</div> <div><div></div></div> <div>50%</div>	1	☆☆☆☆☆
投影与视图	投影	<div><div></div></div> <div>40%</div> <div><div></div></div> <div>40%</div>	1	☆☆☆☆☆
	平行投影	<div><div></div></div> <div>40%</div> <div><div></div></div> <div>40%</div>	1	☆☆☆☆☆
	展开图	<div><div></div></div> <div>60%</div> <div><div></div></div> <div>60%</div>	1	☆☆☆☆☆
	平行投影的变化规律	<div><div></div></div> <div>60%</div> <div><div></div></div> <div>60%</div>	1	☆☆☆☆☆
	中心投影	<div><div></div></div> <div>60%</div> <div><div></div></div> <div>60%</div>	1	☆☆☆☆☆
科学记数法、近似数	数据的分析	<div><div></div></div> <div>40%</div> <div><div></div></div> <div>40%</div>	1	☆☆☆☆☆

注：知识点重要性说明（知识点掌握要求）

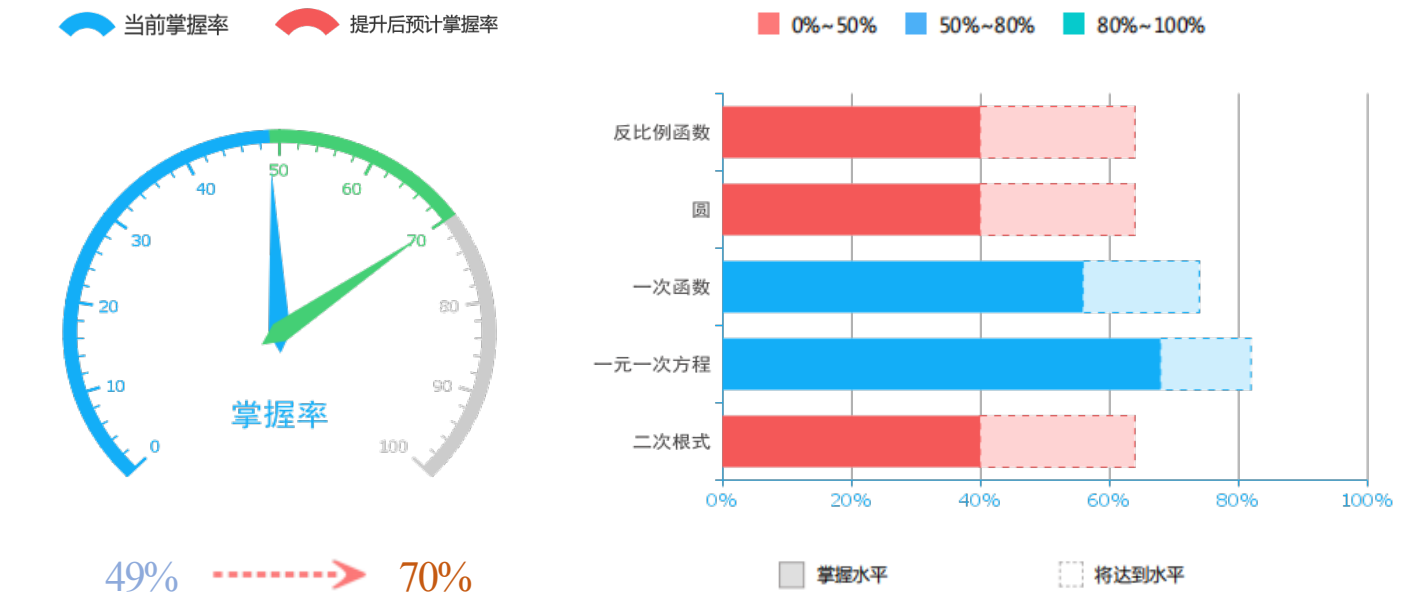
- 一星（了解）：非考试必考点，对概念和知识有印象即可，不做其他要求
- 二星（识记）：能再认或表达相关知识或概念，能够进行简单的是非判断或选择，非考试常考点
- 三星（理解）：能理解相关概念和定义。明确概念和规律的内涵，识别概念和规律的外延，并能解释有关现象，考试常考点
- 四星（简单应用）：指能将学科事实、现象与概念、规律建立联系，认识规律适用的条件，并用以解决简单的问题，综合考试必考点
- 五星（综合应用）：能选用多个概念和规律以及相应的方法和思维策略，求解较复杂问题，综合考试必考点且占比例较大

第二部分

知识点掌握提高方案

四、提高策略

结合教材大纲与知识重难点、常考点、易错点，基于纳米级知识图谱与深度学习知识点追踪理论模型 PBKT，根据学情数据的采集与分析，系统为你量身定制了个性化学习建议方案。



薄弱知识点学习计划

主知识点	子知识点	预计掌握提升	推荐做题
二次根式	二次根式的混合运算	40% → 64%	易错题+举一反三共 3 道
一元一次方程	解一元一次方程,一元一次方程的定义,一元一次方程的解	68% → 82%	易错题+举一反三共 3 道
一次函数	一次函数的应用,一次函数的定义,正比例函数的定义	56% → 74%	易错题+举一反三共 3 道
圆	切线的判定	40% → 64%	易错题+举一反三共 3 道
反比例函数	反比例函数综合题	40% → 64%	易错题+举一反三共 3 道



● 薄弱知识点 1 二次根式 (预计掌握提升 40% →64% , 共 3 道)

易错题 1 (班级/学校错题率: 100% / 100% 知识点: 二次根式的混合运算)

下列计算正确的是( )

- A. B.22 C.  $\sqrt{3}\times$  D.

【我的作答】

【错题订正】

B

【错题归因】

概念模糊

【错题来源】

考试测评

【举一反三】

化简 $(-2)^{2015}\cdot(+2)^{2016}$ 的结果为( )

①

- A. -1 B. -2 C.+2 D. - -2

【举一反三】

下列运算正确的是( )

②

- A.  $\pm 6$  B.  $-2$  C.  $-$  D.  $(\sqrt{5}+2)^3\cdot(\sqrt{5}-2)^2=+2$

● 薄弱知识点 2 一元一次方程 (预计掌握提升 68% →82% , 共 3 道)

易错题 2 (班级/学校错题率: 0% / 0% 知识点: 方程的定义,方程的解,等式的性质,一元一次方程的定义)

下列说法正确的是( ) A.“打开电视机,正在播世界杯足球赛”是必然事件 B.“掷一枚硬币正面朝上的概率是 $\frac{1}{2}$ ”表示每抛掷硬币2次就有1次正面朝上 C.一组数据2,3,4,5,5,6的众数和中位数都是5 D.甲组数据的方差 $(S_{\{甲\}})^2=0.09$ ,乙组数据的方差 $(S_{\{乙\}})^2=0.56$ ,则甲组数据比乙组数据稳定

【我的作答】

【错题订正】

【错题归因】

粗心大意

【错题来源】

月考考试

【举一反三】

对于“ $x+y=a-b$ ”,下列移项正确的是( )

①

- A.  $x-b=y-a$  B.  $x-a=y+b$  C.  $a-x=y+b$  D.  $a+x=b-y$

【举一反三】

下列方程中,解为 $x=1$ 的是( )

②

- A.  $x-2=-1$  B.  $2x+3=1$  C.  $1=1+x$  D.  $2x-3=1$

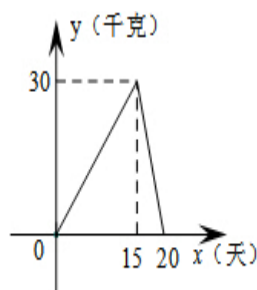
● 薄弱知识点 3 一次函数 (预计掌握提升 56% →74% , 共 3 道)

易错题 3 (班级/学校错题率: 0% / 0% 知识点: 一次函数的应用,一次函数的定义,正比例函数的定义,一次函数图象与系数的关系,一次函数图象上点的坐标特征)

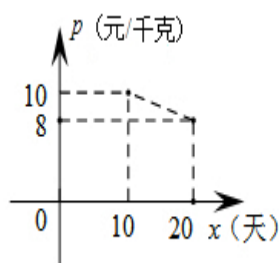
如图,某个体户购进一批时令水果,20天销售完毕.他将本次销售情况进行了跟踪记录,根据所记录的数据可绘制的函数图象,其中日销售量 $y$ (千克)与销售时间 $x$ (天)之间的函数关系如图甲所示,销售单价 $p$ (元/千克)与销售时



间  $x$ (天) 之间的函数关系如图乙所示.



图甲



图乙

- (1) 直接写出  $y$  与  $x$  之间的函数关系式;
- (2) 分别求出第 10 天和第 15 天的销售金额;
- (3) 若日销售量不低于 24 千克的时间段为“最佳销售期”, 则此次销售过程中“最佳销售期”共有多少天? 在此期间销售单价最高为多少元?

【我的作答】

【错题订正】

【错题归因】

完全不会

【错题来源】

期中考试

【举一反三】

若点  $A(2, 4)$  在函数  $y=kx$  的图象上, 则下列各点在此函数图象上的是( )  
 A.  $(1, 2)$     B.  $(-2, -1)$     C.  $(-1, 2)$     D.  $(2, -4)$

①

【举一反三】

若正比例函数  $y=kx$  的图象经过点  $P(2, 2)$ , 则  $k$  的值为\_\_\_\_\_.

②

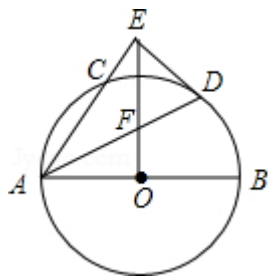
● 薄弱知识点 4 圆 (预计掌握提升 40% → 64% , 共 3 道)

易错题 4 (班级/学校错题率: 50% / 50% 知识点: 切线的判定)

如图,  $AB$  是  $\odot O$  的直径,  $AC$  是弦,  $\angle BAC$  的平分线  $AD$  交  $\odot O$  于点  $D$ ,  $DE \perp AC$ , 交  $AC$  的延长线于点  $E$ ,  $OE$  交  $AD$  于点  $F$ .

求证:  $DE$  是  $\odot O$  的切线;

若  $\angle BAC = 60^\circ$ , 求  $\angle AOE$  的值.



【我的作答】

【错题订正】

错

【错题归因】

概念模糊

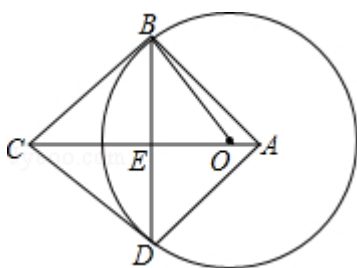
【错题来源】

考试测评

【举一反三】

①

如图, 在四边形  $ABCD$  中,  $AB=AD$ , 对角线  $AC, BD$  交于点  $E$ , 点  $O$  在线段  $AE$  上,  $\odot O$  过  $B, D$  两点, 若  $OC=5, OB=3$ , 且  $\cos \angle BOE = \frac{4}{5}$ . 求证:  $CB$  是  $\odot O$  的切线.



【举一反三】

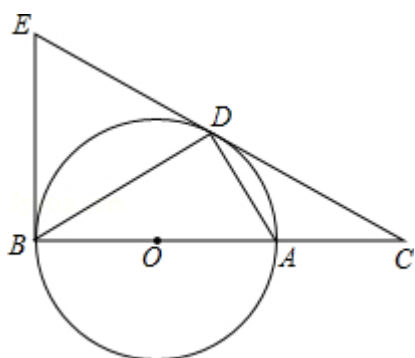
②

如图, 直线  $y=kx+2k(k \neq 0)$  与  $x$  轴交于点  $B$ , 与双曲线交于点  $A, C$ , 其中点  $A$  在第一象限, 点  $C$  在第三象限.

求证:  $CD^2 = CA \cdot CB$ ;

求证:  $CD$  是  $\odot O$  的切线;

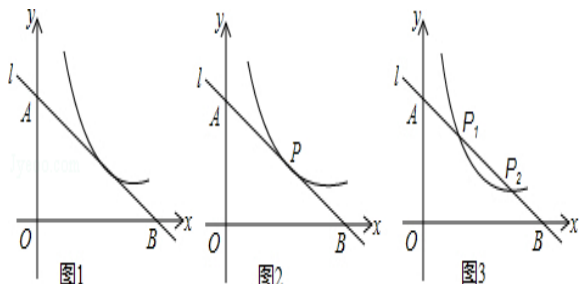
过点  $B$  作  $\odot O$  的切线交  $CD$  的延长线于点  $E$ , 若  $BC=12, \tan \angle CDA = \frac{3}{4}$ , 求  $BE$  的长.



● 薄弱知识点 5 反比例函数 (预计掌握提升 40% → 64%, 共 3 道)

易错题 5 (班级/学校错题率: 50% / 50% 知识点: 反比例函数综合题)

如图, 已知直线  $l: y=kx+b(k < 0, b > 0, \text{且 } k, b \text{ 为常数})$  与  $y$  轴、 $x$  轴分别交于  $A$  点、 $B$  点, 双曲线  $C: y=\frac{1}{x}(x > 0)$ .



当  $k=-1, b=2$  时, 求直线  $l$  与双曲线  $C$  公共点的坐标;

当  $b=2$  时, 求证: 不论  $k$  为任何小于零的实数, 直线  $l$  与双曲线  $C$  只有一个公共点(设为  $P$ ), 并求公共点  $P$  的坐标(用  $k$  的式子表示).

①在(2)的条件下, 试猜想线段  $PA, PB$  是否相等. 若相等, 请加以证明; 若不相等, 请说明理由;

②若直线  $l$  与双曲线  $C$  相交于两点  $P_1, P_2$ , 猜想并证明  $P_1A$  与  $P_2B$  之间的数量关系.

【我的作答】

【错题订正】

错

【错题归因】

概念模糊

【错题来源】

考试测评

## 【举一反三】

①

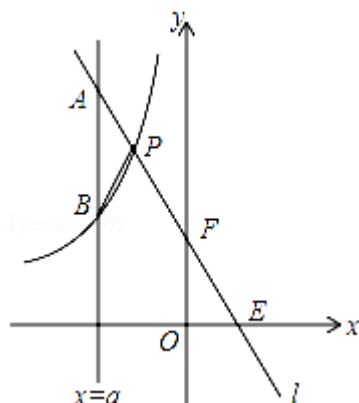
如图, 一次函数  $y=kx+b$  的图象  $l$  与坐标轴分别交于点  $E$ 、 $F$ , 与双曲线  $y=-\frac{1}{x} (x<0)$  交于点  $P(-1, n)$ , 且  $F$  是  $PE$  的中点.

求直线  $l$  的解析式;

若直线  $x=a$  与  $l$  交于点  $A$ , 与双曲线交于点  $B$  (不同于  $A$ ),

①当  $a$  为何值时,  $\triangle ABP$  是以点  $P$  为直角顶点的直角三角形?

②当  $a$  为何值时,  $PA=PB$ .



## 【举一反三】

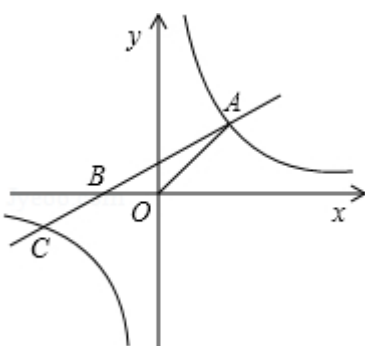
②

如图, 直线  $y=kx+2k (k \neq 0)$  与  $x$  轴交于点  $B$ , 与双曲线交于点  $A$ 、 $C$ , 其中点  $A$  在第一象限, 点  $C$  在第三象限.

求  $B$  点的坐标;

若  $S_{\triangle AOB}=2$ , 求  $A$  点的坐标;

在(2)的条件下, 在  $y$  轴上是否存在点  $P$ , 使  $\triangle AOP$  是等腰三角形? 若存在, 请直接写出  $P$  点的坐标.



## 第三部分

## 答案与解析

## ● 易错题 1

【答案】

D

【解析】

∵ 不能合并, 故选项 A 错误,

∴ , 故选项 B 错误,

∵  $\sqrt{3} \times \sqrt{7} = \sqrt{21}$ , 故选项 C 错误,

∴ , 故选项 D 正确,

故选: D.

【举一反三①答案】

D

【举一反三①解析】

原式  $= (-2) \cdot (+2)^{2015} \cdot (+2)$  $= (3-4)^{2015} \cdot (+2)$  $= -2$ .

故选: D.

【举一反三②答案】

D

【举一反三②解析】

A、 $=6$ , 故选项错误;B、 $=2$ , 故选项错误;C、 $=-$ , 故选项错误;D、 $(+2)^3 \cdot (-2)^2 = [(+2)(-2)]^2 \cdot (+2) = +2$ , 故选项正确.

故选 D.

## ● 易错题 2

【答案】

D

【解析】

A、“打开电视机, 正在播世界杯足球赛”是随机事件, 故本选项错误;

B、“掷一枚硬币正面朝上的概率是  $\frac{1}{2}$ ”表示在大量重复试验下, 抛掷硬币正面朝上次数占一半, 不是一定每抛

掷硬币 2 次就有 1 次正面朝上, 故本选项错误;

C、一组数据 2, 3, 4, 5, 5, 6 的众数是 5, 中位数是 4.5, 故本选项错误;

D、甲组数据的方差  $(S_{\text{甲}})^2 = 0.09$ , 乙组数据的方差  $(S_{\text{乙}})^2 = 0.56$ , 因为  $(S_{\text{甲}})^2 < (S_{\text{乙}})^2$ , 则甲组数据比乙组数据稳定, 故本选项正确.

故选 D.

根据随机事件的定义判断 A; 根据概率的意义判断 B; 根据众数和中位数的定义判断 C; 根据方差的意义判断 D.

【举一反三①答案】

C

【举一反三①解析】

解: A、 $x+b=a-y$ , 故 A 错误;B、 $x-a=-b-y$ , 故 B 错误;C、 $a-x=y+b$ , 故 C 正确;D、 $a-x=y+b$ , 故 D 错误;

故选: C.

【举一反三②答案】

A

【举一反三②解析】

解: A、把  $x=1$  代入, 左边  $= 1-2=-1$  右边, 即  $x=1$  是该方程的解, 故本选项正确;B、把  $x=1$  代入, 左边  $= 2 \times 1 + 3 = 5 \neq$  右边, 即  $x=1$  不是该方程的解, 故本选项错误;C、把  $x=1$  代入, 右边  $= 1+2=2 \neq$  左边, 即  $x=1$  不是该方程的解, 故本选项错误;D、把  $x=1$  代入, 左边  $= 2 \times 1 - 3 = -1 \neq$  右边, 即  $x=1$  不是该方程的解, 故本选项错误;

故选: A.

## ● 易错题 3

【答案】

(1)分两种情况:

①当  $0 \leq x \leq 15$  时, 设日销售量  $y$  与销售时间  $x$  的函数解析式为  $y = (k_1)x$ ,

∴ 直线  $y = (k_1)x$  过点  $(15, 30)$ ,

∴  $15(k_1) = 30$ , 解得  $(k_1) = 2$ ,

∴  $y = 2x (0 \leq x \leq 15)$ ;

② 当  $15 < x \leq 20$  时, 设日销售量  $y$  与销售时间  $x$  的函数解析式为  $y = (k_2)x + b$ ,

∴ 点  $(15, 30)$ ,  $(20, 0)$  在  $y = (k_2)x + b$  的图象上,

∴ , 解得:  $\left\{ \begin{aligned} k_2 &= -6 \\ b &= 120 \end{aligned} \right.$  ,

∴  $y = -6x + 120 (15 < x \leq 20)$ ;

综上, 可知  $y$  与  $x$  之间的函数关系式为:

$y = \left\{ \begin{aligned} 2x, & (0 \leq x \leq 15) \\ -6x + 120, & (15 < x \leq 20) \end{aligned} \right.$  ;

(2) ∴ 第 10 天和第 15 天在第 10 天和第 20 天之间,

∴ 当  $10 \leq x \leq 20$  时, 设销售单价  $p$ (元/千克)与销售时间  $x$ (天)之间的函数解析式为  $p = mx + n$ ,

∴ 点  $(10, 10)$ ,  $(20, 8)$  在  $p = mx + n$  的图象上,

∴  $\left\{ \begin{aligned} 10m + n &= 10 \\ 20m + n &= 8 \end{aligned} \right.$  , 解得:  $\left\{ \begin{aligned} m &= -\frac{1}{5} \\ n &= 12 \end{aligned} \right.$  ,

∴  $p = -\left(\frac{1}{5}\right)x + 12 (10 \leq x \leq 20)$ ,

当  $x = 10$  时,  $p = 10$ ,  $y = 2 \times 10 = 20$ , 销售金额为:  $10 \times 20 = 200$ (元),

当  $x = 15$  时,  $p = -\left(\frac{1}{5}\right) \times 15 + 12 = 9$ ,  $y = 30$ , 销售金额为:  $9 \times 30 = 270$ (元).

故第 10 天和第 15 天的销售金额分别为 200 元, 270 元;

(3) 若日销售量不低于 24 千克, 则  $y \geq 24$ .

当  $0 \leq x \leq 15$  时,  $y = 2x$ ,

解不等式:  $2x \geq 24$ ,

得,  $x \geq 12$ ;

当  $15 < x \leq 20$  时,  $y = -6x + 120$ ,

解不等式:  $-6x + 120 \geq 24$ ,

得  $x \leq 16$ ,

∴  $12 \leq x \leq 16$ ,

∴ “最佳销售期”共有:  $16 - 12 + 1 = 5$ (天);

∴  $p = -\left(\frac{1}{5}\right)x + 12 (10 \leq x \leq 20)$ ,  $-\left(\frac{1}{5}\right) < 0$ ,

∴  $p$  随  $x$  的增大而减小,

∴ 当  $12 \leq x \leq 16$  时,  $x$  取 12 时,  $p$  有最大值, 此时  $p =$

$-\left(\frac{1}{5}\right) \times 12 + 12 = 9.6$ (元/千克).

答: 此次销售过程中“最佳销售期”共有 5 天, 在此期间销售单价最高为 9.6 元.

#### 【解析】

(1) 分两种情况进行讨论: ①  $0 \leq x \leq 15$ ; ②  $15 < x \leq 20$ , 针对每一种情况, 都可以先设出函数的解析式, 再将已知点的坐标代入, 利用待定系数法求解;

(2) 日销售金额 = 日销售单价  $\times$  日销售量. 由于第 10 天和第 15 天在第 10 天和第 20 天之间, 当  $10 \leq x \leq 20$  时, 设销售

单价  $p$ (元/千克)与销售时间  $x$ (天)之间的函数关系式为  $p = mx + n$ , 由点  $(10, 10)$ ,  $(20, 8)$  在  $p = mx + n$  的图象上, 利用待定系数法求得  $p$  与  $x$  的函数解析式, 继而求得 10 天与第 15 天的销售金额;

(3) 日销售量不低于 24 千克, 即  $y \geq 24$ . 先解不等式  $2x \geq 24$ , 得  $x \geq 12$ , 再解不等式  $-6x + 120 \geq 24$ , 得  $x \leq 16$ , 则求出“最佳销售期”共有 5 天; 然后根据  $p = -\left(\frac{1}{5}\right)x + 12 (10 \leq x \leq 20)$ , 利用一次函数的性质, 即可求出在此期间销售时单价的最高值.

#### 【举一反三①答案】

A

#### 【举一反三①解析】

∴ 点  $A(2, 4)$  在函数  $y = kx$  的图象上,

∴  $4 = 2k$ , 解得  $k = 2$ ,

∴ 一次函数的解析式为  $y = 2x$ ,

A、∵ 当  $x = 1$  时,  $y = 2$ , ∴ 此点在函数图象上, 故 A 选项正确;

B、∵ 当  $x = -2$  时,  $y = -4 \neq -1$ , ∴ 此点不在函数图象上, 故 B 选项错误;

C、∵ 当  $x = -1$  时,  $y = -2 \neq 2$ , ∴ 此点不在函数图象上, 故 C 选项错误;

D、∵ 当  $x = 2$  时,  $y = 4 \neq -4$ , ∴ 此点不在函数图象上, 故 D 选项错误.

故选: A.

#### 【举一反三②答案】

#### 【举一反三②解析】

∴ 正比例函数  $y = kx$  的图象经过点  $P(2, 2)$ ,

∴  $k = 2$ ,

∴  $k =$ .

故答案为.

#### ● 易错题 4

#### 【答案】

证明: 连接 OD,

∴  $OD = OA$ ,

∴  $\angle OAD = \angle ADO$ ,

∴  $\angle EAD = \angle BAD$ ,

∴  $\angle EAD = \angle ADO$ ,

∴  $OD \parallel AE$ ,

∴  $\angle AED + \angle ODE = 180^\circ$ ,

∴  $DE \perp AC$ , 即  $\angle AED = 90^\circ$ ,

∴  $\angle ODE = 90^\circ$ ,

∴  $OD \perp DE$ ,

∴ OD 是圆的半径,

∴ DE 是  $\odot O$  的切线

解：连接 OD，BC 交 OD 于 G，如图，

$\because AB$  为直径，

$\therefore \angle ACB=90^\circ$ ，

又  $\because OD \parallel AE$ ，

$\therefore \angle OGB=\angle ACB=90^\circ$ ，

$\therefore OD \perp BC$ ，

$\therefore G$  为  $BC$  的中点，即  $BG=CG$ ，

又  $\because$  ，

$\therefore$  设  $AC=3k$ ， $AB=5k$ ，根据勾股定理得： $BC=4k$ ，

$\therefore OB=AB=$ ， $BG=BC=2k$ ，

$\therefore OG=$ ，

$\therefore DG=OD-OG=$ ，

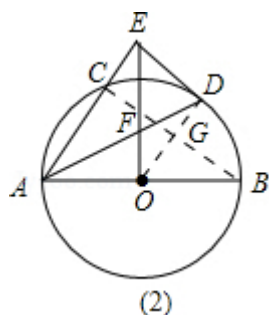
又  $\because$  四边形  $CEDG$  为矩形，

$\therefore CE=DG=k$ ，

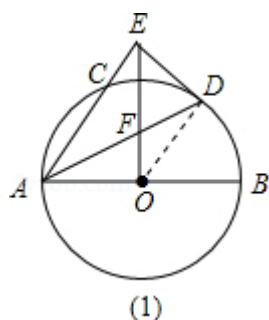
$\therefore AE=AC+CE=3k+k=4k$ ，

而  $OD \parallel AE$ ，

$\therefore$  。



(2)



(1)

【解析】

略

略

【举一反三①答案】

连接 OD，可得  $OB=OD$ ，

$\because AB=AD$ ，

$\therefore AE$  垂直平分  $BD$ ，

在  $Rt\triangle BOE$  中， $OB=3$ ， $\cos \angle BOE=$ ，

$\therefore OE=$ ，

根据勾股定理得： $BE=$ ， $CE=OC-OE=$ ，

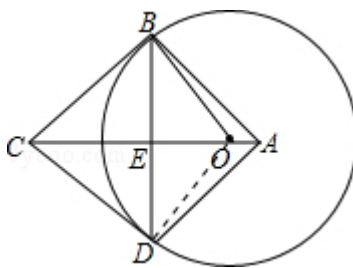
在  $Rt\triangle CEB$  中， $BC=4$ ，

$\because OB=3$ ， $BC=4$ ， $OC=5$ ，

$\therefore OB^2+BC^2=OC^2$ ，

$\therefore \angle OBC=90^\circ$ ，即  $BC \perp OB$ ，

则  $BC$  为圆  $O$  的切线。



【举一反三①解析】

略

【举一反三②答案】

证明： $\because \angle CDA=\angle CBD$ ， $\angle C=\angle C$ ，

$\therefore \triangle ADC \sim \triangle DBC$ ，

$\therefore$ ，即  $CD^2=CA \cdot CB$

证明：如图，连接 OD。

$\because AB$  是  $\odot O$  的直径，

$\therefore \angle ADB=90^\circ$ ，

$\therefore \angle 1+\angle 3=90^\circ$ 。

$\because OA=OD$ ，

$\therefore \angle 2=\angle 3$ ，

$\therefore \angle 1+\angle 2=90^\circ$ 。

又  $\angle CDA=\angle CBD$ ，即  $\angle 4=\angle 1$ ，

$\therefore \angle 4+\angle 2=90^\circ$ ，即  $\angle CDO=90^\circ$ ，

$\therefore OD \perp CD$ 。

又  $\because OD$  是  $\odot O$  的半径，

$\therefore CD$  是  $\odot O$  的切线

解：如图，连接 OE。

$\because EB$ 、 $CD$  均为  $\odot O$  的切线，

$\therefore ED=EB$ ， $OE \perp DB$ ，

$\therefore \angle ABD+\angle DBE=90^\circ$ ， $\angle OEB+\angle DBE=90^\circ$ ，

$\therefore \angle ABD=\angle OEB$ ，

$\therefore \angle CDA=\angle OEB$ 。

而  $\tan \angle CDA=$ ，

$\therefore \tan \angle OEB=$ ，

$\because \angle ODC=\angle EBC=90^\circ$ ， $\angle C=\angle C$ ，

$\therefore Rt\triangle CDO \sim Rt\triangle CBE$ ，

$\therefore$ ，

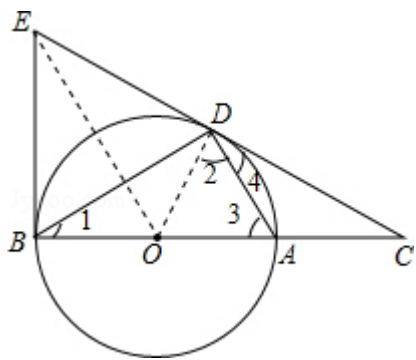
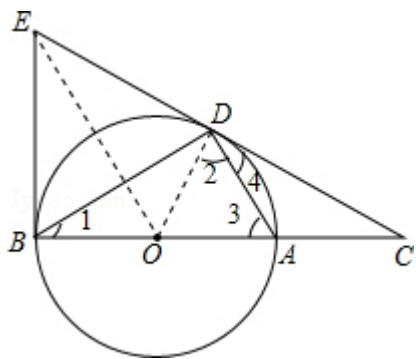
$\therefore CD=8$ ，

在  $Rt\triangle CBE$  中，设  $BE=x$ ，

$\therefore (x+8)^2=x^2+12^2$ ，

解得  $x=5$ 。

即  $BE$  的长为 5。



### 【举一反三②解析】

通过相似三角形( $\triangle ADC \sim \triangle DBC$ )的对应边成比例来得结论;

如图, 连接  $OD$ . 欲证明  $CD$  是  $\odot O$  的切线, 只需证明  $OD \perp CD$  即可;

通过相似三角形  $\triangle EBC \sim \triangle ODC$  的对应边成比例列出关于  $BE$  的方程, 通过解方程来求线段  $BE$  的长度即可.

### ● 易错题 5

#### 【答案】

联立  $l$  与  $C$  得,

$$\textcircled{1} - \textcircled{2}, \text{ 得 } -x + 2 = 0$$

$$\text{化简, 得 } x^2 - 2x + 3 = 0$$

$$\text{解得 } x_1 = x_2 = 1, y_1 = y_2 = 2,$$

直线  $l$  与双曲线  $C$  公共点的坐标为  $(1, 2)$

证明: 联立  $l$  与  $C$  得,

$$\textcircled{1} - \textcircled{2}, \text{ 得}$$

$$kx + 2 = 0,$$

$$\text{化简, 得}$$

$$kx^2 + 2x - 3 = 0,$$

$$a = k, b = 2, c = -3,$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = (2)^2 - 4k \times (-3) = 12k + 12k = 24k,$$

$\therefore kx^2 + 2x - 3 = 0$  只有相等两实根, 即不论  $k$  为任何小于零的实数, 直线  $l$  与双曲线  $C$  只有一个公共点;

$$x = -1, y = 4,$$

$$\text{即 } P(-1, 4)$$

$\textcircled{1} PA = PB$ , 理由如下:

$$y = kx + b \text{ 当 } x = 0 \text{ 时, } y = b, \text{ 即 } A(0, b);$$

$$\text{当 } y = 0 \text{ 时, } x = -\frac{b}{k}, \text{ 即 } B(-\frac{b}{k}, 0),$$

$$P(-1, 4),$$

$$PA = \sqrt{(-1 - 0)^2 + (4 - b)^2},$$

$$PB = \sqrt{(-1 + \frac{b}{k})^2 + (4 - 0)^2},$$

$$\therefore PA = PB.$$

$\textcircled{2} PA = PB$ , 理由如下:

$$y = kx + b \text{ 当 } x = 0 \text{ 时, } y = b, \text{ 即 } A(0, b);$$

$$\text{当 } y = 0 \text{ 时, } x = -\frac{b}{k}, \text{ 即 } B(-\frac{b}{k}, 0),$$

联立  $l$  与  $C$  得,

$$\textcircled{1} - \textcircled{2}, \text{ 得}$$

$$kx + b = 0,$$

$$\text{化简, 得}$$

$$kx^2 + bx - 3 = 0,$$

$$\text{解得 } P_1(-1, 4), P_2(-\frac{3}{b}, \frac{3}{b}),$$

$$P_1A^2 = (-1 - 0)^2 + (4 - b)^2, P_2B^2 = (-\frac{3}{b} + \frac{b}{k})^2 + (\frac{3}{b} - 0)^2,$$

$$\therefore P_1A^2 = P_2B^2,$$

$$\therefore P_1A = P_2B$$

#### 【解析】

根据联立函数解析式, 可得方程组, 根据代入消元法, 可得方程组的解, 可得交点的坐标;

根据联立函数解析式, 可得方程组, 根据代入消元法, 可的一元二次方程, 根据判别式, 可得答案;

$\textcircled{1}$  根据函数与自变量的关系, 可得  $A$ 、 $B$  点坐标, 根据两点间距离公式, 可得答案;

$\textcircled{2}$  根据函数与自变量的关系, 可得  $A$ 、 $B$  点坐标, 根据联立函数解析式, 可得方程组, 根据代入消元法, 可得方程组的解, 可得交点的坐标, 根据两点间距离公式, 可得答案.

#### 【举一反三①答案】

$$\because \text{点 } P(-1, n) \text{ 在反比例函数 } y = -\frac{4}{x} \text{ 图象上,}$$

$$\therefore n = 4,$$

$$\therefore P(-1, 4),$$

$$\because F \text{ 是 } PE \text{ 的中点,}$$

$$\therefore F(0, 2),$$

$$\therefore \angle EPF = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle EPF = 90^\circ,$$

$$\therefore y = -2x + 2.$$

$\textcircled{1} \because \triangle ABP$  是以点  $P$  为直角顶点的直角三角形,

$$\therefore \angle APB = 90^\circ = \angle EOF,$$

$$\because \text{直线 } AB \parallel y \text{ 轴,}$$

$$\therefore \angle BAP = \angle OFE,$$

$$\therefore \triangle APB \sim \triangle FOE,$$

$$\therefore \frac{AP}{FO} = \frac{PB}{OE},$$

$$\text{当 } x = a \text{ 时, } y = -2a + 2,$$

$$\therefore A(a, -2a + 2),$$

$$\therefore P(-1, 4),$$



$$\therefore AP = |a+1|$$

当  $x=a$  时,  $y=-$ ,

$$\therefore B(a, -),$$

$$\therefore AB = |-2a+2|,$$

$\therefore$  直线 EF 的解析式为  $y=-2x+2$ ,

$$\therefore E(1, 0), F(0, 2),$$

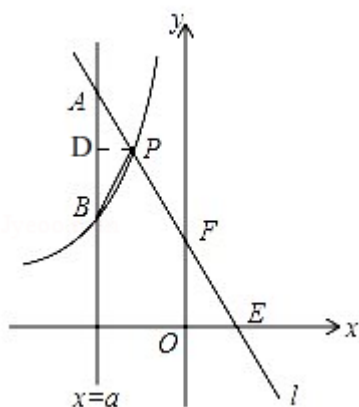
$$\therefore OF=2, EF=,$$

$\therefore$ ,

$$\therefore a=(\text{舍}) \text{ 或 } a=-1(\text{舍}) \text{ 或 } a=-8,$$

即:  $a=-8$  时,  $\triangle ABP$  是以点 P 为直角顶点的直角三角形;

②如图,



过 P 作  $PD \perp AB$ , 垂足为点 D,

$$\therefore P(-1, 4),$$

$\therefore$  D 点的纵坐标为 4,

$$\therefore PA=PB,$$

$\therefore$  点 D 为 AB 的中点,

由题意知, A 点的纵坐标为  $-2a+2$ , B 点的纵坐标为,

$$\therefore -2a+2 - \frac{4}{a} = 4 \times 2,$$

解得  $a_1=-2, a_2=-1(\text{舍去})$ .

$\therefore$  当  $a=-2$  时,  $PA=PB$ .

【举一反三①解析】

略

略

【举一反三②答案】

对于  $y=kx+2k$ , 当  $y=0$  时,  $x=-2$ ,

$\therefore$  B 点坐标为  $(-2, 0)$ ;

设点 A 坐标为  $(a, b)$ ,

$\therefore$  点 A 在第一象限,

$$\therefore a>0, b>0,$$

$$\therefore S_{\triangle AOB}=2,$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 2 \times b = 2,$$

$$\therefore b=2$$

$\therefore$  点 A 在双曲线上,

$$\therefore a=2$$

$\therefore$  A 坐标为  $(2, 2)$ ;

符合条件的点 P 有 4 个, 坐标为:

$$(0, 2), (0, 4), (0, ), (0, ).$$

【举一反三②解析】

利用  $y=kx+2k$ , 当  $y=0$  时, 可以求出  $x$  的值, 从而求出 B 的坐标;

设点 A 坐标为  $(a, b)$ ,  $OB=2$ , 根据  $S_{\triangle AOB}=2$  可以求出  $b$ , 然后求出  $a$ , 也就求出了 A 的坐标;

存在这样的点 P, 使  $\triangle AOP$  是等腰三角形, 找 P 时没有确定谁是腰, 谁是底, 所以要分类讨论.



## 中科美时美课科技（宁波）有限公司

地址：宁波市鄞州区前河南路1016号恒达高大厦1501

电话：0574-88303665 / 400-9022-399

传真：0574-87345027

网站：[www.btbc360.com](http://www.btbc360.com)

