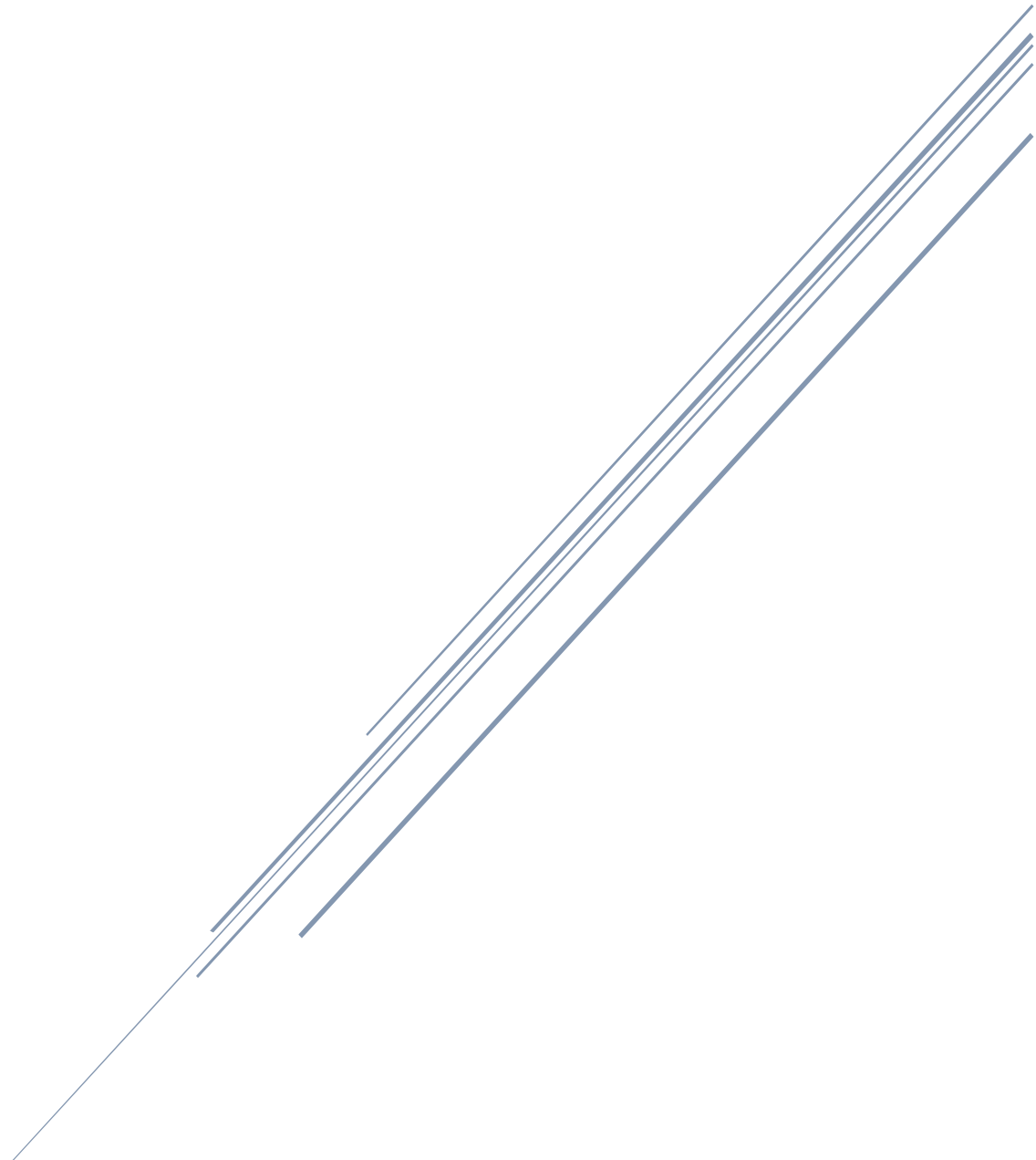


CHULETA DE ALGORITMOS

PROGRAMACION COMPETITIVA

Contenido

1.	Documentación Java	1
2.	Mates.....	1
3.	Grafos	2
4.	Programacion Dinámica.....	10



1. Documentación Java

BIGDECIMAL Y BIGINTEGER

Constructores con Strings

Funciones:

`A = A.abs();`

`A = A.add(B);` divide, multiply, min, max, negate, pow, ...

`equals`, `compare to`, ...

BIG-DECIMAL

`stripTrailingZeros` -> Quita los ceros del final

`remainder` -> como modulo

`.setScale(int nuevaEscala, [int modoRedondeo, RoundingMode modo])` -> Para redondear a tu gusto

➔ `RoundingMode.CEILING, FLOOR, UP, DOWN, HALF_UP, HALF_DOWN, HALF_EVEN` (Diferencias `UP/CEILING` y `DOWN/FLOOR` tienen que ver con la referencia de redondeo [0 o el infinito] (para numeros positivos es igual cual usar))

BIG-INTEGER

`gcd`, `isProbablePrime`, `mod`

DECIMAL FORMAT

`DecimalFormat df = (DecimalFormat) DecimalFormat.getNumberInstance(Locale.ENGLISH);`

`df.applyPattern("0.0000");` # para que no salgan 0s

-> `pw.print(df.format(DOUBLE));`

2. Mates

ALGUNAS FORMULAS MATEMÁTICAS

$$\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2} \quad (\text{Num triangulares}) \quad \sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} \quad a + \dots + b = \frac{n(a+b)}{2}$$

$$\text{Pirámide} = \frac{n(n+1)(n+2)}{6} \quad \sum_{i=1}^n i^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2 \quad \binom{a}{b} = \frac{a!}{b!(a-b)!}$$

$$C_n = \frac{(2n)!}{(n+1)!n!} \quad (\text{Nº de paréntesis balanceados o árboles binarios de } n \text{ nodos (Tb rooted)})$$

//MCM

```
static int mcm (int a, int b) {  
    return a * b / mcd(a, b);  
}
```

//Numeros de catalan

```
int catalan(int n) {  
    int res = 0;
```

```

    if (n <= 1) { return 1; }
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        res += catalan(i) * catalan(n - i - 1);
    }
    return res;
}

```

3. Grafos

//DFS

```

public static void DFS(ArrayList<Arista>[] grafo,int N){
    ArrayDeque<State> pila = new ArrayDeque<>();
    boolean visitado[] = new boolean[N];
    pila.push(new State(0,0));
    visitado[0] = true;
    while(!pila.isEmpty()){
        State aux = pila.pop();
        for(Arista ady: grafo[aux.nodo]){
            int destino = ady.to;
            if(!visitado[destino]){
                pila.push(new State(destino,0));
                visitado[destino] = true;
            }
        }
    }
}

```

//BFS

```

public static void BFS(ArrayList<Arista>[] grafo,int N){
    ArrayDeque<State> cola = new ArrayDeque<>();
    boolean visitado[] = new boolean[N];
    cola.offer(new State(0,'0'));
    visitado[0] = true;
    while(!cola.isEmpty()){
        State aux = cola.poll();
        System.out.println(aux.nodo);
        for(Arista ady: grafo[aux.nodo]){
            int destino = ady.to;
            if(!visitado[destino]){

```

```

        cola.offer(new State(destino,'0'));
        visitado[destino] = true;
    }
}
}

//Ciclo (y Camino) Euleriano: solo si C(v) es par (C(v) par con impar en 2 vertices)
//Ciclo (u Camino) Hamiltoniano:
//Componentes Conexas: modificar dfs, pasando por referencia visitado[] y el nodo inicio
public static int cc(ArrayList<Arista>[] grafo,int N){
    boolean visitado[] = new boolean[N];
    int cuenta = 0;
    for (int i = 0; i < N; i++) {
        if(!visitado[i]){
            DFS(grafo,N,i,visitado);
            cuenta++;
        }
    }
    return cuenta;
}

//TopoSort
public static void topoUtil(int[][] grafo,int actual,boolean[] visitado,ArrayDeque<Integer>
pila){
    visitado[actual] = true;
    for (int i = 0; i < grafo.length; i++) {
        if(grafo[actual][i]>0 && !visitado[i]){
            topoUtil(grafo,i,visitado,pila);
        }
    }
    pila.push(actual);
}

public static ArrayDeque<Integer> topoSort(int[][] grafo){
    ArrayDeque<Integer> pila = new ArrayDeque<>();
    ArrayDeque<Integer> output = new ArrayDeque<>();
    boolean visitado[] = new boolean[grafo.length];
    for (int i = 0; i < grafo.length; i++) {

```

```

        if(!visitado[i]){
            topoUtil(grafo,i,visitado,pila);
        }
        while(!pila.isEmpty()){
            output.offer(pila.pop());
        }
    }
    return output;
}

```

//SCC

```

public static int scc(int[][] grafo,int N){
    boolean visitado[] = new boolean[N];
    ArrayDeque<Integer> cola = topoSort(grafo);
    int cuenta = 0;
    for (int i: cola) {
        if(!visitado[i]){
            DFSt(grafo,N,i,visitado);
            cuenta++;
        }
    } return cuenta; } //Fin scc

```

//DFSTranspuesto

```

public static void DFSt(int[][] grafo,int N,int inicio,boolean visitado[]){
    ArrayDeque<Integer> pila = new ArrayDeque<>();
    pila.push(inicio);
    visitado[inicio] = true;
    while(!pila.isEmpty()){
        int aux = pila.pop();
        for(int ady=0;ady<N;ady++){
            if(grafo[ady][aux]>0){
                int destino = ady;
                if(!visitado[destino]){
                    pila.push(destino);
                    visitado[destino] = true;
                }
            }
        }
    }
}

```

```

class UnionF{

```

/*ESTRUCTURA UNION FIND*/

```

    int N;

```

```

int parent[];
int size[];
public UnionF(int N){
    this.N = N;
    this.parent = new int[N];
    this.size = new int[N];
}

public void init(){
    for (int i = 0; i < N; i++) {
        parent[i] = i;
        size[i] =1;
    }
}

public int find(int nodo){
    while(nodo!=parent[nodo]){
        nodo = parent[nodo];
    }
    return nodo;
}

public int getSize(int nodo){
    return this.size[nodo];
}

public void join(int A,int B){
    A = find(A);
    B = find(B);
    if(size[A]<size[B]){
        parent[A] = B;
        size[B]+=size[A];
    }else{
        parent[B] = A;
        size[A]+=size[B];
    }
}

public boolean isConnected(int A, int B){
    return (find(A) == find(B));
}

```

```

    }

    public int connect(int A, int B){//0 ya estaban conectados, 1 conectado correctamente
        if(isConnected(A,B)){
            return 0;
        }else{
            join(A,B);
            return 1;
        }
    }
}

class Arista implements Comparable<Arista>{
    int from,to,peso;

    public Arista(int from, int to, int peso) {
        this.from = from;
        this.to = to;
        this.peso = peso;
    }

    @Override
    public int compareTo(Arista o) {
        return this.peso-o.peso;
    }

    @Override
    public String toString(){
        return "[" + this.from + "->" + this.to + "|" + this.peso + "]";
    }
}

public class UF {    /*Clase principal*/
    public static void main(String args[]){
        Scanner scn = new Scanner(System.in);
        int N = scn.nextInt();
        int M = scn.nextInt();
        ArrayList<Arista>[] grafo = new ArrayList[N];
        PriorityQueue<Arista> grafoK = new PriorityQueue<>();
        for (int i = 0; i < N; i++) {
            grafo[i] = new ArrayList<>();

```

```

    }
    for (int i = 0; i < M; i++) {
        int from = scn.nextInt();
        int to = scn.nextInt();
        int peso = scn.nextInt();

        grafo[from].add(new Arista(from, to, peso));
        grafo[to].add(new Arista(to, from, peso));

        grafoK.offer(new Arista(from, to, peso));
    }
    System.out.println(KruskalRM(grafoK, N));
}

/*ALGORITMO DE KURUSKAL*/

public static int KuruskalCC(PriorityQueue<Arista> grafo, int N) { // Cuenta componentes
    Conexas
    UnionF uf = new UnionF(N);
    uf.init();
    while (N > 1 && !grafo.isEmpty()) {
        Arista aux = grafo.poll();
        N -= uf.connect(aux.from, aux.to);
    }
    return N;
}

public static int KuruskalRM(PriorityQueue<Arista> grafo, int N) { // Version camino minimo
    UnionF uf = new UnionF(N);
    uf.init();
    int pesos = 0;
    while (N > 1 && !grafo.isEmpty()) {

        Arista aux = grafo.poll();
        if (uf.connect(aux.from, aux.to) == 1) {
            pesos += aux.peso;
            N--;
        }
    }
}

```



```

        return pesos;
    }
}

//DIJSKTRA (matriz)
PriorityQueue<State> cola = new PriorityQueue<>();
boolean visitado[] = new boolean[N];
int distancia[] = new int[N];
int INF = -1;
for (int i = 1; i < N; i++) {
    distancia[i] = INF;
}
cola.offer(new State(0,0));
while(!cola.isEmpty()){
    State actual = cola.poll(); //a[0] i del grafo a[1] valor del grafo
    for(int j = 0;j<N;j++){
        if(actual.nodo!= j && grafo[actual.nodo][j]!=INF && !visitado[actual.nodo]){
            if(distancia[j]>grafo[actual.nodo][j] + actual.distancia || distancia[j] == INF){
                distancia[j] = grafo[actual.nodo][j] + actual.distancia;
            }
        }
        cola.offer(new State(j,distancia[j]));
    }
    visitado[actual.nodo]=true;
}

//Fin del while

//DIJSKTRA (listas)
PriorityQueue<State> cola = new PriorityQueue<>();
boolean visitado[] = new boolean[N];
int distancia[] = new int[N];
int INF = -1;
for (int i = 1; i < N; i++) {
    distancia[i] = INF;
}
cola.offer(new State(0,0));
while(!cola.isEmpty()){
    State actual = cola.poll(); //a[0] i del grafo a[1] valor del grafo
    for(Arista arista: grafo[actual.nodo]){

```

```

        int destino = arista.to;
        int peso = arista.peso;
        if(!visitado[actual.nodo]){
if(distancia[destino]>peso + actual.distancia || distancia[destino] == INF){
            distancia[destino] = peso + actual.distancia;
        }
        cola.offer(new State(destino,distancia[destino]));
    }
}
visitado[actual.nodo]=true;
}

//PRIM
//Previo
class State{ int nodo, distancia; }
class Arista{ int from,to,peso; }
ArrayList<Arista>[] grafo = new ArrayList[N];
grafo[ini].add(new Arista(ini,fin,coste));
grafo[fin].add(new Arista(fin,ini,coste));
//Algoritmo
PriorityQueue<State> cola = new PriorityQueue<>();
    boolean visitado[] = new boolean[N];
    int suma = 0;
    cola.offer(new State(0,0));
    while(!cola.isEmpty()){
        State aux = cola.poll();
        if(!visitado[aux.nodo]){
            suma+=aux.distancia;
            visitado[aux.nodo] = true;
            for (int i = 0; i < grafo[aux.nodo].size(); i++) {
                int destino = grafo[aux.nodo].get(i).to;
                int peso = grafo[aux.nodo].get(i).peso;
                if(!visitado[destino]){
                    cola.offer(new State(destino,peso));
                }
            }
        }
    }
    int f = 0;
    for (int i = 0; i < N; i++) {

```

```

        if(!visitado[i]){
            f = 1;
            break;
        }
    }
}

//FLOYD-WARSHALL
for(int k = 0; k<N;k++){
    for(int i = 0; i<N;i++){
        for(int j = 0; j<N;j++){
            grafo[i][j] = Math.min(grafo[i][j], grafo[i][k] + grafo[k][j]);
        }
    }
}

```

4. Programacion Dinámica

EDIT DISTANCE:

```

function F(i, j):
    if i >= S.length && j >= T.length:
        return 0
    if i >= S.length or j >= T.length:
        return INF
    if memo[i][j] != -1
        return memo[i][j]
    if S[i] == T[j]:
        memo[i][j] = F(i+1, j+1)
    else:
        memo[i][j] = min(F(i+1, j)+1, F(i, j+1)+1, F(i+1,j+1)+1)
    return memo[i][j]

```

LONGEST COMMON SUBSEQUENCE

```

function LCS(i, j):
    if i >= S.length or j >= T.length:
        return 0
    if memo[i][j] != -1
        return memo[i][j]
    if S[i] == T[j]:
        memo[i][j] = F(i+1, j+1) + 1

```

```

else:
    memo[i][j] = max(F(i+1, j), F(i, j+1))
return memo[i][j]

```

LONGEST INCREASING SUBSEQUENCE

```

function F(i, j):
    if i >= A.length:
        return 0
    if memo[i][j] != -1:
        return memo[i][j]
    if A[i] > A[j]:
        memo[i][j] = F(i+1, i) + 1
    else:
        memo[i][j] = max(F(i+1, i), F(i+1, j))
    return memo[i][j]

```

PROBLEMA DE LA MOCHILA CON CHOICE

```

function f(i, weight):
    if weight > W: return -INF
    if weight == W or i >= N: return 0
    if memo[i,weight] != -1: return memo[i,weight]
    T1 = f(i+1, weight + W[i]) + V[i]
    T2 = f(i+1, weight)
    if T1 > T2:
        memo[i, weight] = T1
        choice[i, weight] = (i+1, weight + W[i])
    else:
        memo[i, weight] = T2
        choice[i, weight] = (i+1, weight)
    return memo[i,weight]

```