

$$4k! \equiv -1 \pmod{4k+1}$$

$\Rightarrow$

$$4k! \equiv -1 + (4k+1) \pmod{4k+1}$$

$\Rightarrow$

$$4k! \equiv 4k \pmod{4k+1}$$