## 1. Loi binomiale (p.111)

**Théorème 1** La variable aléatoire X représentant le nombre de succès obtenus en réalisant n épreuves de Bernoulli indépendantes, ayant chacune une probabilité de succès p est dite de loi binomiale de paramètres n et p. Sa fonction de masse p(x) est définie par :

$$p(x) = \begin{cases} \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} & \text{si } x = 0, 1, 2, ..., n \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

En abrégé, on écrit  $X \sim \text{Binomiale}(n, p)$ .

**Théorème 2** Soit X une variable aléatoire distribuée selon une loi binomiale de paramètre n et p. Alors :

$$E(X) = np$$
 et  $V(X) = np(1-p)$ 

## 2. Loi de Poisson (p.122)

**Théorème 3** On dit qu'une variable aléatoire X est distribuée selon une loi de Poisson de paramètre c>0 si sa fonction de masse est donnée par :

$$p(x) = \begin{cases} \frac{c^x e^{-c}}{x!} & \text{si } x = 0, 1, 2, \dots \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

En abrégé, on écrit  $X \sim \text{Poisson}(c)$ .

**Théorème 4** Soit X une variable aléatoire distribuée selon une loi de Poisson de paramètre c>0. Alors :

$$E(X) = c$$
 et  $V(X) = c$ 

## 3. Approximation de la loi binomiale par la loi de Poisson (p.125)

**Théorème 5** La loi de Poisson offre une approximation satisfaisante de la loi binomiale lorsque n est grand et que p est petit. On pose alors c = np. Pour que l'approximation tienne la route, il est souhaitable que p < 0.1. Plus p est petit et plus n est grand, plus la loi de Poisson fournit une bonne approximation.

## 4. Loi hypergéométrique (p.120)

**Théorème 6** Si on prélève au hasard et sans remise un échantillon de taille n, la variable aléatoire X représentant le nombre d'éléments de l'échantillon qui appartiennent à la classe en question est dite loi hypergéométrique de paramètres N, D et n. La fonction de masse de X est :

$$p(x) = \begin{cases} \frac{\binom{D}{x}\binom{N-D}{n-x}}{\binom{N}{n}} & \text{si } x \in \{\max(0, n-N+D), ..., \min(n, D)\} \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

En abrégé, on écrit  $X \sim \text{Hypergéométrique}(N, D, n)$ .

**Théorème 7** Soit X une variable aléatoire distribuée selon une loi de Hypergéométrique de paramètre N, D et n. Alors :

$$\mathrm{E}(X) = n \cdot \frac{D}{N} \quad \mathrm{et} \quad \mathrm{V}(X) = n \cdot \frac{D}{N} \Big( 1 - \frac{D}{N} \Big) \Big( \frac{N-n}{N-1} \Big)$$