1. Définitions : covariance et corrélation (p.94-95)

Théorème 1 Soit les deux variables aléatoires X_1 et X_2 . La covariance de X_1 et X_2 , notée σ_{12} , se traduit par :

$$Cov(X_1, X_2) = \sigma_{12} = E((X_1 - E(X_1))(X_2 - E(X_2)))$$

et leur coefficient de corrélation, notée ρ , par :

$$\rho = \frac{\operatorname{Cov}(X_1, X_2)}{\sqrt{\operatorname{V}(X_1)}\sqrt{\operatorname{V}(X_2)}} = \frac{\sigma_{12}}{\sigma_1 \cdot \sigma_2}$$

Astuce : Une façon plus pratique d'exprimer la covariance est la formule suivante :

$$Cov(X_1, X_2) = E(X_1X_2) - E(X_1)E(X_2)$$

2. Propriétés de la covariance

- 1. Cov(X, X) = V(X)
- 2. Cov(X, Y) = Cov(Y, X)
- 3. $Cov(cX, Y) = c \cdot Cov(X, Y)$ où c est une constante
- 4. Cov(X + c, Y) = Cov(X, Y) où c est une constante
- 5. Cov(X+Y,Z) = Cov(X,Z) + Cov(Y,Z) où X,Y et Z sont des variables aléatoires