

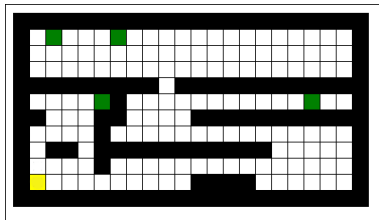
# Sztuczna inteligencja. O przeszukiwaniu

Paweł Rychlikowski

Instytut Informatyki UWr

12 marca 2019

# Labirynt. Przypomnienie



- Będziemy teraz rozważać różne labirynty, na kwadratowej siatce.
- Labirynt jako problem wyszukiwania:
  - **stan** – współrzędne pola na którym można stanąć (nie ściany)
  - **start** – ustalona pozycja w labiryncie (żółta)
  - **cel** – ustalone pozycje w labiryncie (zielona)
  - **model** – 4-sąsiedztwo (modulo ściany), akcje to N, W, E, S.
  - **koszt** – jednostkowy

## Labirynt 2. Możliwe modyfikacje

Można wzbogacić przestrzeń stanów w labiryncie

- Dodać drzwi i klucze (czym stanie się **stan**)?
- Dodać poruszających się (deterministycznie) wrogów (**stan**?)
- Dodać skrzynie z bronią, apteczki i punkty życia (**stan**?)

**BFS** = Breadth First Search

## Opis

- Mamy 3 grupy stanów: **do-zbadania**, **zbadane** i pozostałe.
- Na początku mamy 1 stan **do-zbadania**: stan startowy
- Stany do zbadania przechowujemy w kolejce **FIFO** (first-in first out)
- Badanie stanu:
  - Sprawdzenie, czy jest stanem docelowym (jak tak, to **koniec!**)
  - Ustalenie, jakie akcje możemy zrobić w tym stanie, znalezienie nowych stanów **do-zbadania**

## Skrócony opis

Pobieraj stan z **kolejki**, przetwarzaj, jak kolejka się skończy (nic **do-zbadania**) to zakończ działanie, (możesz też zakończyć, jak znajdziesz stan docelowy).

**DFS** = Depth First Search

## Opis

- Stany przetwarzamy w innej kolejności: dzieci aktualnie rozwijanego mają priorytet
- Czyli zamiast FIFO używamy LIFO (List in First out), czyli po prostu stosu.
- Oprócz tego algorytm się nie zmienia.

**DLS** = Depth Limited Search

## Opis

- Określamy maksymalną głębokość poszukiwania.
- Przeszukujemy w głąb, ale nie rozwijamy węzłów na głębokości większej niż  $L$ .
- Wygodnie implementuje się rekurencyjnie (proste ćwiczenie)

- W algorytmach na grafach używa się takich parametrów jak  $|V|$  oraz  $|E|$  (liczba stanów, liczba krawędzi)
- Dobra złożoność to może być  $O(|V| + |E|)$
- W sztucznej inteligencji, gdzie często nie znamy grafu (lub jest on zbyt duży, żeby traktować go jako daną do zadania), używamy innych parametrów

# Analiza czasowo pamięciowa (2)

## Parametry zadania wyszukiwania

- $b$  – maksymalne rozgałęzienie (branching factor)
- $d$  – głębokość najpłytszego węzła docelowego
- $m$  – maksymalna długość ścieżki w przestrzeni poszukiwań

## Uwaga

Mówiąc o czasie (pamięci) często używamy jako jednostki liczby węzłów (przetworzonych/pamiętanych).



# Czas i pamięć dla BFS i DFS

## BFS

Czas =  $(O(b + b^2 + b^3 + \dots + O(b^d))) = O(b^d)$

Pamięć = Czas

**Uwaga:** Może być też  $O(b^{d+1})$  jak testujemy warunek sukcesu dopiero podczas rozwijania.

## DFS

Czas =  $O(b^m)$  – **niedobrze**

Pamięć =  $O(bm)$  – **dobrze**

## Uwaga

**Iteracyjne pogłębianie** to po prostu wywoływanie DLS na coraz to większej głębokości (bez zapamiętywania żadnych pośrednich wyników)

Może wydawać się to stratą czasu, ale:

- działamy w pamięci  $O(bd)$ ,
- na czas wpływa ostatnia warstwa, czyli  $O(b^d)$

- UCS = Uniform Costs Search
- Zamiast kolejki FIFO mamy kolejkę priorytetową, z priorytetem równym kosztowi dotarcia do węzła.

## Uwaga

Oczywiście umożliwia to różnicowanie kosztów dotarcia z węzła do węzła.

## Uwaga 2

UCS rozwiązuje ten sam problem co algorytm Dijkstry (i w bardzo podobny sposób). Ale jest różnica powiedzmy **filozoficzna**

# Uniform Cost Search a Dijkstra

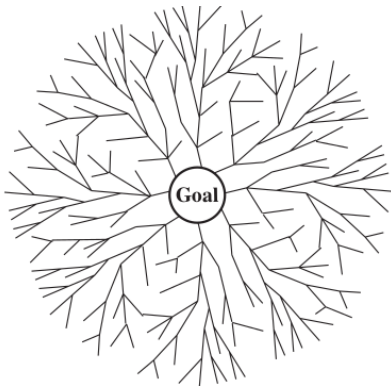
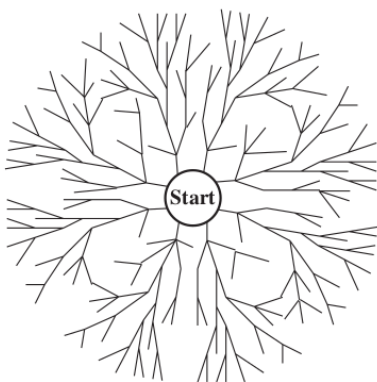
- UCS jest na sztucznej inteligencji, Dijkstra na algorytmach (to oczywiście nie jest poważna różnica).
- UCS jest przedstawiany najczęściej jako instancja algorytmu typu **Best First Search**
- Graf który przeszukujemy może być duży, nieznany w całości, nieskończony, itd.

# Przeszukiwanie dwukierunkowe

## Pomysł

Prowadźmy poszukiwania jednocześnie od przodu i od tyłu

Rysunek:



# Przeszukiwanie dwukierunkowe. Problemy i korzyści

## Problemy

Nie zawsze jest możliwe do zastosowania:

1. Musimy znać stan końcowy (vide hetmany czy obrazki logiczne)
2. Najlepiej jak jest jeden (albo niewiele i umiemy je wszystkie wymienić)
3. Musimy umieć odwrócić funkcję następnika (vide problem Knutha i funkcja `int ( )`)
4. Musimy pamiętać odwiedzone stany (przynajmniej z jednej strony)  
**BFS + IDS** (lub **BFS + BFS**) zamiast **IDS+IDS**

## Korzyści

Podstawowa korzyść to czas działania. Dlaczego?

Odpowiedź: **Zamiast jednego przeszukania na głębokości  $d$  mamy dwa przeszukania na głębokości  $d/2$ .**

# Przeszukiwanie bez wiedzy. Podsumowanie

Criterion	Breadth-First	Uniform-Cost	Depth-First	Depth-Limited	Iterative Deepening	Bidirectional (if applicable)
Complete?	Yes <sup>a</sup>	Yes <sup>a,b</sup>	No	No	Yes <sup>a</sup>	Yes <sup>a,d</sup>
Time	$O(b^d)$	$O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$	$O(b^m)$	$O(b^\ell)$	$O(b^d)$	$O(b^{d/2})$
Space	$O(b^d)$	$O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$	$O(bm)$	$O(b\ell)$	$O(bd)$	$O(b^{d/2})$
Optimal?	Yes <sup>c</sup>	Yes	No	No	Yes <sup>c</sup>	Yes <sup>c,d</sup>

**Figure 3.21** Evaluation of tree-search strategies.  $b$  is the branching factor;  $d$  is the depth of the shallowest solution;  $m$  is the maximum depth of the search tree;  $\ell$  is the depth limit. Superscript caveats are as follows: <sup>a</sup> complete if  $b$  is finite; <sup>b</sup> complete if step costs  $\geq \epsilon$  for positive  $\epsilon$ ; <sup>c</sup> optimal if step costs are all identical; <sup>d</sup> if both directions use breadth-first search.

# Problemy bezczujnikowe (sensorless)

- Czujniki są drogie. Czasem wolimy na przykład znaleźć sekwencje akcji, która doprowadzi do celu niezależnie od stanu.
- **Przykład 1** Szeroko działający antybiotyk
- **Przykład 2** Robot w linii produkcyjnej, który składa jakieś części wykonując akcje niezależne od tego, jak te części się ułożyły.



# Problemy bezczujnikowe (sensorless)

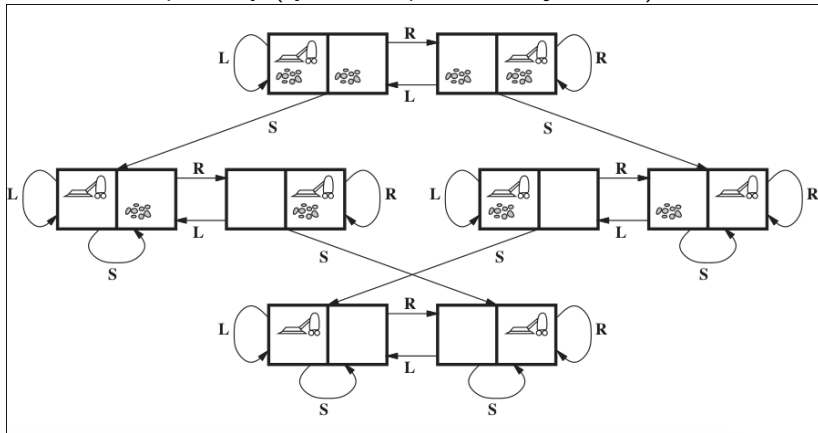
- Czujniki są drogie. Czasem wolimy na przykład znaleźć sekwencje akcji, która doprowadzi do celu niezależnie od stanu.
- **Przykład 1** Szeroko działający antybiotyk
- **Przykład 2** Robot w linii produkcyjnej, który składa jakieś części wykonując akcje niezależne od tego, jak te części się ułożyły.

## Uwaga

Oczywiście rozwiązanie problemu bezczujkowego nie jest optymalne w środowisku z dostępem do sensorów. Zakładamy na przykład, że pewne akcje będą „puste”.

# Problemy bezcujnikowe (przykładowy odkurzacz)

Wszyscy wiemy o **inteligentnych odkurzaczach**. Ten będzie trochę prostszy (rysunek z przestrzenią stanów):



## Definicja

**Stanem przekonań** jest zbiór **stanów** oryginalnego problemu, w których agent (być może) się znajduje.

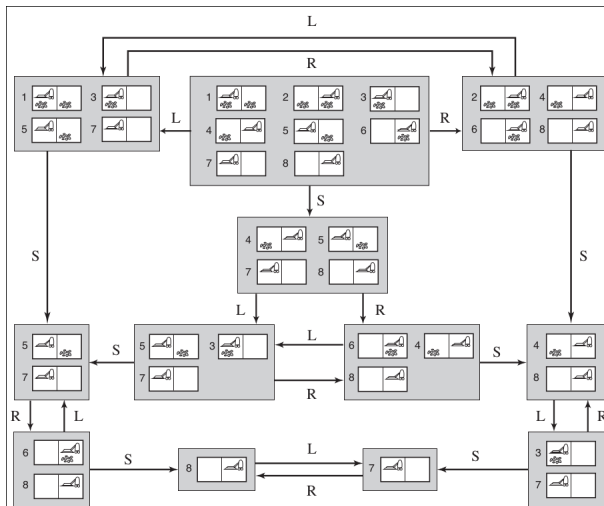
## Pytanie 1

Jak się poruszać w takiej przestrzeni?

## Pytanie 2

Jaka sekwencja akcji jest rozwiązaniem problemu bezczujnikowego (napiszmy ją na tablicy).

# Przestrzeń przekonań odkurzacza. Przykład



(pętle dla wszystkich stanów usunięte ze względu na czytelność.)

# Graf przestrzeni przekonań

1. Przejścia w **przestrzeni przekonań** powstają przez zaaplikowanie funkcji przejścia do **stanu** (obliczenia obrazu funkcji)
2. **Stan** jest końcowy jeżeli wszystkie **stany** w nim zawarte są końcowe.
3. Koszt jednostkowy (spory problem w innym przypadku)
4. **Stan startowy**: zbiór wszystkich **stanów**.

# Komandos z mapą. Mniej trywialny przykład

- Rozważmy zadanie, w którym do labiryntu wrzucony zostaje komandos z mapą...
- ale zrzut jest w nocy i nie wiadomo, gdzie trafił.
- Problem:  
*znajdź sekwencję akcji, która **na pewno** doprowadzi do jednego z celów (akcje niedozwolone nie przesuwają komandosa).*

# Komandos. Jak go rozwiązać

- Zadanie z komandosem będzie na liście P2.
- Zbadajmy, jak działa taka przestrzeń przekonań.

## Zmniejszanie niepewności

Zobaczmy, jakie są możliwości **zmniejszania niepewności** w tym zadaniu (program `commando_z_wykładu.py`).

- Opłaca się iść w kierunku rozwiązania.
- Co to oznacza?

Zakładamy, że umiemy szacować odległość od rozwiązania.

## Przykłady

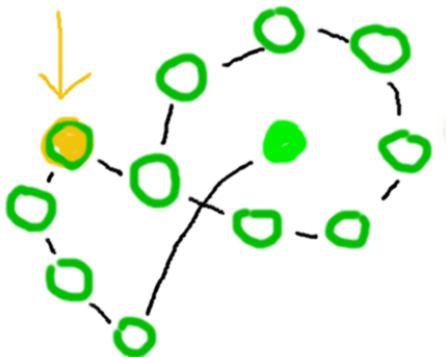
1. Odległość w linii prostej w zadaniu szukania drogi.
2. Odległość taksówkowa (Manhattan distance) w labiryncie.



- Rozwijamy ten węzeł, który wydaje się najbliższu rozwiązania.
- Proste, intuicyjne, ale są problemy. Jakie?

Można ten algorytm „oszukiwać”, w skrajnym przypadku sprawić, żeby rozwiązanie w ogóle nie zostało znalezione (w wersji bez zapamiętywania stanów, w których byliśmy).

# Plansza nieprzyjazna dla algorytmu zachłannego



## Definicje

- $g(n)$  – koszt dotarcia do węzła  $n$
- $h(n)$  – szacowany koszt dotarcia od  $n$  do (najbliższego) punktu docelowego ( $h(s) \geq 0$ )
- $f(n) = g(n) + h(n)$

## Algorytm

Przeprowadź przeszukiwanie, wykorzystując  $f(n)$  jako priorytet węzła (czyli rozwijamy węzły od tego, który ma najmniejszy  $f$ ).

# Wymagania dla heurystyki

Oczywiście od wyboru funkcji  **$h$**  (nazywanej **heurystyką**) zależą właściwości algorytmu  $A^*$

Wymienimy najważniejsze właściwości funkcji  $h$ .

1. **Rozsądna**:  $h(s_{\text{end}}) = 0$
2. **Dopuszczalna** (admissible):  
 $h(s) < \text{prawdziwy koszt dotarcia ze stanu } s \text{ do stanu końcowego}$   
Inaczej: **optymistyczna**
3. **Spójna** (consistent),  $s_1, s_2$  to sąsiednie stany:

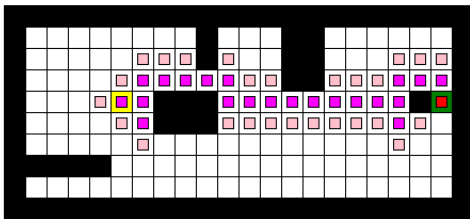
$$h(s_2) + \text{cost}(s_1, s_2) \geq h(s_1)$$

Ostatnia własność przypomina **własność trójkąta** w definicji metryki.

# Kilka prostych konsekwencji

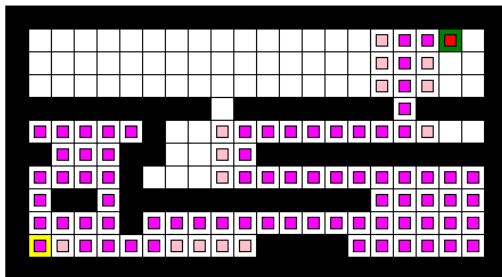
1. UCS to  $A^*$  z super-optimistyczną heurystyką ( $h(s) = 0$ )
2. Spójna heurystyka jest optymistyczna  
Dowód: Indukcja po węzłach (na ćwiczeniach)
3. Wyżej wymienione heurystyki (Manhattan, Euklidesowa) są optymistyczne, spójne i rozsądne.

# $A^*$ w labiryncie (1)



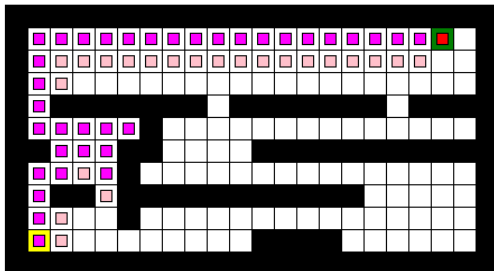
Jedynie dwa rozwinięte węzły poza optymalną ścieżką.

# $A^*$ w labiryncie (2)



W dolnej części labiryntu heurystyka trochę prowadzi na manowce

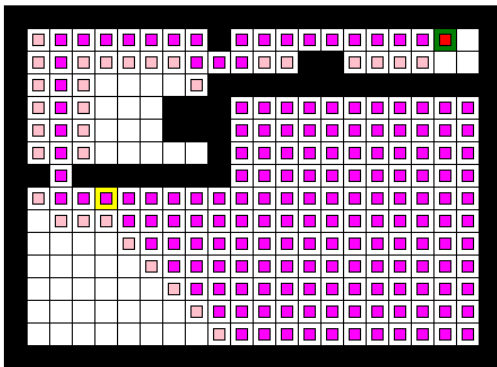
# $A^*$ w labiryncie (3)



ale jeżeli w poprzednim labiryncie przebić drzwi, to wówczas znowu prawie idealnie.



# $A^*$ w labiryncie (4)



Heurystyka mocno „oszukana” przebiegiem labiryntu.

## Twierdzenie 1

$A^*$  jest zupełny (warunki jak dla UCS).

## Twierdzenie 2

Jeżeli  $h$  jest spójna, to  $A^*$  zwraca optymalną ścieżkę (wersja grafowa)

## Twierdzenie 3

Jeżeli  $h$  jest optymistyczna, to  $A^*$  w drzewie zwraca optymalną ścieżkę.

Dowody: za chwilę (lub raczej za tydzień), najpierw jeszcze trochę praktyki.

# Heurystyki dla ósemki

## Uwaga

Pewne aspekty tworzenia heurystyk można dość dobrze prześledzić na przykładzie **ósemki**

7	2	4
5		6
8	3	1

Start State

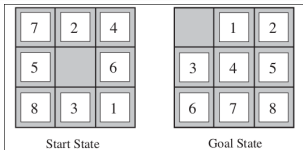
	1	2
3	4	5
6	7	8

Goal State

## Pytanie

Jak (optymistycznie) oszacować odległość tych dwóch stanów?

# Heurystyki dla ósemki (2)



## Pomysł 1

Jak coś jest nie na swoim miejscu, to musi się ruszyć o co najmniej 1 krok. Zliczamy zatem, ile kafelków jest poza punktem docelowym ( $h_1(s) = 8$ )

## Pomysł 2

Jak coś jest nie na swoim miejscu, to musi pokonać cały dystans do punktu docelowego. Zliczamy zatem, ile kroków od celu jest każdy z kafelków ( $h_2(s) = 3 + 1 + 2 + 2 + 2 + 3 + 3 + 2 = 18$ )

## Pytanie

Która intuicyjnie jest lepsza?

- Dla  $h_2$  efektywność  $A^*$  jest 50000 razy większa niż IDS.
- Istnieją heurystyki dające jeszcze 10000 krotne przyspieszenie dla 15-ki, a milionowe dla 24-ki (wobec  $h_2$ )