Dicionários

Aula 12 Dicionários

Tabelas de dispersão

Programação II, 2020-2021

v1.5, 27-05-2018

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Sumário

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

Introdução

2 Tabelas de Dispersão

3 Funções de Dispersão

4) Factor de Carga

5 Colisões

6 Tabela de dispersão com encadeamento externo

7 Tabela de dispersão com encadeamento interno

Sumário

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

Introdução

2 Tabelas de Dispersão

3 Funções de Dispersão

4) Factor de Carga

5 Colisões

6 Tabela de dispersão com encadeamento externo

7 Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabelas de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

com encadeamento interno

externo versus interno

- - Funções de Dispersão
 - - Tabela de dispersão
 - Encadeamento

addFirst(), addLast(), removeFirst(), first(), ... • SortedList

• LinkedList

- insert(), remove(), first(), ...
- Stack
 - push(), pop(), top(), ...
- Oueue
 - in(), out(), peek(),...
- KeyValueList (implementa um dicionário)
 - set(), get(), remove(), ...

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- LinkedList
 - addFirst(), addLast(), removeFirst(), first(), ...
- SortedList
 - insert(), remove(), first(), ...
- Stack
 - push(), pop(), top(), ...
- Oueue
 - in(), out(), peek(), ...
- KeyValueList (implementa um dicionário)
 - set(), get(), remove(), ...

Colecções de dados: o que vimos até agora

 Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Vectores
 - Espaco: O(n) (proporcional ao número de elementos
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante)
 - Tempo (procura por valor): O(n)
 - Tempo (incorção no fim): O(1)
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n)
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
- 2 Listas Ligadas
 - Espaço: O(n)
 - Tempo (acesso, procura): O(n)
 - Tempo (inserção): O(1)
- 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - No caso de implementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listasas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- - Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e **tempo** de execução.
 - Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): $O(\log n)$.
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): $O(\log n)$.
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaco: O(n)
 - Tempo (acesso, procura): O(n)
 - Tempo (inserção): O(1).
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - No caso de implementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listasas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): $O(\log n)$.
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: O(n
 - Tempo (acesso, procura): O(n)
 - Tempo (inserção): O(1)
 - 3 Dicionários
 - Eficiencia depende da implementa
 çac
 - No caso de impiementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listasas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e **tempo** de execução.
 - Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): $O(\log n)$.
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): $O(\log n)$.
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: U(n
 - Tempo (acesso, procura): O(n)
 - Tempo (inserção): O(1)
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - No caso de imprementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listasas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Tampa (access
 - Tempo (acesso, procura): O(n)
 - Tempo (inserção): O(1).
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): $O(\log n)$.
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaçu. U(II)
 - Tempo (acesso, procura): O(n)
 - Tempo (inserção): O(1)
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
- 2 Listas Ligadas
 - Espaço: *O*(*n*).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).
- 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: *O*(*n*).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e **tempo** de execução.
 - Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: O(n).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: *O*(*n*).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação
 - chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: *O*(*n*).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação.
 - No caso de implementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

intiouução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: *O*(*n*).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação.
 - No caso de implementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas.
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaco de memória e **tempo** de execução.
 - Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: O(n).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).
 - Dicionários
 - Eficiência depende da implementação.
 - No caso de implementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas.
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Analisámos a sua eficiência em termos de espaço de memória e tempo de execução.
 - 1 Vectores
 - Espaço: O(n) (proporcional ao número de elementos).
 - Tempo (acesso por índice): O(1) (constante).
 - Tempo (procura por valor): O(n).
 - Tempo (inserção no fim): O(1).
 - Tempo (procura em vector ordenado): O(log n).
 - Tempo (inserção por ordem): O(n).
 - 2 Listas Ligadas
 - Espaço: *O*(*n*).
 - Tempo (acesso, procura): O(n).
 - Tempo (inserção): O(1).
 - 3 Dicionários
 - Eficiência depende da implementação.
 - No caso de implementação na forma de lista de pares chave-valor (aula anterior), a eficiência é similar à das listas.
 - Vamos agora ver implementações eficientes de dicionários.

Introduça

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Uma empresa pretende aceder à informação de cada empregado usando como chave o respectivo Número de Identificação de Segurança Social (NISS).
 - O NISS tem 11 dígitos
 - A empresa só tem algumas centenas ou milhares de empregados.
 - Como garantir tempo de acesso O(1)?
- Implementação em lista de pares chave-valor
 - Não suporta a complexidade pretendida
- Poderíamos usar o NISS como índice num vector de empregados.
 - Teria que ser um vector com dimensão 10¹¹ e índices entre 0 e 99 999 999.
 - Só iriamos utilizar uma pequenissima percentagem das entradas do vector!
 - Conclusão: para termos tempo O(1), teríamos de desperdicar muito espaco de memória.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Uma empresa pretende aceder à informação de cada empregado usando como chave o respectivo Número de Identificação de Segurança Social (NISS).
 - O NISS tem 11 dígitos.
 - A empresa só tem algumas centenas ou milhares de empregados.
 - Como garantir tempo de acesso O(1)?
- Implementação em lista de pares chave-valor.
 - Não suporta a complexidade pretendida.
- Poderíamos usar o NISS como índice num vector de empregados.
 - Teria que ser um vector com dimensão 10¹¹ e índices entre 0 e 99 999 999 999.
 - Só iríamos utilizar uma pequeníssima percentagem das entradas do vector!
 - Conclusão: para termos tempo O(1), teríamos de desperdiçar muito espaço de memória.

Introduç

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Uma empresa pretende aceder à informação de cada empregado usando como chave o respectivo Número de Identificação de Segurança Social (NISS).
 - O NISS tem 11 dígitos.
 - A empresa só tem algumas centenas ou milhares de empregados.
 - Como garantir tempo de acesso O(1)?
- Implementação em lista de pares chave-valor.
 - Não suporta a complexidade pretendida.
- Poderíamos usar o NISS como índice num vector de empregados.
 - Teria que ser um vector com dimensão 10¹¹ e índices entre 0 e 99 999 999 999.
 - Só iríamos utilizar uma pequeníssima percentagem das entradas do vector!
 - Conclusão: para termos tempo O(1), teríamos de desperdiçar muito espaço de memória.

Introdug

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

 Uma empresa pretende aceder à informação de cada empregado usando como chave o respectivo Número de Identificação de Segurança Social (NISS).

- O NISS tem 11 dígitos.
- A empresa só tem algumas centenas ou milhares de empregados.
- Como garantir tempo de acesso O(1)?
- Implementação em lista de pares chave-valor.
 - Não suporta a complexidade pretendida.
- Poderíamos usar o NISS como índice num vector de empregados.
 - Teria que ser um vector com dimensão 10¹¹ e índices entre 0 e 99 999 999 999.
 - Só iríamos utilizar uma pequeníssima percentagem das entradas do vector!
 - Conclusão: para termos tempo O(1), teríamos de desperdiçar muito espaço de memória.

Introduç

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Vecto

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Lista de pares chave-valor.

- Se cada nó passar a apontar para dois nós, em vez de apenas um, o tempo de acesso por chave pode reduzir-se de O(n) para O(log n).
- Neste caso, as listas transformam-se em árvores binárias (aula 13).

Vector.

- O vector e dimensionado tendo em conta uma previsao do número médio ou máximo de pares chave-valor a armazenar
 - E não para o número total de chaves possíveis
 - No exemplo dado: o número de empregados é uma fracção ínfima de todos os inscritos na Segurança Social.

do vector

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Lista de pares chave-valor.
 - Se cada nó passar a apontar para dois nós, em vez de apenas um, o tempo de acesso por chave pode reduzir-se de O(n) para O(log n).
 - Neste caso, as listas transformam-se em árvores binárias (aula 13).
- Vector.
 - O vector é dimensionado tendo em conta uma previsão do número médio ou máximo de pares chave-valor a armazenar
 - E não para o número total de chaves possíveis!
 - No exemplo dado: o número de empregados é uma fracção ínfima de todos os inscritos na Segurança Social.

do vector

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Lista de pares chave-valor.
 - Se cada nó passar a apontar para dois nós, em vez de apenas um, o tempo de acesso por chave pode reduzir-se de O(n) para O(log n).
 - Neste caso, as listas transformam-se em árvores binárias (aula 13).
- Vector.

número médio ou máximo de pares chave-valor a armazenar.

- E não para o número total de chaves possíveis
- No exemplo dado: o número de empregados é uma fracção ínfima de todos os inscritos na Segurança Social.

do vector

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Lista de pares chave-valor.
 - Se cada nó passar a apontar para dois nós, em vez de apenas um, o tempo de acesso por chave pode reduzir-se de O(n) para O(log n).
 - Neste caso, as listas transformam-se em árvores binárias (aula 13).
- Vector.
 - O vector é dimensionado tendo em conta uma previsão do número médio ou máximo de pares chave-valor a armazenar.
 - E não para o número total de chaves possíveis!
 - No exemplo dado: o número de empregados é uma fracção ínfima de todos os inscritos na Segurança Social.

do vector.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Lista de pares chave-valor.
 - Se cada nó passar a apontar para dois nós, em vez de apenas um, o tempo de acesso por chave pode reduzir-se de O(n) para O(log n).
 - Neste caso, as listas transformam-se em árvores binárias (aula 13).
- Vector.
 - O vector é dimensionado tendo em conta uma previsão do número médio ou máximo de pares chave-valor a armazenar.
 - E não para o número total de chaves possíveis!
 - No exemplo dado: o número de empregados é uma fracção ínfima de todos os inscritos na Segurança Social.

do vector.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão

com encadeamento interno

Obiectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos"

Solução: Para cada chave a inserir ou procurarrou procurar ou pro

 Esta estrutura de dados — um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

• Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":

- Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
- Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
- Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice
 - Mas convêm que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice.
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice.
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introduc

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - · Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice.
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introduc

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões
Tabela de dispersão

com encadeamento externo Tabela de dispersão

com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice.
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introduc

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice.
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introduc

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo Tabela de dispersão

com encadeamento interno

- Objectivo: desempenho com o melhor dos "dois mundos":
 - Tempo de acesso / procura por chave: O(1), como nos vectores.
 - Tempo de inserção: O(1), como nas listas não ordenadas.
 - Espaço: O(n), onde n é o número de pares armazenados.
- Solução: Para cada chave a inserir ou procurar, calculamos o índice correspondente no vector.
 - O mapeamento das chaves para índices válidos do vector é feita pela chamada função de dispersão (hash function).
 - A função de dispersão é determinística: dada a mesma chave, devolve sempre o mesmo índice.
 - Várias chaves podem ser mapeadas no mesmo índice.
 - Mas convém que as chaves fiquem bem distribuídas (dispersas) pelos índices do vector.
- Esta estrutura de dados um vector indexado através de uma função de dispersão — é conhecida como tabela de dispersão (hash table).

Introduc

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

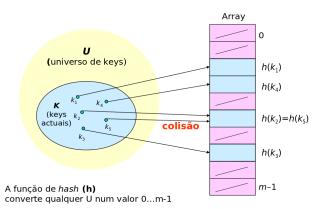
Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo Tabela de dispersão

com encadeamento interno

Tabelas de dispersão



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

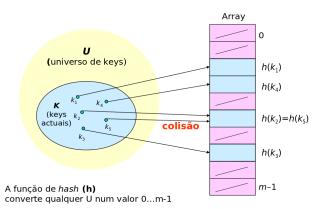
Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabelas de dispersão



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo
- Serviços:

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Nome do módulo:

• HashTable

Serviços

- HashTable(n): construtor
- get (key): devolve o elemento associado à chave dada
- set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e
- remove (key): remove a chave dada bem como c elemento associado
- 🎐 contains (key): tabela contém a chave dada
- isEmpty(): tabela vazia
- size(): número de associações;
- clear(): limpa a tabela
- keys (): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Nome do módulo:

- HashTable
- Serviços
 - HashTable (n): construtor:
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - 🎐 contains (key): tabela contém a chave dad
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela
 - keys (): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Nome do módulo:

• HashTable

• Serviços:

- HashTable(n): construtor;
- get (key): devolve o elemento associado à chave dada
- set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
- remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
- contains (key): tabela contém a chave dada
- isEmpty(): tabela vazia
- size(): número de associações;
- clear(): limpa a tabela;
- keys (): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Servicos:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys(): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys (): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys(): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys(): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys(): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys(): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys (): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Nome do módulo:
 - HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys(): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Nome do módulo:

- HashTable
- Serviços:
 - HashTable(n): construtor;
 - get (key): devolve o elemento associado à chave dada
 - set (key, elem): actualiza o elemento associado à chave k, caso esta exista, ou insere o novo par (k, e)
 - remove (key): remove a chave dada bem como o elemento associado
 - contains (key): tabela contém a chave dada
 - isEmpty(): tabela vazia
 - size(): número de associações;
 - clear(): limpa a tabela;
 - keys(): devolve um vector com todas as chaves existentes.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Funções de Hash

* Função de Compressão (m é a dimensão do vectora

- h(k) é o valor de hash da chave k
- Problema

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Funções de Hash

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Funções de Hash (duas partes):
 - Cálculo do hash code:
 - Função de Compressão (m é a dimensão do vector)
 inteiro → inteiro ∈ [0, m − 1]
- h(k) é o valor de hash da chave k.
- Problema:
 - Colisão: chaves distintas podem produzir o mesmo valor de hash (i.e. mesmo índice do vector)!

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Introdução

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

• h(k) é o valor de hash da chave k.

Funções de Hash (duas partes):

Cálculo do hash code:

- Problema:

Função de Compressão (m é a dimensão do vector)

Funções de Hash

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

- Funções de Hash (duas partes):
 - Cálculo do hash code:

chave --> inteiro

- Função de Compressão (m é a dimensão do vector)
- h(k) é o valor de hash da chave k.
- Problema:

Introdução Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

- Funções de Hash (duas partes):
 - Cálculo do hash code:

chave --> inteiro

Função de Compressão (m é a dimensão do vector)

- h(k) é o valor de *hash* da chave k.
- Problema:

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Introdução

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

- Funções de Hash (duas partes):
 - Cálculo do hash code:

chave → inteiro

 Função de Compressão (m é a dimensão do vector) inteiro \longrightarrow inteiro $\in [0, m-1]$

- h(k) é o valor de hash da chave k.
- Problema:

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

- Funções de Hash (duas partes):
 - Cálculo do hash code:

chave --> inteiro

- Função de Compressão (m é a dimensão do vector) inteiro \longrightarrow inteiro $\in [0, m-1]$
- h(k) é o valor de hash da chave k.

uncões de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

Tabela de dispersão

inteiro \longrightarrow inteiro $\in [0, m-1]$

Função de Compressão (m é a dimensão do vector)

h(k) é o valor de hash da chave k.

Funções de Hash (duas partes):

chave --> inteiro

Cálculo do hash code:

- Problema:
 - Colisão: chaves distintas podem produzir o mesmo valor de

incões de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

- Funções de Hash (duas partes):
 - Cálculo do hash code:

chave --> inteiro

Função de Compressão (m é a dimensão do vector)

inteiro \longrightarrow inteiro $\in [0, m-1]$

- h(k) é o valor de hash da chave k.
- Problema:
 - Colisão: chaves distintas podem produzir o mesmo valor de hash (i.e. mesmo índice do vector)!

Funções de Hash: Objetivos

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas a chaves forem conhecidas previamente.
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

• Uma "boa" função de hash:

- Deve minimizar o número de colisões.
- Deve produzir indíces distribuídos uniformemente por todo o vector.
- Deve "quebrar" padrões que possam ocorrer nas chaves.
- Deve ser fácil de calcular (rápida).
- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas as chaves forem conhecidas previamente.
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Funções de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Uma "boa" função de hash:
 - Deve minimizar o número de colisões.
 - Deve produzir indíces distribuídos uniformemente por todo o vector.
 - Deve "quebrar" padrões que possam ocorrer nas chaves.
 - Deve ser fácil de calcular (rápida).
- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas as chaves forem conhecidas previamente.
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Introdução

Tabelas de Dispersão

uncões de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

Uma "boa" função de hash:

- Deve minimizar o número de colisões.
 - Deve produzir indíces distribuídos uniformemente por todo o vector.
 - Deve "quebrar" padrões que possam ocorrer nas chaves.
 - Deve ser fácil de calcular (rápida).
- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas as
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Introdução

Tabelas de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- incões de Dispersã

- Uma "boa" função de hash:
 - Deve minimizar o número de colisões.
 - Deve produzir indíces distribuídos uniformemente por todo o vector.
 - Deve "quebrar" padrões que possam ocorrer nas chaves.
 - Deve ser fácil de calcular (rápida).
- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas as
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Introdução

Tabelas de Dispersão

incões de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Encadeamento
- externo versus interno

- Uma "boa" função de hash:
 - Deve minimizar o número de colisões.
 - Deve produzir indíces distribuídos uniformemente por todo o vector.
 - Deve "quebrar" padrões que possam ocorrer nas chaves.
 - Deve ser fácil de calcular (rápida).
- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas as
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Funções de Hash: Objetivos

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

labelas de Dispers

• Uma "boa" função de hash:

- Deve minimizar o número de colisões.
- Deve produzir indíces distribuídos uniformemente por todo o vector.
- Deve "quebrar" padrões que possam ocorrer nas chaves.
- Deve ser fácil de calcular (rápida).
- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas as chaves forem conhecidas previamente.
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Uma "boa" função de hash:
 - Deve minimizar o número de colisões.
 - Deve produzir indíces distribuídos uniformemente por todo o vector.
 - Deve "quebrar" padrões que possam ocorrer nas chaves.
 - Deve ser fácil de calcular (rápida).
- É possível criar funções de hash perfeitas, se todas as chaves forem conhecidas previamente.
- Vamos ver vários exemplos de h(k)...

Funções de hash: métodos

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

Método da multiplicação

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

Este método usa o resto da divisão inteira

$$h(k) = k \% m$$

Mas, se m é par, então

$$h(k) = \begin{cases} par & \text{se } k \text{ \'e par} \\ \text{impar} & \text{se } k \text{ \'e impar} \end{cases}$$

- Outra má opção é $m = 2^p$ (h(k) serão os p bits menos significativos).
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.

2 Método da multiplicação:

- Pode fazer uso dos operadores de bit shift
- Exemplo: $h(k) = (k \ll 3) + (k \gg 28) + 33$

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

Método da divisão:

• Este método usa o resto da divisão inteira:

$$h(k) = k \% m$$

$$h(k) = \begin{cases} par & \text{se } k \text{ \'e par} \\ fimpar & \text{se } k \text{ \'e fimpar} \end{cases}$$

- Outra má opção é m = 2^p (h(k) serão os p bits menos significativos).
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.
- 2 Método da multiplicação:
 - Pode fazer uso dos operadores de bit shift
 - Exemplo: h(k) = (k << 3) + (k >> 28) + 33

uncões de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

Método da divisão:

Este método usa o resto da divisão inteira:

$$h(k) = k \% m$$

$$h(k) = \begin{cases} & \text{par} & \text{se } k \text{ \'e par} \\ & \text{impar} & \text{se } k \text{ \'e impar} \end{cases}$$

- Outra má opcão é $m = 2^p$ (h(k) serão os p bits menos
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.

Introdução

Tabelas de Dispersão

unções de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento

externo versus interno

- Método da divisão:
 - Este método usa o resto da divisão inteira:

$$h(k) = k \% m$$

$$h(k) = \begin{cases} par & \text{se } k \text{ \'e par} \\ impar & \text{se } k \text{ \'e impar} \end{cases}$$

- Outra má opção é $m = 2^p$ (h(k) serão os p bits menos significativos).
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.

Funções de hash: métodos

- Método da divisão:
 - Este método usa o resto da divisão inteira:

$$h(k) = k \% m$$

Mas, se m é par, então

$$h(k) = \begin{cases} & \text{par} & \text{se } k \text{ \'e par} \\ & \text{impar} & \text{se } k \text{ \'e impar} \end{cases}$$

- Outra má opção é m = 2^p (h(k) serão os p bits menos significativos).
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.
- 2 Método da multiplicação
 - Pode fazer uso dos operadores de bit shift
 - Exemplo: h(k) = (k << 3) + (k >> 28) + 33

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

- Método da divisão:
 - Este método usa o resto da divisão inteira:

$$h(k) = k \% m$$

$$h(k) = \begin{cases} & \text{par} & \text{se } k \text{ \'e par} \\ & \text{impar} & \text{se } k \text{ \'e impar} \end{cases}$$

- Outra má opção é m = 2^p (h(k) serão os p bits menos significativos).
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.
- 2 Método da multiplicação:
 - Pode fazer uso dos operadores de bit shift
 - Exemplo: $h(k) = (k \ll 3) + (k \gg 28) + 33$

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão

Encadeamento externo versus interno

- - com encadeamento interno

- Método da divisão:
 - Este método usa o resto da divisão inteira:

$$h(k) = k \% m$$

$$h(k) = \begin{cases} par & \text{se } k \text{ \'e par} \\ impar & \text{se } k \text{ \'e impar} \end{cases}$$

- Outra má opção é $m = 2^p$ (h(k) serão os p bits menos significativos).
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.
- 2 Método da multiplicação:
 - Pode fazer uso dos operadores de bit shift
 - Exemplo: $h(k) = (k \ll 3) + (k \gg 28) + 33$

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Encadeamento externo versus interno

- 1

1 Método da divisão:

• Este método usa o resto da divisão inteira:

$$h(k) = k \% m$$

$$h(k) = \begin{cases} & \text{par} & \text{se } k \text{ \'e par} \\ & \text{impar} & \text{se } k \text{ \'e impar} \end{cases}$$

- Outra má opção é m = 2^p (h(k) serão os p bits menos significativos).
- Por isso, é recomendável utilizar um valor primo para m.
- 2 Método da multiplicação:
 - Pode fazer uso dos operadores de bit shift
 - Exemplo: $h(k) = (k \ll 3) + (k \gg 28) + 33$

```
private int hashstring(String str, int tablesize) {
    // Hashcode:
    long hash = 0;
    for (int i=0; i < str.length(); i++) {
        char c = str.charAt(i);
        hash = (hash<<5) - hash + c; // = 31*hash + c
    }

    // Compression:
    hash = Math.abs(hash % tablesize);
    return hash;
}</pre>
```

- Todos os objectos em Java têm uma função de dispersão, hashCode (), que devolve um inteiro
- Vamos utilizar essa função nas nossas tabelas de dispersão.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

```
private int hashstring(String str, int tablesize) {
    // Hashcode:
    long hash = 0;
    for (int i=0; i < str.length(); i++) {
        char c = str.charAt(i);
        hash = (hash<<5) - hash + c; // = 31*hash + c
    }
    // Compression:
    hash = Math.abs(hash % tablesize);
    return hash;
}</pre>
```

- Todos os objectos em Java têm uma função de dispersão, hashCode (), que devolve um inteiro
- Vamos utilizar essa função nas nossas tabelas de dispersão.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersã

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

```
private int hashstring(String str, int tablesize) {
    // Hashcode:
    long hash = 0;
    for (int i=0; i < str.length(); i++) {
        char c = str.charAt(i);
        hash = (hash<<5) - hash + c; // = 31*hash + c
    }

    // Compression:
    hash = Math.abs(hash % tablesize);
    return hash;
}</pre>
```

- Todos os objectos em Java têm uma função de dispersão, hashCode (), que devolve um inteiro.
- Vamos utilizar essa função nas nossas tabelas de dispersão.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersá

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

```
private int hashstring(String str, int tablesize) {
    // Hashcode:
    long hash = 0;
    for (int i=0; i < str.length(); i++) {
        char c = str.charAt(i);
        hash = (hash<<5) - hash + c; // = 31*hash + c
    }
    // Compression:
    hash = Math.abs(hash % tablesize);
    return hash;
}</pre>
```

- Todos os objectos em Java têm uma função de dispersão, hashCode (), que devolve um inteiro.
- Vamos utilizar essa função nas nossas tabelas de dispersão.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersá

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- O factor de carga (load factor) é o número de elemento na tabela dividido pelo tamanho da tabela (α = ⁿ/₂).
- Dimensionamento de o

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- O factor de carga (*load factor*) é o número de elementos na tabela dividido pelo tamanho da tabela ($\alpha = \frac{n}{m}$).
- Dimensionamento de α:
 - um valor alto de α significa que vamos ter maior probabilidade de colisões:
 - um valor baixo de α significa que temos muito espaço desperdicado:
 - valor recomendado para α : entre 50% e 80%.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Introdução

Tabelas de Dispersão

Dicionários

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- O factor de carga (load factor) é o número de elementos na tabela dividido pelo tamanho da tabela ($\alpha = \frac{n}{m}$).
- Dimensionamento de α:
 - um valor alto de α significa que vamos ter maior probabilidade de colisões;
 - um valor baixo de α significa que temos muito espaço desperdicado;
 - valor recomendado para α : entre 50% e 80%.

Factor de Carga

- O factor de carga (load factor) é o número de elementos na tabela dividido pelo tamanho da tabela ($\alpha = \frac{n}{m}$).
- Dimensionamento de α:
 - um valor alto de α significa que vamos ter maior probabilidade de colisões:
 - um valor baixo de α significa que temos muito espaço
 - valor recomendado para α : entre 50% e 80%.

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Introdução

Tabelas de Dispersão

Dicionários

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- O factor de carga (*load factor*) é o número de elementos na tabela dividido pelo tamanho da tabela ($\alpha = \frac{n}{m}$).
- Dimensionamento de α:
 - um valor alto de α significa que vamos ter maior probabilidade de colisões;
 - um valor baixo de α significa que temos muito espaço desperdiçado;
 - valor recomendado para α : entre 50% e 80%.

Tabelas de Dispersão

Introdução

Dicionários

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- O factor de carga (*load factor*) é o número de elementos na tabela dividido pelo tamanho da tabela ($\alpha = \frac{n}{m}$).
- Dimensionamento de α :
 - um valor alto de α significa que vamos ter maior probabilidade de colisões;
 - um valor baixo de α significa que temos muito espaço desperdiçado;
 - valor recomendado para α : entre 50% e 80%.

Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)

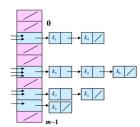
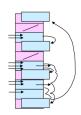


Tabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressina Hash Table)



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

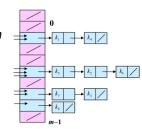
Factor de Carga

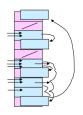
Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo Tabela de dispersão

com encadeamento interno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)
 - Múltiplos pares chaves-valor associados a um mesmo índice
 - Cada entrada do vector contém uma lista ligada de pares chave-valor.
- 2 Tabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressing Hash Table)
 - No máximo, um par chave-valor em cada posição do vector;
 - No caso de colisão, segue-se um procedimento consistente para encontrar uma posição livre e armazenar aí;
 - O vector é tratado como circular.





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

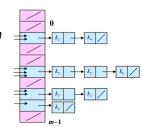
Factor de Carga

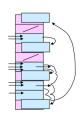
Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)
 - Múltiplos pares chaves-valor associados a um mesmo índice;
 - Cada entrada do vector contém uma lista ligada de pares chave-valor.
- 2 Tabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressing Hash Table)
 - No máximo, um par chave-valor em cada posição do vector;
 - No caso de colisão, segue-se um procedimento consistente para encontrar uma posição livre e armazenar aí:
 - O vector é tratado como circular.





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

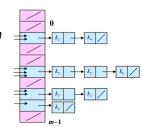
Funções de Dispersão Factor de Carga

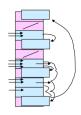
Colições

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)
 - Múltiplos pares chaves-valor associados a um mesmo índice;
 - Cada entrada do vector contém uma lista ligada de pares chave-valor.
- Zabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressing Hash Table)
 - No máximo, um par chave-valor em cada posição do vector;
 - No caso de colisão, segue-se um procedimento consistente para encontrar uma posição livre e armazenar aí;
 - O vector é tratado como circular.





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

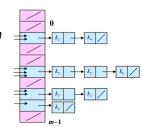
Factor de Carga

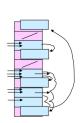
Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)
 - Múltiplos pares chaves-valor associados a um mesmo índice;
 - Cada entrada do vector contém uma lista ligada de pares chave-valor.
- 2 Tabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressing Hash Table)
 - No máximo, um par chave-valor em cada posição do vector;
 - No caso de colisão, segue-se um procedimento consistente para encontrar uma posição livre e armazenar aí:
 - O vector é tratado como circular.





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão Funções de Dispersão

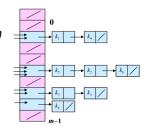
Factor de Carga

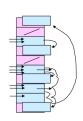
Colisõe

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)
 - Múltiplos pares chaves-valor associados a um mesmo índice;
 - Cada entrada do vector contém uma lista ligada de pares chave-valor.
- 2 Tabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressing Hash Table)
 - No máximo, um par chave-valor em cada posição do vector;
 - No caso de colisão, segue-se um procedimento consistente para encontrar uma posição livre e armazenar aí;
 - O vector é tratado como circular.





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

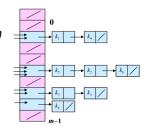
Colisõe

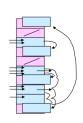
Tabela de dispersão com encadeamento externo Tabela de dispersão

com encadeamento interno Encadeamento

externo versus interno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)
 - Múltiplos pares chaves-valor associados a um mesmo índice;
 - Cada entrada do vector contém uma lista ligada de pares chave-valor.
- 2 Tabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressing Hash Table)
 - No máximo, um par chave-valor em cada posição do vector;
 - No caso de colisão, segue-se um procedimento consistente para encontrar uma posição livre e armazenar aí;
 - O vector é tratado como circular.





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

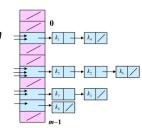
Factor de Carga

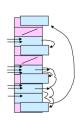
Colisõe

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo (Separate Chaining / Closed Addressing Hash Table)
 - Múltiplos pares chaves-valor associados a um mesmo índice;
 - Cada entrada do vector contém uma lista ligada de pares chave-valor.
- 2 Tabela de dispersão com encadeamento interno (Open Addressing Hash Table)
 - No máximo, um par chave-valor em cada posição do vector;
 - No caso de colisão, segue-se um procedimento consistente para encontrar uma posição livre e armazenar aí;
 - O vector é tratado como circular.





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

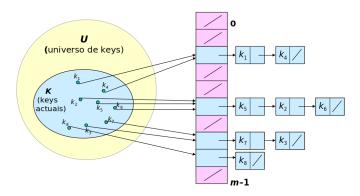
Funções de Dispersão Factor de Carga

0-8-2--

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

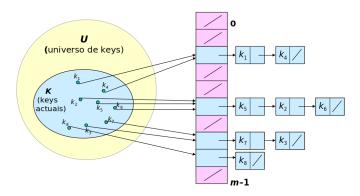
Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

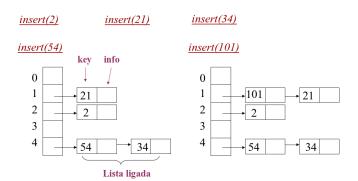
Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: exemplo





Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: desempenho

 As operações fundamentais (contains, get, sett remove) requerem:

(empo fixo)

Pescussa na lista ligada, que demora um tempo proporcional an comprimento da lista.

- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é n/m = α.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas...uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: desempenho

- As operações fundamentais (contains, get, set, remove) requerem:
 - Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
 - 2 Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é $n/m = \alpha$.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas... uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m + n).

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: desempenho

- As operações fundamentais (contains, get, set, remove) requerem:
 - Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
 - 2 Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é $n/m = \alpha$.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas...uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: desempenho

- As operações fundamentais (contains, get, set, remove) requerem:
 - Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
 - Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é $n/m = \alpha$.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas... uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
- 2 Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é n/m = α.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas...uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão Factor de Carga

.....

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
- 2 Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é n/m = α.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas... uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- 1 Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
- 2 Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é n/m = α.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas... uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
- 2 Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é n/m = α.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas...uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- As operações fundamentais (contains, get, set, remove) requerem:
 - 1 Cálculo da função h(k), que se considera demorar um tempo fixo.
 - 2 Pesquisa na lista ligada, que demora um tempo proporcional ao comprimento da lista.
- Numa tabela de tamanho m com n elementos, o comprimento médio das listas é n/m = α.
- Logo, a complexidade temporal (média) é $O(1 + \alpha)$.
- Ou, aproximadamente O(1), quando a tabela é bem dimensionada (α < 1).
- Mas... uma má função de hash ⇒ demasiadas colisões ⇒ desempenho pior até O(n).
- As operações de travessia (keys, toString) são O(m+n).

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: esqueleto

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: esqueleto

```
public class HashTable<E> {
  private KeyValueList<E>[] array;
  private int size = 0;
  public HashTable(int n) {
      array = (KeyValueList<E>[]) new KeyValueList[n];
      for(int i = 0; i < array.length; i++)</pre>
         array[i] = new KeyValueList<E>();
  public E get(String k) {
      assert contains(k): "Key does not exist";
  public void set(String k, E e) {
      assert contains(k) && get(k).equals(e);
  public void remove(String k) {
      assert contains(k) : "Key does not exist";
      assert !contains(k) : "Kev still exists";
  public boolean contains(String k) { ... }
  public String[] keys() { ... }
  public int size() { ... }
  public boolean isEmpty() { ... }
```

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: set & get

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

Tabela de dispersão com encadeamento externo: set & get

```
public class HashTable<E> {
   public E get(String key) {
      assert contains (key);
      int pos = hashFcn(kev);
      return array[pos].get(key);
   public void set (String key, E elem) {
      int pos = hashFcn(kev);
      boolean newelem = array[pos].set(key, elem);
      if (newelem) size++;
      assert contains (key) && get (key) .equals (elem);
```

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento

Tabela de dispersão com encadeamento interno

externo versus interno

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ac número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a mante $\alpha < 0.7$:

Resolução de Colisões



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

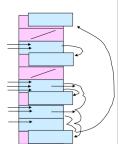
Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno.

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição i: ocupada, então tentar
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre.
 - o valor c pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática....).



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

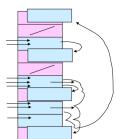
Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter $\alpha < 0.7$:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição i_i ocupada, então tentar
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre.
 - o valor c pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática, ...).



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

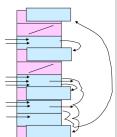
Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição i, ocupada, então tentar
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre.
 - o valor c pode ser constante (pesquis linear), ou seguir outra estratégia (quadrática, ...).



Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

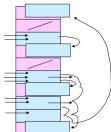
Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno

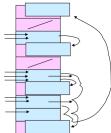
- Introdução
- Tabelas de Dispersão
- Funções de Dispersão
- Factor de Carga
- Colisões
- Tabela de dispersão com encadeamento externo
- interno

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição *i*, ocupada, então tentar:
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre
 - o valor c pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática,...).

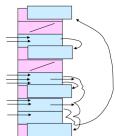


- Introdução
- Tabelas de Dispersão
- Funções de Dispersão
- Factor de Carga
- Colisões
- Tabela de dispersão com encadeamento externo
- com encadeamento interno

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição *i*; ocupada, então tentar:
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre
 - o valor c pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática,...).

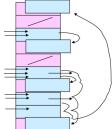


- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição *i*, ocupada, então tentar:
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre
 - o valor c pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática,...).



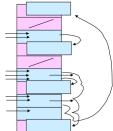
- Introdução
- Tabelas de Dispersão
- Funções de Dispersão
- Factor de Carga
- Colisões
- Tabela de dispersão com encadeamento externo
- interno
- Encadeamento externo versus interno

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição *i*, ocupada, então tentar:
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre
 - o valor *c* pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática, ...).



- Introdução
- Tabelas de Dispersão
- Funções de Dispersão
- Factor de Carga
- Colisões
- Tabela de dispersão com encadeamento externo
- interno
- Encadeamento externo versus interno

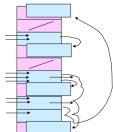
- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição i_i ocupada, então tentar:
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre
 - o valor c pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática,...).



Encadeamento Encadeamento

externo versus interno

- No mínimo, o tamanho da tabela tem de ser igual ao número máximo de elementos a armazenar.
- É usual sobredimensionar-se a tabela de forma a manter α < 0.7:
 - O objectivo é minimizar o tempo despendido com a resolução das colisões.
- Resolução de Colisões:
 - $i_0 = h(k)$
 - se posição i_i ocupada, então tentar:
 - $i_{i+1} = (i_i + c) \% m$
 - e repetir até encontrar uma posição livre
 - o valor *c* pode ser constante (pesquisa linear), ou seguir outra estratégia (quadrática, ...).



•
$$h(k) = k \% m$$
 com $m = 5 e k \in [0; 99]$

insert(2)			<u>inser</u>	insert(21)			t(34)	<u>)</u>	<u>inser</u>	rt(54)	
	key	data		key	data		key	data		key	data	
0			0			0			0	54		
1			1	21		1	21		1	21		
2	2		2	2		2	2		2	2		
3			3			3			3			
4			4			4	34		4	34		Colisão: índice #4
										<u>(4</u>	<u> </u>	nod 5 = 0

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

abela de dispersão com encadeamento nterno

•
$$h(k) = k \% m$$
 com $m = 5 e k \in [0; 99]$

insert(2)			<u>inser</u>	insert(21)			t(34)	<u>)</u>	<u>inser</u>	rt(54)	
	key	data		key	data		key	data		key	data	
0			0			0			0	54		
1			1	21		1	21		1	21		
2	2		2	2		2	2		2	2		
3			3			3			3			
4			4			4	34		4	34		Colisão: índice #4
										<u>(4</u>	<u> </u>	nod 5 = 0

Dicionários

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

abela de dispersão com encadeamento nterno

- Tabela de dispersão com encadeamento externo:
 - Não tem limite rígido do número de elementos.
 - Desempenho degrada suavemente à medida que o factor de carga aumenta.
 - Não desperdiça memória com dados que ainda não existem.
- Tabela de dispersão com encadeamento interno:
 - Não precisa de guardar apontadores de uns elementos para os outros.
 - Não perde tempo a alocar nós sempre que chega um novo elemento.
 - Toda a memória é alocada no início. Não requer alocação dinâmica.
 - Especialmente adequado quando os elementos são de pequena dimensão.
- Na prática, e para a maior parte das situações, estas diferenças são marginais.

Introdução

Tabelas de Dispersão

Funções de Dispersão

Factor de Carga

Colisões

Tabela de dispersão com encadeamento externo

Tabela de dispersão com encadeamento interno