

山西省2024年中考考前适应性训练试题

数学参考答案及评分标准

一、选择题

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
选项	C	A	C	B	B	D	C	B	A	D

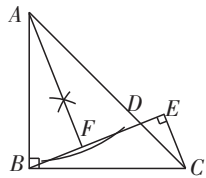
二、填空题

11. $2\sqrt{3}$ 12. $(4, -1)$ 13. $4(1+x)^2 = 5.08$ 14. $\frac{1}{2}$ 15. $\frac{52}{15}$

三、解答题

16. 解:(1)原式 $= -\frac{1}{27} \times 81 + 1$ 3分
 $= -3 + 1$ 4分
 $= -2$ 5分
(2)原式 $= \frac{x+1}{(x-1)^2} \cdot \frac{2-x}{x+1} + \frac{2}{x-1}$ 6分
 $= \frac{2-x}{(x-1)^2} + \frac{2}{x-1}$ 7分
 $= \frac{2-x}{(x-1)^2} + \frac{2x-2}{(x-1)^2}$ 8分
 $= \frac{x}{(x-1)^2}$ 10分

17. 解:(1)如答图, AF 即为所求.



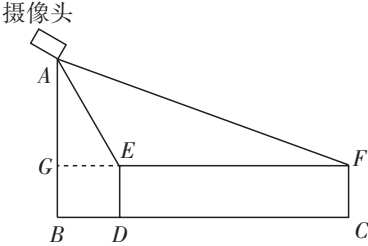
..... 2分
(2) $BF = CE$ 3分

理由如下:由(1)中作图可知, $AF \perp BD$.
 $\therefore \angle AFB = 90^\circ$ 4分
 $\therefore \angle BAF + \angle ABF = 90^\circ$.
 $\because \angle ABC = 90^\circ$, $\therefore \angle ABF + \angle CBE = 90^\circ$.
 $\therefore \angle BAF = \angle CBE$ 5分
 $\because CE \perp BE$, $\therefore \angle BEC = 90^\circ$.
 $\therefore \angle AFB = \angle BEC$.

在 $\triangle ABF$ 和 $\triangle BCE$ 中, $\begin{cases} \angle AFB = \angle BEC, \\ \angle BAF = \angle CBE, \\ AB = BC, \end{cases}$
 $\therefore \triangle ABF \cong \triangle BCE (\text{AAS})$ 6分
 $\therefore BF = CE$ 7分

18. 解:(1)设无人机喷洒农药时,平均每亩地的用药量为 x mL. 1分
根据题意,列方程为 $\frac{300}{x} = \frac{450}{x+10}$ 3分
解得 $x = 20$ 4分
经检验, $x = 20$ 是原分式方程的根. 5分
答:无人机喷洒农药时,平均每亩地的用药量为 20 mL. 6分
(2)设采购 A 型号喷药无人机 a 台. 7分
根据题意,得 $15\,000a + 20\,000(20-a) \leq 360\,000$ 8分
解得 $a \geq 8$ 9分
答:最少需采购 A 型号喷药无人机 8 台. 10分

19. 解:如答图,延长 FE 交 AB 于点 G , 1分
根据题意可知四边形 $GBDE$ 是矩形, $\angle BAF = 70^\circ$,
 $\angle BAE = \angle BAF - \angle EAF = 30^\circ$,
 $\therefore BG = ED = 0.4$.
 $\therefore AG = AB - BG = 1.3 - 0.4 = 0.9$ 2分



在 $\text{Rt}\triangle AGE$ 中, $\angle GAE = 30^\circ$, $\angle AGE = 90^\circ$,
 $\therefore \tan 30^\circ = \frac{GE}{AG}$ 3分
 $\therefore GE \approx \frac{1.73}{3} \times 0.9 = 0.519$ 4分
在 $\text{Rt}\triangle AGF$ 中, $\angle GAF = 70^\circ$, $\angle AGF = 90^\circ$,
 $\therefore \tan 70^\circ = \frac{GF}{AG}$ 5分
 $\therefore GF \approx 2.75 \times 0.9 = 2.475$ 6分

$\therefore EF = GF - GE = 2.475 - 0.519 \approx 1.96(\text{m})$ 7分

答:摄像头识别车牌的有效范围 EF 的长为1.96 m. 8分

20. 解:(1)5 30 15 3分

(2) $3 + 10 + 8 = 21(\text{人})$.

$800 \times \frac{21}{50} = 336(\text{人})$ 4分

答:该小区经常参加健身锻炼的约为336人. 5分

(3)小婷的判断不正确. 6分

理由如下(答案不唯一):

例如:年龄在35岁~50岁的人群中,经常了解健身知识的占比为 $\frac{12}{30} \times 100\% = 40\%$.

年龄在50岁以上的人群中,经常了解健身知识的占比为 $\frac{8}{15} \times 100\% \approx 53.3\%$.

因为 $40\% < 53.3\%$,所以小婷的判断不正确. 8分

年龄在35岁以下的人群中,经常参加健身锻炼的占比为 $\frac{3}{5} \times 100\% = 60\%$.

年龄在35岁~50岁的人群中,经常参加健身锻炼的占比为 $\frac{10}{30} \times 100\% \approx 33.3\%$.

因为 $33.3\% < 60\%$,所以小婷的判断不正确. 8分

21. 解:(1)AC 2分

(2)①设“二号”柳树的树高 y 与胸径 x 的一次函数为 $y = kx + b(k \neq 0)$,将表格中的数据按 x 的值从小到大排序后,均分为两组代入 $y = kx + b$,得到

第一组: $4.5 = 14k + b, 5.8 = 18k + b, 7.55 = 25k + b$;

第二组: $9.3 = 32k + b, 10.75 = 38k + b, 12.3 = 45k + b$ 3分

分别将两组中的三个式子相加,得到方程组 $\begin{cases} 17.85 = 57k + 3b, \\ 32.35 = 115k + 3b. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} k = 0.25, \\ b = 1.2. \end{cases}$ 4分

从而得到“二号”柳树的树高 y 与胸径 x 的一次函数模型为 $y = 0.25x + 1.2$ 5分

②将 $x = 50$ 代入 $y = 0.25x + 1.2$ 得 $y = 13.7$ 6分

$\therefore 13.7 < 14$,

\therefore “二号”柳树生长不良. 7分

22. 解:(1)证明: \because 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore AD \parallel BC, \angle B = \angle D = 90^\circ$ 1分

由折叠的性质可知 $\angle AFE = \angle D = 90^\circ, \angle FHG = \angle B = 90^\circ$,

$\therefore \angle FHG = \angle AFE$.

$\therefore GK \parallel FE$ 2分

由折叠的性质可知 $\angle FAE = \angle DAE, \angle BFG = \angle AFG$,

$\therefore \angle FAE = \frac{1}{2} \angle DAF, \angle AFG = \frac{1}{2} \angle AFB$.

$\because AD \parallel BC$,

$\therefore \angle DAF = \angle AFB$ 3分

$\therefore \angle FAE = \angle AFG$.

$\therefore GF \parallel KE$ 4分

\therefore 四边形 $EFGK$ 是平行四边形. 5分

(2) $AG = DE$ 6分

理由如下: \because 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore AB \parallel CD$.

$\therefore \angle BAK = \angle AED$ 7分

由折叠的性质可知 $\angle AED = \angle AEF, DE = FE$.

$\therefore \angle BAK = \angle AEF$ 8分

\because 四边形 $EFGK$ 是平行四边形,

$\therefore GK = EF, GK \parallel EF$ 9分

$\therefore \angle AKG = \angle AEF$.

$\therefore \angle BAK = \angle AKG$.

$\therefore AG = GK$ 10分

$\therefore AG = DE$ 11分

(3) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ 13分

23. 解:(1)将 $y = 0$ 代入 $y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3$ 得 $-\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3 = 0$,

解得 $x_1 = -1, x_2 = 4$ 1分

\therefore 点 A 在点 B 的左侧,

\therefore 点 A, B 的坐标分别为 $(-1, 0), (4, 0)$ 2分

将 $x = 0$ 代入 $y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3$ 得 $y = 3$ 3分

\therefore 点 C 的坐标为 $(0, 3)$ 4分

(2)方法一:设直线 BC 的函数表达式为 $y=kx+b(k\neq 0)$,将点 $B(4,0),C(0,3)$ 代入得 $\begin{cases} 4k+b=0, \\ b=3. \end{cases}$ 5分

$$\text{解得}\begin{cases} k=-\frac{3}{4}, \\ b=3. \end{cases}$$

\therefore 直线 BC 的函数表达式为 $y=-\frac{3}{4}x+3$ 6分

\therefore 点 P 的横坐标为 m ,

\therefore 点 P 的坐标为 $\left(m, -\frac{3}{4}m^2 + \frac{9}{4}m + 3\right)$.

$$\therefore y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3 = -\frac{3}{4}\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{75}{16},$$

\therefore 二次函数 $y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3$ 的对称轴是直线 $x = \frac{3}{2}$.

$\therefore PF = EF$,

\therefore 点 F 为直线 $x = \frac{3}{2}$ 与直线 $y = -\frac{3}{4}x + 3$ 的交点. 7分

将 $x = \frac{3}{2}$ 代入 $y = -\frac{3}{4}x + 3$ 得 $y = -\frac{3}{4} \times \frac{3}{2} + 3 = \frac{15}{8}$.

$$\therefore F\left(\frac{3}{2}, \frac{15}{8}\right). \dots\dots\dots 8分$$

$\therefore PF \parallel x$ 轴,

$$\therefore -\frac{3}{4}m^2 + \frac{9}{4}m + 3 = \frac{15}{8}. \dots\dots\dots 9分$$

$$\text{解得 } m_1 = \frac{3 + \sqrt{15}}{2} (\text{舍}), m_2 = \frac{3 - \sqrt{15}}{2}.$$

$$\therefore m \text{ 的值为 } \frac{3 - \sqrt{15}}{2}. \dots\dots\dots 10分$$

方法二:设直线 BC 的函数表达式为 $y=kx+b(k\neq 0)$,将点 $B(4,0),C(0,3)$ 代入得

$$\begin{cases} 4k+b=0, \\ b=3. \end{cases} \dots\dots\dots 5分$$

$$\text{解得}\begin{cases} k=-\frac{3}{4}, \\ b=3. \end{cases}$$

\therefore 直线 BC 的函数表达式为 $y=-\frac{3}{4}x+3$ 6分

\therefore 点 P 的横坐标为 m ,

\therefore 点 P 的坐标为 $\left(m, -\frac{3}{4}m^2 + \frac{9}{4}m + 3\right)$.

$\therefore PE \parallel x$ 轴,交 BC 于点 F ,与抛物线另一个交点为 E ,

\therefore 点 F, E 的纵坐标为 $-\frac{3}{4}m^2 + \frac{9}{4}m + 3$.

在 $y = -\frac{3}{4}x + 3$ 中,当 $y = -\frac{3}{4}m^2 + \frac{9}{4}m + 3$ 时,解得 $x = m^2 - 3m$.

$$\therefore F\left(m^2 - 3m, -\frac{3}{4}m^2 + \frac{9}{4}m + 3\right). \dots\dots\dots 7分$$

$$\therefore y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3 = -\frac{3}{4}\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{75}{16},$$

\therefore 二次函数 $y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3$ 的对称轴是直线 $x = \frac{3}{2}$.

$$\therefore \text{点 } E\left(3 - m, -\frac{3}{4}m^2 + \frac{9}{4}m + 3\right). \dots\dots\dots 8分$$

\therefore 点 P 在第二象限,

$$\therefore PF = m^2 - 3m - m = m^2 - 4m, EF = 3 - m - (m^2 - 3m) = -m^2 + 2m + 3.$$

$\therefore PF = EF$,

$$\therefore m^2 - 4m = -m^2 + 2m + 3. \dots\dots\dots 9分$$

$$\text{解得 } m_1 = \frac{3 + \sqrt{15}}{2} (\text{舍}), m_2 = \frac{3 - \sqrt{15}}{2}.$$

$$\therefore m \text{ 的值为 } \frac{3 - \sqrt{15}}{2}. \dots\dots\dots 10分$$

$$(3) \text{点 } D \text{ 的坐标为 } \left(0, -\frac{16}{3}\right) \text{ 或 } (0, -2). \dots\dots\dots 12分$$