

Je-li funkce f v bodě x_0 spojitá, potom zde má limitu.

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Je-li $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ právě když řada $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ konverguje.

pravdivý nepravdivý, porušena \Rightarrow , protipříklad: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n+1} = 0$ ale $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n+1}$

Je-li druhá derivace funkce f v bodě x_0 rovna 0, potom je x_0 inflexní bod funkce f .

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = x^4, x_0 = 0$

Je-li funkce f spojitá na intervalu $\langle a, b \rangle$, má zde maximum i minimum.

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Funkce f je v bodě x_0 spojitá, právě když má v bodě x_0 limitu.

Má-li funkce f v bodě x_0 vlastní limitu, potom je f v tomto bodě spojitá.

pravdivý nepravdivý, porušena \Leftarrow protipříklad: $f(x) = \frac{x^2-4}{x-2}, \lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 4, 2 \notin D$

Je-li první derivace funkce f v bodě x_0 rovna 0, potom má funkce f v x_0 extrém.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = x^3, x_0 = 0$

Má-li funkce f v bodě x_0 derivaci, je zde spojitá.

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Funkce f je na intervalu $\langle a, b \rangle$ spojitá, právě když je f na $\langle a, b \rangle$ **ohraničena / integrovatelná**.

Funkce f je nabývá na intervalu $\langle a, b \rangle$ svého maxima a minima právě když je na $\langle a, b \rangle$ spojitá.

Je-li funkce f integrovatelná na intervalu $\langle a, b \rangle$, je na tomto intervalu spojitá.

pravdivý nepravdivý, porušena \Leftarrow protipříklad: $f(x) = \operatorname{sgn} x$ na $\langle -1, 1 \rangle$

Platí-li $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$, potom řada $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ konverguje.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n+1} = 0$, ale $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n+1}$ diverguje

Jestliže řada $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ konverguje, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$.

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Je-li funkce f periodická, potom je sudá.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = \sin x$

Pro $x_0 \in \mathbb{R}$ platí $\sin x_0 > 3$ právě když $|x_0| < 0$

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Funkce f je prostá, platí-li: $\forall x, y: (x = y \Rightarrow f(x) = f(y))$

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = 1$

Je-li funkce f periodická, potom je ohraničená.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = \operatorname{tg} x$

Pro $x_0 \in \mathbb{R}$ platí $\sin x_0 = 3$ právě když $|x_0| = -3$

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Funkce f je prostá, platí-li: $\forall x, y: (f(x) \neq f(y) \Rightarrow x \neq y)$

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = x^2$

Je-li funkce f prostá, potom je lichá.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = x + 1$

Jestliže existuje $x_0 \in \mathbb{R}$ pro které platí $|x_0| = -1$, potom $\sqrt{x^2} = |x_0|$.

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Funkce f je spojitá v bodě x_0 právě když je v tomto bodě diferencovatelná.

pravdivý nepravdivý, porušena \Rightarrow protipříklad: $f(x) = |x|$, $x_0 = 0$

Je-li funkce f lichá, potom je prostá.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = \sin x$

Jestliže existuje $x_0 \in \mathbb{R}$ pro které platí $\sin x_0 = 4$, potom platí $\sin^2 x_0 + \cos^2 x_0 = 1$

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Je-li funkce f v bodě x_0 spojitá, potom zde má limitu.

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Je-li první derivace funkce f v bodě x_0 rovna 0, potom má funkce f v x_0 extrém.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = x^3$, $x_0 = 0$

Je-li funkce f prostá, potom je ryze monotónní.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = \begin{cases} -1-x & x \in (-1,0) \\ 1-x & x \in (0,1) \end{cases}$ je prostá
a není ryze monotónní

Funkce f má v bodě ∞ limitu $a \Leftrightarrow \forall \varepsilon > 0 \exists K > 0 \forall x \in D_f: K \Rightarrow |f(x) - a| < \varepsilon$

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Jestliže mocnná řada konverguje pro $x = 2$, konverguje i $\forall x \in (-2, 2)$.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $\sum_{n=1}^{\infty} (x-2)^n$ diverguje pro $x = 0$

Funkce f je prostá \Leftrightarrow je ryze monotónní.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = \begin{cases} -1-x & x \in (-1,0) \\ 1-x & x \in (0,1) \end{cases}$ je prostá
není ryze monotónní

Jediná funkce, pro kterou platí $(f \circ f)(x) = f(x)$ je funkce $f(x) = x$.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = |x|$

Neexistuje funkce, která je současně lichá i sudá.

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = 0$

Je-li funkce f ryze monotónní, potom je prostá.

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Je-li funkce f integrovatelná na $\langle a, b \rangle$, potom má derivaci v každém bod. intervalu (a, b)

pravdivý nepravdivý protipříklad: $f(x) = |x|$ na intervalu $\langle -1, 1 \rangle$,
nemá derivaci pro $0 < x < 1$

Je-li funkce f sudá, potom neexistuje f^{-1} .

pravdivý nepravdivý protipříklad:

Funkce f je prostá $\Leftrightarrow \forall x_1, x_2 \in D_f$ platí $x_1 = x_2 \Rightarrow f(x_1) = f(x_2)$

pravdivý nepravdivý protipříklad: libovolná funkce, která není prostá,
např. $f(x) = 0$