## Kalorimetrie

**Abstrakt:** Podstatou kalorimetrie je měření tepla, které se uvolní nebo pohltí ve zkoumaném systému. V úloze se studenti seznámí se základními postupy používanými při kalorimetrii - určení měrné tepelné kapacity látek a měrného skupenského tepla, ověří platnost Dulong-Petitova zákona a sestrojí kalibrační křivku teplotního čidla.

## 1 Pracovní úkoly

- 1. DÚ: Spočítejte, kolik vody o pokojové teplotě musí být v kalorimetru, aby se po vložení měděného válečku o teplotě 100 °C zvedla teplota kalorimetrické kapaliny o alespoň 20 °C. Předpokládejte hmotnost válečku 400 g a tepelnou kapacitu kalorimetru 70 J/K.
- 2. Zkalibrujte teplotní čidlo a sestavte kalibrační křivku.
- 3. Určete tepelnou kapacitu kalorimetru.
- 4. Určete měrnou tepelnou kapacitu přiložených kovových válečků a ověřte Dulongův-Petitův zákon.
- 5. Určete měrné skupenské teplo tání ledu.
- 6. Určete měrné skupenské teplo varu vody.
- 7. Proveď te extrapolaci teplot z grafu. Diskutujte případy, kdy není nutné extrapolaci použít.
- 8. **BONUS DÚ:** Při měření skupenského tepla varu kondenzuje voda mezi odvlhčovačem a kalorimetrem a stéká poté do kalorimetru. Vymyslete (nebo nalezněte) způsob, jak tuto systematickou chybu v měření odstranit a proveďte korekci.

# 2 Pomůcky

Kalorimetry, sada kovových válečků (měď, hliník, mosaz), drát na vytahování válečků, teplotní čidlo PHYWE, software PHYWE - Measure, generátor páry, odvlhčovač páry, magnetická míchačka s ohřevem.

# 3 Základní pojmy a vztahy

Tepelná kapacita K je množství tepla Q, které systém příjme, aby zvýšil svoji teplotu  $\theta$  o jeden kelvin:

$$K = \frac{\mathrm{d}Q}{\mathrm{d}\theta}.\tag{1}$$

Měrná tepelná kapacita c je pak tepelná kapacita jednotkové hmotnosti m:

$$c = \frac{1}{m} \frac{\mathrm{d}Q}{\mathrm{d}\theta}.\tag{2}$$

Měrné skupenské teplo definujeme jako množství tepla, které systém přijme, aby jeden kilogram systému přešel z jednoho skupenství do druhého:

$$l = \frac{\Delta Q}{m}. (3)$$

#### 3.1 Kalorimetr

Kalorimetr se při experimentech zahřeje nebo ochladí a tím odebere část energie studované soustavě. V experimentální praxi je nutné nejdříve určit jeho tepelnou kapacitu, neboli množství tepla, které musíme kalorimetru dodat nebo odebrat, aby změnil svou teplotu o 1 K.

Tepelnou kapacitu kalorimetru  $\kappa$  určíme tak, že do kalorimetru, ve kterém je kalorimetrická kapalina o hmotnosti  $m_1$ , měrné tepelné kapacitě  $c_1$  a teplotě  $t_1$ , se přidá kalorimetrická kapalina o hmotnosti  $m_2$ , měrné tepelné kapacitě  $c_2$  a teplotě  $t_2$ . Předpokládejme  $t_1 < t_2$ .

Teplo přijaté studenější kapalinou a kalorimetrem můžeme napsat:

$$Q_1 = (m_1 c_1 + \kappa)(t - t_1), \tag{4}$$

kde t je teplota po ustálení tepelné rovnováhy. Pro teplo odevzdané teplejší kapalinou platí:

$$Q_2 = (m_2 c_2)(t_2 - t). (5)$$

Nebudeme-li brát v úvahu výměnu tepla mezi kalorimetrem a okolím, platí  $Q_1=Q_2$  a z kalorimetrické rovnice:

$$(m_1c_1 + \kappa)(t - t_1) = (m_2c_2)(t_2 - t) \tag{6}$$

můžeme vyjádřit tepelnou kapacitu kalorimetru:

$$\kappa = \frac{(m_2 c_2)(t_2 - t)}{(t - t_1)} - m_1 c_1. \tag{7}$$

#### 3.2 Tepelná kapacita krystalických látek

Představíme si krystalickou látku jako N harmonických oscilátorů pravidelně uspořádaných do krystalické mřížky. Klasický harmonický oscilátor má 2 stupně volnosti - poloha a hybnost. Krystalickou mřížku však tvoří prostorové oscilátory, které mají  $3 \cdot 2 = 6$  stupňů volnosti.

Ekvipartiční teorém říká, že na každý stupeň volnosti připadá stejná průměrná energie  $\frac{1}{2}kT$ . Vnitřní energie celého systému je tedy U=3NkT a pro tepelnou kapacitu platí:

$$C_V = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V = 3Nk = 3nR,\tag{8}$$

kde k je Boltzmannova konstanta, n látkové množství a R univerzální plynová konstanta. To znamená, že molární tepelná kapacita  $c_m$  je rovna:

$$c_m = 3R. (9)$$

To znamená, že molární tepelná kapacita libovolné krystalické látky by měla být přibližně  $3R = 24.9 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ . Tento závěr se nazývá Dulongův-Petitův zákon. Jak uvidíte v přednášce z

Termodynamiky a statistické fyziky, toto odvození neplatí pro teploty blízké absolutní nule, kde výsledek popisuje dobře Debyeův model. [1]

Předpokládejme, že teplota zkoumaného kovu o hmotnosti  $m_2$  a měrné tepelné kapacitě  $c_2$  je  $t_2$ . Kalorimetrická rovnice nyní bude analogická rovnici (6):

$$(m_1c_1 + \kappa)|t_1 - t| = (m_2c_2)|t_2 - t|. \tag{10}$$

## 3.3 Měrné skupenské teplo tání

Předpokládejme led o hmotnosti m o teplotě 0 °C. Teplo odevzdané kalorimetrickou kapalinou a kalorimetrem bude podobné jako výše:

$$Q_1 = (m_1 c_1 + \kappa)(t_1 - t). \tag{11}$$

Teplo přijaté vloženým ledem bude dáno skupenským teplem tání a teplem potřebným k nastolení tepelné rovnováhy:

$$Q_2 = ml_t + mc_1 t. (12)$$

Z kalorimetrické rovnice můžeme vyjádřit měrné skupenské teplo tání:

$$l_t = \frac{(m_1c_1 + \kappa)(t_1 - t) - mc_1t}{m}. (13)$$

#### 3.4 Měrné skupenské teplo varu

Měrné skupenské teplo varu  $l_v$  se rovná měrnému skupenskému teplu kondenzace  $l_k$ . Mámeli určit měrné skupenské teplo varu, je experimentálně jednoduší určit měrné skupenské teplo kondenzace. Množství tepla, které se kondezací uvolní je rovno:

$$Q_2 = ml_k + mc_1(t_v - t), (14)$$

kde m je hmotnost zkondenzované páry a  $t_v$  je teplota varu vody a při atmosférickém tlaku b pro ni platí:

$$t_v = 100 + 0.03687(b - 760) - 0.000022(b - 760)^2.$$
(15)

Teplo přijaté kalorimetrickou kapalinou a kalorimetrem je stejné jako v rovnici (4). Sestavímeli kalorimetrickou rovnici, můžeme z ní vyjádřit měrné skupenské teplo kondenzace:

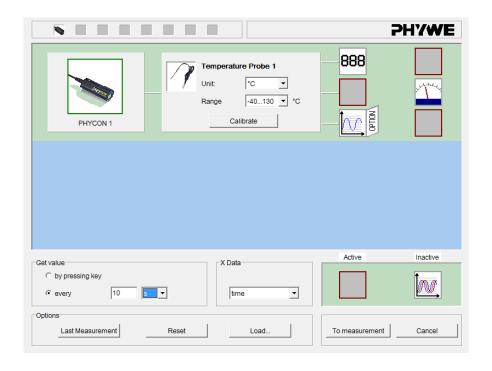
$$l_k = \frac{(m_1 c_1 + \kappa)(t - t_1) - m c_1(t_v - t)}{m}.$$
 (16)

# 4 Experimentální uspořádání a postup měření

#### 4.1 Nastavení teplotního čidla

Zkontrolujte, zda je teplotní čidlo správně zapojené do PC a spusťte program *Measure*. Pokud program neidentifikuje čidlo, zkontrolujte zda v záložce *Gauge* je zaškrtnuto *PHYCON*.

Poté by se Vám mělo otevřít okno na Obr. 1. V pravém horním rohu vyberte zobrazení výsledků číselně a grafem. Nastavení záznamu nastavte vlevo dole na hodnotu v rozmezí 1-10 sekund. Pokračujeme tlačítkem To measurement. Po ukončení měření můžeme data exportovat tlačítkem Measurement -> Export data -> Save to file -> Export as numbers.



Obr. 1: Nastavení teplotního čidla v programu Measure.

Současná teplotní čidla mají poměrně dobrou rozlišovací schopnost (obvyklé rozlišení blízkých teplot je kolem 0,1 °C), často však selhávají v přesném určení absolutní teploty, kde jsou běžné odchylky i jednotky stupňů, a může tak vzniknout významná systematická chyba. Pokud od čidla vyžadujeme přesné hodnoty je potřeba jej zkalibrovat. To provedete tak, že si v průběhu měření poznamenáte hodnoty, které čidlo ukazuje ve vroucí vodě a ve směsi drceného ledu. Doma pak sestavíte kalibrační křivku.

#### 4.2 Určení teploty

Určování teploty lázně v kalorimetru nám komplikuje několik dalších faktů.

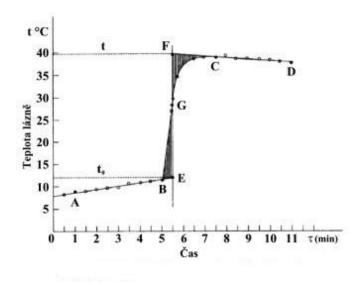
Za prvé, kalorimetr není soustava dokonale tepelně izolovaná, dochází k výměně tepla mezi kalorimetrem a okolím. Pokud kalorimetr nebude v tepelné rovnováze s okolím, bude se jeho teplota s časem exponenciálně přibližovat teplotě okolí.

To by nevadilo, pokud by výměna tepla mezi kalorimetrem a vloženým tělesem probíhala dostatečně rychle. Ve většině případů tento předpoklad neplatí a tepelná rovnováha nastává až po několika minutách. Teplota po ustanovení tepelné rovnováhy tedy bude jiná než by byla v případě okamžité výměny.

Tuto nepřesnost lze alespoň přibližně odstranit grafickým určením z grafu závislosti teploty lázně na čase (viz Obr. 2).

Teploty, které potřebujeme získat leží v bodech E a F. Ty získáme prodloužením polopřímky AB a DC (v malém časovém intervalu můžeme exponenciály aproximovat přímkami). Poté je potřeba zvolit přímku kolmou k časové ose tak, aby vyšrafované plochy měly stejný obsah.

Z tohoto důvodu při všech měřeních začínáme měřit teplotu v kalorimetru několik minut před měřením a končíme několik minut po nastolení rovnováhy.



Obr. 2: Graf závislosti teploty lázně na čase.

#### 4.3 Určení tepelné kapacity kalorimetru

Zvážíme prázdný kalorimetr a kalorimetr s určeným množstvím vody o pokojové teplotě. Přilejeme vodu o jiné teplotě a důkladně promícháme. Nezapomeneme opět zvážit, abychom zjistili hmotnost přilité vody. Měření provedeme alespoň třikrát.

#### 4.4 Měrná tepelná kapacita pevné látky

Připravíme si směs o teplotě 0 °C z drceného ledu a malého množství vody do většího kalorimetru, kde budeme ochlazovat zkoumané vzorky. Získáme tak přesně definovanou teplotu, kterou zároveň použijeme pro kalibraci teploměru.

Mezitím si připravíme do kalorimetru určené množství vody o pokojové teplotě. Po pár minutách vytáhneme vzorek pomocí drátu a rychle ho vložíme do kalorimetru. Vodu v kalorimetru mícháme.

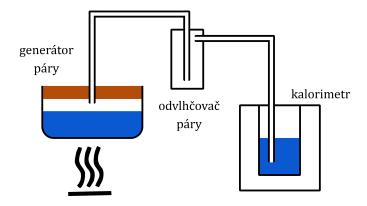
### 4.5 Měrné skupenské teplo tání

Do směsi vložíme kostky ledu a počkáme, abychom měli jistotu, že budou mít teplotu 0 °C. Mezitím si v kalorimetru připravíme vodu, ve které budeme kostky rozpouštět, zvážíme a začneme měřit teplotu.

Vybrané kostky osušíme a vložíme do kalorimetru. Po ukončení měření nezapomeneme zvážit množství vloženého ledu.

#### 4.6 Měrné skupenské teplo varu

Vodu o známé hmotnosti nalijeme do kalorimetru. Generátor páry naplníme asi 2 cm vody, uzavřeme korkovou zátku a zajistíme pružinou. Páru vyrobenou v generátoru vedeme přes odvlhčovač do vody v kalorimetru, kde kondenzuje (Obr. 3). Odvlhčovač z páry odstraňuje drobné kapičky vody. Zadržuje také vodu, která předčasně kondenzuje v hadičkách. Nezadrží



Obr. 3: Aparatura na měření skupenského tepla varu.

však vodu, která zkondenzuje mezi odvlhčovačem a kalorimetrem, a stéká do kalorimetru. Tato voda nepřispívá svým skupenským teplem kondenzace a zanáší do měření chybu.

Měříme, dokud teplota v kalorimetru nevystoupá o několik desítek stupňů Celsia. Po ukončení měření nezapomeneme opět zvážit.

## 5 Poznámky

- 1. **POZOR** ohříváte-li vodu na míchačce, nedotýkejte se ohřívací desky! Také dejte pozor při skupenském teplu varu, aparatura včetně hadiček bude vařící.
- 2. Při všech měřeních začínáme měřit teplotu v kalorimetru několik minut před měřením a končíme několik minut po nastolení rovnováhy.
- 3. Pokud budete vodu vylévat, vyjměte nejdříve tyčku na míchání!!!
- 4. Na konci měření nezapomeňte do mrazáku doplnit formičky s vodou.
- 5. Přesnost výsledků velmi závisí na vaší pečlivosti při měření i vypracování, dejte si záležet a snažte se minimalizovat chyby.

### 6 Rozumím tomu?

- 1. Kolik stupňů volnosti má prostorový oscilátor? Které to jsou?
- 2. Jaký je vztah mezi molární a měrnou tepelnou kapacitou?
- 3. Proč je potřeba změřit časovou závislost teploty v kalorimetru?
- 4. Proč a jak kalibrujeme teplotní čidlo?
- 5. Jaké systematické chyby při měření vznikají? Jak se jich vyvarovat, popřípadě jak je určit?

#### Reference

[1] Maršák, Zlatěk. Termodynamika a statistická fyzika. 3. vyd. Praha: ČVUT, 1995.