



Universidade do Minho
Departamento de Informática

Computação Gráfica

Grupo nº 5



Carlos
Preto
(a89587)



Pedro
Veloso
(a89557)



*Simão
Monteiro
(a85489)*



*Mafalda
Costa
(a83919)*

Índice

Introdução.....	3
Gerador	4
Pontos de Bezier	4
Leitura e Armazenamento Informação	4
Cálculo Pontos de Bezier.....	6
Engine	8
Parsing do XML.....	9
Translação de um objeto.....	10
Rotação de um objeto	11
Utilização dos VBO's.....	11
Conclusão.....	13
Bibliografia.....	14

Introdução

No âmbito da UC de Computação Gráfica da Universidade do Minho foi proposto o desenvolvimento de uma simulação de um Sistema Solar.

Nesta terceira fase, de modo a melhorar a performance e as funcionalidades da *engine*, bem como criar objetos 3D mais complexos, foi necessário alterar tanto o gerador, como o *engine*.

O gerador passa a poder receber como parâmetros o nome do ficheiro onde se encontram os pontos de controlo de *Bezier*, juntamente com um nível de *tesselação* (*tessellation level*). Com esta informação deve ser produzida um ficheiro com os todos triângulos a serem desenhados.

O ficheiro XML vai sofrer alterações aos seus parâmetros *translate* e *rotate*. O *translate* passa agora a poder receber pontos que vão ser usados como pontos de controlo para a construção das curvas de *Catmull-Rom*, e também um número que irá representar o número de segundos em que a curva será percorrida. O *rotate* recebe também um tempo que representará o tempo, em segundos, que demora uma rotação de 360° sobre um dado eixo. Isto irá servir para realizar animações no sistema solar.

Por fim, a *engine* irá começar a usar *VBO's* para desenhar os triângulos, o que permite uma melhoria da sua performance, para além de modificar a forma como realiza o *parsing* de ficheiros XML, de modo a ler e guardar todos os dados encontrados.

Gerador

Nesta fase acrescentou-se uma nova funcionalidade ao Gerador. Este pode agora receber um ficheiro do formato *patch* e um nível de *tesselação*. Com essa informação deve guardar os novos triângulos a serem desenhados num ficheiro *.3d*. De maneira a poder realizar tal ação, será necessário ao utilizador escrever no terminal o novo comando:

“Gerador patch patchFile level saveFile”

onde ***patchFile*** corresponde ao nome do ficheiro onde se encontram os *patches* e vértices necessários para posteriormente calcular os pontos de *Bezier*. Neste ficheiro encontram-se o número de *patches*, seguido desses mesmos *patches*, sendo que cada *patch* irá ser sempre definido por 16 pontos. Depois dos *patches*, aparece o número de vértices presentes, seguido desses vértices. O ***level*** corresponde ao nível de *tesselação* pretendido, sendo que quanto maior for este valor, mais detalhe terá a figura obtida.

Por fim, o ***saveFile*** corresponde ao nome do ficheiro *.3d*, onde se irá guardar o número de vértices a serem desenhados, seguido desses mesmos vértices.

Pontos de *Bezier*

Leitura e Armazenamento Informação

De maneira a poder calcular os pontos de *Bezier*, foi necessário ler e armazenar a informação presente no ficheiro fornecido (com o formato *patch*). Para armazenar a informação decidiu-se utilizar vetores, já definidos na biblioteca *vector*.

A primeira ação a realizar é abrir o ficheiro ***patchFile*** para leitura e, uma vez que o número de *patches* está presente na primeira linha do ficheiro, guarda-se esse valor numa variável denominada ***numberPatches***. Para armazenar os índices de cada *patch*, criou-se o `vector<vector<int>>` ***patchesIndex***.

Uma vez que cada *patch* terá obrigatoriamente 16 pontos, cada `vector<int>` irá conter 16 índices, e o tamanho de ***patchesIndex*** será correspondente ao número de *patches* presentes no ficheiro.

Assim, para cada linha do ficheiro que for lida, vai-se percorrendo carácter a carácter, e sempre que se encontrar uma vírgula, significa que encontramos um novo índice. Esse índice é adicionado a um `vector<int>` auxiliar, denominado ***values***, que depois é adicionado ao vector ***patchesIndex***.

```

fstream patchFile(file);

string numberPatches;
getline(patchFile, numberPatches);

vector<vector<int>> patchesIndex;

for (size_t i = 0; i < stoi(numberPatches); i++) {

    vector<int> values;
    string line;

    if (getline(patchFile, line)) {

        string number = "";
        int patches_lenght_counter = 0;

        for (char word : line) {

            if (word == ',' && patches_lenght_counter != line.size()-1) {
                values.push_back(stoi(number));
                number = "";
            }
            else {
                if (word != ' ' && patches_lenght_counter != line.size()-1) {
                    number = number + word;
                }
                else {
                    if (patches_lenght_counter == line.size()-1) { //ultimo numero nao estava a ser lido
                        number = number + word;
                        values.push_back(stoi(number));
                        number = "";
                    }
                }
            }
            patches_lenght_counter++;
        }
        patchesIndex.push_back(values);
    }
}

```

Figura 1: Leitura de Patches

Depois da leitura dos *patches*, é necessário armazenar os diferentes vértices. Uma vez mais, depois dos *patches*, é fornecido o número de vértices, por isso armazena-se esse valor numa variável, denominada **numberVertices**. Para armazenar cada vértice, criou-se o `vector<vector<float>>` **vertices**.

Cada vértice é constituído por 3 *float*'s, correspondentes aos valores das coordenadas X, Y e Z, respetivamente, por isso, cada `vector<float>` irá ter 3 valores. O tamanho de **vertices** será correspondente ao número de vértices presentes no ficheiro.

Assim, para cada linha do ficheiro, vai-se lendo carácter a carácter, e sempre que se encontrar uma vírgula, significa que encontramos uma nova coordenada. Essa coordenada é adicionada a um `vector<float>` **auxiliar**, denominado **verticeValue**, que depois é adicionado ao vector **vertices**.

```

string numberVertices;
getline(patchFile, numberVertices);

vector<vector<float>> vertices;

for (size_t j = 0; j < stoi(numberVertices); j++) {

    vector<float> verticeValue;
    string vertices_line;

    if (getline(patchFile, vertices_line)) {

        string point = "";
        int vertices_length_counter = 0;

        for (char word : vertices_line){

            if (word == ',' && vertices_length_counter != vertices_line.size() - 1) {
                verticeValue.push_back(stof(point));
                point = "";
            }
            else {
                if (word != ' ' && vertices_length_counter != vertices_line.size() - 1) {
                    point = point + word;
                }
                else {
                    if (vertices_length_counter == vertices_line.size() - 1) { //ultimo numero nao estava a ser lido
                        point = point + word;
                        verticeValue.push_back(stof(point));
                        point = "";
                    }
                }
            }

            vertices_length_counter++;
        }

        vertices.push_back(verticeValue);
    }
}

```

Figura 2: Leitura dos Vértices

Cálculo Pontos de Bezier

Depois de realizada a fase de leitura e armazenamento dos *patches* e dos vértices, foi então necessário calcular os pontos de *Bezier* para cada *patch*.

Como foi lecionado nas aulas, a expressão para calcular cada ponto de *Bezier* pode ser escrita como:

$$p(u, v) = \begin{bmatrix} u^3 & u^2 & u & 1 \end{bmatrix} M \begin{bmatrix} P_{00} & P_{01} & P_{02} & P_{03} \\ P_{10} & P_{11} & P_{12} & P_{13} \\ P_{20} & P_{21} & P_{22} & P_{23} \\ P_{30} & P_{31} & P_{32} & P_{33} \end{bmatrix} M^T \begin{bmatrix} v^3 \\ v^2 \\ v \\ 1 \end{bmatrix}$$

Figura 3: Expressão para calcular cada ponto de Bezier

A matriz *M* corresponde à matriz de *Bezier*. Esta matriz é simétrica, o que significa que a sua transposta é igual à matriz original.

$$M = M^T = \begin{bmatrix} -1 & -3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

```

for (int c1 = 0; c1 < 4; c1++) { //para cada patch, estamos a formar as matrizes x, y e z corretas
    for (int c2 = 0; c2 < 4; c2++) {
        matrizX[c1][c2] = vertices[patchesIndex[i][c1 * 4 + c2]][0]; //x de um vertice num dado indice
        matrizY[c1][c2] = vertices[patchesIndex[i][c1 * 4 + c2]][1]; //y de um vertice num dado indice
        matrizZ[c1][c2] = vertices[patchesIndex[i][c1 * 4 + c2]][2]; //z de um vertice num dado indice
    }
}

```

Figura 4: Determinar Matrizes X, Y e Z

Cada *patch* tem 16 pontos, e cada um desses pontos tem coordenadas X, Y e Z, logo, para cada *patch*, é necessário calcular 3 matrizes distintas, todas de dimensão 4x4, denominadas **matrizX**, **matrizY** e **matrizZ**. Uma vez que em cada *patch*, cada um dos 16 pontos corresponde a um dado índice, é necessário ir ao vetor **vertices** adquirir o vértice que estará nesse índice.

Uma vez que, para um dado *patch*, as matrizes X, Y e Z não variam, pode-se concluir que o resultado de multiplicar cada uma dessas matrizes pela transposta da matriz de *Bezier* e em seguida multiplicar a matriz *Bezier* pelo resultado da multiplicação anterior, será uma matriz 4x4 constante. Assim, criou-se uma função denominada **multiplicarMatrizes**, que recebe as duas matrizes a multiplicar, e uma outra onde irá guardar o resultado da multiplicação. Posteriormente, é então possível calcular a **matrizConstanteX**, **matrizConstanteY** e a **matrizConstanteZ**.

```

multiplicarMatrizes(matrizX, matrizBezier, matrizBezier_X);
multiplicarMatrizes(matrizBezier, matrizBezier_X, matrizConstanteX);

multiplicarMatrizes(matrizY, matrizBezier, matrizBezier_Y);
multiplicarMatrizes(matrizBezier, matrizBezier_Y, matrizConstanteY);

multiplicarMatrizes(matrizZ, matrizBezier, matrizBezier_Z);
multiplicarMatrizes(matrizBezier, matrizBezier_Z, matrizConstanteZ);

```

Figura 5: Calcular Matrizes Constantes

Depois de calculadas as matrizes constantes, passa-se então para o cálculo dos pontos de *Bezier*. Definiu-se que:

$$float\ u = \frac{1}{level}$$

$$float\ v = \frac{1}{level}$$

Quanto maior for o *level*, mais quadrados vão ser desenhados, e por isso maior detalhe irá ter uma dada figura. Assim, para cada *patch*, é necessário saber quantos quadrados vão ser desenhados.

Criou-se dois ciclos que começam em 0 e vão até *level*. O primeiro ciclo vai incrementando v à variável **newV**, e o segundo vai incrementando u à variável **newU**, fazendo com que em cada iteração se tenha uma nova combinação para os diferentes valores de u e v possíveis.

Por último, basta multiplicar as diferentes matrizes constantes pelo vetor v e em seguida pelo vetor u. Para isso criou-se a função **valorPUV**, que recebe os vetores U e V e uma matriz constante, calculando assim o valor da coordenada para um determinado **newV** e **newU**.

Em cada iteração vai ser calculado p(newU, newV), p(newU, newV+v), p(newU+u, newV) e p(newU+u, newV+v), para assim se poder desenharmos os diferentes quadrados, cada um constituído por 6 vértices.

```

for (int w = 0; w < level; w++) {
    float newV = w * v;

    for (int j = 0; j < level; j++) {
        float newU = j * u;

        //calcular p(u,v)
        vetorU[0] = pow(newU, 3);
        vetorU[1] = pow(newU, 2);
        vetorU[2] = newU;
        vetorU[3] = 1;

        vetorV[0] = pow(newV, 3);
        vetorV[1] = pow(newV, 2);
        vetorV[2] = newV;
        vetorV[3] = 1;

        float px0 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteX);
        float py0 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteY);
        float pz0 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteZ);

        //calcular p(u,v+1)
        vetorV[0] = pow(newV + v, 3);
        vetorV[1] = pow(newV + v, 2);
        vetorV[2] = newV + v;

        float px1 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteX);
        float py1 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteY);
        float pz1 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteZ);

        //calcular p(u+1,v)
        vetorU[0] = pow(newU + u, 3);
        vetorU[1] = pow(newU + u, 2);
        vetorU[2] = newU + u;

        vetorV[0] = pow(newV, 3);
        vetorV[1] = pow(newV, 2);
        vetorV[2] = newV;

        float px2 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteX);
        float py2 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteY);
        float pz2 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteZ);

        //calcular p(u+1,v+1)
        vetorU[0] = pow(newU + u, 3);
        vetorU[1] = pow(newU + u, 2);
        vetorU[2] = newU + u;

        vetorV[0] = pow(newV + v, 3);
        vetorV[1] = pow(newV + v, 2);
        vetorV[2] = newV + v;

        float px3 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteX);
        float py3 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteY);
        float pz3 = valorPUV(vetorU, vetorV, matrizConstanteZ);

        write << px0 << " " << py0 << " " << pz0 << endl;
        write << px1 << " " << py1 << " " << pz1 << endl;
        write << px3 << " " << py3 << " " << pz3 << endl;

        write << px0 << " " << py0 << " " << pz0 << endl;
        write << px3 << " " << py3 << " " << pz3 << endl;
        write << px2 << " " << py2 << " " << pz2 << endl;
    }
}

```

Figura 6: Calcular e escrever pontos Bezier

Engine

Como já foi dito anteriormente, nesta fase é necessário estender os *translate* e os *rotate*, uma vez que passa a ser possível realizar translações e rotações animadas. Para que as animações sejam possíveis teve-se então que desenvolver algum código para, por exemplo, construir curvas de *Catmull-Rom*. A construção destas curvas, levou à necessidade de realizar alterações, na estrutura de dados já desenvolvida e na forma em que se realiza o *parsing* dos dados, para que fosse possível passar e guardar os pontos de controlo contidos no ficheiro XML. Dada estas alterações teve-se também de realizar alterações no ficheiro XML.

Para o cálculo dos pontos de controlo, integrados no ficheiro XML desenvolvido, usamos as seguintes fórmulas:

$$X = \cos(\text{angulo}) * \text{raio} \text{ e } Z = \sin(\text{angulo}) * \text{raio}$$

Na fórmula acima apresentada, o raio é a distância entre o sol e planeta ou entre o planeta e a sua lua, enquanto o ângulo é apenas um valor qualquer entre 0° e 360° para que se pudesse obter vários pontos de uma circunferência, neste caso, órbita do planeta/lua.

Para calcular o tempo de translação/rotação dos planetas pesquisou-se pelos valores reais na internet e tentou-se manter a proporcionalidade entre eles.

Parsing do XML

Na realização do *parsing* do ficheiro XML desta fase, o raciocínio manteve-se o mesmo da fase anterior, de modo a garantir a compatibilidade com os modelos estáticos já desenvolvidos, no entanto foi necessário fazer pequenas alterações nas classes desenvolvidas. Na classe “OperacoesGeometricas”, para facilitar o registo da informação útil à criação de curvas de *Catmull-Rom* (pontos e controlo, tempo e eixo dos y da normal do objeto), criaram-se 3 vetores, um para cada eixo de coordenadas, onde são guardados os valores das coordenadas dos pontos de controlo, para além de três variáveis usadas para definir o eixo do y, do vetor normal, durante o cálculo da curva.

```
class OperacoesGeometricas {
public:

    char tipo;

    float angle;

    float x;
    float y;
    float z;

    float time;

    vector<float> p1;
    vector<float> p2;
    vector<float> p3;

    float yy1 = 0;
    float yy2 = 1;
    float yy3 = 0;
```

Figura 7: Classe OperacoesGeometricas

Observando a figura acima, visualiza-se o conteúdo da classe “OperacoesGeometricas”, o que evidencia a existência dos vetores acrescentados, para esta fase, e das variáveis usadas para o eixo do y do vetor normal. Contudo verifica-se também a existência de uma variável denominada por “time” que corresponde ao tempo total que um objeto deve demorar a percorrer a curva na totalidade ou a realizar uma rotação de 360 graus sobre um determinado eixo.

Translação de um objeto

Uma vez que uma translação de um objeto é realizada através do cálculo de curvas de *Catmull-Rom*, é necessário a existência de pelo menos 4 pontos de controle usados para definir uma curva. Caso existam mais de 4 pontos é necessário encontrar os 4 pontos que vão desenhar o segmento da curva para o instante de tempo atual.

```
int POINT_COUNT = (int) p1.size();

float tempo = glutGet(GLUT_ELAPSED_TIME) % (int)(time * 1000);
float a = tempo / (time * 1000);
float t = a * POINT_COUNT;
int index = floor(t);
t = t - index;

// indices store the points
int indices[4];
indices[0] = (index + POINT_COUNT - 1) % POINT_COUNT;
indices[1] = (indices[0] + 1) % POINT_COUNT;
indices[2] = (indices[1] + 1) % POINT_COUNT;
indices[3] = (indices[2] + 1) % POINT_COUNT;
```

Figura 8: Cálculo dos índices dos 4 pontos de controle

Tal como se observa na figura acima, de modo a descobrir os 4 pontos de controle a usar é necessário determinar o instante de tempo atual. Contudo uma vez que o tempo obtido através da função `glutGet(GLUT_ELAPSED_TIME)` é ilimitado (a função dá o tempo, em milissegundos, desde o início da aplicação), é necessário pô-lo a variar entre 0 e tempo máximo de uma volta completa. De seguida é necessário, encontrar a porção da curva, que pretendemos obter no momento atual. Por fim basta obter os índices dos pontos pretendidos, baseado na informação obtida.

Tendo os quatro pontos de controle obtidos e o tempo atual da curva, basta calcular os pontos atuais, bem como a sua derivada para todas as coordenadas, seguindo as seguintes formulas:

$$P(t) = \begin{bmatrix} t^3 & t^2 & t & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -0.5 & 1.5 & -1.5 & 0.5 \\ 1 & -2.5 & 2 & -0.5 \\ -0.5 & 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} P_0 \\ P_1 \\ P_2 \\ P_3 \end{bmatrix}$$
$$P'(t) = \begin{bmatrix} 3t^2 & 2t & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -0.5 & 1.5 & -1.5 & 0.5 \\ 1 & -2.5 & 2 & -0.5 \\ -0.5 & 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} P_0 \\ P_1 \\ P_2 \\ P_3 \end{bmatrix}$$

Figura 9: Fórmulas usadas para calcular os pontos e as suas derivadas

Por fim, com os pontos obtidos, na fórmula anterior, calcula-se os novos eixos normais do objeto, da seguinte forma:

```
getAtualCatmullRomPoint(it->time, it->p1, it->p2, it->p3, pos, xx);

float zz[3];
float yy[3];

yy[0] = it->yy1;
yy[1] = it->yy2;
yy[2] = it->yy3;

cross(xx, yy, zz);
cross(zz, xx, yy);

normalize(yy);
normalize(xx);
normalize(zz);
```

Figura 10: Cálculo do vetor normal

Como se observa na figura, o eixo dos x para a normal é dado pelo cálculo da derivada, apresentada anteriormente, enquanto o eixo dos y é calculado pelo produto do vetor usado no eixo do z (da iteração atual) com o vetor usado para o eixo do x. O eixo do z é obtido pelo produto do vetor do eixo dos x com o vetor do eixo dos y da iteração anterior. Como é necessário utilizar o vetor do eixo y da iteração anterior, foi necessário registá-lo em memória, como referiu-se anteriormente.

Rotação de um objeto

Para que a rotação animada fosse possível apenas se teve que ter em conta o tempo que se recebe do ficheiro XML e ir atualizando os valores à medida que o tempo passa. Para isto fez-se uso da função `glutGet(GLUT_ELAPSED_TIME)`.

```
case 'R': {
    if (it->time == 0) {
        glRotatef(it->angle, it->x, it->y, it->z);
    }
    else {
        int t = glutGet(GLUT_ELAPSED_TIME);
        float angle = 360 / (it->time * 1000);
        glRotatef(t * angle, it->x, it->y, it->z);
    }
    break;
}
```

Figura 11 - Código para realizar a rotação de um planeta

Observando a figura acima, percebe-se os passos realizados para obter o ângulo de rotação a utilizar no momento atual. O ângulo a considerar é obtido pela divisão do ângulo giro (360°) a dividir pelo tempo que demora a realizar uma volta completa (em milissegundos) multiplicado pelo tempo atual de execução, dado pela função já referenciada.

Utilização dos VBO's

Uma vez que o uso de VBO's permite o aumento exponencial da performance do programa, nesta terceira fase do trabalho, realizou-se alterações na *engine* de modo a permitir o uso de tal ferramenta.

A principal alteração à *engine*, passa pela forma me que se regista a informação dos triângulos em memória. Assim, optou-se por criar duas novas classes, descritas na figura seguinte, para registar a informação dos pontos já lidos na memória da placa gráfica.

```

class ModeloVBO {
public:
    map<Cor, GLuint> triangulos;
    map<Cor, int> tam;

    ModeloVBO() {
        this->triangulos = map<Cor, GLuint>();
    }

    ModeloVBO(map<Cor, GLuint> triangulos, map<Cor, int> tam) {
        this->triangulos = triangulos;
        this->tam = tam;
    }
};

class GroupVBO {
public:
    list<OperacoesGeometricas> operacoes;
    list<ModeloVBO> modelos;
    list<GroupVBO> subGrupos;

    GroupVBO() { }

    GroupVBO(list<ModeloVBO> m, list<GroupVBO> g, list<OperacoesGeometricas> ops) {
        this->operacoes = ops;
        this->modelos = m;
        this->subGrupos = g;
    }
};

```

Figura 12: Classes criadas para o uso de VBO's

Tal como se observa com as figuras acima, as novas classes seguem o mesmo raciocínio que as anteriormente desenvolvidas, contudo guarda-se os pontos num *GLuint* (na placa gráfica) em vez de numa lista de triângulos. Optou-se por acrescentar estas classes, em vez de alterar as já desenvolvidas, de modo a preservar a possibilidade de representar os pontos em memória central, possibilitando a troca de abordagem no desenho dos triângulos.

Uma vez que os pontos agora estão registados em memória da placa gráfica foi necessário modificar a forma como os mesmos são desenhados em cada *frame*.

```

for (list<ModeloVBO>::iterator it = g.modelos.begin(); it != g.modelos.end(); it++) {
    int j = 1;
    for (map<Cor, GLuint>::iterator it2 = it->triangulos.begin(); it2 != it->triangulos.end(); it2++) {
        Cor c(it2->first.r, it2->first.g, it2->first.b);
        glColor3f(c.r, c.g, c.b);
        int t = (it->tam)[c];
        glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, it2->second);
        glVertexPointer(3, GL_FLOAT, 0, 0);
        glDrawArrays(GL_TRIANGLES, 0, t);
    }
}

```

Figura 13: Desenho dos triângulos com VBO's

Ao observar a figura acima é possível verificar, que a forma de navegar pela estrutura de dados e obter os pontos é semelhante à desenvolvida nas fases anteriores. Contudo nesta fase, uma vez que a função “glDrawArrays” responsável por redesenhar os pontos no ecrã, necessita do número de total de pontos a desenhar, a partir de um outro ponto (0 se for desde o início do *array*), é necessário registar também essa informação em memória, para em cada iteração ter tal informação (este procedimento pode ser verificado no uso da variável inteira *t*).

Conclusão

Como forma de conclusão, consideramos que esta terceira fase do projeto foi a mais desafiante e trabalhosa até ao momento, o que, pelo lado mais positivo, nos permitiu aumentar os nossos conhecimentos em Computação Gráfica. Apesar do desafio, o grupo considera ter conseguido atingir todos os objetivos propostos para a mesma.

Numa fase inicial, houve algumas dificuldades em aplicar, na prática, o que foi lecionado nas aulas teóricas de CG, porém, após alguma persistência, obteve-se os resultados esperados. Houve também algumas dúvidas em aplicar as animações pretendidas, no entanto, com entreaajuda por parte dos elementos do grupo conseguimos obter o resultado esperado, com sucesso.

Bibliografia

- TinyXML-2: [www.github.com/leethomason/tinyxml2/releases/tag/8.0.0](https://github.com/leethomason/tinyxml2/releases/tag/8.0.0)
- <http://www1.ci.uc.pt/iguc/>