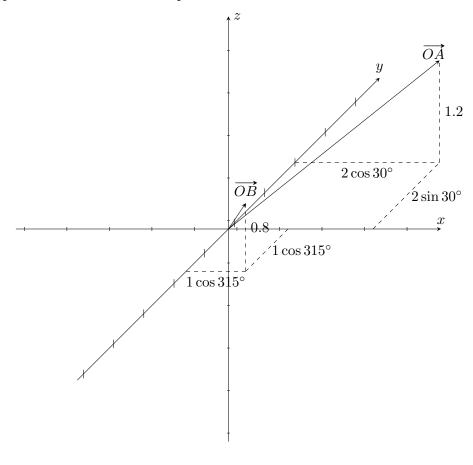
Problème

Le personnel de la tour de contrôle d'un aéroport repère un OVNI. À 11 h 02, il se trouve à une distance horizontale de 2 km selon une orientation de 30° nord par rapport à l'est à une altitude de 1200 m. À 11h 15, sa position est 1 km à 45° sud par rapport à l'est à une altitude de 800 m. Décrivez le vecteur déplacement de l'OVNI entre ces deux positions.[1]

Résolution

Soit A et B les positions avant et après de l'OVNI respectivement. Les vecteurs qui commencent à l'origine et qui se rendent juste qu'à ces deux points sont \overrightarrow{OA} et \overrightarrow{OB} respectivement. On cherche le vecteur déplacement de A à B, tel que $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OA}$. Voici un schéma qui traduit les coordonnées polaires de l'énoncé en composantes. Toutes les mesures sont en km.



Il suffit de soustraire les composantes des deux vecteurs :

$$\begin{split} \overrightarrow{AB} &= \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OA} \\ &= (1\cos 315^{\circ} \overrightarrow{i} + 1\cos 315^{\circ} \overrightarrow{j} + 0.80 \overrightarrow{k}) - (2\cos 30^{\circ} \overrightarrow{i} + 2\cos 30^{\circ} \overrightarrow{j} + 1.20 \overrightarrow{k}) \\ &\approx (0,71 \overrightarrow{i} - 0.71 \overrightarrow{j} + 0.80 \overrightarrow{k}) - (1.73 \overrightarrow{i} + 1.00 \overrightarrow{j} + 1.20 \overrightarrow{k}) \\ &= (-1.02 \overrightarrow{i} - 1.71 \overrightarrow{j} + 0.40 \overrightarrow{k}) \text{ km} \end{split}$$

Bibliographie

[1] Harris Benson. *Physique 1: Mécanique*. Éditions du Renouveau Pédagogique Inc., 2009.