

UNIVERSITÀ DI GENOVA



**Università
di Genova**

Macchine di Turing Quantistiche

Relatori

Elena Zucca

Francesco Dagnino

Candidato

Pietro Zignaigo

16-12-2024

Introduzione

Computazione quantistica

Macchina di Turing

Macchina di Turing Quantistica

Configurazioni

Computazione quantistica

- **Quantum advantage:** A parità di problema, la complessità temporale degli algoritmi quantistici può essere minore di quella degli algoritmi classici.
- Lo stato di un computer quantistico è una sovrapposizione di stati discreti.

Computazione quantistica

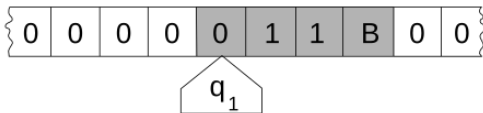
Spazi di Hilbert

- Per modellare uno stato quantistico si utilizzano gli *spazi di Hilbert*:

$$\ell^2(\mathcal{B}) = \left\{ \phi : \mathcal{B} \rightarrow \mathbb{C} \mid \sum_{C \in \mathcal{B}} |\phi(C)|^2 < \infty \right\}$$

- Per ragioni fisiche, possono essere applicati agli elementi dello spazio solo *operatori unitari*:
 - invertibili
 - conservano la norma

Macchina di Turing



- Modello matematico per una macchina che esegue un certo algoritmo.
- **Funzioni calcolabili:** Funzioni $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ che sono calcolabili da una macchina di Turing.

Configurazioni

- Una configurazione, ovvero lo stato di una macchina di Turing, è una quadrupla:

$$\langle \alpha, q, \beta, i \rangle \in \Sigma^* \times \mathcal{Q} \times \Sigma^* \times \mathbb{Z}$$

- **Q-configurazioni:** Elementi di $\ell_1^2(\Sigma^* \times \mathcal{Q} \times \Sigma^* \times \mathbb{Z})$.

Configurazioni

Contatore

- Come mantenere inalterato il risultato dopo il raggiungimento di uno stato finale?
- Soluzione: aggiungere un contatore, la configurazione diventa:

$$\langle \alpha, q, \beta, i, n \rangle \in \Sigma^* \times \mathcal{Q} \times \Sigma^* \times \mathbb{Z} \times \mathbb{N}$$

Chiamiamo questo insieme \mathfrak{C}_M .

- Le q-configurazioni diventano elementi di: $\ell_1^2(\mathfrak{C}_M)$.