

Расчетная работа

Рассохов Егор 421703

Цель:

Продемонстрировать работу программы решения теоретико-графовой задачи по построению конденсированного графа для орграфа

Ключевые понятия:

Граф – математическая абстракция реальной системы любой природы, объекты которой обладают парными связями. Граф как математический объект есть совокупность двух множеств — множества самих объектов, называемого множеством вершин, и множества их парных связей, называемого множеством рёбер.

Ориентированный граф (кратко орграф) — граф, рёбра которого имеют направление.

Путь в графе – это последовательность рёбер, в которой конец каждого ребра (кроме последнего) совпадает с началом следующего.

Матрица смежности - это вид представления графа в виде матрицы, когда пересечение столбцов и строк задаёт дуги.

Компонента сильной связности орграфа - его максимальная по включению сильно связный подграф.

Область сильной связности - множество вершин компонентов сильной связности.

Демонстрация работы программы в семантической памяти на примере невзвешенного ориентированного графа:

Каждому пункту соответствует рисунок с соответствующим номером.

1. Передаём на вход ориентированный граф.

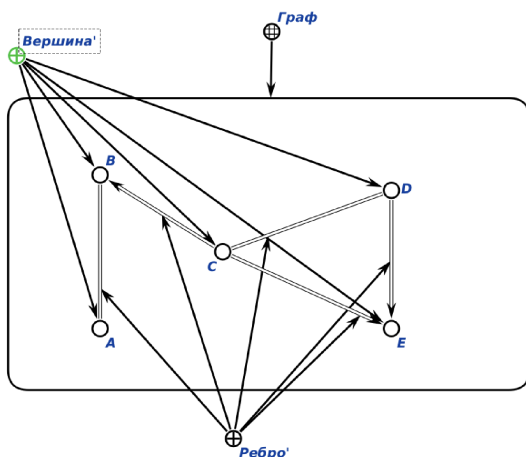


Рис.1

2. Создаём структуры данных для хранения посещённых вершин (посещение) и очередь выхода (очередь), а также текущая и вершина начала обхода.

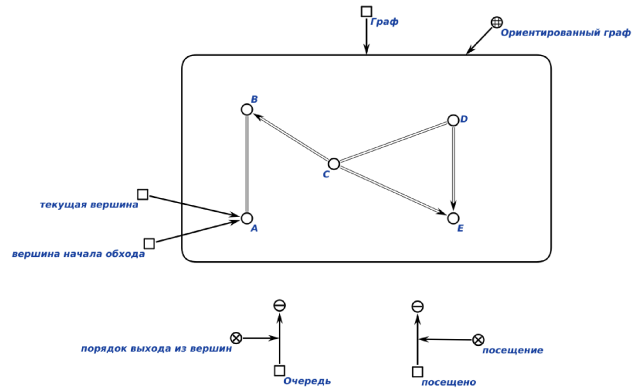


Рис.2

3. Помечаем вершину A как посещённую.

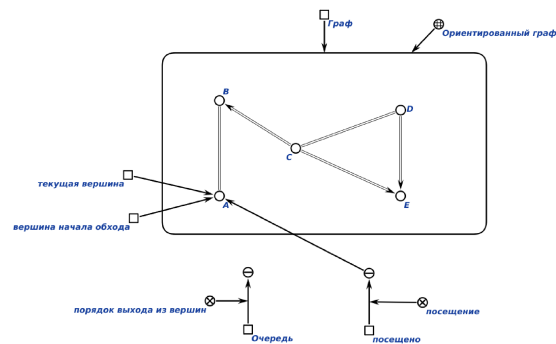


Рис.3

4. Помечаем вершину B как посещённую.

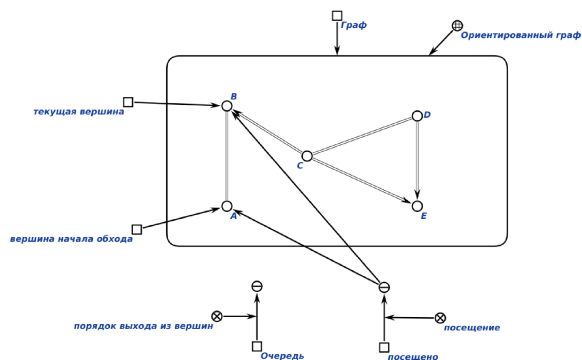


Рис.4

5. Помечаем вершину С как посещённую.

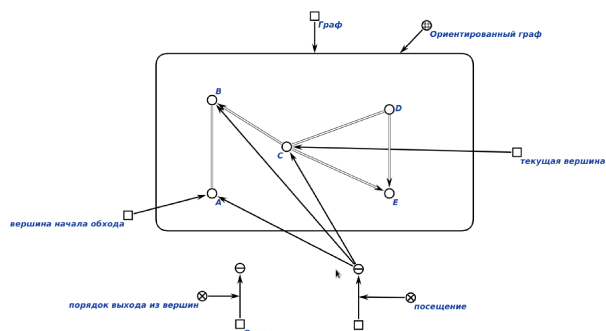


Рис.5

6. Так как вершина В помечена как посещённая, переходим на вершину D и помечаем её как посещённую.

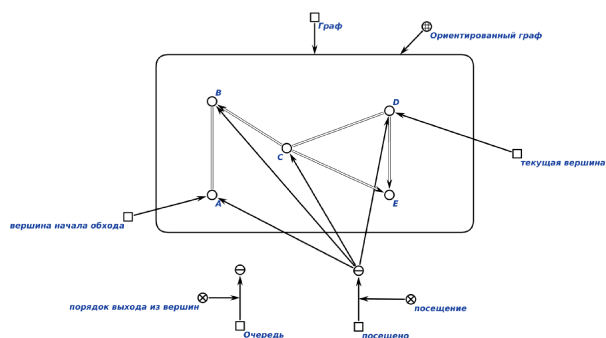


Рис.6

7. Помечаем вершину E как посещённую.

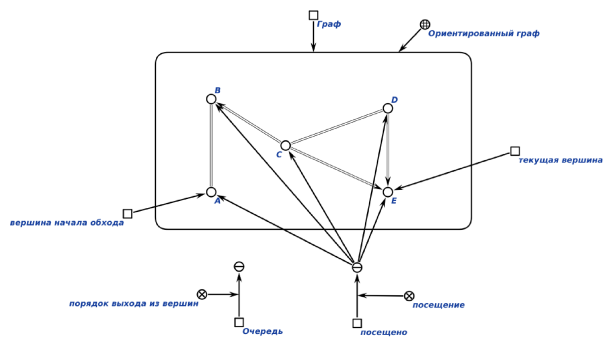


Рис.7

8. Так как все вершины посещены, сохраняем обратный порядок посещения вершин в очередь.

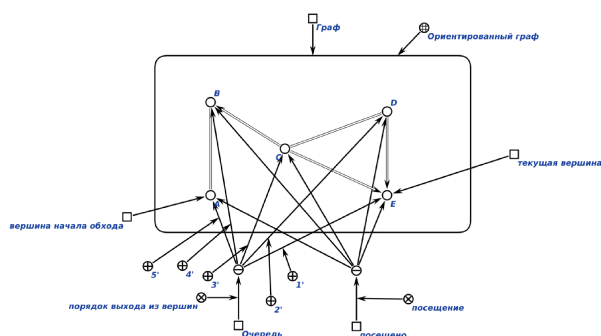


Рис.8

9. Меняем направление всех рёбер на противоположные, т. е. транспонируем граф.

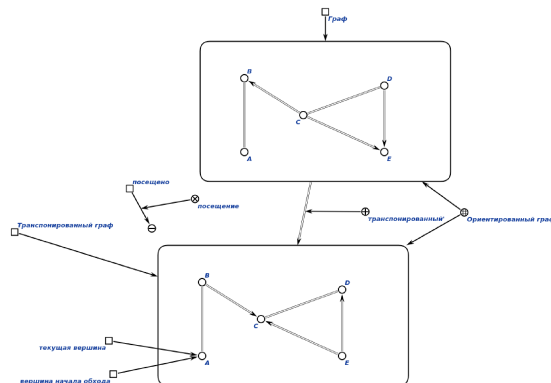


Рис.9

10. Начинаем обход в глубину, начиная с вершины, из которой мы вышли последней. Создаём новый граф. При нахождении новой компоненты сильной связи, добавляем её в новый граф в виде нового узла. Помечаем вершину E как посещённую.

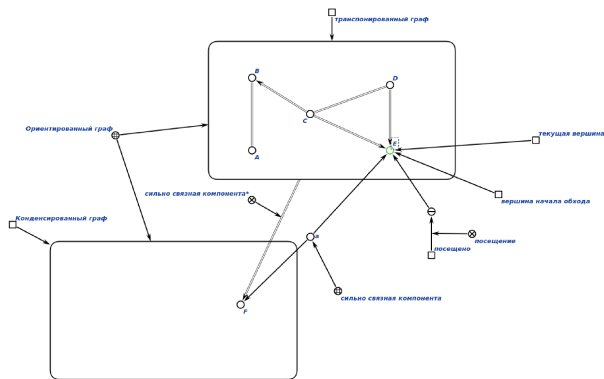


Рис.10

11. Помечаем вершину D как посещённую. Так как из D нельзя попасть в E, создаём новую сильную компоненту b и вершину G в сконденсированном графе. Сохраняем отношения между сильными компонентами.

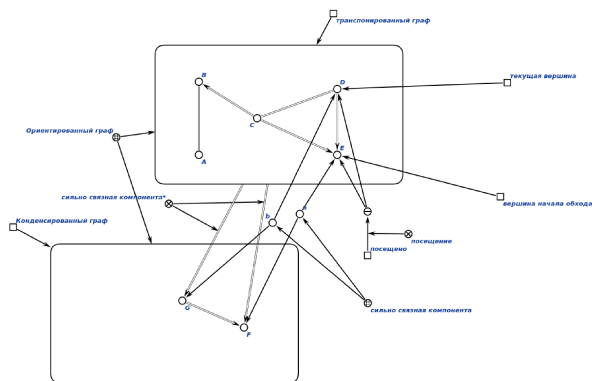


Рис.11

12. Помечаем вершину C как посещённую. Так как из вершины C можно попасть в D, добавляем вершину C в сильную компоненту b, а её в вершину G.

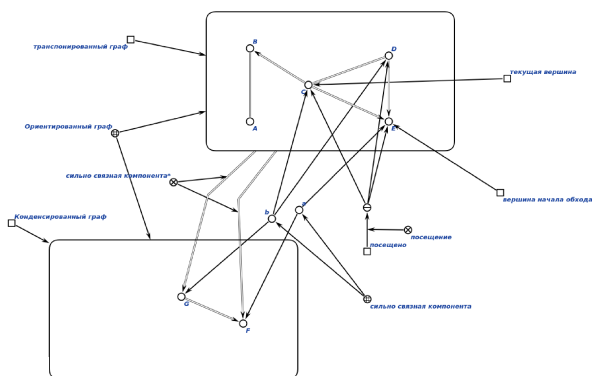


Рис.12

13. Помечаем вершину B как посещённую. Так как в C мы не можем попасть из B, созда-

ём новую сильную компоненту с и новую вершину H в конденсированном графе.

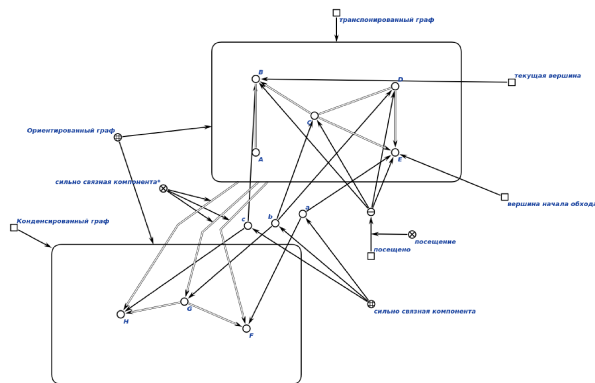


Рис.13

14. Помечаем вершину A как посещённую. Так как из вершины A можно попасть в B, добавляем вершину A в сильную компоненту с, а её в вершину G.

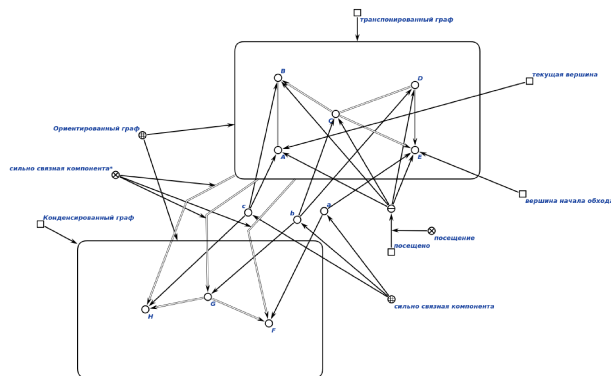


Рис.14

Выводы:

В результате выполнения данной расчётной работы был формализован алгоритм нахождения конденсированного графа из ориентированного, были изучены:

- Основы теории графов
- Способы представления графов
- Базовые алгоритмы для работы с графами
- Основы SC-кода и SC-алфавита

Источники:

- Оре О. Теория графов. – 2-е изд.. – М.: Наука, 1980. – С. 336.
- Кормен Т. Х. и др. Часть VI. Алгоритмы для работы с графами // Алгоритмы: построение и анализ = Introduction to Algorithms. – 2-е изд.. – М.: Вильямс, 2006. – С. 1296.

- Харари, Ф. Теория графов / Ф. Харари / Пер. с англ. и предисл. В.П. Козырева. Под ред. Г.П. Гаврилова. Изд. 2-е. – М.: Едиториал УРСС, 2003. – 269 с.
- wikipedia.org