

## CURSUL 6

### 2.6. RELAȚIILE FUNDAMENTALE ALE REGIMULUI ELECTROKINETIC

#### 2.6.1. Legea conservării sarcinii electrice.

Se consideră un condensator electric încărcat cu sarcină electrică  $q$ , ale cărui armături se leagă printr-un conductor metalic având rezistența  $R$  și o suprafață închisă  $\Sigma$  ce conține numai armătura încărcată cu sarcina  $+q$  (fig.2.12). La închiderea întreruptorului  $a$ , potențialul conductorului nu mai este constant (datorită potențialelor diferite ale armăturilor condensatorului încărcate cu sarcini electrice de semne contrare) și ca urmare nu se mai menține echilibrul electrostatic, prin conductor apărând o deplasare ordonată a sarcinilor electrice.

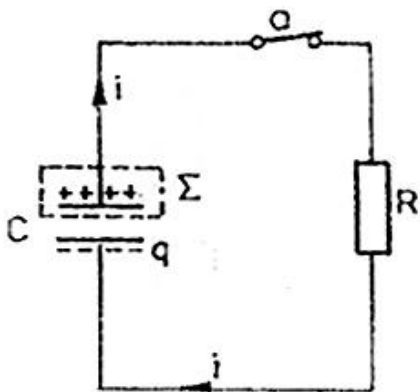


Fig.2.12 - Explicativă la legea conservării sarcinii electrice.

S-a constatat experimental că intensitatea curentului electric de conducție ce trece prin circuit în timpul descărcării condensatorului, este egală cu viteza de scădere a sarcinii electrice  $q_{\Sigma}$  de pe armătura condensatorului din interiorul suprafeței  $\Sigma$ , adică:

$$i_{\Sigma} = - \frac{d q_{\Sigma}}{d t} . \quad (2.19)$$

Relația (2.19) se poate generaliza considerând că avem și corpuri încărcate electric în mișcare și ca urmare pe lângă intensitatea curentului electric de conducție există și intensitate a curentului electric de convecție:

$$i_{\Sigma} + i_{v\Sigma} = - \frac{d q_{\Sigma}}{d t} . \quad (2.20)$$

Suma dintre intensitățile curentului electric de conducție  $i_{\Sigma}$  și a curentului electric de convecție  $i_{v\Sigma}$ , care ies dintr-o suprafață închisă  $\Sigma$ , fixă, este egală în fiecare moment cu viteza de scădere a sarcinii electrice  $q_{\Sigma}$  localizată în interiorul suprafeței.

Pentru determinarea formei locale a legii, se va exprima sarcina electrică din interiorul suprafeței  $\Sigma$  în funcție de densitatea de volum a sarcinii electrice  $\rho_v$  iar intensitățile curenților de conducție și de convecție în funcție de densitățile de curent corespunzătoare. Ca urmare, relația (2.20) devine:

$$\int_{\Sigma} (\bar{J} + \bar{J}_v) d\bar{S} = -\frac{d}{dt} \int_{V_{\Sigma}} \rho_v dV = -\int_{V_{\Sigma}} \frac{\partial \rho_v}{\partial t} dV, \quad (2.21)$$

deoarece suprafața  $\Sigma$  este imobilă.

Transformând integrala dublă într-o integrală triplă cu ajutorul teoremei lui Gauss-Ostrogradski, se obține:

$$\int_{\Sigma} (\bar{J} + \bar{J}_v) d\bar{S} = \int_{V_{\Sigma}} \text{div}(\bar{J} + \bar{J}_v) dV = -\int_{V_{\Sigma}} \frac{\partial \rho_v}{\partial t} dV$$

și în final:

$$\text{div}(\bar{J} + \bar{J}_v) = \text{div}(\bar{J} + \rho_v \bar{v}) = -\frac{\partial \rho_v}{\partial t}. \quad (2.22)$$

Relația (2.22) reprezintă forma locală a legii conservării sarcinii electrice: **viteza de scădere a densității de volum a sarcinii electrice dintr-un punct, este egală cu divergența sumei densității curentului electric de conducție și a densității curentului de convecție.**

În regim electrocinetic staționar (curent continuu), în care mărimile sunt invariabile în raport cu timpul, forma integrală și forma locală a legii conservării sarcinii electrice devin:

$$i_{\Sigma} = -\frac{dq_{\Sigma}}{dt} = 0 \quad \text{și} \quad \text{div}\bar{J} = 0. \quad (2.23)$$

Relația (2.23) reprezintă **teorema continuității liniilor de curent**, adică, **intensitatea curentului electric de conducție ce trece printr-o suprafață închisă este nulă** (prima teoremă a lui Kirchhoff). Liniile de curent sunt linii închise, deci curentul continuu circulă numai prin circuite electrice închise.

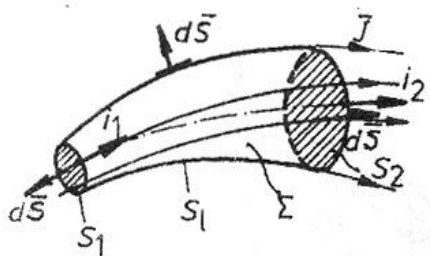


Fig.2.13. Conservarea intensității curentului într-un tub de curent.

**Consecință.** Dacă se consideră un tub de linii de curent și se aplică relația (2.23) suprafeței închise  $\Sigma$ , compusă din suprafețele transversale  $S_1$  și  $S_2$  și suprafața laterală  $S_1$  (unde  $\vec{J} \perp d\vec{S}$ ), se obține (fig.2.13) :

$$\begin{aligned} i_{\Sigma} &= \int_{\Sigma} \vec{J} \cdot d\vec{S} = \int_{S_1} \vec{J} \cdot d\vec{S} + \int_{S_2} \vec{J} \cdot d\vec{S} + \\ &+ \int_{S_1} \vec{J} \cdot d\vec{S} = -i_1 + i_2 = 0, \\ \Leftrightarrow i_1 &= i_2 \end{aligned} \quad (2.24)$$

Curentul continuu are aceeași intensitate de-a lungul unui tub de curent și în particular de-a lungul unui conductor electric neramificat (de exemplu latura unei rețele electrice). Deoarece în regim electrostatic  $i_{\Sigma} = 0$  (curentul electric de conducție este nul), rezultă că:

$$i_{\Sigma} = 0 = - \frac{dq_{\Sigma}}{dt} .$$

Rezultă că  $q_{\Sigma} = \text{constant}$ , adică sarcina electrică a unui sistem izolat de conductori este constantă (teorema conservării sarcinii electrice din electrostatică, paragraful 1.4.2).

## 2.6.2. Legea conducției electrice

În regim electrocinetic existând o deplasare ordonată de sarcini electrice, rezultă că forța rezultantă ce acționează asupra acestor particule încărcate electric va fi diferită de zero:

$$\vec{F} = \vec{F}_{el} + \vec{F}_{neel} = q (\vec{E} + \vec{E}_i) \neq 0 . \quad (2.25)$$

S-a constatat experimental că **suma vectorială dintre intensitatea câmpului electric  $\vec{E}$  și intensitatea câmpului electric imprimat  $\vec{E}_i$  este proporțională cu densitatea curentului electric de conducție  $\vec{J}$** :

$$\vec{E} + \vec{E}_i = \rho \vec{J} . \quad (2.26)$$

Relația reprezintă forma locală a legii conducției electrice. Factorul de proporționalitate  $\rho$  se numește **rezistivitatea materialului** și depinde atât de material cât și de temperatură. Deci legea conducției electrice este o lege de material.

În conductoarele omogene și neaccelerate unde nu există câmp electric imprimat ( $E_i=0$ ), relația (2.26) devine:

$$\bar{E} = \rho \bar{J} . \quad (2.27)$$

Într-un mediu omogen, izotrop și neaccelerat, vectorul densității de curent coincide ca direcție și sens cu vectorul intensității câmpului electric (rel. 2.27), iar liniile de curent coincid cu liniile câmpului electric.

Inversul rezistivității materialului  $\sigma$  se numește **conductivitatea materialului**:

$$\sigma = \frac{1}{\rho} . \quad (2.28)$$

Cu notația (2.28), relațiile (2.26) și (2.27) devin:

$$\bar{J} = \sigma (\bar{E} + \bar{E}_i) , \quad \bar{J} = \sigma \bar{E} . \quad (2.29)$$

Pentru circuite filiforme, pentru care densitatea curentului electric este constantă în toate punctele unei secțiuni transversale, se folosește forma integrală a legii conducției electrice. Pentru aceasta se consideră o porțiune de circuit filiform în care se găsește o sursă de câmp electric imprimat  $\bar{E}_i$  (fig.2.14). Integrând forma locală a legii conducției (2.26) pe curba  $C$  (axa conductorului care este și o linie de curent) între punctele 1 și 2, rezultă:

$$\int_{1(C)}^2 (\bar{E} + \bar{E}_i) d\bar{l} = \int_{1(C)}^2 \rho \bar{J} d\bar{l} . \quad (2.30)$$

Deoarece circuitul este filiform:  $J = i / S$  și  $\bar{J} \perp d\bar{S}$ , rezultă:

$$\bar{J} d\bar{l} = J dl = \frac{i dl}{S} , \quad (2.31)$$

unde  $S$  este secțiunea conductorului, iar  $i$  – intensitatea curentului prin circuitul filiform.

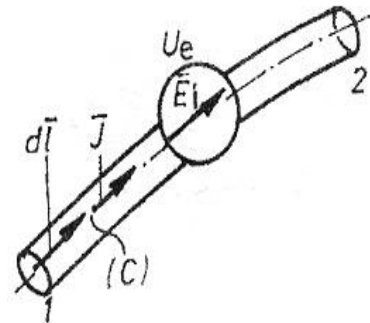


Fig.2.14. Explicativă la calculul formei integrale a legii conducției electrice.

Ținând seama de relația (2.31), relația (2.30) devine:

$$\int_{1(C)}^2 \bar{E} d\bar{l} + \int_{1(C)}^2 \bar{E}_i d\bar{l} = i \int_{1(C)}^2 \rho \frac{dl}{S} . \quad (2.32)$$

Se fac următoarele notații:

- pentru tensiunea în lungul firului:

$$u_{12} = u_f = \int_{1(C)}^2 \bar{E} d\bar{l} ,$$

- pentru tensiunea electromotoare imprimată:

$$u_{ei} = u_{e12} = \int_{1(C)}^2 \bar{E}_i d\bar{l}$$

- pentru rezistența electrică a porțiunii de circuit:

$$R_{12} = \int_{1(C)}^2 \rho \frac{dl}{S} .$$

Cu notațiile de mai sus, se obține forma integrală a legii conducției electrice:

$$u_{12} + u_{e12} = i R_{12} , \quad (2.33)$$

care se enunță astfel: **pentru o porțiune neramificată de circuit filiform, suma dintre tensiunea electrică în lungul firului și tensiunea electrică imprimată a surselor ce se găsesc în acea porțiune de circuit, este egală cu produsul dintre intensitatea curentului  $i$  și o mărime scalară  $R$ , caracteristică circuitului, numită rezistență electrică.**

Pentru un circuit închis ( $u_{12} = 0$ ,  $u_{e12} = u_e$ ), relația (2.33) devine:

$$u_e = R i , \quad (2.34)$$

unde  $u_e$  este t.e.m. de contur.

Relația (2.34) arată cauza fizică care stabilește curentul electric de conducție printr-un circuit închis și anume t.e.m.  $u_e$ , care poate fi produsă fie de câmpuri electrice imprimate (elemente galvanice) fie de câmpuri electrice solenoidale (generatoare electrice).

În regim staționar (curent continuu) tensiunea în lungul firului este tensiunea la borne  $U_b$ , iar tensiunea imprimantă este t.e.m.  $U_e$ , deci legea conducției electrice se scrie (mărimile în regim electrocinetic staționar c.c se scriu cu litere mari):

$$U_b + U_e = R I . \quad (2.35)$$

Pentru o porțiune de circuit fără surse de câmp electric imprimat (porțiune pasivă), legea are forma:

$$U_b = R I . \quad (2.36)$$

Relația (2.36) este cunoscută sub denumirea de **legea lui Ohm** și se enunță astfel: **tensiunea electrică la bornele unei porțiuni de circuit pasiv (fără surse), de curent continuu, este egală cu produsul dintre intensitatea curentului și rezistența circuitului.**

#### **Rezistența electrică a conductoarelor.**

Din legea lui Ohm, **rezistența unui conductor este numeric egală cu raportul dintre tensiunea electrică continuă aplicată conductorului și curentul care îl străbate:**

$$R = \frac{U_b}{I} . \quad (2.37)$$

Rezistența electrică a unui conductor filiform, omogen, de secțiune constantă  $S$  și de lungime  $l$  este:

$$R = \rho \frac{l}{S} = \frac{l}{\sigma S} . \quad (2.38)$$

Mărimea inversă rezistenței se numește **conductanță** și se notează cu  $G$ :

$$G = \frac{I}{R} = \sigma \frac{S}{l} = \frac{S}{\rho l} . \quad (2.39)$$

În sistemul internațional de unități, rezistența electrică are ca unitate de măsură **Ohmul** ( $\Omega$ ), iar conductanța - **Siemensul** (S).

Rezistivitatea  $\rho$  a materialelor conductoare depinde liniar de temperatură, dacă diferențele de temperatură sunt mici. Relația de calcul a rezistivității  $\rho_\theta$  la temperatura  $\theta$  în funcție de rezistivitatea  $\rho_0$  de la temperatura de referință  $\theta_0$  este:

$$\rho_{\theta} = \rho_0 [1 + \alpha(\theta - \theta_0)] , \quad (2.40)$$

unde  $\alpha$  este coeficientul de creștere a rezistivității cu temperatura. Coeficientul  $\alpha$  poate fi pozitiv (la majoritatea metalelor) sau negativ (la cărbune, constantan, electroliți). Pentru anumite metale, rezistivitatea lor se anulează brusc la temperaturi foarte joase, de ordinul câtorva kelvini. Acest fenomen a fost descoperit în anul 1911 de către **Kammerling - Ones** (1853 - 1926) și a fost denumit **supraconductibilitate**.

Pentru semiconductoare, rezistivitatea scade exponențial cu temperatura după relația:

$$\rho_{\theta} = \rho_0 e^{\alpha(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_0})} , \quad (2.41)$$

unde  $T = \theta + 273,16$  [K],  $T_0 = \theta_0 + 273,16$  [K] reprezintă temperatura la care se află semiconductorul, respectiv temperatura de referință, exprimate în Kelvini.

În tabelul 2.2 se dau rezistivitățile  $\rho$ , conductivitățile  $\sigma$  și coeficienții de creștere a rezistivității cu temperatura  $\alpha$  pentru  $\theta_0 = 20^\circ\text{C}$ , ale unor materiale uzuale.

**Tabelul 2.2**

Materialul	$\rho[\Omega \text{ m}]$	$\sigma[\text{S/m}]$	$\alpha [1/\text{K}]$
Argint	$(1,59 \dots 1,7)10^{-8}$	$(5,9 \dots 6,3)10^7$	$3,8 \cdot 10^{-3}$
Cupru	$(1,7 \dots 1,78)10^{-8}$	$(5,6 \dots 5,9)10^7$	$3,9 \cdot 10^{-3}$
Aluminiu	$(2,8 \dots 3,0)10^{-8}$	$(3,3 \dots 3,6)10^7$	$3,7 \cdot 10^{-3}$
Fier	$(9 \dots 15)10^{-8}$	$(0,67 \dots 1,1)10^7$	$4,5 \cdot 10^{-3}$
Alamă	$(7 \dots 9)10^{-8}$	$(1,1 \dots 1,4)10^7$	$1,5 \cdot 10^{-3}$
Nichelină	$4,3 \cdot 10^{-7}$	$2,33 \cdot 10^6$	$1,3 \cdot 10^{-4}$
Manganină	$4,3 \cdot 10^{-7}$	$2,33 \cdot 10^6$	$1 \cdot 10^{-5}$
Constantan	$4,9 \cdot 10^{-7}$	$2,04 \cdot 10^6$	$-5 \cdot 10^{-6}$
Cărbune	$(6 \dots 8)10^{-5}$	$(1,25 \dots 1,67) \dots 10^4$	$-(2 \dots 8) \cdot 10^{-4}$

Dacă se amplifică relația (2.40) cu raportul  $l/S$ , se obține:

$$R_{\theta} = R_0 [1 + \alpha(\theta - \theta_0)] , \quad (2.42)$$

care reprezintă dependența rezistenței conductoarelor de temperatură. Elementul de circuit caracterizat complet prin rezistența electrică se numește **rezistor**. Rezistoarele a căror rezistență este constantă se numesc **rezistoare fixe** și se reprezintă ca în figura 2.15a, iar cele la care rezistența poate fi modificată cu ajutorul unui cursor, se numesc **reostate variabile** sau **potențiometre** (fig.2.15b).

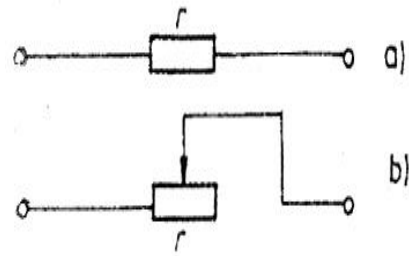


Fig.2.15 - Simbolizarea rezistoare de valori: a) fixe; b) variabile.

### Aplicații

1. Să se calculeze căderea de tensiune pe o linie electrică bifilară de curent continuu de lungime  $l$  formată din conductoare cu secțiunea circulară de diametrul  $d$ , având conductivitatea electrică  $\sigma$ . Se cunoaște densitatea de curent admisibilă  $J$ .

Rezolvare

Secțiunea conductorului este:  $S = \pi d^2 / 4$ .

Rezistența liniei electrice de lungime  $2l$  va fi:

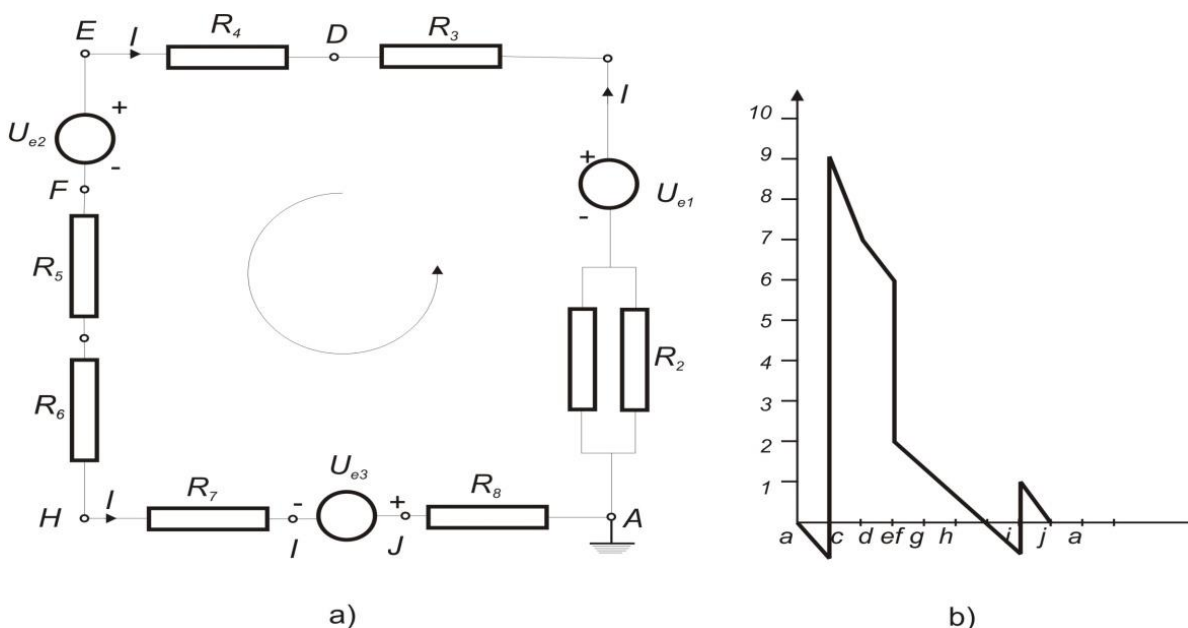
$$R = \rho \cdot 2l / S = 8l / (\pi \sigma d^2).$$

Intensitatea curentului electric este:  $I = JS = J d^2 / 4$ .

Căderea de tensiune pe linie va fi:  $U_l = RI = 2lJ / \sigma$ .

2. Se dă circuitul electric reprezentat în figura de mai jos, în care:  $U_{e1} = 100 \text{ V}$ ,  $U_{e2} = 40 \text{ V}$ ,  $U_{e3} = 20 \text{ V}$ ,  $R_1 = R_2 = R_3 = 4 \Omega$ ,  $R_4 = R_5 = R_7 = R_8 = 3 \Omega$ ,  $R_6 = 2 \Omega$ , rezistențele interioare ale surselor fiind neglijabile. Să se calculeze intensitatea curentului din circuit, să se construiască diagrama de variație a potențialelor electrice pe circuit și să se determine tensiunea între punctele HC, EB și IA.





a) Circuitul electric pentru aplicația numerică 2; b) diagrama de variație a potențialelor.

Rezolvare

Aplicând cea de a doua teoremă a lui Kirchhoff ochiului de circuit ABCDEFGHIJA, rezultă:

$$I = \frac{U_{e1} - U_{e2} + U_{e3}}{R_{1-2} + R_3 + R_4 + R_5 + R_6 + R_7 + R_8} = \frac{80}{20} = 4 \text{ A}.$$

Deoarece punctul A se află legat la pământ, potențialul său electric este zero. Între punctele A și B apare o cădere de tensiune pe rezistența echivalentă  $R_{1,2}$ :

$$U_{AB} = R_{1-2} I = 8 \text{ V}.$$

Tensiunea dintre punctele A și B este:

$$U_{AB} = V_A - V_B, \text{ rezultă că: } V_B = V_A - U_{AB} = -8 \text{ V}.$$

Între punctele B și C avem sursa de t.e.m.  $U_{e1}$ , sensul t.e.m. coincidând cu sensul curentului. Potențialul punctului C va fi egal cu potențialul punctului B la care se adaugă  $U_{e1}$ :

$$V_C = V_B + U_{e1} = +92 \text{ V}.$$

Procedând analog se obține:

$$V_D = V_C - U_{CD} = 76 \text{ V}, \quad V_E = V_D - U_{DE} = 64 \text{ V}, \quad V_F = V_D - U_{e2} = 24 \text{ V},$$

$$V_G = V_F - U_{FG} = 12\text{V}, \quad V_H = V_F - U_{FH} = 4\text{V}, \quad V = V_H - U_{HI} = 8\text{V}, \\ V_j = V_I + U_{e3} = 12\text{V}, \quad V_A = V_J - U_{JA} = 0.$$

Variația potențialului este redată în figura b.

Tensiunile cerute sunt:

$$U_{HC} = V_H - V_C = 88\text{ V}, \quad U_{EB} = V_E - V_B = 72\text{ V}, \quad U_{IA} = V_I - V_A = 8\text{ V}.$$

### 2.6.3. Legea transformării energiei în conductoare

Starea electrocinetică este caracterizată prin existența unui curent electric și printr-o transformare a energiei câmpului electromagnetic în alte forme de energie. **J.P.Joule** (1818 - 1889) și **E.H.Lenz** (1804 - 1865) au stabilit experimental că în orice conductor electric parcurs de curent electric se dezvoltă căldură.

S-a stabilit experimental că **puterea electromagnetică p cedată unității de volum a conductorului în procesul de conducție de către câmpul electromagnetic este egală cu produsul scalar dintre intensitatea câmpului electric  $\vec{E}$  și densitatea curentului electric de conducție  $\vec{J}$** :

$$p = \vec{E} \cdot \vec{J}. \quad (2.43)$$

Relația (2.43) reprezintă forma locală a legii transformării energiei în conductoare, lege general valabilă, sub această formă, pentru conductoare omogene, neomogene, izotrope, anizotrope, liniare sau neliniare.

Din legea conducției electrice (rel.2.26), rezultă:

$$\vec{E} = \rho \vec{J} - \vec{E}_i.$$

Înlocuind relația de mai sus în (2.43) se obține:

$$p = \rho J^2 - \vec{E}_i \cdot \vec{J} = p_R - p_G. \quad (2.44)$$

Primul termen al relației (2.44)  $p_R = \rho J^2$  este totdeauna pozitiv și reprezintă densitatea de volum a puterii transmisă de către câmpul electromagnetic conductorului și transformată ireversibil în căldură. Dezvoltarea de căldură este caracteristică stării electrocinetice și poartă numele de **efect electrocaloric sau efect Joule – Lenz**.

Termenul al doilea din relația (2.44),  $\mathbf{p}_G = \overline{E}_i \overline{J}$  poate fi pozitiv sau negativ și reprezintă densitatea de volum a puterii schimbate între sursele de câmp electric imprimat și câmpul electromagnetic. Dacă vectorii  $\overline{E}_i$  și  $\overline{J}$  au același sens, densitatea de putere  $\mathbf{p}_G$  este cedată de sursa de câmp imprimat câmpului electromagnetic. Acest fenomen are loc în orice element galvanic sau acumulator care debitează curent electric, producând energie electromagnetică din energia chimică internă. Dacă vectorii  $\overline{E}_i$  și  $\overline{J}$  sunt antiparaleli, densitatea de putere  $\mathbf{p}_G$  este cedată de câmpul electromagnetic și primită de sursa de câmp electric imprimat. Acest fenomen are loc la încărcarea acumulatorului, când energia câmpului electromagnetic este transformată în energie chimică.

Integrând relația (2.43) pe volumul  $V$  al unei porțiuni de conductor filiform, de secțiune  $S$ , în care  $\overline{E}$ ,  $\overline{J}$  și  $d\vec{l}$  sunt paraleli, se obține puterea totală  $P$  cedată de câmpul electromagnetic conductorului în procesul de conducție al curentului electric. Notându-se cu  $S$  secțiunea conductorului (fig.2.16), se obține:

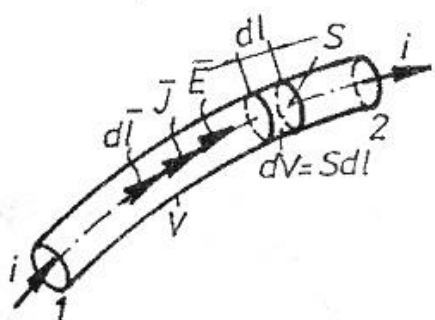


Fig.2.16. Explicativă la calculul puterii totale absorbite de o porțiune neramificată de circuit.

$$\begin{aligned} P &= \int_V p \, dV = \int_V \overline{J} \cdot \overline{E} (S \, dl) = \\ &= \int_1^2 \overline{J} \cdot S \overline{E} \, d\vec{l} = i \int_1^2 \overline{E} \, d\vec{l} = i u_f . \end{aligned} \quad (2.45)$$

Relația (2.45) exprimă forma integrală a legii transformării energiei în conductoare care se enunță astfel:

**Puterea electromagnetică primită de un conductor filiform de la câmpul electromagnetic în procesul de conducție este egală cu produsul dintre tensiunea electrică în lungul conductorului și intensitatea curentului electric din conductor.**

Exprimând tensiunea electrică în lungul firului prin relația (2.33), rezultă:

$$P = i u_f = i (Ri - u_e) = Ri^2 - i u_e = P_R - P_G . \quad (2.46)$$

Primul termen al relației (2.46),  $P_R = Ri^2$  este mereu pozitiv și reprezintă puterea disipată ireversibil sub formă de căldură în conductor de către câmpul electromagnetic.

Al doilea termen al relației,  $P_G = i u_e$ , poate fi pozitiv sau negativ și reprezintă puterea cedată sau primită de sursa de câmp electric imprimat câmpului electromagnetic.

În figura 2.17 sunt redată sugestiv cazurile în care o sursă de tensiune electrică imprimată cedează energie câmpului electromagnetic ( $P_G > 0$ ) sau primește energie ( $P_G < 0$ ) de la câmpul electromagnetic.

Unitatea de măsură a puterii este **Wattul [W]**, iar a energiei **Joulul [J]**. În electrotehnică se folosește pentru energie o unitate mai mare, **Kilowattora [kWh]**:

$$1 \text{ kWh} = 10^3 \text{ W } 3600 \text{ s} = 3,6 \cdot 10^6 \text{ J}.$$

Efectul electrocaloric al curentului electric are largi aplicații în tehnică ca de exemplu la: iluminatul electric; încălzirea electrică în cuptoarele electrice cu rezistență, cu arc electric sau prin inducție; sudura electrică; tratamentele termice prin metode electrice (călirea prin curenți de medie și înaltă frecvență).

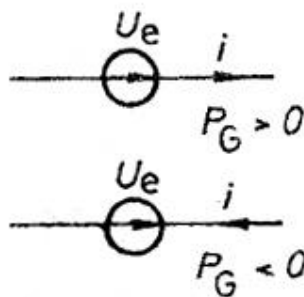


Fig.2.17. Explicativă la puterea unei surse: a) debitată; b) absorbită.

Efectul electrocaloric este uneori nedorit. Majoritatea conductoarelor utilizate în tehnică sunt izolate și ca urmare a încălzirii lor peste anumite valori prin efect Joule – Lenz, s-ar putea distruge izolația, ducând la distrugerea aparatului sau mașinii. Datorită efectului electrocaloric apar pierderi în conductoarele electrice și în circuitele magnetice ale mașinilor electrice, care duc la scăderea randamentului mașinilor. În procesul de transmitere a energiei electromagnetice, încălzirea conductoarelor liniilor electrice aeriene duce la scăderea randamentului transmisiei de energie.

#### 2.6.3.1. Teorema conservării puterilor în circuitele de curent continuu.

În cazul funcționării circuitelor de curent continuu în regim staționar, mărimile sunt invariabile în timp. Ca urmare nici energia câmpului electromagnetic nu poate fi variabilă în timp. Asta înseamnă că puterea transmisă de câmpul electromagnetic conductoarelor în procesul de conducție trebuie să fie zero. Din relația (2.46) rezultă că  $P = 0$ , respectiv:

$$P = P_R - P_G = 0, \quad P_R = P_G. \quad (2.47)$$

Relația 2.47 afirmă că într-o rețea de curent continuu în regim staționar, puterile disipate în toate rezistențele circuitului, inclusiv rezistențele interioare ale surselor, sub formă de căldură sunt egale cu puterile debitate de sursele din rețea, adică:

$$\sum_{k=1}^L R_k I_k^2 = \sum_{k=1}^L U_{ek} I_k + \sum_{k=1}^L U_{bk} J_k. \quad (2.48)$$

În relația 2.48,  $R_k$  reprezintă suma tuturor rezistențelor rezistoarelor și a rezistențelor interioare ale surselor de t.e.m de pe latura k,  $I_k$  – intensitatea curentului din latura k,  $U_{ek}$  – tensiunile electromotoare ale surselor din latura k,  $U_{bk}$  reprezintă tensiunea la bornele sursei de curent  $J_k$ , produsul  $U_{bk} J_k$  se ia totdeauna cu plus. Se observă că bilanțul se face pe întreaga rețea (se folosesc toate laturile, suma făcându-se pe toate laturile L ale rețelei). Termenii din membrul stâng se iau totdeauna cu plus, iar produsele din membrul drept  $U_{ek} I_k$  se iau cu plus dacă t.e.m. și curenții corespunzători au același sens prin sursă și cu semnul minus, dacă au sensuri contrare (fig.2.17).

### 2.6.3.2. Calculul conductoarelor la încălzire.

La trecerea curentului prin conductoare, o parte a energiei câmpului electromagnetic se transformă ireversibil în căldură. Din această căldură, o parte se înmagazinează în conductor ducând la creșterea temperaturii sale, iar o altă parte este cedată mediului ambiant.

Cantitatea de căldură  $Q$  dezvoltată în conductor în timpul  $t$  este:

$$Q = R I^2 t = \frac{U^2}{R} t, \quad (2.49)$$

unde  $R$  este rezistența conductorului, iar  $I$  - intensitatea curentului din conductor.

Cantitatea de căldură  $Q_d$ , cedată mediului ambiant în timpul  $t$  prin suprafața laterală  $S_l$ , a conductorului este dată de legea lui **Isaac Newton**:

$$Q_d = k S_l (\theta_c - \theta_0) t, \quad (2.50)$$

unde  $k$  este coeficientul de transmitere al căldurii,  $\theta_c$  - temperatura conductorului și  $\theta_0$  – temperatura mediului ambiant.

La atingerea temperaturii de regim  $\theta_f$ , cele două cantități de căldură sunt egale și deci:

$$R I^2 t = k S_l (\theta_c - \theta_0) t. \quad (2.51)$$

Din relația (2.51) rezultă valoarea intensității curentului electric la atingerea temperaturii de regim:

$$I = \sqrt{\frac{k S_l (\theta_c - \theta_0)}{R}}. \quad (2.52)$$

În cazul conductoarelor filiforme de secțiune constantă și circulară avem:

$$I = J \frac{\pi d^2}{4}, \quad S_l = \pi d l, \quad R = \frac{4 \rho l}{\pi d^2} \cdot S \quad (2.53)$$

Înlocuind relațiile (2.53) în (2.50) se obține densitatea curentului electric la care conductorul nu se încălzește peste temperatura de regim:

$$J = 2 \sqrt{\frac{k (\theta_f - \theta_0)}{\rho d}}. \quad (2.54)$$

Conductoarele izolate au anumite temperaturi maxime admisibile de funcționare (60°...120°C), în funcție de natura izolației și de condițiile de montaj. Curentul electric și densitatea curentului electric calculate cu relațiile (2.52) și (2.54) poartă numele de **curent** și respectiv **densitate de curent nominale**.

În tabelul 2.3 sunt date densitățile de curent admisibile pentru conductoarele de cupru izolate și neizolate pentru câteva secțiuni mai des întâlnite. Pentru conductorul neizolat se dau densitățile admisibile pentru încăperi închise și pentru încăperi deschise. Se observă că pentru conductoarele aflate în aer liber, densitatea de curent admisibilă este mai mare decât în încăperile închise. Acest lucru se poate explica prin faptul că în aer liber există o circulație mai bună a aerului, deci o răcire mai eficientă.

Tabelul 2.3

S [mm <sup>2</sup> ]	Conductor izolat J [A/mm <sup>2</sup> ]	Conductor neizolat	
		încăperi închise J [A/mm <sup>2</sup> ]	în aer liber J [A/mm <sup>2</sup> ]
4	9	14,2	14,5
6	7,7	12,2	12,6
10	6,8	10,3	10,8
16	5,7	8,1	9,4
25	4,9	6,6	8,2

35	4,3	6,0	7,7
50	3,8	5,3	6,7
70	3,5	4,8	6,1

### Aplicații

1. Să se calculeze energia consumată de un fierbător electric în timpul  $t$  dacă este alimentat la o tensiune  $U$ , puterea fierbătorului fiind  $P$ . Să se calculeze de asemenea rezistența fierbătorului și lungimea conductorului, dacă se cunoaște rezistivitatea  $\rho$  și diametrul  $d$  al conductorului.

Rezolvare

Energia absorbită de fierbător în timpul  $t$  este:  $W = P t$ .

Rezistența fierbătorului va fi:  $R = U^2/P$ .

Lungimea conductorului rezultă:  $l = R S / \rho = \pi U^2 d^2 / (4 \rho P)$ .

2. Un motor electric de curent continuu, alimentat de la o sursă electrică cu tensiunea  $U = 110 \text{ V}$ , absoarbe un curent având intensitatea  $I = 40 \text{ A}$ . Alimentarea motorului se face printr-o linie de lungime  $l = 800 \text{ m}$ . Să se determine diametrul conductoarelor liniei, astfel încât căderea de tensiune pe linie să fie  $3 \%$ . Să se calculeze puterea disipată pe linie. Calculul se va face pentru conductoare din cupru și pentru conductoare din aluminiu.

Rezolvare

Căderea de tensiune pe linie admisă este:

$$\Delta U = \frac{3}{100} U = 3,3 \text{ V},$$

în același timp:

$$\Delta U = R_l I = \rho \frac{2l}{\pi d^2} I, \quad d = \sqrt{\rho \frac{8lI}{\Delta U \pi}}.$$

Pentru conductoare din cupru, respectiv aluminiu, rezultă:

$$d_{Cu} = 21,5 \text{ mm}, \quad d_{Al} = 27,2 \text{ mm}.$$

Puterea pierdută pe linie în ambele cazuri va fi:

$$P = \Delta U \cdot I = 3,3 \cdot 40 = 132 \text{ W}.$$

### **2.6.3.3. Siguranțele fuzibile.**

Sunt aparate de protecție contra supracurenților și în special contra curenților de scurtcircuit. Ele au proprietatea de a întrerupe instantaneu circuitul electric când intensitatea curentului depășește o valoare limită impusă, ca urmare a topirii elementului fuzibil (filiform sau lamelar) prin efectul termic al curentului. Materialele din care se execută elementele fuzibile sunt argintul, cuprul, zincul și aliajele de staniu cu cadmiu. Materialele pentru fuzibile, trebuie să aibă o temperatură de topire joasă, o rezistivitate electrică mică, o inerție termică mică și să fie inoxidabile.

### **2.6.3.4. Lampa electrică cu incandescență.**

Partea activă a unei lămpi electrice cu incandescență este filamentul, un conductor, care se încălzește la trecerea curentului electric până la temperaturi în jur de  $2000^{\circ}\text{C}$ . La această temperatură, filamentul emite o radiație luminoasă apropiată de cea albă. Filamentul se realizează din sârmă foarte subțire de wolfram, care are o temperatură de topire foarte înaltă, o evaporare lentă și o rezistență mecanică mare. Randamentul lămpilor cu incandescență este foarte scăzut. Numai (4...6)% din energia electrică absorbită se transformă în energie luminoasă, restul se transformă în energie calorică. Funcționarea lămpii cu incandescență se întrerupe când filamentul sublimează (se arde) în punctul cu temperatura cea mai mare.

## **TEME DE STUDIU**

Test 1.

Care este forma locală a legii transformării energiei în conductoare ?.

Test 2.

Care este forma integrală a legii transformării energiei în conductoare ?.

Test 3.

Care este teorema conservării puterilor în circuitele de curent continuu ?.

Test 4.

Cum se determină semnul puterii debitate de surse ? .

Test 5.

Care este rolul siguranțelor fuzibile și cum funcționează .

Test 6.

Cum funcționează un bec cu filament și ce randament are.



Test 7.

Enunțați teorema conservării puterilor în circuitele de curent continuu. Unde se utilizează această teoremă ?.

Test 8.

Care este legea conservării sarcinii electrice ?.

Test 9.

Care sunt consecințele legii conservării sarcinii electrice ?.

Test 10.

Ce este tubul de curent ?.

Test 11.

Care este legea conducției electrice ?.

Test 12.

Cum se definește rezistența unei porțiuni de circuit ?.

Test 13.

Ce este conductanța electrică a unei porțiuni de circuit ?.

Test 14.

Care sunt cazurile particulare ale legii conducției electrice ?.

Test 15.

Cum depinde rezistivitatea (rezistența electrică) a materialelor de temperatură?.

Test 16.

Care este unitatea pentru rezistența electrică ?:

- ohmul;
- siemensul;
- amperul.

Test 17.

Care este unitatea pentru conductanța electrică ?:

- ohmul;
- siemensul;
- amperul.

Test 18.

Care este unitatea pentru rezistivitatea electrică ?:

- ohmul;
- siemensul;
- ohm metrul.

Test 19.

Care sunt unitățile de măsură pentru energia electrică și ce relații sunt între ele?: