

NTUT_King ICPC Team Notebook

Contents

1 基礎

1.1	關鍵字思考	1
1.2	C++ 基礎	1
1.3	C++ 易忘的內建函數	1
1.4	python 內建大數、易錯事項	1

2 官-數學

2.1	找因數	1
2.2	公因數	1
2.3	求導數	2
2.4	Sum of Product	2
2.5	法里數列	2

3 立委-幾何

3.1	Center of Masses (Polygon)	1
3.2	convexHull	1
3.3	Intersection(Line and Line)	1
3.4	Intersection(Line and Point)	3
3.5	Pack Polygon Circle	3
3.6	Two Point and Circle	4

4 大衛-動態規劃

4.1	背包問題	4
4.2	LCS	5
4.3	LIS	5
4.4	約瑟夫問題	6

5 大衛-圖論

5.1	floyd 最短路徑	6
5.2	最短生成樹	6
5.3	找圖中的橋find bridge	6
5.4	拓模排序	7

6 大衛-資料結構

6.1	並查集	7
6.2	線段樹	7

7 大衛-字串

7.1	KMP	8
7.2	最短修改距離	8
7.3	Suffix Automaton	9
7.4	suffix tree	9

1 基礎

1.1 關鍵字思考

一些寫題目會用到的小技巧：排容原理、二分搜尋、雙向搜尋、塗色問題、貪心、位元運算、暴力搜尋、

1.2 C++ 基礎

```
// * define int long long 避免溢位問題
// * cin\cout 在測資過多時最好加速
// * define debug 用來測試
```

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
#define debug
```

```
using namespace std;

main()
{
    #ifdef debug
    freopen("in1.txt", "r", stdin);
    freopen("out1.txt", "w", stdout);
    #endif // debug
    // 讀寫加速
    // 關閉iostream 物件和cstdio 流同步以提高輸入輸出的效率
    ios::sync_with_stdio(false);
    // 可以通過tie(0) (0表示NULL) 來解除cin 與cout 的繫結，進一步加快執行效率
    cin.tie(0);
}
```

1.3 C++ 易忘的內建函數

```
# 易忘的內建函數
## 輸入輸出
* gets(char*)
* sscanf(char*, "%d:%d:%d %lf", &h, &m, &s, &speed_new)
%d 表示 int
%lf 表示 double
* printf("%.2d:%.2d:%.2lf km\n",h,m,s,din)
.2 表示保留 2 位小數(%d 是整數，會自動捨去小數)

### 資料型別
* string = to_string(int)
* int = atoi(string.c_str())

### 運算
* lower_bound(begin, end, num)
    * 從陣列的 begin 位置到 end - 1 位置二分查詢第一個大於或等於 num 的數字，找到返回該數字的地址，不存在則返回 end
    * 通過返回的地址減去起始地址，得到找到數字在陣列中的下標 begin
* __builtin_popcount(int)
    * 回傳整數轉成二進值時所包含 1 的數量
* ^
    * 互斥或 xor 運算子
```

1.4 python 內建大數、易錯事項

```
# # Python 常用程式碼

# ## Python 內建大數
# * 可以直接用int() 和各個運算子計算
# * 雖然Python 有BigInt(), 但用不到

from sys import stdin, stdout

def main():
    n = int(stdin.readline())
    for i in range(n):
        line = stdin.readline().split("/")
        # 可直接轉換成大數
        p = int(line[0])
        q = int(line[1])

        # 求最大公因數
        gcdNum = gcd(p, q)

        stdout.write(str(gcdNum))
        stdout.write("\n")

main()

# ## 易錯事項
# * / 除法運算，結果總是返回浮點型別
# * // 取整除，結果返回捨去小數部分的整數
# * stdout.write(str(p)) 不能沒有str()
# * write 只能輸出字串
```

2 官-數學

2.1 找因數

```
int num = 某數;
for(int i = 1; i <= (int)sqrt(num); i++)
{
    if(num % i == 0)
    {
        // 得到因數i
        // 4 = 2 * 2, 只保留一個2
        if(num / i != i)
        {
            // 12 = 3 * 4, 像這樣, 只要找到3, 就知道4
            // 得到因數num / i
        }
    }
}
```

2.2 公因數

```
// *  $GCD(a_1+b_j, \dots, a_n+b_j) = GCD(a[0]+b[j], a[1]-a[0], a[2]-a[1], \dots, a[n-2]-a[n-3], a[n-1]-a[n-2])$ 
//  $a[0] < a[1] < a[2] < a[3] \dots$ 
// 用法
// * 因為只有  $b_j$  是不固定的, 所以求  $GCD(a_1+b_j, \dots, a_n+b_j)$  就只要算  $GCD(a[0]+b[j], baseGcd)$ 
// *  $baseGcd = GCD(a[1]-a[0], a[2]-a[1], \dots, a[n-2]-a[n-3], a[n-1]-a[n-2])$ 

#include <iostream>
#include <map>
#include <queue>
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int maxn = 2e5 + 10;
const int mod = 1e9 + 7;
typedef long long ll;
map<string, int> mp;
int gcd(int a, int b) {
    return b == 0 ? a : gcd(b, a % b);
}
ll a[maxn];
int main() {
    int n, m; cin >> n >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++) cin >> a[i];
    sort(a, a + n);
    ll g = 0;
    for (int i = 1; i < n; i++) g = __gcd(a[i] - a[i - 1], g);
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        ll x; cin >> x;
        cout << __gcd(x + a[0], g) << " ";
    }
    return 0;
}
```

2.3 求導數

```
// * 輸入  $f(x) = a_0x^n + a_1x^{n-1} + \dots + a_{n-1}x + a_n$ 
// * 求導數  $f'(x) = a_0nx^{n-1} + a_1(n-1)x^{n-2} + \dots + a_{n-1}$ 
// * 將公式重組, 可以省略多餘的次方運算
// * 如此反覆提取公因數  $x$ , 最後將函數化為  $f(x) = ((a_nx + a_{n-1})x + a_{n-2})x + \dots + a_1)x + a_0$ 
```

2.4 Sum of Product

```
n = 3
SOP(Pk) = {0, 1, 2} 內部可調換()

P_k Permutation SOP(P_k)
P1 0 1 2 2
P2 0 2 1 2
P3 1 0 2 2
P4 1 2 0 2
P5 2 0 1 2
P6 2 1 0 2輸出有幾種
```

SOP(Pk)

* 網路上有公式和序列

```
* 1, 1, 1, 3, 8, 21, 43, 69, 102, 145, 197, 261, 336, 425, 527, 645, 778, 929, 1097, 1285, 1492,
  1721, 1971, 2245, 2542, 2865, 3213, 3589, 3992, 4425, 4887, 5381, 5906, 6465, 7057, 7685,
  8348, 9049, 9787, 10565, 11382, 12241, 13141, 14085, 15072, 16105
* For n >= 7
  * a(n) = (n^3-16*n+27)/6 (n is odd)
  * a(n) = (n^3-16*n+30)/6 (n is even)
```

2.5 法里數列

* 求 Farey sequences(Fn) 的第 k 個分數

* 利用遞推式不斷求出新的數值

```
* 遞推式:
  * num = (n + b1) (b2)
  * a3 = num * a2 - a1;
  * b3 = num * b2 - b1;
```

3 立委-幾何

3.1 Center of Masses (Polygon)

```
#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <iomanip>
#include <iostream>
#include <vector>
```

```
using namespace std;
```

```
// 求重心
```

```
// 把多邊形切開成許多個三角形, 分別計算各個三角形的重心。然後以三角形面積作為權重, 計算三角形重心的加權平均值, 就得到多邊形的重心
```

```
class Point {
private:
public:
    double x, y;
    Point() : x(0), y(0) {}
    Point(double X, double Y) : x(X), y(Y) {}
    ~Point() {}

    bool operator<(Point const& r) const {
        return x < r.x || (x == r.x && y < r.y);
    }

    bool operator==(Point const& r) const {
        return x == r.x && y == r.y;
    }

    Point& operator+(Point const& r) const {
        return *(new Point(x + r.x, y + r.y));
    }

    Point& operator-(Point const& r) const {
        return *(new Point(x - r.x, y - r.y));
    }

    double cross(Point const& r) const {
        return x * r.y - y * r.x;
    }
};

Point massCenter(vector<Point> polygon) {
    if (polygon.size() == 1) {
        return polygon[0];
    } else if (polygon.size() == 2) {
        return Point((polygon[0].x + polygon[1].x) / 2, (polygon[0].y + polygon[1].y));
    }

    double cx = 0, cy = 0, w = 0;
    for (int i = polygon.size() - 1, j = 0; j < polygon.size(); i = j++) {
        double a = polygon[i].cross(polygon[j]);
        cx += (polygon[i].x + polygon[j].x) * a;
        cy += (polygon[i].y + polygon[j].y) * a;
        w += a;
    }
}
```

```

    return Point(cx / 3 / w, cy / 3 / w);
}

```

3.2 convexHull

```

#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <iomanip>
#include <iostream>
#include <vector>

using namespace std;

// 首先升序排序所有按x升序（x相同按y升序），除重复后得到序列p1,p2...，然后p1和p2放到凸包中。p3始，新在凸包\前"方向的左
// （叉正），否（叉或0）依次除最近加入到凸包的，直到新在左。
// 左到右做一次之后得到的是\下凸包"，然后右向左做一次得到\上凸包"，合起就是完整的凸包。复杂度O(nlogn)。

class Point {
private:
    double x, y;

public:
    Point() : x(0), y(0) {}
    Point(double X, double Y) : x(X), y(Y) {}
    ~Point() {}

    bool operator<(Point const& r) {
        return x < r.x || (x == r.x && y < r.y);
    }

    bool operator==(Point const& r) {
        return x == r.x && y == r.y;
    }

    Point& operator+(Point const& r) const {
        return *(new Point(x + r.x, y + r.y));
    }

    Point& operator-(Point const& r) const {
        return *(new Point(x - r.x, y - r.y));
    }

    double cross(Point const& r) const {
        return x * r.y - y * r.x;
    }

    Point& rotate(double degree) const {
        return *(new Point(x * cos(degree) - y * sin(degree), x * sin(degree) + y * cos(degree)));
    }
};

vector<Point> convexHull(vector<Point>::iterator first, vector<Point>::iterator last) {
    vector<Point> p(first, last);
    sort(p.begin(), p.end());
    p.resize(unique(p.begin(), p.end()) - p.begin());
    if (p.size() < 3) return p;

    vector<Point> result;
    for (int i = 0; i < p.size(); i++) {
        while (result.size() >= 2 && (result.back() - result[result.size() - 2]).cross(p[i] - result.back()) <= 0) result.pop_back();
        result.push_back(p[i]);
    }

    int k = result.size();
    for (int i = p.size() - 2; i >= 0; i--) {
        while (result.size() >= k + 1 && (result.back() - result[result.size() - 2]).cross(p[i] - result.back()) <= 0) result.pop_back();
        result.push_back(p[i]);
    }
    result.pop_back();
    return result;
}

double area(vector<Point>::iterator first, vector<Point>::iterator last) {
    double ans = 0;
    for (auto i = first + 1; i + 1 < last; i++) {
        ans += (*i - *first).cross(*(i + 1) - *first);
    }
    return ans / 2;
}

```

3.3 Intersection(Line and Line)

```

#include <iomanip>
#include <iostream>
using namespace std;

// 斜率一樣代表平行或重合
// m = dy/dx
// m1 = m2
// dy1/dx1 = dy2/dx2
// dy1 * dx2 = dy2 * dx1

// 求兩直線交點
// 利用正弦定理可知
// a/sin A = b/sin B = c/sin C = 2R
// a = c * sin A / sin C
// 又 T = (u x b) / (a x b) = |u| sin θ / |a| sin β (sin θ = sin α)
// 故 T * a = EB

```

```

class Vector {
private:
    double _x;
    double _y;

public:
    Vector(double x, double y) : _x(x), _y(y) {}
    double cross(const Vector& other_vector) const {
        return _x * other_vector._y - _y * other_vector._x;
    }
    double getX() { return _x; }
    double getY() { return _y; }

    Vector operator*(double k) const {
        return *(new Vector(k * _x, k * _y));
    }
};

Vector findIntersectionVector(const Vector& a, const Vector& b, const Vector& u) {
    return a * (u.cross(b) / a.cross(b));
}

int main() {
    ios::sync_with_stdio(false);
    cin.tie(nullptr);

    int n;
    cin >> n;

    cout << "INTERSECTING LINES OUTPUT" << endl;

    for (int i = 0; i < n; i++) {
        double x1, y1, x2, y2, x3, y3, x4, y4;
        cin >> x1 >> y1 >> x2 >> y2 >> x3 >> y3 >> x4 >> y4;
        if ((x1 - x2) * (y3 - y4) == (x3 - x4) * (y1 - y2)) {
            if (Vector(x1 - x3, y1 - y3).cross(Vector(x1 - x2, y1 - y2)) == 0) {
                cout << "LINE" << endl;
            } else {
                cout << "NONE" << endl;
            }
        } else {
            Vector intersectionVector = findIntersectionVector(Vector(x2 - x1, y2 - y1), Vector(x4 - x3, y4 - y3), Vector(x2 - x4, y2 - y4));
            cout << "POINT " << fixed << setprecision(2) << x2 - intersectionVector.getX() << " " << fixed << setprecision(2) << y2 - intersectionVector.getY() << endl;
        }
    }

    cout << "END OF OUTPUT" << endl;

    return 0;
}

```

3.4 Intersection(Line and Point)

```

#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <iostream>
using namespace std;

// 確定點在線的上部或下部假設有一直線通過點P，且方向向量為v，求某一點Q 在線的上部分或下部分或點上
// 公式：*
// PQ × v
// 結果：
// 負數->上部分

```

```

// 正數->下部分
// 0 -> 線上
// 可利用此公式當跨立實驗的判斷基準

// 快速排斥實驗
// 若兩線段四方形區域未重疊則此兩線段必不相交
// 求  $P_1P_2$  及  $Q_1Q_2$ 
// 設  $Q_1(q1x, q1y)$  .... 以此類推
// - 程式碼:
// min(p1x, p2x) <= max(q1x, q2x) && min(q1x, q2x) <= max(p1x, p2x) && min(p1y, p2y) <= max(q1y, q2y) &&
// min(q1y, q2y) <= max(p1y, p2y)

// 跨立實驗
// 若有  $\overline{AB}$  及  $\overline{CD}$ 
// A 與 B 在  $\overline{CD}$  兩側且 C 與 D 在  $\overline{AB}$  兩側，則通過跨立實驗
// 通過跨立實驗不代表兩線相交，需要同時通過快速排斥實驗才是兩線段相交

class Point {
private:
    int _x, _y;

public:
    Point(int x, int y) : _x(x), _y(y) {}
    int getX() const { return _x; }
    int getY() const { return _y; }
    Point& operator=(const Point& other_point) const {
        return *(new Point(_x - other_point.getX(), _y - other_point.getY()));
    }
    int cross(const Point& other_point) {
        return _x * other_point.getY() - _y * other_point.getX();
    }
};

class Line {
private:
    Point _p1, _p2;

public:
    Line(Point p1, Point p2) : _p1(p1), _p2(p2) {}
    Point Point1() const {
        return _p1;
    }
    Point Point2() const {
        return _p2;
    }
    bool isIntersect(const Line& other_line) const {
        int max_other_x = max(other_line.Point1().getX(), other_line.Point2().getX());
        int max_other_y = max(other_line.Point1().getY(), other_line.Point2().getY());
        int min_other_x = min(other_line.Point1().getX(), other_line.Point2().getX());
        int min_other_y = min(other_line.Point1().getY(), other_line.Point2().getY());
        int max_self_x = max(_p1.getX(), _p2.getX());
        int max_self_y = max(_p1.getY(), _p2.getY());
        int min_self_x = min(_p1.getX(), _p2.getX());
        int min_self_y = min(_p1.getY(), _p2.getY());

        if ((max_self_x >= min_other_x) && (max_other_x >= min_self_x) && (max_self_y >= min_other_y)
            && (max_other_y >= min_self_y)) {
            if (((_p1 - other_line.Point1()).cross(_p1 - _p2) * (_p1 - other_line.Point2()).cross(_p1 -
                _p2) <= 0) {
                if ((other_line.Point1() - _p1).cross(other_line.Point1() - other_line.Point2()) * (
                    other_line.Point1() - _p2).cross(other_line.Point1() - other_line.Point2()) <=
                    0) {
                    return true;
                }
            }
        }
        return false;
    }
};

int main() {
    ios::sync_with_stdio(false);
    cin.tie(nullptr);

    int n;
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        int x_s, y_s, x_e, y_e;
        cin >> x_s >> y_s >> x_e >> y_e;
        Line line(Point(x_s, y_s), Point(x_e, y_e));

        int x_1, x_2, y_1, y_2;
        cin >> x_1 >> y_1 >> x_2 >> y_2;
        int x_s = max(x_1, x_2), x_r = min(x_1, x_2), y_t = max(y_1, y_2), y_b = min(y_1, y_2);

        if (x_s < x_1 && x_e < x_1 && x_s > x_r && x_e > x_r && y_s < y_t && y_e < y_t && y_s > y_b &&
            y_e > y_b) {
            cout << "T" << endl;
        } else {

```

```

        Point left_top(x_l, y_t);
        Point right_top(x_r, y_t);
        Point left_bottom(x_l, y_b);
        Point right_bottom(x_r, y_b);

        Line left(left_top, left_bottom);
        Line right(right_top, right_bottom);
        Line top(left_top, right_top);
        Line bottom(left_bottom, right_bottom);

        if (left.isIntersect(line) || right.isIntersect(line) || top.isIntersect(line) || bottom.
            isIntersect(line)) {
            cout << "T" << endl;
        } else {
            cout << "F" << endl;
        }
    }
}

return 0;
}

```

3.5 Pack Polygon Circle

```

#include <cmath>
#include <iostream>

using namespace std;

// 找三角形外心
// (x1-x)*(x1-x)-(y1-y)*(y1-y)=(x2-x)*(x2-x)+(y2-y)*(y2-y);
// (x2-x)*(x2-x)+(y2-y)*(y2-y)=(x3-x)*(x3-x)+(y3-y)*(y3-y);

// 化簡得到：
// 2*(x2-x1)*x+2*(y2-y1)*y=x22+y22-x12-y12;
// 2*(x3-x2)*x+2*(y3-y2)*y=x32+y32-x22-y22;
// 令A1=2*(x2-x1);
// B1=2*(y2-y1);
// C1=x22+y22-x12-y12;
// A2=2*(x3-x2);
// B2=2*(y3-y2);
// C2=x32+y32-x22-y22;
// 即
// A1*x+B1*y=C1;
// A2*x+B2*y=C2;

// 最後根據克拉默法則
// x=((C1*B2)-(C2*B1))/((A1*B2)-(A2*B1));
// y=((A1*C2)-(A2*C1))/((A1*B2)-(A2*B1));

struct Point {
    double x;
    double y;
    Point() {}
    Point(double X, double Y) {
        x = X;
        y = Y;
    }
};

double distance_p2p(Point p1, Point p2) {
    return sqrt((p1.x - p2.x) * (p1.x - p2.x) + (p1.y - p2.y) * (p1.y - p2.y));
}

Point p[100];
int n;

class Circle {
public:
    double r;
    Point c;
    Circle(Point p1, Point p2) : r(distance_p2p(p1, p2) / 2), c((p1.x + p2.x) / 2, (p1.y + p2.y) / 2) {}
    Circle(Point p1, Point p2, Point p3) {
        double A1 = p1.x - p2.x, B1 = p1.y - p2.y, C1 = (p1.x * p1.x - p2.x * p2.x + p1.y * p1.y - p2.
            y * p2.y) / 2;
        double A2 = p3.x - p2.x, B2 = p3.y - p2.y, C2 = (p3.x * p3.x - p2.x * p2.x + p3.y * p3.y - p2.
            y * p2.y) / 2;
        c.x = (C1 * B2 - C2 * B1) / (A1 * B2 - A2 * B1);
        c.y = (A1 * C2 - A2 * C1) / (A1 * B2 - A2 * B1);
        r = distance_p2p(c, p1);
    }
    Circle() {}
};

```

```

double find_smallest_r() {
    Circle c(p[0], p[1]);
    for (int i = 2; i < n; i++) {
        if (distance_p2p(c.c, p[i]) > c.r) {
            c = Circle(p[0], p[i]);
            for (int j = 1; j < i; j++) {
                if (distance_p2p(c.c, p[j]) > c.r) {
                    c = Circle(p[j], p[i]);
                    for (int k = 0; k < j; k++) {
                        if (distance_p2p(c.c, p[k]) > c.r) {
                            c = Circle(p[j], p[i], p[k]);
                        }
                    }
                }
            }
        }
    }
    return c.r;
}

```

3.6 Two Point and Circle

```

#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <iomanip>
#include <iostream>
using namespace std;
// - 餘弦定理
// - 設三角形三邊A、B、C 與三對角 $\theta_a$ 、 $\theta_b$ 、 $\theta_c$ 
// -  $A^2 = B^2 + C^2 - 2BC \cos \theta_a$ 
// -  $\cos \theta_a = \frac{B^2 + C^2 - A^2}{2BC}$ 

class Vector {
public:
    double x, y;
    Vector() : x(0), y(0) {}
    Vector(double X, double Y) : x(X), y(Y) {}
    Vector operator-(const Vector& other_point) const {
        return *(new Vector(x - other_point.x, y - other_point.y));
    }
    double dot(const Vector& other_point) const {
        return x * other_point.x + y * other_point.y;
    }
    double cross(const Vector& other_point) const {
        return x * other_point.y - y * other_point.x;
    }
    double square() const {
        return (x * x + y * y);
    }
    double distance() const {
        return sqrt(square());
    }
};

double p2l_dist(Vector A, Vector B, Vector O) {
    Vector AB = B - A;
    Vector dv(-AB.y, AB.x);
    if (A.cross(dv) * B.cross(dv) >= 0) {
        return min(A.distance(), B.distance());
    }

    Vector AO = O - A;
    return sqrt(AO.square() - pow(AO.dot(AB) / AB.distance(), 2));
}

int main() {
    ios::sync_with_stdio(false);
    cin.tie(nullptr);

    int n;
    cin >> n;

    while (n--) {
        Vector A, B, O(0, 0);
        double r, ans;
        cin >> A.x >> A.y >> B.x >> B.y >> r;

        if (p2l_dist(A, B, O) + 1e-7 >= r) {
            ans = (A - B).distance();
        } else {
            double AO = A.distance();
            double BO = B.distance();

```

```

        double AB = (A - B).distance();
        double a3 = acos((AO * AO + BO * BO - AB * AB) / (2 * AO * BO)) - acos(r / AO) - acos(r / BO);
        ans = a3 * r + sqrt(AO * AO - r * r) + sqrt(BO * BO - r * r);
        cout << fixed << setprecision(3) << ans << endl;
    }

    return 0;
}

```

4 大衛-動態規劃

4.1 背包問題

```

memset(dp, INF, sizeof(dp));
memset(dp[0], 0, sizeof(dp[0])); //車子是0 貨箱時，一定沒辦法買水果，因此最低價都是0

for (int i = 0; i <= 每種水果; i++) {
    for (int j = 0; j <= 卡車容量; j++) {
        for (int k = 0; k <= 預算; k++) {
            //主要是我們假設卡車容量有1 G，
            //總預算有1 n
            //我們透過紀錄，在卡車容量是G-1 的情況，卡車現在預算- 這種水果預算時，
            //有沒有比現在的dp[卡車容量][預算] 來得小，有就替換
            dp[j][k] = min(dp[j][k], dp[j-1][cost - 水果買入價] + 水果賣出價)
        }
    }
}

//想要找到最高的預算就是
cout << dp[卡車容量預算][[]];

```

4.2 LCS

```

#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define N 120
using namespace std;
int n;
string strA, strB;
int t[N*N], d[N*N], num[N*N]; //t and d 是LIS 要用到
// d 用來記住LIS 中此數字的前一個數字
// t 當前LIS 的數列位置
// num 則是我們根據strB 的字元生成數列，用來找出最長LIS 長度
map<char, vector<int>> dict; //記住每個字串出現的index 位置

int bs(int l, int r, int v) { //binary search
    int m;
    while (r > l) {
        m = (l+r) / 2;
        if (num[v] > num[t[m]]) l = m+1;
        else if (num[v] < num[t[m]]) r = m;
        else return m;
    }
    return r;
}

int lcs() {
    dict.clear(); //先將dict 先清空
    for (int i = strA.length()-1; i > 0; i--) dict[strA[i]].push_back(i);
    // 將每個字串的位置紀錄並放入vector 中，請記住i = strA.length()-1 才可以達到逆續效果

    int k = 0; //紀錄生成數列的長度的最長長度
    for (int i = 1; i < strB.length(); i++) { //依據strB 的每個字元來生成數列
        for (int j = 0; j < dict[strB[i]].size(); j++)
            //將此字元在strA 出現的位置放入數列
            num[++k] = dict[strB[i]][j];
    }
    if (k==0) return 0; //如果k = 0 就表示他們沒有共同字元都沒有於是就直接輸出0

    d[1] = -1, t[1] = 1; //LIS init
    int len = 1, cur; //len 由於前面已經把LCS = 0 的機會排除，於是這裡則從1 開始

    // 標準的LIS 作法，不斷嘗試將LCS 生長

```

```

for(int i = 1 ; i <= k ; i++){
    if(num[i] > num[t[len]]) t[++len] = i , d[i] = t[len-1] ;
    else{
        cur = bs(1,len,i);
        t[cur] = i ;
        d[i] = t[cur-1];
    }
}

//debug
// for(int i = 1 ; i <= k ; i++){
//     cout << num[t[i]] << ' ' ;
//     cout << '
n' ;
}
return len ;
}

```

4.3 LIS

```

#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define MAXN 5020
#define LOCAL
using namespace std;

int a[MAXN];
int T, n, len = 0, cur;

int lis(){
    deque<int> b; //用來產生LIS 長度
    b.push_back(a[0]); //先放入一個數值，以避免b.back() 找不到值
    int temp; //紀錄二分搜尋後找到的位置
    for(int i = 1; i < n; i++){
        if(a[i] > b.back()){ //如果現在這個數字大於此數列中最大的數字
            b.push_back(a[i]); //LIS push back
        }
        else{
            temp = upper_bound(b.begin(), b.end(), a[i]) - b.begin();
            //二分搜尋，找到他適合的位置，前面數字比他小或相等，後面數字大
            temp = lower_bound(b.begin(), b.end(), a[i]) - b.begin();
            //大部分使用upper_bound，少用lower_bound
            b.insert(b.begin()+temp, a[i]); //插入數值在此位置
        }
    }
    return b.size(); //輸出最長LIS 長度
}

```

4.4 約瑟夫問題

```

int josephus(int n, int k){
    int s = 0; //一開始的編號
    for(int i = 2; i <= n; i++) s = (s+k) % i; //第i 輪中，他的位置是第s
    return s+1; //如果题目的編號一開始是1，那我們就加一
}

```

5 大衛-圖論

5.1 floyd 最短路徑

// 有一個大型的人類組織社會，詢問人與人的最大距離為何？ 如果沒有的話，輸出\DISCONNECTED*。

```

#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define INF 99999999
using namespace std;
map<string, int> mapMember ;
int intPath[55][55] ;

```

```

int main()
{

```

```

#ifdef LOCAL
    freopen("in1.txt" , "r" , stdin );
    freopen("out.txt" , "w" , stdout );
#endif // LOCAL
int P , R , intCase = 1 , intHash ;
string strNameA , strNameB ;
while(cin >> P >> R){
    if(!(P + R))
        break ;
    mapMember.clear() ;
    for(int i = 1 ; i <= P ; i++){
        for(int j = 1 ; j <= P ; j++){
            intPath[i][j] = INF ;
        }
    }
    intHash = 1 ;
    for(int i = 0 ; i < R ; i++){
        cin >> strNameA >> strNameB ;
        if(!mapMember[strNameA])
            mapMember[strNameA] = intHash++ ;
        if(!mapMember[strNameB])
            mapMember[strNameB] = intHash++ ;
        intPath[ mapMember[strNameA] ][ mapMember[strNameB] ] = 1 ;
        intPath[ mapMember[strNameA] ][ mapMember[strNameA] ] = 0 ;
        intPath[ mapMember[strNameB] ][ mapMember[strNameA] ] = 1 ;
        intPath[ mapMember[strNameB] ][ mapMember[strNameB] ] = 0 ;
    }

    //floyd
    int intMax = 0 ;
    for(int i = 1 ; i <= P ; i++){
        for(int j = 1 ; j <= P ; j++){
            for(int k = 1 ; k <= P ; k++){
                if(intPath[j][k] > intPath[j][i] + intPath[i][k]){
                    intPath[j][k] = intPath[j][i] + intPath[i][k] ;
                }
            }
        }
    }
    for(int i = 1 ; i <= P ; i++){
        for(int j = 1 ; j <= P ; j++){
            intMax = max(intPath[i][j] , intMax);
        }
    }
    if(intMax == INF)
        cout << "Network " << intCase++ << " : " << "DISCONNECTED" << '\n' ;
    else
        cout << "Network " << intCase++ << " : " << intMax << '\n' ;
    cout << '\n' ;
}
return 0;

```

5.2 最短生成樹

//無向圖，之後生成Minimum Spanning Tree (最小生成樹)

```

#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define ll long long
using namespace std;
int parent[1020] ;

struct edge{
    ll n1 , n2 , w ;
}node[25020];

```

```

int compare(edge A , edge B ){
    return A.w < B.w ;
}

```

```

int find_root(int a){
    if(a != parent[a] )
        return parent[a] = find_root(parent[a]) ;
    return a ;
}

```

```

int main()
{
    #ifdef LOCAL
        freopen("in1.txt" , "r" , stdin );
        freopen("out.txt" , "w" , stdout );
    #endif // LOCAL
    int n , m , p_n1 , p_n2 ; // parent_n1 , parent_n2

```

```

vector<int> hce ; //heavy edge circle
while(cin >> n >> m && n + m != 0 ){
    for(int i = 0 ; i < m ; i++){
        cin >> node[i].n1 >> node[i].n2 >> node[i].w ;
    }

    for(int i = 0 ; i < n ; i++){
        parent[i] = i ;
        sort(node , node + m , compare ) ;
        hce.clear() ;

        //kruskal
        for(int i = 0 ; i < m ; i++){
            p_n1 = find_root(node[i].n1) ;
            p_n2 = find_root(node[i].n2) ;
            if(p_n1 != p_n2 )
                parent[p_n2] = p_n1 ;
            else
                hce.push_back(node[i].w) ;

            //debug
            /*
            for(int i = 0 ; i < n ; i++){
                cout << parent[i] << ' ' ;
                cout << '\n' ;
            }
            */
        }
        sort(hce.begin() , hce.end()) ;
        if(hce.size()){
            for(int i = 0 ; i < hce.size()-1 ; i++){
                cout << hce[i] << ' ' ;
                cout << hce[hce.size()-1] ;
            }
            else
                cout << "forest" ;
            cout << '\n' ;
        }
        return 0 ;
    }
}

```

5.3 找圖中的橋find bridge

```

// 四個陣列，一個vector edge 紀錄題目的邊
// depth 紀錄當前深度
// low 紀錄當前節點，能返回的最淺深度是多少
// visit 紀錄是否有走訪過
// ancestor 為disjoint set，將所有橋的節點放在一起

#define MAXN
vector<int> edge[MAXN];
int visit[MAXN], depth[MAXN], low[MAXN];
int ancestor[MAXN];
int cnt = 1

int find_root(int x){
    if(ancestor[x] != x) return ancestor[x] = find_root(ancestor[x]);
    return ancestor[x];
}

void find_bridge(int root, int past){ //找到橋點
    visit[root] = 1; //表示走訪過
    depth[root] = low[root] = cnt++; //邏輯證明2.1
    for(int node: edge[root]){ //不斷遍地
        //因為是無向邊，因此雙向同個edge 不是bridge
        if(node == past) continue;
        if(visit[node]) low[root] = min(low[root], depth[node]); //邏輯證明2.2
        else{
            //先進行DFS，往下找其他的node 有沒有辦法回到曾經走訪過的節點
            find_bridge(node, root);
            low[root] = min(low[root], low[node]); //邏輯證明2.3
            if(low[node] > depth[root]){ //邏輯證明2.4
                int fa_node = find_root(node); //進行disjoint merge
                int fa_root = find_root(root);
                //cout << "fa " << fa_node << " " << fa_root << "
                //n";
                ancestor[fa_node] = fa_root;
            }
        }
    }
}

```

5.4 拓模排序

```

#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define MAXN 120
using namespace std;
int n, m, a, b;
int cnt [MAXN]; //記錄關係，以此節點為後面，而有多少節點在其前面
vector<int> root [MAXN], ans;
//root 記錄關係，以此節點為前面，而另一節點就在後面 (vector.push_back)
//ans 答案序列，拓模排序的序列

void topo(){
    for(int i = 0; i < m; i++){ //不斷輸入
        cin >> a >> b; //輸入記錄關係，a 是前者b 是後者
        root[a].push_back(b); //記錄關係，記錄a 有多少後面節點，並且記錄。
        cnt[b]++; //記錄有幾個前面節點，如果b 是後面關係時。
    }

    deque<int> q; //用來判斷有哪些節點現在已經可以直接被放到答案序列
    for(int i = 1; i <= n; i++){
        if(cnt[i] == 0) q.push_back(i);
        //在記錄關係中，如果以此節點為後面，沒有節點在前面就加入q
    }

    int now; //暫存bfs(q) 當前的節點
    ans.clear(); //答案序列清空
    while(ans.size() != n){ //如果答案序列的長度跟題目給的長度一樣就跳出
        if(q.empty()) break; //如果沒有節點可以直接被放入答案序列就跳出
        now = q.front(); q.pop_front(); //把當前節點給now
        ans.push_back(now); //將now 放入答案序列
        for(auto it: root[now]){ //由於now 節點被放入答案陣列，
            //之前的記錄關係就不須記錄，因為放到答案陣列就剩下的後面節點就必定在後面

            cnt[it]--; //將所有原本在記錄關係中後面的節點-1，減少了一個記錄關係
            if(cnt[it] == 0) q.push_back(it); //如果都沒有記錄關係就可以放到q
        }
    }

    if(ans.size() == n){ //如果答案序列跟n 一樣，表示可以成功排出拓模排序，就輸出答案
        for(int i = 0; i < ans.size(); i++) cout << ' ' << ans[i];
        cout << '\n';
    }
}

```

6 大衛-資料結構

6.1 並查集

```

#define MAXN 2000
void init(){
    for(int i = 0; i < MAXN; i++){
        tree[i] = i;
        cnt[i] = 1; //cnt 為數量，也就是每一個集合的數量，一開始都是1，因為只有自己。
    }
}

int find_root(int i){
    if(tree[i] != i) //如果tree[i] 本身並不是集合中的代表元素，
        //表示這個集合中有其他元素，並且其他元素才是代表元素
        return tree[i] = find_root(tree[i]); //遞迴，將tree[i] 的元素在進行查詢，
        //並將代表元素設為現在的tree[i]
    return tree[i]; //回傳代表元素
}

void merge(int a, int b){
    rx = find_root(tree[a]); //找出find_root (tree[a]) 的代表元素
    ry = find_root(tree[b]); //找出find_root (tree[b]) 的代表元素
    if(rx != ry) //如果不一樣就合併
        tree[ry] = rx; //要合併的是代表元素，不是tree[b]
    cnt[rx] += cnt[ry]; //將原本另一集合的數量加到這集合，因為他們合併了
    cnt[ry] = 0; //由於合併，因此將原本獨立的集合數量歸0
}

```

6.2 線段樹

```

#define INF 0x3f3f3f3f
#define Lson(x) (x << 1)
#define Rson(x) ((x << 1) + 1)
#define MAXN 題目陣列最大長度

struct Node{
    int left; // 左邊邊界
    int right; // 右邊邊界
    int value; // 儲存的值
    int z; // 區間修改採用，如果沒有區間修改就不需要
}node[4 * N];

void question(){
    for(int i = 1; i <= 10; i++) num[i] = i * 123 % 5;
    // num 為題目產生的一段數列
    // hash 函數，讓num 的i 被隨機打亂
}

void build(int left , int right , int x = 1 ){
    // left 為題目最大左邊界，right 為題目最大右邊界，圖片最上面的root 為第一個節點
    node[x].left = left ; //給x 節點左右邊界
    node[x].right = right ;
    if(left == right){ //如果左右邊界節點相同，表示這裡是葉節點
        node[x].value = num[left] ; //把num 值給node[x]
        //這裡的num 值表示，我們要在value 要放的值
        return ; //向前返回
    }
    int mid = (left + right ) / 2 ; //切半，產生二元樹

    //debug
    //cout << mid << '
        n' ;
    //cout << x << ' ' << node[x].left << ' ' << node[x].right << ' ' << '
        n' ;

    build(left , mid , Lson(x)) ; //將區間改為[left, mid] 然後帶給左子樹
    build(mid + 1 , right , Rson(x)) ; //將區間改為[mid+1, right] 然後帶給右子樹
    node[x].value = min(node[Lson(x)].value , node[Rson(x)].value ) ;
    //查詢左右子樹哪個數值最小，並讓左右子樹最小值表示此區間最小數值。
}

void modify(int position , int value , int x = 1 ){ //修改數字
    if(node[x].left == position && node[x].right == position ){ //找到葉節點
        node[x].value = value ; //修改
        return ; //傳回
    }
    int mid = (node[x].left + node[x].right ) / 2 ; //切半，向下修改
    if(position <= mid ) //如果要修改的點在左邊，就往左下角追蹤
        modify(position , value , Lson(x)) ;
    if(mid < position ) //如果要修改的點在右邊，就往右下角追蹤
        modify(position , value , Rson(x)) ;
    node[x].value = min(node[Lson(x)].value , node[Rson(x)].value ) ;
    //比較左右子樹哪個值比較小，較小值為此節點的值
}

void push_down(int x, int add){ //將懶人標記往下推，讓下一層子樹進行區間修改
    int lson = Lson(x), rson = Rson(x);
    node[lson].z += add; //給予懶人標記，表示子樹如果要給子樹的子樹區間修改時，
    node[rson].z += add; //數值要是多少，左右子樹都需要做

    node[lson].v += add; //更新左右子樹的值
    node[rson].v += add;
}

void update(int a, int b, int cmd, int x = 1){
    //a, b 為區間修改的left and right, cmd 為要增加的數值
    if(a <= node[x].l && b >= node[x].r){
        //如果節點的left and right，跟a, b 區間是相等，或更小就，只要在這邊修改cmd，
        //就可以讓node[x].v 的值直接變為區間修改後的數值，
        //之後如果我們要讓這查詢向子樹進行區間修改，就用push_down，
        //我們這邊的懶人標記就會告訴左右子樹要修改的值為多少

        node[x].v += cmd; //區間修改後的v
        node[x].z = cmd; //區間修改是要增加多少數值
        return;
    }
    push_down(x); //先將之前的區間查詢修改值，往下給子樹以避免上次的查詢值被忽略
    //假如當前的node[x].z 原本是3，如果沒有push_down(x)，那下面的子樹都沒有被+3，

```

//導致答案不正確。

```

int mid = (node[x].l+node[x].r) / 2; //切半，向下修改
if(a <= mid) update(a, b, cmd, Lson(x)); //如果要修改的點在左邊，就往左下角追蹤
if(b > mid) update(a, b, cmd, Rson(x)); //如果要修改的點在右邊，就往右下角追蹤
node[x].v = node[Lson(x)].v + node[Rson(x)].v;
//比較左右子樹哪個值比較小，較小值為此節點的值
}

#define INF 0x3f3f3f

int query(int left , int right , int x = 1 ){
    if(node[x].left >= left && node[x].right <= right)
        return node[x].Min_Value ;
    //如果我們要查詢的區間比當前節點的區間大，那我們不需再向下查詢直接輸出此答案就好。
    // 例如我們要查詢 [2, 8]，我們只需要查詢 [3, 4]，不須查詢 [3, 3]、[4, 4]，
    // [3, 4] 已經做到最小值查詢

    push_down(x); //有區間修改時才需要寫
    int mid = (node[x].left + node[x].right ) / 2 ; //切半，向下修改
    int ans = INF ; //一開始先假設答案為最大值

    if( left <= mid ) //如果切半後，我們要查詢的區間有在左子樹就向下查詢
        ans = min(ans , query(left , right , Lson(x)) ) ; //更新答案，比較誰比較小
    if(mid < right ) //如果切半後，我們要查詢的區間有在右子樹就向下查詢
        ans = min(ans , query(left , right , Rson(x)) ) ; //更新答案，比較誰比較小
    return ans ; //回傳答案
}

```

7 大衛-字串

7.1 KMP

// 給你一字串，請新增字元讓這字串變成迴文，但新增字元數量要最少。
 // 迴文：從左邊讀與從右邊讀意思都一樣
 // 題目善意提示：這題不要給經驗不足的新手做M
 // KMP algorithm 介紹
 // 在線性時間內找出段落 (Pattern) 在文字 (text) 中哪裡出現過。
 // 對Pattern 找出次長相同前綴後綴，在使用DP 將時間複雜度壓縮

```

string strB ;
int b[MAXN] ;
// b[] value 表示strB當下此字元上次前綴的index，如果已經沒有前綴則設定-1

void kmp_process(){
    int n = strB.length() , i = 0 , j = -1 ;
    // j = 前綴的長度
    //strB 是pattern , j = -1 時代表沒有辦法再回推到前一個次長相同前綴
    b[0] = -1 ;
    // 由於strB[0] 絕對沒有前綴所以設定-1
    while(i < n ){ //對從Pattern 的第0 個字元到第i 字元找出次長相同前綴
        while(j >= 0 && strB[i] != strB[j]) j = b[j] ;
        // j >= 0 代表還可以有機會找出次長相同前綴
        // strB[i] != strB[j] 則代表他們字元不同，於是在這裡把j 值設為b[j]
        // 當j 只要被設定成-1 就代表完全沒有次長相同前綴
        i++ ; j++ ;
        b[i] = j ;
        // strB[i] 上次前綴的index 值或是將j 設定成0 而不設定成-1 是因為
        // 他有可能會是strB[0] 長度只有1 的前綴
    }

    //debug 供應測試用
    // for(int k = 0 ; k <= n ; k++)
    // cout << b[k] << ' ' ;
    // cout << '
        n' ;
}

string strA ;
//strA 是text

```

```

void kmp_search(){
    int n = strA.length() , m=strB.length() , i=0 , j=0 ;
    while(i < n ){ //對從text 找出搜尋哪裡符合Pattern
        while(j >= 0 && strA[i] != strB[j]) j = b[j] ;
        // j >= 0 代表還可以有機會是pattern 的前綴
    }
}

```



```
// strA[i] != strB[j] 則代表他們字元不同，於是在這裡把j 改為b[j]
// b[j] 說明請看kmp.process 宣告b[j] 時的解釋
i++; j++;
if (j == m) { // j 已經跟pattern 的長度相同了
    printf("P is found at index %d in T\n", i - j);
    // 告訴使用者在哪裡找出
    j = b[j];
    // 將j 設定成此字元上次前綴的index
}
}
```

7.2 最短修改距離

```
// Minimum Edit Distance 介紹
// 可以透過刪除、插入、替換字元來達到將A 字串轉換到B 字串，並且是最少編輯次數。
// 此演算法的時間複雜度O(n2)

// 最短修改距離Minimum Edit Distance 應用
// DNA 分析
// 拼寫檢查
// 語音辨識
// 抄襲偵測

int dis[MAXN][MAXN];
//dis[A][B] 指在strA 長度0 to A 與strB 長度0 to B 的最短修改距離為多少
//這裡假設由A 轉換B
string strA, strB;
int n, m;
n=strA.length();
m=strB.length();

int med() { //Minimum Edit Distance
    for(int i = 0; i <= n; i++) dis[i][0] = i;
    // 由於B 是0，所以A 轉換成B 時每個字元都要被進行刪除的動作
    for(int j = 0; j <= m; j++) dis[0][j] = j;
    // 由於A 是0，所以A 轉換成B 時每個字元都需要進行插入的動作
    for(int i = 1; i <= n; i++) { // 對strA 每個字元掃描
        for(int j = 1; j <= m; j++) { // 對strB 每個字元進行掃描
            if(strA[i-1] == strB[j-1]) dis[i][j] = dis[i-1][j-1];
            // 如果他們字元相同則代表不需要修改，因此修改距離直接延續先前
            else dis[i][j] = min(dis[i-1][j-1], min(dis[i-1][j], dis[i][j-1]))+1;
            // 因為她們字元不相同，所以要詢問replace, delete, insert 哪一個編輯距離
            // 最小，就選擇他+1 來成為目前的最少編輯距離
        }
    }

    return dis[n][m]; // 這就是最少編輯距離的答案
}

// QUESTION: 現在的我們知道最少編輯距離的答案，那我們可以回推有哪些字元被編輯嗎？
// 那當然是可以的阿XD，只是寫起來比較麻煩。通常這種答案會有很多種，依照題目的要求通常只需要你輸出一種方式即可。除非是毒瘤

// 實現方式如下：
// 由於這回推其實也就只是一個簡單的遞迴你能夠推得出DP 就可以知道要怎麼回推哪些字元被編輯，於是我就在程式碼上旁寫下說明來幫助讀者閱讀。希望能夠幫助到
```

7.3 Suffix Automaton

```
// 只要關於這兩個字串問題都可以使用O(n) 時間複雜度解決：
// 在另一個字串中查詢另一個字串的所有出現位置
// 計算此字串中裡面有多少不同的子字串

// 需要用到struct，此struct 需要len, link, next, 這些的意義為：
```

```
// len 目前的最長長度
// link 為當前子字串中第一個最長後綴結束位置
// next 連結其他的點的邊，方向是->

// 重大的三個特性
// 跟著藍色線走到終點時會是必定是"aababab" 的後綴
// 跟著藍色線走到任意點必定會是此字串的子字串
// 發明這個的演算法大師太强了，跟神一般的存在
```

```
#define SAMN N*10
// N 為字串最長長度
int sz, last; // 到SAM 初始化說明

struct state{
    int len, link; // len = 最長長度, link = 當前子字串中第一個最長後綴結束位置

    map<char,int> next;
}st[SAMN];

void sam_init(){
    sz = 0;
    st[0].len = 0;
    st[0].link = -1;
    st[0].next.clear();
    sz++;
    last = 0;
}

void sam_extend(char c) { //char c 要擴增的字元
    int cur = sz++; //sz++ 增加sam array 長度, cur 為當前的sam 節點
    st[cur].next.clear(); //先把當前的sam 連接點狀態移除
    st[cur].len = st[last].len+1; //為前一個sam 節點len +1 表示其長度
    int p = last; // p = 查詢當前字串的「所有子字串」與新增加c 後的字串是否有共同後綴，
    //將跑到他們有共同後綴的「前一個位置」
    //注意：這裡的共同後綴只要有一個字元是就可以是共同後綴
    //舉例："abca" and "abcab" 中的'b' 就是共同後綴

    while(p != -1 && !st[p].next.count(c)) { // p = -1 表示已經到起點，
        // !st[p].next.count(c) 則是詢問增加此字元後是否會有共同後綴的情形，
        // 如果有則需要額外處理
        st[p].next[c] = cur; // 將前面的點與現在的sam 節點做連結
        p = st[p].link; // 由於現在的字元並沒有和前面的子字串有共同後綴，
        // 於是他們的link 就向上追蹤
        // 如果有則st[p].next.count(c) == TRUE 不符合迴圈要求
    }
    if(p == -1) {
        // p = -1 表示沒有共同後綴且此字元在當前字串中從沒出現過，
        //才回到了起始點，所以將link 設置為0
        st[cur].link = 0;
    }
    else {
        int q = st[p].next[c]; // q 為他們共同後綴的位置
        if(st[p].len + 1 == st[q].len) {
            //如果st[p].len + 1 == st[q].len 表示「不同位置但相同字元」的共同後綴長度大於一
            //只需要直接將當前的sam[cur].link 設定成q 也就是共同後綴的位置
            st[cur].link = q;
        }
        else { // 如果不同位置但相同字元的共同後綴如果等於一，則需要連創建新的sam 節點，
            // 建立以c + 字串前一個字元的後綴(前一個並不包括我們現在新增的c)，
            // 並同時放棄另一個不同位置但也是c 字元的後綴，但要持續存在以保護先前做好的sam
            int clone = sz++; // 創建新節點
            st[clone].len = st[p].len + 1; // 表示從共同後綴的前一個位置+1，
            //用來建立以c + 字串前一個字元的後綴
            st[clone].next = st[q].next; //複製q 的next，因為前面已經設定好連接的點，
            //但是因為共同後綴不同，後面還需要一個while 迴圈進行調整
            st[clone].link = st[q].link; //將他們link 先設置相同，
            //之後用while 迴圈再移動到正確的link
            while(p != -1 && st[p].next[c] == q) {
                //p != -1 是不可以讓她更改起始點的位置
                //st[p].next[c] == q 接下來的點是從clone 繼續擴展而不是原先的q，
                //所以要將原先連接到q 的點全部改連接至clone
                st[p].next[c] = clone; //更改連接點至clone
                p = st[p].link; //繼續往上層追蹤
            }
            st[q].link = st[cur].link = clone;
            // 最後則是也要把q and cur 的link 改到clone，
            // 原因則是因為接下來的點是從clone 繼續擴展而不是原先的q
        }
    }
    last = cur; //準備下一次的擴展
}
```

// QUESTION: 最小循環移位(Lexicographically minimum string rotation) 是甚麼？
// 給你一組字串，找出字典序最小的循環字串，沒錯，就是這題的題目，非常純粹的模板題。

// 要怎麼解開呢？
// 其實容易想到，只需要將原本的字串複製一次給原本的字串，即string += string，透過從起始點一路跟著當下可以走的最小字典序節點走，走到原先字串的長度，在k-string.length()+1，就是最小循環移位了。

```
// QUESTION A: 為甚麼只要原本的字串複製一次給原本的字串呢？
// 由於第一次的字串長度結束位置+ 字串長度 (即第二次循環) < 連續三次循環長度，就算從最後一個字元開始循環也不會大於三次循環，即可證明我們不需要第三次循環，只要循環一次就好。

//st 是sam`now 是要再找幾次，一開始為原本字串長度
while(now--){
    for(auto it : st[u].next){ //跟著字典續追蹤
        u = it.second ;
        break ; //找到了就往下個節點移動，類似於DFS
    }
}
cout << st[u].len - len + 1 << '\n' ;
//找到當下的節點後，找出它的長度並且扣掉原始長度並加一即是答案
```

7.4 suffix tree

```
// 以下是Suffix Tree 能解決的問題：

// 尋找A 字串是否在字串B 中
// 找出B 在A 字串重複的次數
// 最長共同子字串

// 時間複雜度O(n)

// remaining 隱藏在Suffix Tree 中的後綴節點
// root = Suffix Tree 的最主要根節點
// active_node 活動節點，主要是用來生長葉節點(leaf)
// active_e 隱藏節點的第一個字元
// active_len 隱藏在Suffix Tree 中節點的長度
// node 一個struct 用來存入Suffix Tree 節點
// start 此節點開始的位置(index)
// end 此節點結束的位置(end)
// 舉例：node.start = 3 and node.end = 5，則string 的長度是string.substr(3,2)，用數學表示則是(start,end)
// next 用來指出下一個節點的位置，個人習慣用map
// slink 指出此節點的最長後綴節點，EX: XYZ 則指出YZ。
// edge.length() 公式為min(end,pos+1)-start
// 用來找出此節點的字串長度

struct node{
    int start , end ,slink ;
    map<char,int> next ;

    int edge_length(){
        return min(end , pos+1) - start ;
    }

    void init(int st , int ed = oo){
        start = st ;
        end = ed ;
        slink = 0 ;
        next.clear() ;
    }
}tree[2*N];

void st_init(){
    //tree root is 1 not zero
    needSL = remainder_ = 0 ;
    active_node = active_e = active_len = 0 ;
    pos = -1 ;

    cnt = root = 1 ;
    active_node = 1 ;
    tree[cnt++].init(-1,-1);
    return ;
}

char active_edge(){ //隱藏字元的第一個
    return text[active_e] ;
}

void add_SL(int node){ // slink 指回上一個隱藏節點的位置，如果上一個後綴節點的葉節點需要被更改時，
// 這裡的下方葉節點也能被迅速被更改，達到O(1) 效果
    if(needSL > 0 ) tree[needSL].slink = node ;

    needSL = node ;
}

bool walkdown(int node){ //即原理說明 "xyzxyxyz$" 的step 1，xyz 但xy 是一個節點，
// 需要在往下一個子節點前進
    if(active_len >= tree[node].edge_length()){
        active_e += tree[node].edge_length() ; //找到此長度後的第一個隱藏字元
        active_len -= tree[node].edge_length() ; //減少長度
        active_node = node ; //往後方前進
        return true ;
    }
    return false ;
}

void st_extend(char c){ //擴增suffix tree
    pos++; // 往下個字串前進
    needSL = 0 ; // 紀錄上一個切割點的位置，用來slink 的前一個點
    remainder_++; // 先+1，如果這個點有被增加之後做-1 的動作
    while(remainder_ > 0){
        if(active_len == 0 ) active_e = pos ;
        // 如果active len 等於0，就表示沒有隱藏長度，所以我們要判斷的就是當前字元
        // 是否存在此active_node 節點中
        if(tree[active_node].next[active_edge()] == 0){
            // active_node 沒有此字元的節點，新增節點
            int leaf = cnt ;
            tree[cnt++].init(pos) ;
            tree[active_node].next[active_edge()] = leaf ;
            add_SL(active_node) ; // 紀錄slink 的位置，以防下次用到
        }
        else{ // active_node 有此字元的節點
            int nxt = tree[active_node].next[active_edge()] ;
            if(walkdown(nxt)) continue ; // 如果還需要在往下一個節點走，就減少隱藏長度，
            //然後回去重新查詢
            if(text[tree[nxt].start + active_len] == c){
                // 如果此節點有包含到此字元，代表隱藏長度可以+1，因為後綴還是在節點長裡面
                active_len++ ; // 隱藏長度可以+1
                add_SL(active_node) ; // 紀錄slink 的位置，以防下次用到
                break ; //由於隱藏節點是+1，所以我們沒必要減
            }
            // 需要做切割點
            int split = cnt ;
            tree[cnt++].init(tree[nxt].start , tree[nxt].start + active_len) ;
            //製作切割點中...，結束位置就是當前節點的start + 隱藏長度
            tree[active_node].next[active_edge()] = split ;
            // 需要將active_node 指向我們的切割點，而不是原來的點
            int leaf = cnt ; // 需要葉節點
            tree[cnt++].init(pos) ;
            // 製作葉節點
            tree[split].next[c] = leaf ; // 把葉節點指向我們的切割點
            tree[nxt].start += active_len ; //原本的節點start 往後到切割點的end
            tree[split].next[text[tree[nxt].start]] = nxt ; //將原本節點指向我們的切割點
            add_SL(split) ; // 紀錄slink 的位置，以防下次用到
        }
        remainder_--; // 由於有增加節點，所以-1
        if(active_node == root && active_len > 0 ){
            //active_len > 0 表示我們現在做的是把隱藏節點新增，所以要減掉
            //active_node == root 確保有回到根節點才做隱藏節點減掉，否則
            //text[node.start + active_len ] 就會亂掉
            active_len--;
            //由於我們減少了一個隱藏長度，所以-1
            active_e = pos - remainder_ + 1 ;
            //找到減少後隱藏長度的第一個隱藏字元，此時如果active_len == 0，
            // 則下次迴圈則在active_e 會被重新定義成pos
        }
        else{
            // 跟著slink 走去改動其他的後綴在tree[active_node].slink > 0 時，
            // 否則則回到root，繼續建立後綴樹
            active_node = tree[active_node].slink > 0 ? tree[active_node].slink : root ;
        }
    }
    return ;
}
```