NTUT_King ICPC Team Notebook

Contents

1 基礎

1.1 關鍵字思考

一些寫題目會用到的小技巧：排容原理、二分搜尋、雙向搜尋、塗色問題、貪心、位元運算、暴力搜尋、

1.2 C++ 基礎

```
// * define int long long 避免溢位問題
// * cin、cout 在測資過多時最好加速
// * define debug 用來測試

#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
#define debug

using namespace std;

main()
{
    #ifdef debug
    freopen("in1.txt", "r", stdin);
    freopen("out1.txt", "w", stdout);
    #endif // debug
    // 讀寫加速
    // 關閉iostream 物件和cstdio 流同步以提高輸入輸出的效率
    ios::sync_with_stdio(false);
    // 可以通過tie(0)（0表示NULL）來解除cin 與cout 的繫結，進一步加快執行效率
    cin.tie(0);
}
```

1.3 C++ 易忘的內建函數

```
## 易忘的內建函數
### 輸入輸出
* gets(char*)
* sscanf(char*, "%d:%d:%d %lf", &h, &m, &s, &speed_new)
%d 表示 int
%lf 表示 double
* printf("%.2d:%.2d:%.2d %.2lf km\n",h,m,s,din)
.2 表示保留 2 位小數(%d 是整數，會自動捨去小數)
### 字串處理
* string.length() 輸出字串長度
* string.substr(start, len) 輸出從 start 開始，長度為 len 的字串
* string.find(string) 尋找字串位置
### 資料型別
* string = to_string(int)
* int = atoi(string.c_str())
### 運算
* lower_bound(begin, end, num)
    * 從陣列的 begin 位置到 end - 1 位置二分查詢第一個大於或等於 num 的數字，找到返回該數字的地址，不存在則返回 end
    * 通過返回的地址減去起始地址，得到找到數字在陣列中的下標 begin
* __builtin_popcount(int)
    * 回傳整數轉成二進值時所包含 1 的數量
* ^
    * 互斥或 xor 運算子
```

1.4 python 常用

```
# ## Python 內建大數
#  可以直接用int() 和各個運算子計算
#  雖然Python 有BigInt()，但用不到

from sys import stdin, stdout

def main():
    n = int(stdin.readline())
    for i in range(n):
        line = stdin.readline().split("/")
        # 可直接轉換成大數
        p = int(line[0])
        q = int(line[1])

        # 求最大公因數
        gcdNum = gcd(p, q)

        stdout.write(str(gcdNum))
        stdout.write("\n")

main()


# ## 字串處理
# * string[start :  end] 取start   end - 1 的字串
# * string.find(string) 尋找字串位置

# ## 數學函式
# * round(number) 四捨五入


# ## 易錯事項
# * / 除法運算，結果總是返回浮點型別
# * // 取整除，結果返回捨去小數部分的整數
# * stdout.write(str(p)) 不能沒有str()
# * write 只能輸出字串
# * 測試時取值只能用以下程式(Spyder、Jupyter 實測)
input(string)
print(..., end = '')

# * 上傳程式時取值能用以下程式(Online Judge 實測可以Accepted)
input(string)
print(..., end = '')
stdin.readline(...)
stdout.write(...)

# * 用try 接受多行輸入
def main():
    # 用try 接受多行輸入
    try:
        while(True):
            # 輸出對應的n
            n = int(input(""))
            print(n)
    except:
        # 沒輸入內容可直接跳過
        pass

main()
```

2 建榮-演算法

2.1 深度優先搜尋

```
---
tags: Algorithm
---
# DFS
```c=
#include <iostream>
using namespace std;

int visited[7];
int map[7][7] =
{  {0,0,0,0,0,0,0},
        {0,0,1,1,0,0,0},
        {0,1,0,0,1,0,1},
        {0,1,0,0,0,0,1},
        {0,0,1,0,0,0,0},
```
```

```
        {0,0,0,0,0,0,1},
        {0,0,1,1,0,1,0} };

void dfs(int id){
    cout << id << ' ';
    for (int i = 1; i <= 6; i++){
        if(map[id][i] == 1 && visited[i] == 0){
            visited[i] = 1;
            dfs(i);
        }
    }
}
int main(void){
    visited[1] = 1;
    dfs(1);
}
```

2.2 廣度優先搜尋

```
---
tags: Algorithm
---
# BFS
```cpp=
#include <iostream>
#include <queue>

using namespace std;

queue<int> q;
int visited[7];
int map[7][7] =
{   {0,0,0,0,0,0,0},
        {0,0,1,1,0,0,0},
        {0,1,0,0,1,0,1},
        {0,1,0,0,0,0,1},
        {0,0,1,0,0,0,0},
        {0,0,0,0,0,0,1},
        {0,0,1,1,0,1,0}   };

int main(void){
    visited[1] = 1;
    q.push(1);
    while(q.size() > 0){
        int id = q.front();
        cout << id << ' ';
        for (int i = 1; i <= 6; i++){
            if(map[id][i] == 1 && visited[i] == 0){
                visited[i] = 1;
                q.push(i);
            }
        }
        q.pop();
    }
}
```
```

2.3 弗洛依德

```
---
tags: Algorithm
---
# Floyd-Warshall

## 用途針對有、無權重的有向圖做出全點全源最短路徑


## 時間複雜度
O(n3)

## 核心概念、個迴圈
DP3

## Code
```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

int n,m;
int dist[MAXN][MAXN];

void init(){
    for(int i=1;i<=n; i++){
        for(int j=1;j<=n;j++){
            dist[i][j]=INF;
        }
        dist[i][i]=0;
    }
}

void floyd(){
    for(int k=1;k<=n;k++){
        for(int i=1;i<=n;i++){
            for(int j=1;j<=n;j++){
                if(dist[i][k]+dist[k][j]<dist[i][j]){
                    dist[i][j]=dist[i][k]+dist[k][j];
                }
            }
        }
    }
}

int main(void){
    cin>>n>>m;
    init();
    int a,b,c;
    while(m--){
        cin>>a>>b>>c;
        dist[a][b]=c;
    }
    floyd();
    cout<<"最短路徑： "<<dist[1][n]<<'\n';
    for(int i=1;i<=n;i++){
        for(int j=1;j<=n;j++) cout<<dist[i][j]<<' ';
        cout<<'\n';
    }
}
```


範例測資
input:
4 8
1 2 2
1 3 6
1 4 4
2 3 3
3 1 7
3 4 1
4 1 5
4 3 12

output:
4
```

2.4 戴克斯特拉

```
---
tags: Algorithm
---
# Dijsktra

## 用途針對有、無權重的有向圖做出單點全源最短路徑


## 時間複雜度
O(V + ElogV)

## 核心概念
Priority Queue

## Code
```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

struct edge{
    int v,c;
};

struct node{
    int id,cost;
    bool operator < (const node& other) const{
```
```

```
        return cost<other.cost;
    }
};

vector<edge> Edge[MAXN];
int dist[MAXN];
int n,m;

void dijsktra(){
    priority_queue<node> q;
    q.push({1,0});
    dist[1]=0;
    while(!q.empty()){
        int u=q.top().id;
        q.pop();
        for(auto& temp:Edge[u]){
            int v=temp.v,c=temp.c;
            if(dist[u]+c<dist[v]){
                dist[v]=dist[u]+c;
                q.push({v,dist[v]});
            }
        }
    }
}

int main(void){
    memset(dist,INF,sizeof(dist));
    cin>>n>>m;
    int a,b,c;
    while(m--){
        cin>>a>>b>>c;
        Edge[a].push_back({b,c});
    }
    dijsktra();
    cout<<dist[n];
}
```

範例測資
input:
```
6 9
1 2 1
1 3 12
2 3 9
2 4 3
3 5 5
4 3 4
4 5 13
4 6 15
5 6 4
```

output:
```
17
```

2.5 拓樸排序

```
---
tags: Algorithm
---
# Topological Ordering

## 用途針對
DAG有向無環圖()做拓樸排序

## 時間複雜度
O(V + E)

## 核心概念、
DFSStack

## Code
```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

vector<int> edge[MAXN];
int vist[MAXN];
int n, m;
stack<int> topo;

void dfs(int u){
    vist[u] = 1;
    for (int v:edge[u]){
        if(!vist[v]){
            dfs(v);
        }
    }
    topo.push(u);
}

int main(void){
    cin >> n >> m;
    int a, b;
    while(m--){
        cin >> a >> b;
        edge[a].push_back(b);
    }
    for (int i = 1; i <= n; i++){
        if(!vist[i])
            dfs(i);
    }
    while(!topo.empty()){
        cout << topo.top() << ' ';
        topo.pop();
    }
}
```
```

範例測資
input:
```
9 10
1 2
1 5
2 6
4 7
5 8
5 9
6 5
6 9
7 8
9 8
```

output:
```
4 7 3 1 2 6 5 9 8
```

2.6 克魯斯克爾

```
---
tags: Algorithm
---
# Kruskal

## 用途找出無向圖的最小生成樹

## 時間複雜度
O(ElogE)

## 核心概念並查集、
Greedy

## Code
```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

struct edge{
    int u,v,c;
};
bool cmp(edge a, edge b){
    return a.c<b.c;
}

vector<edge> Edge;
vector<edge> MST;
int parent[MAXN];
int n,m;

void init(){
    for(int i=0;i<MAXN;i++) parent[i]=-1;
}

int find_root(int id){
    if(parent[id]==-1) return id;
    return parent[id]=find_root(parent[id]);
}
```
```

```
void merge(int a,int b){
    int root_a=find_root(a),root_b=find_root(b);
    parent[root_b]=root_a;
}

void kruskal(){
    sort(Edge.begin(),Edge.end(),cmp);
    for(auto& i:Edge){
        int root_u=find_root(i.u),root_v=find_root(i.v);
        if(root_u!=root_v){
            MST.push_back(i);
            merge(i.u,i.v);
        }
    }
}

int main(void){
    init();
    cin>>n>>m;
    int a,b,c;
    while(m--){
        edge temp;
        cin>>a>>b>>c;
        Edge.push_back({a,b,c});
    }
    kruskal();
    for(auto& i:MST) cout<<i.u<<' '<<i.v<<' '<<i.c<<'\n';
}
```

範例測資

input:

```
7 12
1 2 23
2 3 20
3 4 15
2 7 1
3 7 4
1 7 36
4 7 9
1 6 28
6 5 17
5 4 3
6 7 25
5 7 16
```

output:

```
2 7 1
5 4 3
3 7 4
4 7 9
6 5 17
1 2 23
```

2.7 最常遞增子序列

```
---
tags: Algorithm
---
# LIS
```

用途最大遞增子序列

時間複雜度

O(nlogn)

核心概念二分搜

Code版本

Array 有輸出(陣列LIS)

```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

int a[MAXN];
int t[MAXN],d[MAXN];
int n;

int bs(int l, int r, int v){
    while(r>l){
        int m=(l+r)/2;
        if(a[v]>a[t[m]]) l=m+1;
        else r=m;
    }
    return l;
}

int lis(){
    int len=1;
    t[1]=d[1]=1;
    for(int i=2;i<=n;i++){
        if(a[i]>a[t[len]]){
            t[++len]=i;
            d[i]=len;
        }
        else{
            int temp=bs(1,len,i);
            t[temp]=i;
            d[i]=temp;
        }
    }
    return len;
}

int main(void){
    cin>>n;
    for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
    int ans=lis();
    cout<<ans<<'\n';
    stack<int> s;
    for(int i=n;i>=1;i--){
        if(ans==0) break;
        if(d[i]==ans){
            s.push(a[i]);
            ans--;
        }
    }
    while(!s.empty()){
        cout<<s.top()<<' ';
        s.pop();
    }
}
```

版本

Deque 只輸出(長度LIS)

```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

int a[MAXN];
int t[MAXN],d[MAXN];
int n;

int lis(){
    deque<int> q;
    q.push_back(a[1]);
    for(int i=2;i<=n;i++){
        if(a[i]>q.back()) q.push_back(a[i]);
        else{
            int temp=upper_bound(q.begin(),q.end(),a[i])-q.begin();
            q[temp]=a[i];
        }
    }
    return q.size();
}

int main(void){
    cin>>n;
    for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
    cout<<lis();
}
```

範例測資

input:

```
7
2 1 4 3 6 7 5
```

output:

```
4
(1 3 6 7)
```

2.8 線段樹

```
---
tags: Algorithm
```

```
---
# 線段數
```c
#include <iostream>

using namespace std;

int n;
int A[500001]={0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10};
int seg[2000001];
int tag[2000001];

void init(){
    memset(seg,0,sizeof(seg));
    memset(tag,0,sizeof(tag));
}

void push(int id,int l,int r){
    int m = (l + r) / 2;
    if(tag[id] > 0){
        seg[id * 2] += tag[id] * (m - l + 1), seg[id * 2 + 1] += tag[id] * (r - m);
        tag[id * 2] += tag[id], tag[id * 2 + 1] += tag[id];
        tag[id] = 0;
    }
}

void build(int id, int l, int r){
    if(l == r){
        seg[id] = A[l];
        return;
    }
    int m = (l + r) / 2;
    build(id * 2, l, m);
    build(id * 2 + 1, m + 1, r);
    seg[id] = seg[id * 2] + seg[id * 2 + 1];
}

int query(int id, int l, int r, int ql, int qr){
    if(ql > r || qr < l)
        return 0;
    if(ql <= l && qr >= r)
        return seg[id];
    push(id, l, r);
    int m = (l + r) / 2;
    return query(id * 2, l, m, ql, qr) + query(id * 2 + 1, m + 1, r, ql, qr);
}

void update(int id, int l, int r, int ul, int ur, int v){
    if(ul <= l && r <= ur){
        seg[id] += v * (r - l + 1);
        tag[id] += v;
        return;
    }
    push(id, l, r);
    int m = (l + r) / 2;
    if(ul<=m)
        update(id * 2, l, m, ul, ur, v);
    if(ur>m)
        update(id * 2 + 1, m + 1, r, ul, ur, v);
    seg[id] = seg[id * 2] + seg[id * 2 + 1];
}

int main(){
    init();
    build(1, 1, 10);
}
```
```

2.9 單調佇列

```
---
tags: Algorithm
---
# 單調佇列

```c
#include <iostream>
#include <deque>

using namespace std;

int A[8] = {5, 3, 4, 0, 8, 1, 9, 2};
int m[8];
deque<int> q, index;

int main(void){
    q.push_back(A[0]);
    index.push_back(0);
    m[0] = A[0];
    for (int i = 0; i < 8; i++){
        while(!q.empty() && A[i]<q.back()){
            q.pop_back();
            index.pop_back();
        }
        q.push_back(A[i]);
        index.push_back(i);
        if(i-index.front()>=3){
            q.pop_front();
            index.pop_front();
        }
        m[i] = q.front();
    }

    for (int i = 0; i < 8; i++){
        cout << m[i] << ' ';
    }
}
```
```

2.10 最常共同子序列

```
---
tags: Algorithm
---
# LCS
```c=
#include <iostream>

using namespace std;

int dp[6][6];
int a[6] = {NULL, 3, 5, 4, 7, 6};
int b[6] = {NULL, 2, 3, 5, 4, 6};

int main(void){
    for (int i = 1; i <= 5; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= 5; j++)
        {
            if (a[i] == b[j])
                dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1] + 1;
            else{
                dp[i][j] = max(dp[i - 1][j], dp[i][j - 1]);
            }
        }
    }
    cout << dp[5][5];
}
```
```

2.11 二分搜

```
---
tags: Algorithm
---
# 二分搜
```c=
#include <iostream>

using namespace std;

int A[10] = {0, 3, 5, 6, 8, 9, 12, 14, 25, 30};

int bsearch(int num, int l, int r){
    int m = (l + r) / 2;
    if(num == A[m])
        return m;
    if(num > A[m])
        return bsearch(num, m + 1, r);
    return bsearch(num, l, m);
}

int main(void){
    cout << bsearch(9,0,9);
}
```
```

2.12 二元數的走訪

```
---
tags: Algorithm
---
# 二元數的走訪(Array)
```c=
#include <iostream>

using namespace std;

int btree[8] = {-1, 1, 2, 3, -1, 5, 6, 7};

void Preorder(int id){
    if(id > 7 || btree[id] == -1){
        return;
    }
    cout << id << ' ';
    Preorder(id * 2);
    Preorder(id * 2 + 1);
}

int main(void){
    Preorder(1);
}
```
```

2.13 最大公因數

```
---
tags: Algorithm
---
# GCD
```c
#include <iostream>

using namespace std;

int gcd(int a, int b){
    if(a==0)
        return b;
    if(b==0)
        return a;
    if(a<b){
        return gcd(a, b % a);
    }
    return gcd(a % b, b);
}

int main(void){
    cout << gcd(546, 429);
}
```
```

2.14 並查集

```
---
tags: Algorithm
---
# Disjoint Set
```c=
#include <iostream>

using namespace std;

int set_parent[7] = {NULL, -1, 3, 1, 1, -1, 5};

int findRoot(int id){
    if(set_parent[id] == -1)
        return id;
    return (set_parent[id] = findRoot(set_parent[id]));
}

void mergeSet(int a,int b){
    int root_a = findRoot(a);
    int root_b = findRoot(b);

    set_parent[root_b] = root_a;
}

int main(void){
    mergeSet(2, 6);
    for (int i = 1; i <= 6; i++)
        cout << set_parent[i] << ' ';
}
```
```

2.15 強連通分量

```
---
tags: Algorithm
---
# Kosaraju
```c=
#include <iostream>
#include <stack>
using namespace std;

stack<int> topo;
int scc[9];
int visited[9];
int map[9][9] =
{   {0,0,0,0,0,0,0,0,0},
    {0,0,0,1,0,0,0,0,0},
        {0,1,0,0,1,0,0,0,0},
        {0,0,1,0,1,1,0,0,0},
        {0,0,0,0,0,0,1,0,0},
        {0,0,0,0,0,0,1,1,0},
        {0,0,0,0,0,1,0,0,0},
        {0,0,0,0,0,0,1,0,1},
        {0,0,0,0,0,0,1,1,0}   };

void Topo(int id){
    for (int i = 1; i <= 8; i++){
        if (map[id][i] == 1 && visited[i] == 0){
            visited[i] = 1;
            Topo(i);
        }
    }
    topo.push(id);
}

void Kosaraju(int id, int scc_id){
    scc[id] = scc_id;
    for (int i = 1; i <= 8; i++){
        if (map[i][id] == 1 && visited[i] == 0){
            visited[i] = 1;
            Kosaraju(i, scc_id);
        }
    }
}

int main(void){
    for (int i = 1; i <= 8; i++){
        if(visited[i] == 0){
            visited[i] = 1;
            Topo(i);
        }
    }

    for (int i = 1; i <= 8; i++)
        visited[i] = 0;

    int scc_id = 1;
    while(topo.size() > 0){
        int id = topo.top();
        topo.pop();
        if(visited[id] == 0){
            Kosaraju(id, scc_id);
            scc_id++;
        }
    }
    for (int i = 1; i <= 8; i++){
        cout << char(64 + scc[i]) << ':' << scc[i] << ' ';
    }
}
```
```
```

3 建榮-幾何

3.1 點的模板
```

點的模板

```c=
class Point {
    private:
        int _x, _y;
    public:
        Point(int x, int y) : _x(x), _y(y){};
        int getX() const { return _x; }
        int getY() const { return _y; }

        bool operator==(const Point& other_point) const {
            return _x == other_point.getX() && _y < other_point.getY();
        }
        Point& operator+(const Point& other_point) const {
            return *(new Point(_x + other_point.getX(), _y + other_point.getY()));
        }
        Point& operator-(const Point& other_point) const {
            return *(new Point(_x - other_point.getX(), _y - other_point.getY()));
        }
        int cross(const Point& other_point) {
            return _x * other_point.getY() - _y * other_point.getX();
        }
};
```

3.2 向量模板

向量模板

```c=
class Vector {
    private:
        double _x;
        double _y;

    public:
        Vector(double x, double y) : _x(x), _y(y) {}
        double cross(const Vector& other_vector) const {
            return _x * other_vector._y - _y * other_vector._x;
        }
        double dot(const Vector& other_vector) const {
            return _x * other_vector._x + _y * other_vector._y;
        }
        double getX() { return _x; }
        double getY() { return _y; }

        Vector operator*(double k) const {
            return *(new Vector(k * _x, k * _y));
        }
};
```

3.3 直線模板

直線模板

```c=
class Line {
    private:
        Point _p1, _p2;
    public:
        Line(Point p1, Point p2) : _p1(p1), _p2(p2){};
        Point Point1() const {
            return _p1;
        }
        Point Point2() const {
            return _p2;
        }
        bool isIntersect(const Line& other_line) const {
            int max_other_x = max(other_line.Point1().getX(), other_line.Point2().getX());
            int max_other_y = max(other_line.Point1().getY(), other_line.Point2().getY());
            int min_other_x = min(other_line.Point1().getX(), other_line.Point2().getX());
            int min_other_y = min(other_line.Point1().getY(), other_line.Point2().getY());
            int max_self_x = max(_p1.getX(), _p2.getX());
            int max_self_y = max(_p1.getY(), _p2.getY());
            int min_self_x = min(_p1.getX(), _p2.getX());
            int min_self_y = min(_p1.getY(), _p2.getY());

            if ((max_self_x >= min_other_x) && (max_other_x >= min_self_x) && (max_self_y >=
                  min_other_y) && (max_other_y >= min_self_y)) {
                if ((_p1 - other_line.Point1()).cross(_p1 - _p2) * (_p1 - other_line.Point2()).cross(
                      _p1 - _p2) <= 0) {
                    if ((other_line.Point1() - _p1).cross(other_line.Point1() - other_line.Point2()) *
                          (other_line.Point1() - _p2).cross(other_line.Point1() - other_line.Point2()
                        ) <= 0) {
                            return true;
                        }
                    }
                }
            return false;
        }
};
```

3.4 找三角形外心

找三角形外心

```c=
#include <cmath>
#include <iostream>
using namespace std;

struct Point {
    double x;
    double y;
    Point() {}
    Point(double X, double Y) {
        x = X;
        y = Y;
    }
};

double distance_p2p(Point p1, Point p2) {
    return sqrt((p1.x - p2.x) * (p1.x - p2.x) + (p1.y - p2.y) * (p1.y - p2.y));
}

Point p[100];
int n;

class Circle {
    public:
        double r;
        Point c;
        Circle(Point p1, Point p2) : r(distance_p2p(p1, p2) / 2), c((p1.x + p2.x) / 2, (p1.y + p2.y) /
              2){}
        Circle(Point p1, Point p2, Point p3) {
            double A1 = p1.x - p2.x, B1 = p1.y - p2.y, C1 = (p1.x * p1.x - p2.x * p2.x + p1.y * p1.y -
                  p2.y * p2.y) / 2;
            double A2 = p3.x - p2.x, B2 = p3.y - p2.y, C2 = (p3.x * p3.x - p2.x * p2.x + p3.y * p3.y -
                  p2.y * p2.y) / 2;
            c.x = (C1 * B2 - C2 * B1) / (A1 * B2 - A2 * B1);
            c.y = (A1 * C2 - A2 * C1) / (A1 * B2 - A2 * B1);
            r = distance_p2p(c, p1);
        }~
        Circle() {}
};
double find_smallest_r() {
    Circle c(p[0], p[1]);
    for (int i = 2; i < n; i++) {
        if (distance_p2p(c.c, p[i]) > c.r) {
            c = Circle(p[0], p[i]);
            for (int j = 1; j < i; j++) {
                if (distance_p2p(c.c, p[j]) > c.r) {
                c = Circle(p[j], p[i]);
                    for (int k = 0; k < j; k++) {
                        if (distance_p2p(c.c, p[k]) > c.r) {
                            c = Circle(p[j], p[i], p[k]);
                        }
                    }
                }
            }
        }
    }
    return c.r;
}
```

3.5 點在直線的上或下

點在直線的上或下

```c=
#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <iostream>
using namespace std;
class Point {
    private:
        int _x, _y;
    public:
```

```
        Point(int x, int y) : _x(x), _y(y){};
        int getX() const { return _x; }
        int getY() const { return _y; }
        Point& operator-(const Point& other_point) const {
            return *(new Point(_x - other_point.getX(), _y - other_point.getY()));
        }
        int cross(const Point& other_point) {
            return _x * other_point.getY() - _y * other_point.getX();
        }
};
class Line {
    private:
        Point _p1, _p2;
    public:
        Line(Point p1, Point p2) : _p1(p1), _p2(p2){};
        Point Point1() const {
            return _p1;
        }
        Point Point2() const {
            return _p2;
        }
        bool isIntersect(const Line& other_line) const {
            int max_other_x = max(other_line.Point1().getX(), other_line.Point2().getX());
            int max_other_y = max(other_line.Point1().getY(), other_line.Point2().getY());
            int min_other_x = min(other_line.Point1().getX(), other_line.Point2().getX());
            int min_other_y = min(other_line.Point1().getY(), other_line.Point2().getY());
            int max_self_x = max(_p1.getX(), _p2.getX());
            int max_self_y = max(_p1.getY(), _p2.getY());
            int min_self_x = min(_p1.getX(), _p2.getX());
            int min_self_y = min(_p1.getY(), _p2.getY());

            if ((max_self_x >= min_other_x) && (max_other_x >= min_self_x) && (max_self_y >=
                  min_other_y) && (max_other_y >= min_self_y)) {
                if ((_p1 - other_line.Point1()).cross(_p1 - _p2) * (_p1 - other_line.Point2()).cross(
                      _p1 - _p2) <= 0) {
                    if ((other_line.Point1() - _p1).cross(other_line.Point1() - other_line.Point2()) *
                          (other_line.Point1() - _p2).cross(other_line.Point1() - other_line.Point2()
                          ) <= 0) {
                        return true;
                    }
                }
            }
            return false;
        }
};

int main() {
    ios::sync_with_stdio(false);
    cin.tie(nullptr);

    int n;
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        int x_s, y_s, x_e, y_e;
        cin >> x_s >> y_s >> x_e >> y_e;
        Line line(Point(x_s, y_s), Point(x_e, y_e));
        int x_1, x_2, y_1, y_2;
        cin >> x_1 >> y_1 >> x_2 >> y_2;
        int x_l = max(x_1, x_2), x_r = min(x_1, x_2), y_t = max(y_1, y_2), y_b = min(y_1, y_2);
        if (x_s < x_l && x_e < x_l && x_s > x_r && x_e > x_r && y_s < y_t && y_e < y_t && y_s > y_b &&
              y_e > y_b) {
            cout << "T" << endl;
        } else {
            Point left_top(x_l, y_t);
            Point right_top(x_r, y_t);
            Point left_bottom(x_l, y_b);
            Point right_bottom(x_r, y_b);
            Line left(left_top, left_bottom);
            Line right(right_top, right_bottom);
            Line top(left_top, right_top);
            Line bottom(left_bottom, right_bottom);
            if (left.isIntersect(line) || right.isIntersect(line) || top.isIntersect(line) || bottom.
                  isIntersect(line)) {
                cout << "T" << endl;
            } else {
                cout << "F" << endl;
            }
        }
    }
    return 0;
}
```

3.6 兩直線交點

```
# 兩直線交點
```c=
class Vector {
    private:
        double _x;
        double _y;

    public:
        Vector(double x, double y) : _x(x), _y(y) {}
        double cross(const Vector& other_vector) const {
            return _x * other_vector._y - _y * other_vector._x;
        }
        double dot(const Vector& other_vector) const {
            return _x * other_vector._x + _y * other_vector._y;
        }
        double getX() { return _x; }
        double getY() { return _y; }

        Vector operator*(double k) const {
            return *(new Vector(k * _x, k * _y));
        }
};
Vector findIntersectionVector(const Vector& a, const Vector& b, const Vector& u) {
    return a * (u.cross(b) / a.cross(b));
}
int main() {
    ios::sync_with_stdio(false);
    cin.tie(nullptr);

    int n;
    cin >> n;
    cout << "INTERSECTING LINES OUTPUT" << endl;

    for (int i = 0; i < n; i++) {
        double x1, y1, x2, y2, x3, y3, x4, y4;
        cin >> x1 >> y1 >> x2 >> y2 >> x3 >> y3 >> x4 >> y4;
        if ((x1 - x2) * (y3 - y4) == (x3 - x4) * (y1 - y2)) {
            if (Vector(x1 - x3, y1 - y3).cross(Vector(x1 - x2, y1 - y2)) == 0) {
                cout << "LINE" << endl;
            } else {
                cout << "NONE" << endl;
            }
        } else {
            Vector intersectionVector = findIntersectionVector(Vector(x2 - x1, y2 - y1), Vector(x4 -
                  x3, y4 - y3), Vector(x2 - x4, y2 - y4));
            cout << "POINT " << fixed << setprecision(2) << x2 - intersectionVector.getX() << " " <<
                  fixed << setprecision(2) << y2 - intersectionVector.getY() << endl;
        }
    }
    cout << "END OF OUTPUT" << endl;

    return 0;
}
```

3.7 多邊形重心

```
# 多邊形重心
```c=
class Point {
    private:

    public:
        double x, y;
        Point() : x(0), y(0) {}
        Point(double X, double Y) : x(X), y(Y) {}~
        Point() {}
        bool operator<(Point const& r) const {
            return x < r.x || (x == r.x && y < r.y);
        }
        bool operator==(Point const& r) const {
            return x == r.x && y == r.y;
        }
        Point& operator+(Point const& r) const {
            return *(new Point(x + r.x, y + r.y));
        }
        Point& operator-(Point const& r) const {
            return *(new Point(x - r.x, y - r.y));
        }
        double cross(Point const& r) const {
            return x * r.y - y * r.x;
        }
};
Point massCenter(vector<Point> polygon) {
    if (polygon.size() == 1) {
        return polygon[0];
    } else if (polygon.size() == 2) {
        return Point((polygon[0].x + polygon[1].x) / 2, (polygon[0].y + polygon[1].y));
    }
    double cx = 0, cy = 0, w = 0;
    for (int i = polygon.size() - 1, j = 0; j < polygon.size(); i = j++) {
```

```
        double a = abs(polygon[i].cross(polygon[j]))/2;
        cx += (polygon[i].x + polygon[j].x) * a;
        cy += (polygon[i].y + polygon[j].y) * a;
        w += a;
    }
    return Point(cx / 3 / w, cy / 3 / w);
}
```

4 大衛-動態規劃

4.1 背包問題

```
memset(dp, INF, sizeof(dp));
memset(dp[0], 0, sizeof(dp[0])); //車子是0 貨箱時，一定沒辦法買水果，因此最低價都是0

for(int i = 0; i <= 每種水果; i++){
    for(int j = 0; j <= 卡車容量; j++){
        for(int k = 0; k <= 預算; k++){
            //主要是我們假設卡車容量有1 G，
            //總預算有1 n
            //我們透過紀錄，在卡車容量是G-1 的情況，卡車現在預算- 這種水果預算時，
            //有沒有比現在的dp[卡車容量][預算] 來得小，有就替換
            dp[j][k] = min(dp[j][k], dp[j-1][cost - 水果買入價] + 水果賣出價 )
        }
    }
}

//想要找到最高的預算就是
cout << dp卡車容量預算[][];
```

4.2 LCS

```
#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define N 120
using namespace std;
int n ;
string strA , strB ;
int t[N*N] , d[N*N] , num[N*N] ; //t and d 是LIS 要用到
// d 用來記住LIS 中此數字的前一個數字
// t 當前LIS 的數列位置
// num 則是我們根據strB 的字元生成數列，用來找出最長LIS 長度
map<char,vector<int>> dict ; //記住每個字串出現的index 位置

int bs(int l , int r , int v ){ //binary search
    int m ;
    while(r>l){
        m = (l+r) /2 ;
        if(num[v] > num[t[m]]) l = m+1 ;
        else if (num[v] < num[t[m]]) r = m ;
        else return m ;
    }
    return r ;
}

int lcs(){
    dict.clear() ; //先將dict 先清空
    for(int i = strA.length()-1 ; i > 0 ; i--) dict[strA[i]].push_back(i) ;
    // 將每個字串的位置紀錄並放入vector 中，請記住i = strA.length() -1 才可以達到逆續效果

    int k = 0 ; //紀錄生成數列的長度的最長長度
    for(int i = 1 ; i < strB.length() ; i++){ // 依據strB 的每個字元來生成數列
        for(int j = 0 ; j < dict[strB[i]].size() ; j++)
        //將此字元在strA 出現的位置放入數列
            num[++k] = dict[strB[i]][j] ;
    }
    if(k==0) return 0 ; //如果k = 0 就表示他們沒有共同字元都沒有於是就直接輸出0

    d[1] = -1 , t[1] = 1 ; //LIS init
    int len = 1, cur ; // len 由於前面已經把LCS = 0 的機會排除，於是這裡則從1 開始

    // 標準的LIS 作法，不斷嘗試將LCS 生長
    for(int i = 1 ; i <= k ; i++ ){
        if(num[i] > num[t[len]]) t[++len] = i , d[i] = t[len-1] ;
        else{
            cur = bs(1,len,i);
            t[cur] = i ;
            d[i] = t[cur-1];
        }

        //debug
// for(int i = 1 ; i <= k ; i++)
// cout << num[t[i]] << ' ' ;
// cout << '
    n' ;
    }
    return len ;

}
```

4.3 LIS

```
---
tags: Algorithm
---
# LIS

## 用途最大遞增子序列


## 時間複雜度
O(nlogn)

## 核心概念二分搜


## Code版本
Array 有輸出(陣列LIS)
```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

int a[MAXN];
int t[MAXN],d[MAXN];
int n;

int bs(int l, int r, int v){
    while(r>l){
        int m=(l+r)/2;
        if(a[v]>a[t[m]]) l=m+1;
        else r=m;
    }
    return l;
}

int lis(){
    int len=1;
    t[1]=d[1]=1;
    for(int i=2;i<=n;i++){
        if(a[i]>a[t[len]]){
            t[++len]=i;
            d[i]=len;
        }
        else{
            int temp=bs(1,len,i);
            t[temp]=i;
            d[i]=temp;
        }
    }
    return len;
}

int main(void){
    cin>>n;
    for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
    int ans=lis();
    cout<<ans<<'\n';
    stack<int> s;
    for(int i=n;i>=1;i--){
        if(ans==0) break;
        if(d[i]==ans){
            s.push(a[i]);
            ans--;
        }
    }
    while(!s.empty()){
        cout<<s.top()<<' ';
```
```

```
        s.pop();
    }
}
```
版本

Deque 只輸出(長度LIS)
```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

int a[MAXN];
int t[MAXN],d[MAXN];
int n;

int lis(){
    deque<int> q;
    q.push_back(a[1]);
    for(int i=2;i<=n;i++){
        if(a[i]>q.back()) q.push_back(a[i]);
        else{
            int temp=upper_bound(q.begin(),q.end(),a[i])-q.begin();
            q[temp]=a[i];
        }
    }
    return q.size();
}

int main(void){
    cin>>n;
    for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
    cout<<lis();
}
```

範例測資
input:
```
7
2 1 4 3 6 7 5
```

output:
```
4
(1 3 6 7)
```

4.4 約瑟夫問題

```
int josephus(int n, int k){
    int s = 0; //一開始的編號
    for(int i = 2; i <= n; i++) s = (s+k) % i; //第i 輪中，他的位置是第s
    return s+1; //如果題目的編號一開始是1，那我們就加一
}
```

5 大衛-圖論

5.1 floyd 最短路徑

```
// 能夠針對有、無權重的有向圖做出全點全源最短路徑演算法。
// 全點全源：任意點到任意點的最短距離

// 時間複雜度為O(n^3)，n 為頂點

#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define MAXN 120
#define int long long
#define INF 0x3f3f3f3f
using namespace std;
int t, n, r;
int u, v, c;
int start, destination, kase = 1;
int dist[MAXN][MAXN];

void floyd(){
    for(int k = 0; k < n; k++){ //以k 為中繼點
        for(int i = 0; i < n; i++){ //從i 出發
            for(int j = 0; j < n; j++){ //抵達j
                //如果i to j，經過k 會比較快就替換答案
                if(dist[i][k] + dist[k][j] < dist[i][j])
                    dist[i][j] = dist[i][k] + dist[k][j];
            }
        }
    }

}

void print(){ //印出最短距離圖
    for(int i = 0; i < n; i++){
        for(int j = 0; j < n; j++){
            printf("%10d ", dist[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

int32_t main()
{
#ifdef LOCAL
    freopen("in1.txt", "r", stdin);
#endif // LOCAL
    cin >> t;
    while(t--){
        cin >> n >> r;
        for(int i = 0; i < n; i++){
            for(int j = 0; j < n; j++){
                dist[i][j] = INF; //一開始i 都無法抵達j 節點
            }
            dist[i][i] = 0; //但是自己可以抵達自己
        }
        for(int i = 0; i < r; i++){
            cin >> u >> v;
            dist[u][v] = 1; //加入邊
            dist[v][u] = 1; //考慮雙向邊
        }

        floyd();
        int ans = 0;
        cin >> start >> destination;
        cout << dist[start][destination] << "\n" //輸出起點到終點的最短距離
        //print();

    }
    return 0;
}
```

5.2 最小生成樹

```
---
tags: Algorithm
---
# Kruskal

## 用途找出無向圖的最小生成樹


## 時間複雜度
O(ElogE)

## 核心概念並查集、
Greedy

## Code
```c=
#include <bits/stdc++.h>
#define INF 0x3f3f3f3f
#define MAXN 105
using namespace std;

struct edge{
    int u,v,c;
};
bool cmp(edge a, edge b){
    return a.c<b.c;
}

vector<edge> Edge;
vector<edge> MST;
int parent[MAXN];
int n,m;

void init(){
```
```

```
    for(int i=0;i<MAXN;i++) parent[i]=-1;
}

int find_root(int id){
    if(parent[id]==-1) return id;
    return parent[id]=find_root(parent[id]);
}

void merge(int a,int b){
    int root_a=find_root(a),root_b=find_root(b);
    parent[root_b]=root_a;
}

void kruskal(){
    sort(Edge.begin(),Edge.end(),cmp);
    for(auto& i:Edge){
        int root_u=find_root(i.u),root_v=find_root(i.v);
        if(root_u!=root_v){
            MST.push_back(i);
            merge(i.u,i.v);
        }
    }
}

int main(void){
    init();
    cin>>n>>m;
    int a,b,c;
    while(m--){
        edge temp;
        cin>>a>>b>>c;
        Edge.push_back({a,b,c});
    }
    kruskal();
    for(auto& i:MST) cout<<i.u<<' '<<i.v<<' '<<i.c<<'\n';
}
```

範例測資

```
input:
7 12
1 2 23
2 3 20
3 4 15
2 7 1
3 7 4
1 7 36
4 7 9
1 6 28
6 5 17
5 4 3
6 7 25
5 7 16

output:
2 7 1
5 4 3
3 7 4
4 7 9
6 5 17
1 2 23
```

5.3 找圖中的橋find bridge

```
// 四個陣列，一個vector edge 紀錄題目的邊
// depth 記錄當前深度
// low 紀錄當前節點，能返回的最淺深度是多少
// visit 紀錄是否有走訪過
// ancestor 為disjoint set，將所有橋的節點放在一起

#define MAXN
vector<int> edge[MAXN];
int visit[MAXN], depth[MAXN], low[MAXN];
int ancestor[MAXN];
int cnt = 1

int find_root(int x){
    if(ancestor[x] != x) return ancestor[x] = find_root(ancestor[x]);
    return ancestor[x];
}

void find_bridge(int root, int past){ //找到橋點
    visit[root] = 1; //表示走訪過
    depth[root] = low[root] = cnt++; //邏輯證明2.1
    for(int node: edge[root]){ //不斷遍地
        //因為是無向邊，因此雙向同個edge 不是bridge
        if(node == past) continue;
        if(visit[node]) low[root] = min(low[root], depth[node]); //邏輯證明2.2
        else{
            //先進行DFS，往下找其他的node 有沒有辦法回到曾經走放過的節點
            find_bridge(node, root);
            low[root] = min(low[root], low[node]); //邏輯證明2.3
            if(low[node] > depth[root]){  //邏輯證明2.4
                int fa_node = find_root(node); //進行disjoint merge
                int fa_root = find_root(root);
                //cout << "fa " << fa_node << " " << fa_root << "
                      n";
                ancestor[fa_node] = fa_root;
            }
        }
    }
}
```

5.4 拓樸排序

```
#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define MAXN 120
using namespace std;
int n, m, a, b;
int cnt[MAXN]; //記錄關係，以此節點為後面，而有多少節點在其前面
vector<int> root[MAXN], ans;
//root 記錄關係，以此節點為前面，而另一節點就在後面(vector.push_back)
//ans 答案序列，拓樸排序的序列

void topo(){
    for(int i = 0; i < m; i++){ //不斷輸入
        cin >> a >> b; //輸入記錄關係，a 是前者b 是後者
        root[a].push_back(b);  //記錄關係，記錄a 有多少後面節點，並且記錄。
        cnt[b]++; //記錄有幾個前面節點，如果b 是後面關係時。
    }

    deque<int> q; //用來判斷有哪些節點現在已經可以直接被放到答案序列
    for(int i = 1; i <= n; i++){
        if(cnt[i] == 0) q.push_back(i);
        //在記錄關係中，如果以此節點為後面，沒有節點在前面就加入q
    }

    int now; //暫存bfs(q) 當前的節點
    ans.clear(); //答案序列清空
    while(ans.size() != n){ //如果答案序列的長度跟題目給的長度一樣就跳出
        if(q.empty()) break; //如果沒有節點可以直接被放入答案序列就跳出
        now = q.front(); q.pop_front(); //把當前節點給now
        ans.push_back(now); //將now 放入答案序列
        for(auto it: root[now]){ //由於now 節點被放入答案陣列，
        //之前的記錄關係就不須記錄，因為放到答案陣列就剩下的後面節點就必定在後面

            cnt[it]--; //將所有原本在記錄關係中後面的節點-1，減少了一個記錄關係
            if(cnt[it] == 0) q.push_back(it); //如果都沒有記錄關係就可以放到q
        }
    }
    if(ans.size() == n){ //如果答案序列跟n 一樣，表示可以成功排出拓樸排序，就輸出答案
        for(int i = 0; i < ans.size(); i++) cout << ' ' << ans[i];
        cout << '\n';
    }
}
```

5.5 Component Kosaraju's Algorithm 找出SCC

```
// # Kosaraju's Algorithm 介紹
// Kosaraju's Algorithm 可以找出有向圖的SCC

// Sridge-connected Component(強連通分量)
// Bridge-connected Component 所有兩點之間雙向皆有路可以抵達

// ## Kosaraju's Algorithm 原理
// ### 證明
// /* 如果是A、B、C 三個點都為SCC，那我從A 反方向走或正方向走都能走到A
```

```
// /* 其中圖中有一條邊為A -> D
// - 如果有一個邊是D -> A，那我們就可以表示A、B、C、D 都是SCC
// /* 因此我們準備一張反向圖，一樣從A 出發
// - 題目給的圖如果是A -> B，則反向圖為B -> A
// /* 走訪A、B、C
// - 同理，如果我能夠滿足此上述條件就表示A、B、C 為SCC
// /* 無法走訪A、D
// /* 不可以的話，他們就不是同一組SCC


#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define MAXN 1020
#define int long long
using namespace std;
vector<int> edge[MAXN]; //題目圖
vector<int> rev_edge[MAXN]; //反向圖
vector<int> path; //紀錄離開DFS 的節點順序
int visit[MAXN];
int group[MAXN]; //判斷此節點在哪一個組
int cnt, a, b, q;

void dfs1(int root){
    if(visit[root]) return;
    visit[root] = 1;

    for(auto it: edge[root]){
        dfs1(it);
    }
    path.push_back(root); //紀錄DFS 離開的節點
}

void dfs2(int root, int ancestor){
    if(visit[root]) return ;

    visit[root] = 1;
    group[root] = ancestor; //root 跟ancestor 在同一個SCC
    for(auto it: rev_edge[root]){
       dfs2(it, ancestor);
    }
}

void kosoraju(){
    for(int i = 0; i < q; i++){ //q 為邊的長度
        cin >> a >> b;
        edge[a].push_back(b); //題目圖
        rev_edge[b].push_back(a); //反向圖
    }

    memset(visit, 0, sizeof(visit));
    path.clear();
    for(int i = 1; i < cnt; i++){ //第一次DFS
        if(!visit[i]) dfs1(i);
    }

    memset(visit, 0, sizeof(visit));
    memset(group, 0, sizeof(group));
    for(int i = path.size()-1; i >= 0; i--){ //尋找以path[i] 為主的SCC 有哪些節點
        if(!visit[path[i]]){
            dfs2(path[i], path[i]);
        }
    }

}
```

5.6 Tarjan's Algorithm 找出ACC

```
// ## Tarjan's Algorithm 無向圖實作與原理
// ### 原理
// /* 使用DFS 實作
// /* 使用堆疊紀錄每一個經過的點
// /* 找出每一個點最高能回到哪一個點
// /* 如果這個點最高能回朔的點還是自己，則表示這個點往下的所有點都會回朔到他，形成一個SCC，因此將堆疊裡的點刪除，直
      到stack.top() 最高能回朔的點還是自己。


#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define int long long
#define MAXN 10020
using namespace std;
int cnt;
vector<int> edge[MAXN]; //圖
int stk[MAXN], in_stk[MAXN]; //stk 是堆疊, in-stk 確認此點是否已在堆疊上
int visit[MAXN]; //是否有走訪過
int lead[MAXN], low[MAXN]; //lead 表示此點為哪一個SCC、low 表示此點最高能回到哪一個點
int stk_index; //堆疊的size


void scc(int root){
    if(visit[root]) return;

    visit[root] = low[root] = cnt++; //因為是第一次接觸，先認定root 只能回到root
    stk[++stk_index] = root; // root 加入stack，stk-index+1
    in_stk[root] = 1; //此點加入stack

    for(auto it: edge[root]){ //DFS
        scc(it);
        //如果scc 完成以後，因為root -> it 是一條邊，如果it 可以返回到的點比root 小，
        //那就改變low[root]
        if(in_stk[it]) low[root] = min(low[it], low[root]);
    }

    //如果low[root] 同時也是root，表示這個點是SCC 起點，把這個點以下的stack，都設定為同組的SCC
    if(visit[root] == low[root]){
        int it;
        do{
            it = stk[stk_index--]; //找出stack.top()
            in_stk[it] = 0; //stack.pop()
            lead[it] = root; //it 的SCC 是root 組
        }while(it != root); //只要it != root，表示還沒有找玩
    }
}

void tarjan(){
    memset(visit, 0, sizeof(visit));
    for(int i = 1; i <= n; i++){
        if(visit[i]) continue;
        stk_index = -1; cnt = 1;
        scc(i);
    }
}
```

5.7 dijkstra

```
// # Dijkstra'a Algorithm 介紹
// 能夠針對有權重的有向圖做出單點全源最短路徑演算法。
// 時間複雜度為O((E+V)logV)，E 為邊、V 為頂點
// * Dijkstra 變化題，可以擴增dist
// 如，dist[node][第n短路徑]、dist[node][奇偶數路徑]、可以走重複路徑時，則使用visit[i]，來避免deque 裡面有相同節點

#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#define LOCAL
#define int long long
#define MAXN 10020
#define INF 2100000000
using namespace std;
struct Edge{ // 我們使用Edge struct 實做(root, cost)
    int v, c;
    Edge(): v(0), c(0) {}
    Edge(int _v, int _c): v(_v), c(_c) {}

    bool operator < (const Edge& other) const{
        return c < other.c; //遞減排序，決定priority_queue 的方式
        //return c > other.c; //遞增排序
    }
};

int c, v;
int a, b, cost;
vector<Edge> edge[MAXN]; //放入題目的邊
int dist[MAXN]; //從root 出發到x 邊的最短距離

void dijkstra(int root){
    deque<Edge> q;
    q.push_back({root,0}); //初始放入開始點
    dist[root] = 0; //自己到自己成本為零
```

```
    int cost;
    while(!q.empty()){
        Edge node = q.front(); q.pop_front();
        //cout << node.v << " " << node.c << "
            n";
        for(auto it: edge[node.v]){
            cost = dist[node.v] + it.c; //分析3
            if(cost < odd_dist[it.v]){
                q.push_back({it.v, cost});
                odd_dist[it.v] = cost;
            }
        }
    }
}


int32_t main()
{
#ifdef LOCAL
    freopen("in1.txt", "r", stdin);
    freopen("out.txt", "w", stdout);
#endif // LOCAL
    while(cin >> c >> v){
        for(int i = 1; i <= c; i++){ //清除邊、重置距離
            edge[i].clear();
            dist[i] = INF;
        }
        for(int i = 0; i < v; i++){ //加入邊
            cin >> a >> b >> cost;
            edge[a].push_back({b,cost}); //單向時使用
            edge[b].push_back({a,cost}); //雙向時使用
        }
        dijkstra(root); //root 為任移值，為開始的點
        if(dist[x] == INF) cout << "-1\n"; // root -> x 最短距離為多少，無法抵達輸出-1
        else cout << dist[x] << "\n"; //可以抵達則輸出。
    }
    return 0;
}
```

5.8 二分匹配、二分圖

```
// 在介紹最大二分匹配時，必須先介紹二分圖。
// 二分圖是一種圖的特例，二分圖的結構為，X 群體的每一個點都有連結到至少一個以上Y 群體的點、T 群體的每一個點都有連結到至少
      一個以上X 群體的點，且X、Y 群體各自沒有邊互相連接。
// 二分匹配就是，每一個x 節點只能連到一個y 個節點、每一個y 節點只能連到一個x 個節點，舊式二分匹配，類似於一夫一妻制。
// 我們使用Augmenting Path Algorithm 實作，時間複雜度為O(VE)，V 是頂點、e 是邊

//二分匹配變化，如果遇到棋盤，其中以座標(x,y) 為例，則x,y 軸只能有此點，那也是二分圖，這邊則是將x 軸與y 軸配對。


vector<int> edge[MAXN];
int mx[MAXN], my[MAXN], vy[MAXN]; //matchX, matchY, visitY

bool dfs(int x){
    for(auto y: edge[x]){ //對x 可以碰到的邊進行檢查
        if(vy[y] == 1) continue; //避免遞迴error
        vy[y] = 1;
        if(my[y] == -1 || dfs(my[y])){ //分析3
            mx[x] = y;
            my[y] = x;
            return true;
        }
    }
    return false; //分析4
}

int bipartite_matching(){
    memset(mx, -1, sizeof(mx)); //分析1,2
    memset(my, -1, sizeof(my));
    int ans = 0;

    for(int i = 1; i <= cnt; i++){  //對每一個x 節點進行DFS(最大匹配)
        memset(vy, 0, sizeof(vy));
        if(dfs(i)) ans++;

    }
    return ans;
}
```

6 大衛-資料結構

6.1 並查集

```
#define MAXN 2000
void init(){
    for(int i = 0; i < MAXN; i++){
        tree[i] = i;
        cnt[i] = 1; //cnt 為數量，也就是每一個集合的數量，一開始都是1，因為只有自己。
    }
}

int find_root(int i){
    if(tree[i] != i) //如果tree[i] 本身並不是集合中的代表元素，
    //表示這個集合中有其他元素，並且其他元素才是代表元素
        return tree[i] = find_root(tree[i]); //遞迴，將tree[i] 的元素在進行查詢，
        //並將代表元素設為現在的tree[i]
    return tree[i]; //回傳代表元素
}

void merge(int a, int b){
    rx = find_root(tree[a]); //找出find_root(tree[a]) 的代表元素
    ry = find_root(tree[b]); //找出find_root(tree[b]) 的代表元素
    if(rx != ry) //如果不一樣就合併
        tree[ry] = rx; //要合併的是代表元素，不是tree[b]
        cnt[rx] += cnt[ry]; //將原本另一集合的數量加到這集合，因為他們合併了
        cnt[ry] = 0;  //由於合併，因此將原本獨立的集合數量歸0
}
```

6.2 線段樹

```
#define INF 0x3f3f3f
#define Lson(x) (x << 1)
#define Rson(x) ((x << 1) +1)
#define MAXN 題目陣列最大長度

struct Node{
    int left; // 左邊邊界
    int right; //右邊邊界
    int value; //儲存的值
    int z; //區間修改用，如果沒有區間修改就不需要
}node[4 * N ];

void question(){
    for(int i = 1; i <= 10; i++) num[i] = i * 123 % 5;
    // num 為題目產生的一段數列
    // hash 函數，讓num 的i 被隨機打亂
}

void build(int left , int right , int x = 1 ){
    // left 為題目最大左邊界，right 為題目最大右邊界，圖片最上面的root 為第一個節點
    node[x].left = left ; //給x 節點左右邊界
    node[x].right = right ;
    if(left == right){ //如果左右邊界節點相同，表示這裡是葉節點
        node[x].value = num[left] ;  //把num 值給node[x]
        //這裡的num 值表示，我們要在value 要放的值
        return ; //向前返回
    }
    int mid = (left + right ) / 2 ; //切半，產生二元樹

    //debug
    //cout << mid << '
         n' ;
    //cout << x << ' ' << node[x].left << ' ' << node[x].right << ' ' << '
         n' ;

    build(left , mid , Lson(x)) ; //將區間改為[left, mid] 然後帶給左子樹
    build(mid + 1 , right , Rson(x)) ; //將區間改為[mid+1, right] 然後帶給右子樹
    node[x].value = min(node[Lson(x)].value  , node[Rson(x)].value ) ;
    //查詢左右子樹哪個數值最小，並讓左右子樹最小值表示此區間最小數值。
}

void modify(int position , int value , int x = 1 ){ //修改數字
    if(node[x].left == position && node[x].right == position ){ //找到葉節點
       node[x].value = value ; //修改
       return ; //傳回
```

```
    }
    int mid = (node[x].left + node[x].right ) / 2 ; //切半，向下修改
    if(position <= mid ) //如果要修改的點在左邊，就往左下角追蹤
        modify(position , value , Lson(x) );
    if(mid < position ) //如果要修改的點在右邊，就往右下角追蹤
        modify(position , value , Rson(x)) ;
    node[x].value = min(node[Lson(x)].value , node[Rson(x)].value );
    //比較左右子樹哪個值比較小，較小值為此節點的value

}

void push_down(int x, int add){ //將懶人標記往下推，讓下一層子樹進行區間修改
    int lson = Lson(x), rson = Rson(x);
    node[lson].z += add;  //給予懶人標記，表示子樹如果要給子樹的子樹區間修改時，
    node[rson].z += add;  //數值要是多少，左右子樹都需要做

    node[lson].v += add; //更新左右子樹的值
    node[rson].v += add;
}

void update(int a, int b, int cmd, int x = 1){
//a, b 為區間修改的left and right, cmd 為要增加的數值
    if(a <= node[x].l && b >= node[x].r){
        //如果節點的left and right，跟a, b 區間是相等，或更小就，只要在這邊修改cmd，
        //就可以讓node[x].v 的值直接變為區間修改後的數值，
        //之後如果要讓這查詢向子樹進行區間修改，就用push_down，
        //我們這邊的懶人標記就會告訴左右子樹要修改的值為多少

        node[x].v += cmd; //區間修改後的v
        node[x].z = cmd; //區間修改是要增加多少數值
        return;
    }
    push_down(x);//先將之前的區間查詢修改值，往下給子樹以避免上次的查詢值被忽略
    //假如當前的node[x].z 原本是3，如果沒有push_down(x)，那下面的子樹都沒有被+3，
    //導致答案不正確。

    int mid = (node[x].l+node[x].r) / 2;  //切半，向下修改
    if(a <= mid) update(a, b, cmd, Lson(x)); //如果要修改的點在左邊，就往左下角追蹤
    if(b > mid) update(a, b, cmd, Rson(x)); //如果要修改的點在右邊，就往右下角追蹤
    node[x].v = node[Lson(x)].v + node[Rson(x)].v;
    //比較左右子樹哪個值比較小，較小值為此節點的value
}

#define INF 0x3f3f3f

int query(int left , int right , int x = 1 ){
    if(node[x].left >= left && node[x].right <= right)
        return node[x].Min_Value ;
    //如果我們要查詢的區間比當前節點的區間大，那我們不需再向下查詢直接輸出此答案就好。
    // 例如我們要查詢[2, 8]，我們只需要查詢[3, 4]，不須查詢[3, 3]、[4, 4]，
    // [3, 4] 已經做到最小值查詢

    push_down(x);//有區間修改時才需要寫
    int mid = (node[x].left + node[x].right ) / 2 ; //切半，向下修改
    int ans = INF ; //一開始先假設答案為最大值

    if( left <= mid ) //如果切半後，我們要查詢的區間有在左子樹就向下查詢
        ans = min(ans , query(left , right , Lson(x))) ; //更新答案，比較誰比較小
    if(mid < right ) //如果切半後，我們要查詢的區間有在右子樹就向下查詢
        ans = min(ans , query(left , right , Rson(x))) ; //更新答案，比較誰比較小
    return ans ; //回傳答案
}
```

7 大衛-字串

7.1 KMP

```
// 給你一字串，請新增字元讓這字串變成迴文，但新增字元數量要最少。
// 迴文：從左邊讀與從右邊讀意思都一樣
// 題目善意提示：這題不要給經驗不足的新手做M
// KMP algorithm 介紹
// 在線性時間內找出段落(Pattern) 在文字(text) 中哪裡出現過。
// 對Pattern 找出次長相同前綴後綴，在使用DP 將時間複雜度壓縮

string  strB ;
int b[MAXN] ;
// b[] value 表示strB當下此字元上次前綴的index，如果已經沒有前綴則設定-1

void kmp_process(){
    int n = strB.length() ,i = 0 ,  j = -1 ;
    // j = 前綴的長度
    //strB 是pattern , j = -1 時代表沒有辦法再回推到前一個次長相同前綴
    b[0] = -1 ;
    // 由於strB[0] 絕對沒有前綴所以設定-1
    while(i < n ){ //對從Pattern 的第0 個字元到第i 字元找出次長相同前綴
        while(j >= 0 && strB[i] != strB[j]) j = b[j] ;
        // j >= 0 代表還可以有機會找出次長相同前綴
        // strB[i] != strB[j] 則代表他們字元不同，於是在這裡把j 值設為b[j]
        // 當j 只要被設定成-1 就代表完全沒有次長相同前綴
        i++ ; j++ ;
        b[i] = j ;
        // strB[i] 上次前綴的index 值或是將j 設定成0 而不設定成-1 是因為
        // 他有可能會是strB[0] 長度只有1 的前綴
    }

    //debug 供應測試用
    // for(int k = 0 ; k <= n ; k++)
    // cout << b[k] << ' ' ;
    // cout << '
        n' ;
}

string strA ;
//strA 是text

void kmp_search(){
    int n = strA.length() , m=strB.length() , i=0 , j=0  ;
    while(i < n ){ //對從text 找出搜尋哪裡符合Pattern
        while(j >= 0 && strA[i] != strB[j]) j = b[j] ;
        // j >= 0 代表還可以有機會是pattern 的前綴
        // strA[i] != strB[j] 則代表他們字元不同，於是在這裡把j 改為b[j]
        // b[j] 說明請看kmp_process 宣告b[j] 時的解釋
        i++ ; j++ ;
        if (j == m) { // j 已經跟pattern 的長度相同了
            printf("P is found at index %d in T\n", i - j);
            // 告訴使用者在哪裡找出
            j = b[j];
            // 將j 設定成此字元上次前綴的index
        }
    }
}
```

7.2 最短修改距離

```
// Minimum Edit Distance 介紹
// 可以透過刪除、插入、替換字元來達到將A 字串轉換到B 字串，並且是最少編輯次數。
// 此演算法的時間複雜度O(n2)

// 最短修改距離Minimum Edit Distance 應用
// DNA 分析
// 拼寫檢查
// 語音辨識
// 抄襲偵測

int dis[MAXN][MAXN];
//dis[A][B] 指在strA 長度0 to A 與strB 長度0 to B 的最短修改距離為多少
//這裡假設由A 轉換B
string strA , strB ;
int n , m ;
n=strA.length() ;
m=strB.length() ;

int med(){ //Minimum Edit Distance
    for(int i = 0 ; i <= n ; i++) dis[i][0] = i ;
    // 由於B 是0 ，所以A 轉換成B 時每個字元都要被進行刪除的動作
    for(int j = 0 ; j <= m ; j++) dis[0][j] = j ;
    // 由於A 是0 ，所以A 轉換成B 時每個字元都需要進行插入的動作
    for(int i = 1 ; i <= n ; i++){ // 對strA 每個字元掃描
        for(int j = 1 ; j <= m ; j++){ // 對strB 每個字元進行掃描
            if(strA[i-1] == strB[j-1]) dis[i][j] = dis[i-1][j-1] ;
            // 如果他們字元相同則代表不需要修改，因此修改距離直接延續先前
            else dis[i][j] = min(dis[i-1][j-1], min(dis[i-1][j] , dis[i][j-1]))+1;
            // 因為她們字元不相同，所以要詢問replace , delete , insert 哪一個編輯距離
            // 最小，就選擇他+1 來成為目前的最少編輯距離
```

```
            }
        }
    }

    return dis[n][m] ; // 這就是最少編輯距離的答案

    // QUESTION: 現在的我們知道最少編輯距離的答案，那我們可以回推有哪些字元被編輯嗎？
    // 那當然是可以的阿XD，只是寫起來比較麻煩。通常這種答案會有很多種，依照題目的要求通常只需要你輸出一種方式即可。除非是毒瘤

    // 實現方式如下：
    // 由於這回推其實也就只是一個簡單的遞迴你能夠推得出DP 就可以知道要怎麼回推哪些字元被編輯，於是我就在程式碼上旁寫下說明來
          幫助讀者閱讀。希望能夠幫助到
```

7.3 Suffix Automaton

```
// 只要關於這兩個字串問題都可以使用O(n) 時間複雜度解決：
// 在另一個字串中查詢另一個字串的所有出現位置
// 計算此字串中裡面有多少不同的子字串

// 需要用到struct，此struct 需要len , link , next，這些的意義為：

// len 目前的最長長度
// link 為當前子字串中第一個最長後綴結束位置
// next 連結其他的點的邊，方向是->

// 重大的三個特性
// 跟著藍色線走到終點時會是必定是\aabbabd" 的後綴
// 跟著藍色線走到任意點必定會是此字串的子字串
// 發明這個的演算法大師太強了，跟神一般的存在

#define SAMN N*10
// N 為字串最長長度
int sz , last ; // 到SAM 初始化說明

struct state{
    int len , link ; // len = 最長長度, link = 當前子字串中第一個最長後綴結束位置

    map<char,int> next ;
}st[SAMN];

void sam_init(){
    sz = 0 ;
    st[0].len = 0 ;
    st[0].link = -1 ;
    st[0].next.clear();
    sz++ ;
    last = 0 ;
}

void sam_extend(char c ){ //char c 要擴增的字元
    int cur = sz++ ; //sz++ 增加sam array 長度, cur 為當前的sam 節點
    st[cur].next.clear() ; //先把當前的sam 連接點狀態移除
    st[cur].len = st[last].len+1 ; //為前一個sam 節點len +1 表示其長度
    int p = last ; // p = 查詢當前字串的「所有子字串」與新增加c 後的字串是否有共同後綴，
    //將跑到他們有共同後綴的「前一個位置」
    //注意：這裡的共同後綴只要有一個字元是就可以是共同後綴
    //舉例："abca" and "abcab" 中的'b' 就是共同後綴

    while(p != -1 && !st[p].next.count(c)){ // p = -1 表示已經到起點，
        // !st[p].next.count(c) 則是詢問增加此字元後是否會有共同後綴的情形，
        // 如果有則需要額外處理
        st[p].next[c] = cur ; // 將前面的點與現在的sam 節點做連結
        p = st[p].link ; // 由於現在的字元並沒有和前面的子字串有共同後綴，
        // 於是他們的link 就向上追蹤
        // 如果有則st[p].next.count(c) == TRUE 不符合迴圈要求
    }
    if(p == -1){
        // p = -1 表示沒有共同後綴且此字元在當前字串中從沒出現過，
        //才回到了起始點，所以將link 設置為0
        st[cur].link = 0 ;
    }
    else{
        int q = st[p].next[c] ; // q 為他們共同後綴的位置
        if(st[p].len + 1 == st[q].len){
            //如果st[p].len + 1 == st[q].len 表示「不同位置但相同字元」的共同後綴長度大於一
            //只需要直接將當前的sam[cur].link 設定成q 也就是共同後綴的位置
            st[cur].link = q ;
        }
        else{ // 如果不同位置但相同字元的共同後綴如果等於一，則需要連創建新的sam 節點，
            // 建立以c + 字串前一個字元的後綴(前一個並不包括我們現在新增的c)，
            // 並同時放棄另一個不同位置但也是c 字元的後綴，但要持續存在以保護先前做好的sam
            int clone = sz++ ; // 創建新節點
            st[clone].len = st[p].len + 1 ; // 表示從共同後綴的前一個位置+1，
            //用來建立以c + 字串前一個字元的後綴
            st[clone].next = st[q].next ; //複製q 的next，因為前面已經設定好連接的點，
            //但是因為共同後綴不同，後面還需要一個while 迴圈進行調整
            st[clone].link = st[q].link ; //將他們link 先設置相同，
            //之後用while 迴圈再移動到正確的link
            while(p != -1 && st[p].next[c] == q){
                //p != -1 是不可以讓她更改起始點的位置
                //st[p].next[c] == q 接下來的點是從clone 繼續擴展而不是原先的q，
                //所以要將原先連接到q 的點全部改連接至clone
                st[p].next[c] = clone ; //更改連接點至clone
                p = st[p].link ; // 繼續往上層追蹤
            }
            st[q].link = st[cur].link = clone ;
            // 最後則是也要把q and cur 的link 改到clone，
            // 原因則是因為接下來的點是從clone 繼續擴展而不是原先的q
        }
    }
    last = cur ; //準備下一次的擴展
}

// QUESTION: 最小循環移位(Lexicographically minimum string rotation) 是甚麼？
// 給你一組字串，找出字典序最小的循環字串，沒錯，就是這題的題目，非常純粹的模板題。

// 要怎麼解開呢？
// 其實容易想到，只需要將原本的字串複製一次給原本的字串，即string += string，透過從起始點一路跟著當下可以走的最小字典序
      節點走，走到原先字串的長度，在k-string.length()+1，就是最小循環移位了。

// QUESTION A: 為甚麼只要原本的字串複製一次給原本的字串呢？
// 由於第一次的字串長度結束位置+ 字串長度(即第二次循環) < 連續三次循環長度，就算從最後一個字元開始循環也不會大於三次循
      環，即可證明我們不需要第三次循環，只要循環一次就好。

//st 是sam、now 是還要再找幾次，一開始為原本字串長度
while(now--){
    for(auto it : st[u].next){ //跟著字典續追蹤
        u = it.second ;
        break ; //找到了就往下個節點移動，類似於DFS
    }
}
cout << st[u].len - len + 1 << '\n' ;
//找到當下的節點後，找出它的長度並且扣掉原始長度並加一即是答案
```

7.4 suffix tree

```
// 以下是Suffix Tree 能解決的問題：

// 尋找A 字串是否在字串B 中
// 找出B 在A 字串重複的次數
// 最長共同子字串

// 時間複雜度O(n)

// remaining 隱藏在Suffix Tree 中的後綴節點
// root = Suffix Tree 的最主要根節點
// active_node 活動節點，主要是用來生長葉節點(leaf)
// active_e 隱藏節點的第一個字元
// active_len 隱藏在Suffix Tree 中節點的長度
// node 一個struct 用來存入Suffix Tree 節點
// start 此節點開始的位置(index)
// end 此節點結束的位置(end)
// 舉例：node.start = 3 and node.end = 5，則string 的長度是string.substr(3,2)，用數學表示則是(start,end]
// next 用來指出下一個節點的位置，個人習慣用map
// slink 指出此節點的最長後綴節點，EX: XYZ 則指出YZ。
// edge_length() 公式為min(end,pos+1)start
// 用來找出此節點的字串長度

struct node{
    int start , end ,slink ;
    map<char,int> next ;

    int edge_length(){
        return min(end , pos+1) - start ;
```

```
    }

    void init(int st , int ed = oo){
        start = st ;
        end = ed ;
        slink = 0 ;
        next.clear() ;
    }
}tree[2*N];

void st_init(){
    //tree root is 1 not zero
    needSL = remainder_ = 0 ;
    active_node = active_e = active_len = 0 ;
    pos = -1 ;

    cnt = root = 1 ;
    active_node = 1 ;
    tree[cnt++].init(-1,-1);
    return ;
}

char active_edge(){ //隱藏字元的第一個
    return text[active_e] ;
}

void add_SL(int node){ // slink 指回上一個隱藏節點的位置，如果上一個後綴節點的葉節點需要被更改時，
// 這裡的下方葉節點也能被迅速被更改，達到O(1) 效果
    if(needSL > 0 ) tree[needSL].slink = node ;
    needSL = node ;
}

bool walkdown(int node){ //即原理說明 "xyzxyaxyz$" 的step 1，xyz 但xy 是一個節點，
// 需要在往下一個子節點前進
    if(active_len >= tree[node].edge_length()){
        active_e += tree[node].edge_length() ; //找到此長度後的第一個隱藏字元
        active_len -= tree[node].edge_length() ; //減少長度
        active_node = node ; //往後方前進
        return true ;
    }
    return false ;
}

void st_extend(char c){ //擴增suffix tree
    pos++; // 往下個字串前進
    needSL = 0 ; // 紀錄上一個切割點的位置，用來slink 的前一個點
    remainder_++ ; // 先+1，如果這個點有被增加之後做-1 的動作
    while(remainder_ > 0){
        if(active_len == 0 ) active_e = pos ;
        // 如果active len 等於0，就表示沒有隱藏長度，所以我們要判斷的就是當前字元
        // 是否存在此active_node 節點中
        if(tree[active_node].next[active_edge()] == 0){
            // active_node 沒有此字元的節點，新增節點
            int leaf = cnt ;
            tree[cnt++].init(pos) ;
            tree[active_node].next[active_edge()] = leaf ;
            add_SL(active_node)   ;// 紀錄slink 的位置，以防下次用到
        }
        else{ // active_node 有此字元的節點
            int nxt = tree[active_node].next[active_edge()] ;
            if(walkdown(nxt)) continue ; // 如果還需要在往下一個節點走，就減少隱藏長度，
            //然後回去重新查詢
            if(text[tree[nxt].start + active_len] == c){
                // 如果此節點有包含到此字元，代表隱藏長度可以+1，因為後綴還是在節點長裡面
                active_len++ ; // 隱藏長度可以+1
                add_SL(active_node) ; // 紀錄slink 的位置，以防下次用到
                break ; //由於隱藏節點是+1，所以我們沒必要減
            }
            // 需要做切割點
            int split = cnt ;
            tree[cnt++].init(tree[nxt].start , tree[nxt].start + active_len) ;
            //製作切割點中...，結束位置就是當前節點的start + 隱藏長度
            tree[active_node].next[active_edge()] = split ;
            // 需要將active_node 指向我們的切割點，而不是原來的點
            int leaf = cnt ; // 需要葉節點
            tree[cnt++].init(pos) ;
            // 製作葉節點
            tree[split].next[c] = leaf ; // 把葉節點指向我們的切割點
            tree[nxt].start += active_len ; //原本的節點start 往後到切割點的end
            tree[split].next[text[tree[nxt].start]] = nxt ; //將原本節點指向我們的切割點
            add_SL(split) ; // 紀錄slink 的位置，以防下次用到
        }
        remainder_-- ; // 由於有增加節點，所以-1
        if(active_node == root && active_len > 0 ){
            //active_len > 0 表示我們現在做的是把隱藏節點新增，所以要減掉
            //active_node == root 確保有回到根節點才做隱藏節點減掉，否則
            //text[node.start + active_len ] 就會亂掉
            active_len-- ;
            //由於我們減少了一個隱藏長度，所以-1
            active_e = pos - remainder_ + 1 ;
            //找到減少後隱藏長度的第一個隱藏字元，此時如果active_len == 0，
            // 則下次迴圈則在active_e 會被重新定義成pos
        }
        else{
            // 跟著slink 走去改動其他的後綴在tree[active_node].slink > 0 時，
            // 否則則回到root，繼續建立後綴樹
            active_node = tree[active_node].slink > 0 ? tree[active_node].slink : root ;
        }
    }
    return ;
}
```