



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ \_\_\_\_\_ «Информатика и системы управления»  
КАФЕДРА \_\_\_\_\_ «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

## ОТЧЕТ

по лабораторной работе № 6  
по курсу: «Моделирование»

Тема Моделирование работы почтового отделения

Студент Якуба Д. В.

Группа ИУ7-73Б

Оценка (баллы) \_\_\_\_\_

Преподаватель Рудаков И.В.

Москва, 2021

## 1. Задание

В некоторое почтовое отделение с тремя окнами (отправка посылок, получение посылок и оплата коммунальных и муниципальных платежей) приходят клиенты с интервалом времени  $5 \pm 3$  минуты и становятся в очередь к терминалу для получения талонов на обслуживание.

Получение одного талона у клиента занимает  $3 \pm 2$  минуты.

Далее с вероятностью 30% клиент становится в очередь на отправку посылок, 50% - в очередь на получение посылок и 20% - в очередь на оплату коммунальных и муниципальных платежей.

Окно отправки посылок обслуживает каждого клиента  $13 \pm 5$  минут.

Окно выдачи посылок обслуживает каждого клиента  $5 \pm 3$  минуты.

Окно оплаты коммунальных и муниципальных платежей обслуживает каждого клиента  $20 \pm 5$  минут.

После получения каждой услуги клиент вновь становится в очередь к терминалу с вероятностью  $p_{\text{возвр}} = 0.2$ .

Размер очереди к терминалу не ограничен.

Если клиент видит 10 человек в очереди к окну, он уходит.

## 2. Теория

### 2.1 Концептуальная модель системы

На рисунке 2.1 предоставлена концептуальная модель моделируемой системы.

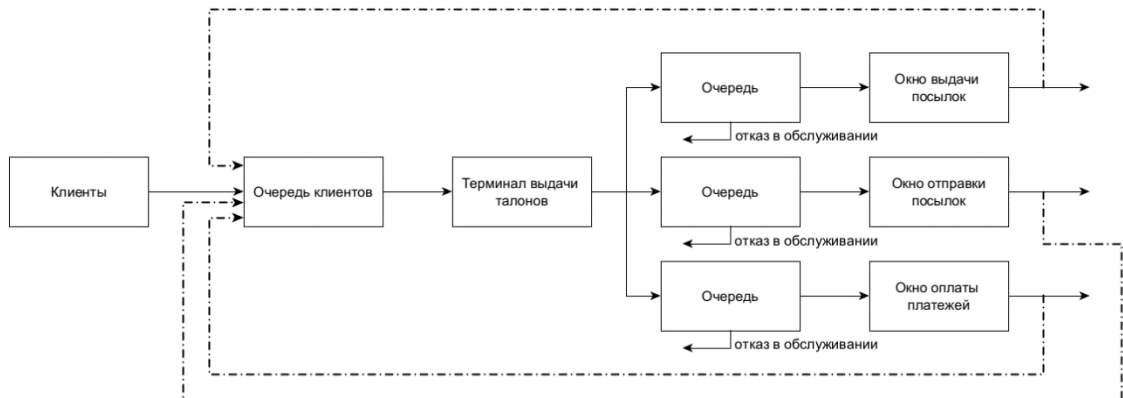


Рис. 2.1, концептуальная модель системы

### 2.2 Схема элементов СМО

На рисунке 2.2 предоставлена схема элементов СМО моделируемой системы.

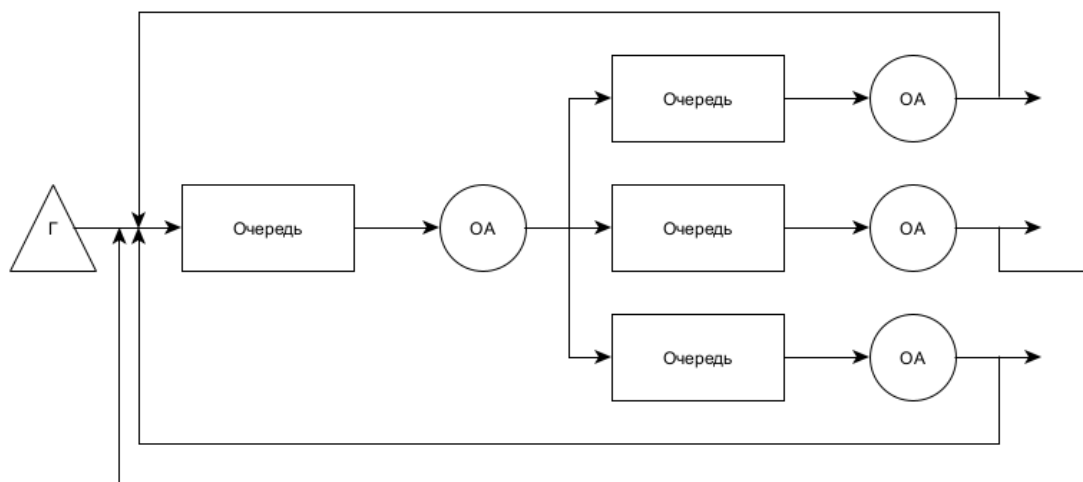


Рис. 2. 2, схема элементов СМО

### 2.3 Уравнение модели

Вероятность отказа в обслуживании клиента окном:

$$P_{\text{отказа}} = \frac{C_{\text{отказанных}}}{C_{\text{отказанных}} + C_{\text{обслуженных}}}$$

где  $C_{\text{отказанных}}$  – количество заявок, которым было отказано в обслуживании,  $C_{\text{обслуженных}}$  – количество заявок, которые были обслужены.

Данная вероятность рассчитывается для каждого окна.

### 3. Выполнение

Моделирование проводилось с использованием событийного принципа.

На рисунках 3.1 – 3.2 предоставлены примеры работы реализованного приложения.

The screenshot shows a software interface for simulating a queue system. It is divided into several sections with input fields and a results table.

**Поступление клиентов**

Количество клиентов: 1000

Интервал прихода следующего клиента: 5 +- 3 (минуты)

**Вероятности поступления в очередь к каждому из окон**

Окно отправки посылок: 0,30

Окно получения посылок: 0,50

Окно оплаты коммунальных и муниципальных платежей: 0,20

Вероятность возврата клиента в главную очередь: 0,20

**Время обслуживания**

|                         |    |    |   |
|-------------------------|----|----|---|
| Выдача талонов:         | 3  | +- | 2 |
| Окно отправки посылок:  | 13 | +- | 5 |
| Окно получения посылок: | 5  | +- | 3 |
| Окно оплаты квитанций:  | 20 | +- | 5 |

**Максимальное количество клиентов в очереди к окну**

Максимальное количество клиентов: 10

**Смоделировать работу системы**

**Результаты выполнения**

| Окно                   | Количество отказов | Вычисленная вероятность отказа |
|------------------------|--------------------|--------------------------------|
| Окно отправки посылок  | 86                 | 0.235616                       |
| Окно получения посылок | 5                  | 0.00827815                     |
| Окно оплаты            | 47                 | 0.2                            |

Рис. 3.1, пример работы реализованного приложения

Поступление клиентов

Количество клиентов: 1000

Интервал прихода следующего клиента: 5 +- 3 (минуты)

---

Вероятности поступления в очередь к каждому из окон

Окно отправки посылок: 0,30

Окно получения посылок: 0,50

Окно оплаты коммунальных и муниципальных платежей: 0,20

---

Вероятность возврата клиента в главную очередь: 0,20

---

Время обслуживания

|                         |         |  |
|-------------------------|---------|--|
| Выдача талонов:         | 3 +- 2  |  |
| Окно отправки посылок:  | 13 +- 5 |  |
| Окно получения посылок: | 5 +- 3  |  |
| Окно оплаты квитанций:  | 20 +- 5 |  |

---

Максимальное количество клиентов в очереди к окну

Максимальное количество клиентов: 10

---

Смоделировать работу системы

---

Результаты выполнения

|                        |                         |   |
|------------------------|-------------------------|---|
| Окно отправки посылок  | Количество отказов: 106 | Вычисленная вероятность отказа: 0.282667  |
| Окно получения посылок | Количество отказов: 7   | Вычисленная вероятность отказа: 0.0118243 |
| Окно оплаты            | Количество отказов: 52  | Вычисленная вероятность отказа: 0.217573  |

Рис. 3.2, пример работы реализованного приложения

Таким образом, в случае если заказчику требуется уменьшить вероятность отказа заявки для определённого окна, а, соответственно, и количество таких заявок, он может прибегнуть к уменьшению времени обработки заявок, например, увеличив количество работников или прибегнув к иным оптимизациям.

На рисунке 3.3 можно увидеть, что если уменьшить интервал обработки заявок третьего окна на 5 минут (до интервала (10; 20)), то вероятность отказа **может** упасть до 7.2%.

Поступление клиентов

Количество клиентов: 1000

Интервал прихода следующего клиента: 5 +- 3 (минуты)

Вероятности поступления в очередь к каждому из окон

Окно отправки посылок: 0,30

Окно получения посылок: 0,50

Окно оплаты коммунальных и муниципальных платежей: 0,20

Вероятность возврата клиента в главную очередь: 0,20

Время обслуживания

Выдача талонов: 3 +- 2

Окно отправки посылок: 13 +- 5

Окно получения посылок: 5 +- 3

Окно оплаты квитанций: 15 +- 5

Максимальное количество клиентов в очереди к окну

Максимальное количество клиентов: 10

Смоделировать работу системы

Результаты выполнения

|                        |                        |  |
|------------------------|------------------------|--|
| Окно отправки посылок  | Количество отказов: 83 | Вычисленная вероятность отказа: 0.226158   |
| Окно получения посылок | Количество отказов: 1  | Вычисленная вероятность отказа: 0.00166667 |
| Окно оплаты            | Количество отказов: 18 | Вычисленная вероятность отказа: 0.072      |

Рис. 3.3, пример работы приложения при проведении оптимизации обработки заявок в третьем окне

#### 4. Листинг

В данном разделе предоставлены используемые для работы приложения классы (используемый ЯП – C++).

```
double currentTime;

class Processor
{
public:
    virtual ~Processor() {}

    virtual void getRequest() = 0;
};

class RequestGenerator
{
public:
    using Generator = std::function<double()>;

    RequestGenerator(Generator generator_)
    {
        numberOfGeneratedRequests = 0;
        returnReceiver = nullptr;
        generator = generator_;
        receivers = std::vector<Processor*>();
    }
};
```

```

        timeOfNextEvent = 0;
    }

    virtual ~RequestGenerator() {}

    void subscribeReceiver(Processor *receiver) {
        receivers.push_back(receiver);
    }

    double getNextTime() { return generator(); }

    void sendRequest()
    {
        numberOfGeneratedRequests++;
        if (receivers.size() == 3)
        {
            Processor *receiver = receivers[0];

            double currentSum = 0;
            double chooseRandom = getUniformReal(0, 1);

            for (size_t i = 0; i < pValuesToSendTo.size(); i++)
            {
                currentSum += pValuesToSendTo[i];
                if (chooseRandom < currentSum)
                {
                    receiver = receivers[i];
                    break;
                }
            }

            receiver->getRequest();
        }
        else
        {
            for (auto &&receiver : receivers) { receiver->getRequest(); }
        }
    }

    void returnRequestToSubscriber()
    {
        if (returnReceiver)
        {
            returnReceiver->getRequest();
        }
    }

public:
    int numberOfGeneratedRequests;
    Processor *returnReceiver;

private:
    Generator generator;
    std::vector<Processor *> receivers;

public:
    double timeOfNextEvent;
    std::vector<double> pValuesToSendTo;
};

class RequestProcessor : public RequestGenerator, public Processor
{
public:
    using Generator = RequestGenerator::Generator;

```

```

    RequestProcessor (
        Generator generator, int maxOfQueue_ = 0, double
probabilityOfReturn_ = 0.0)
    : RequestGenerator(generator), Processor()
    {
        numberOfRequestsInQueue = 0;
        numberOfProcessedRequests = 0;
        numberOfSkippedRequests = 0;
        maxOfQueue = maxOfQueue_;
        numberOfReturns = 0;
        probabilityOfReturn = probabilityOfReturn_;
    }

    ~RequestProcessor() override {}

    void process ()
    {
        if (numberOfRequestsInQueue > 0)
        {
            numberOfProcessedRequests++;
            numberOfRequestsInQueue--;
            sendRequest();

            if (getUniformReal(0, 1) < probabilityOfReturn)
            {
                numberOfReturns++;
                returnRequestToSubscriber();
            }
        }

        timeOfNextEvent = numberOfRequestsInQueue ? currentTime +
getNextTime() : 0.0;
    }

    void getRequest() override
    {
        if (maxOfQueue == 0 || numberOfRequestsInQueue < maxOfQueue)
        {
            numberOfRequestsInQueue++;
            timeOfNextEvent = numberOfRequestsInQueue ? currentTime +
getNextTime() : 0.0;
        }
        else
        {
            numberOfSkippedRequests++;
        }
    }

public:
    int numberOfRequestsInQueue;
    int numberOfProcessedRequests;
    int numberOfSkippedRequests;

private:
    int maxOfQueue;
    int numberOfReturns;
    double probabilityOfReturn;
};

Results doSimulate(const SimulationParameters &parameters)
{
    RequestGenerator generatorOfClients( [=] () {

```



```

        return getUniformReal(parameters.client.timeOfCome -
parameters.client.timeDelta,
        parameters.client.timeOfCome + parameters.client.timeDelta);
    });

    RequestProcessor terminal([=]() {
        return getUniformReal(
            parameters.terminal.timeOfService -
parameters.terminal.timeDelta,
            parameters.terminal.timeOfService +
parameters.terminal.timeDelta);
    });
    std::vector<double> pValuesToSendTo =
{parameters.client.probForSendWindow,
    parameters.client.probForGetWindow,
parameters.client.probForMoneytalksWindow};
    terminal.pValuesToSendTo = pValuesToSendTo;
    RequestProcessor sendWindow(
        [=]() {
            return getUniformReal(
                parameters.sendWindow.timeOfService -
parameters.sendWindow.timeDelta,
                parameters.sendWindow.timeOfService +
parameters.sendWindow.timeDelta);
        },
        parameters.sendWindow.maxQueueSize,
        parameters.client.probabilityOfReturnToMainQueue);
    RequestProcessor getWindow(
        [=]() {
            return getUniformReal(
                parameters.getWindow.timeOfService -
parameters.getWindow.timeDelta,
                parameters.getWindow.timeOfService +
parameters.getWindow.timeDelta);
        },
        parameters.getWindow.maxQueueSize,
        parameters.client.probabilityOfReturnToMainQueue);
    RequestProcessor moneytalksWindow(
        [=]() {
            return getUniformReal(parameters.moneytalksWindow.timeOfService
-
                                parameters.moneytalksWindow.timeDelta,
                                parameters.moneytalksWindow.timeOfService +
                                parameters.moneytalksWindow.timeDelta);
        },
        parameters.moneytalksWindow.maxQueueSize,
        parameters.client.probabilityOfReturnToMainQueue);

    generatorOfClients.subscribeReceiver(&terminal);
    terminal.subscribeReceiver(&sendWindow);
    terminal.subscribeReceiver(&getWindow);
    terminal.subscribeReceiver(&moneytalksWindow);
    sendWindow.returnReceiver = &terminal;
    getWindow.returnReceiver = &terminal;
    moneytalksWindow.returnReceiver = &terminal;

    std::array<RequestGenerator *, 5> devices{
        &generatorOfClients, &terminal, &sendWindow, &getWindow,
&moneytalksWindow};

    generatorOfClients.timeOfNextEvent = generatorOfClients.getNextTime();
    terminal.timeOfNextEvent =
        generatorOfClients.timeOfNextEvent + terminal.getNextTime();

```

```

        while (generatorOfClients.numberOfGeneratedRequests <
parameters.client.amount)
        {
            currentTime = generatorOfClients.timeOfNextEvent;
            for (auto &&device : devices)
            {
                if (device->timeOfNextEvent != 0 && device->timeOfNextEvent <
currentTime)
                {
                    currentTime = device->timeOfNextEvent;
                }
            }

            for (auto &&device : devices)
            {
                if (currentTime == device->timeOfNextEvent)
                {
                    RequestProcessor *processor = dynamic_cast<RequestProcessor
*>(device);
                    if (processor)
                    {
                        processor->process();
                    }
                    else
                    {
                        generatorOfClients.sendRequest();
                        generatorOfClients.timeOfNextEvent =
                            currentTime + generatorOfClients.getNextTime();
                    }
                }
            }
        }

        while (terminal.numberOfRequestsInQueue > 0 ||
sendWindow.numberOfRequestsInQueue > 0 ||
getWindow.numberOfRequestsInQueue > 0 ||
moneytalksWindow.numberOfRequestsInQueue > 0)
        {
            currentTime = std::numeric_limits<double>::max();
            for (size_t i = 1; i < devices.size(); i++)
            {
                if (devices[i]->timeOfNextEvent != 0 &&
devices[i]->timeOfNextEvent < currentTime)
                {
                    currentTime = devices[i]->timeOfNextEvent;
                }
            }

            for (size_t i = 1; i < devices.size(); i++)
            {
                if (currentTime == devices[i]->timeOfNextEvent)
                {
                    dynamic_cast<RequestProcessor *>(devices[i])->process();
                }
            }
        }

        auto res = [] (RequestProcessor &processor) {
            int numberOfSkippedRequests = processor.numberOfSkippedRequests;
            int numberOfProcessedRequests = processor.numberOfProcessedRequests;
            double probabilityOfRequestToBeSkipped =
                static_cast<double>(numberOfSkippedRequests) /
                (numberOfSkippedRequests + numberOfProcessedRequests);

```

```
        return Results::Element{numberOfSkippedRequests,  
probabilityOfRequestToBeSkipped};  
    };  
  
    return {res (terminal), res (sendWindow), res (getWindow),  
res (moneytalksWindow) };  
}
```