



Algoritmos e Estruturas de Dados

Recursively decoding a non-instantaneous binary code

Professores:

Tomás Oliveira e Silva (tos@ua.pt)

Pedro Lavrador (plavrador@ua.pt)

Pedro Sobral, 98491 – 40%

André Freixo, 98495 – 30%

Marta Fradique, 98629 – 30%

08/02/2021

Índice

1 - Introdução	3
2 - Compilação e Execução.....	4
3 - Função recursive_decoder()	5
4 - Decode em real-time	8
5 - Outras alterações no código	10
6 - Resultados.....	11
7 - Apêndice.....	15
8 - Conclusão	17
9 - Bibliografia	18

1 - Introdução

No âmbito da unidade curricular de Algoritmos e Estruturas de Dados, foi-nos proposto a realização deste trabalho prático, onde de um modo geral, espera-se que de uma forma recursiva se consiga descodificar um código binário fornecido, sendo que existe um e um só código correto, dessa forma a solução possível na descodificação de qualquer código é única. O trabalho foi auxiliado por um repositório GIT, onde todo o código fonte pode ser consultado neste [link](#).

O algoritmo por nós a desenvolver, deverá consistir em fazer corresponder um código binário a um determinado símbolo. O nosso objetivo principal é receber uma mensagem e decodificar a mesma com os símbolos que esta compõe. Por exemplo, e de acordo com a figura abaixo(Fig. 1) ao símbolo um, o código correspondente é o "001". E caso recebemos uma mensagem por exemplo 10111001, a decodificação seria "231".

symb	codeword
0	0
1	001
2	101
3	11

1 - Exemplo de tabela com os símbolos e respetivo código binário

Para alcançar o resultado pretendido, o algoritmo deve analisar um *bit* de cada vez e prever a que *codeword* este pode pertencer, como podemos verificar no exemplo dado, pois ao analisar o primeiro *bit* "1" no caso, este pode pertencer ao *symbol* "2" ou "3". De seguida, avançamos para o próximo bit que é um "0", concluímos então que o primeiro símbolo é o "2" adicionando este à resposta, aplicamos este raciocínio sucessivamente até ser descodificada a mensagem toda.

Definimos também como objetivos: consolidar os conceitos aprendidos nas aulas teóricas, criar gráficos para analisarmos os resultados que alcançamos, criar uma função que descodifica a mensagem em tempo real e por último queremos ainda melhorar a forma como trabalhamos com a linguagem C e desenvolver um algoritmo que funcione de forma eficiente e otimizada.

2 - Compilação e Execução

Para compilar os programas, é vital ter um compilador de C instalado na máquina (p.e. gcc). O projeto foi desenvolvido com recurso ao IDE VSCode, para implementação do código C, e ao Matlab, para a realização de gráficos usados no relatório.

Para compilar o programa, é necessário utilizamos o *makefile*, da seguinte maneira:

```
make A03                #compile without decode in real-time
make A03_RT            #compile with decode in real-time
```

Para executar, há as seguintes possibilidades:

```
./A03 -s n_symbols seed    # show the code words of random code
./A03 -t [n_symbols [message_size [seed]]] # encode and decode a message
./A03 -x n_symbols         # try the first 201 seeds
```

Para que conseguíssemos obter resultados mais rápido, fizemos uso do script *do_all.bash* fornecido na página online da unidade curricular. Para isso atribuímos permissões e executamos o *script*:

```
chmod u+x do_all.bash    #para atribuir permissões
./do_all.bash            #para executar o script
```

3 - Função recursive_decoder()

Para resolver o problema proposto, construímos a função recursive_decoder(), como argumentos passamos 3 variáveis:

- **encoded_idx**, índice do array _encoded_message_ do próximo bit a ser analisado;
- **decoded_idx**, índice do array _decoded_message_ onde irá ficar guardado o próximo símbolo a ser decodificado;
- **good_decoded_size**, número de símbolos decodificados corretamente.

Para construirmos a nossa função, iniciamos um contador _number_of_calls_ do número de vezes que a função recursive_decoder() é chamada, incrementamos em 1 o valor da variável _number_of_calls_.

De seguida, e para sabermos se devemos atualizar o valor da variável _max_extra_symbols_, criamos uma expressão condicional, de modo a que sempre que o decoded_idx menos o good_decoded_size for maior que o _max_extra_symbols_ atualizamos o _max_extra_symbols_ para o valor da diferença supra mencionada.

```

330 static void recursive_decoder(int encoded_idx, int decoded_idx, int good_decoded_size) {
331     _number_of_calls++; //increase by one, each time the function is called
332
333     if ((decoded_idx - good_decoded_size) > _max_extra_symbols_) { //update the max_extra_symbols,
334         _max_extra_symbols_ = (decoded_idx - good_decoded_size);
335     }

```

1 - Expressão condicional para update da variável _max_extra_symbols_

Temos um condição de paragem, condição essa que se verifica sempre que o array _encoded_message_ está no fim, significando isso que a decodificação chegou ao fim, dentro da expressão condicional, atualizamos a variável _number_of_solutions_ para o valor 1, como só há uma solução em todas as possibilidades, esta terá então de tomar esse referido valor. Ainda executamos um return, para sair.

```

337     /* Terminal condition, it means that message is already decoded
338     if (_encoded_message[encoded_idx] == '\0') { //if the last inde
339         _number_of_solutions_++;                //increase by one,
340
341         return;
342     }

```

2 - Condição de paragem e atualização da variável `_number_of_solutions_`

Chegamos agora à parte da função onde é feita a descodificação, a lógica para que a decodificação seja feita de modo certo é simples: percorrer o array `_encoded_message_` enquanto se percorrem os codeword de cada símbolo, enquanto o bit do codeword for igual ao bit do `_encoded_message` num determinado índice, avançamos sendo que considera-se que um símbolo é descodificado quando o codeword chega ao fim.

Para pôr isto em prática, implementamos um ciclo `for`, que itera tantas vezes quantos símbolos houverem, sendo que este `for` tem associado a si a variável `i`, dentro do ciclo inicializamos a variável `j` a zero, e implementamos um novo ciclo, desta vez um ciclo `while`. Este ciclo, é iterado sempre que o bit do codeword `j` do símbolo `i`, é igual ao ao bit do array `_decoded_message_` do índice `encoded_idx + j`.

Enquanto esta condição se verificar, dentro do `while`, é avaliada a condição para saber se o codeword chegou ao fim, pois caso se verifique que o codeword não tem mais bits, conseguimos descodificar um símbolo, no entanto é importante realçar neste momento que, descodificar um símbolo não significa que este tenha sido feito de forma correta, pois pode haver mais que uma possibilidade de descodificação para um determinado conjunto de bits de um codeword. A partir do momento que um símbolo é descodificado, adicionamos ao array `_decoded_message_` no índice `decoded_idx` a variável `i`, sendo que o `i` é o símbolo que foi descodificado.

```

344     for (int i = 0; i < _c->n_symbols; i++) { //for cycle to go through
345         int j = 0;
346         while (_c->data[i].codeword[j] == _encoded_message[encoded_idx + j]) {
347             if (_c->data[i].codeword[++j] == '\0') {
348                 _decoded_message[decoded_idx] = i;
349                 /* confirm if the symbol decoded is equal to the symbol original,
350                 if (_c->data[i].codeword[j] == _encoded_message[encoded_idx + j]) {

```

3 - Início do ciclo `for` e do ciclo `while`

Nesta parte do algoritmo, temos 2 situações possíveis, o símbolo que foi descodificado foi bem descodificado, ou foi mal descodificado, quando falamos em ser “mal ou bem” descodificado referimo-nos a saber se estamos num ramo que nos irá levar a um deadend ou não, respetivamente. Para sabermos se o nosso símbolo nos levará a um deadend, fazemos 2 comparações dentro de uma expressão

condicional, condições essas que comparam o conteúdo do array `_original_message_` e do array `_decoded_message_` nos índices `decoded_idx`, sendo que o conteúdo destes arrays nesse determinado índice terá de ser igual, e o valor das variáveis `good_decoded_size` e `decoded_idx` serem também iguais.

Se estas 2 condições se verificarem, significa que o símbolo decodificado não nos levará a um deadlock, e neste caso chamamos a função `recursive_decoder()`, onde o `encoded_idx`, fica atualizado com o valor `encoded_idx` mais o `j`, o `decoded_idx`, com o valor de `decoded_idx` mais um, e o `good_decoded_size` mais um.

Caso as 2 condições referidas anteriormente não se verifiquem, então o símbolo levará-nos a um deadend, porém para obter as variáveis de quantos lookaheads obtivemos, fazemos também esta opção chamando a função `recursive_decoder()`, onde o `encoded_idx`, fica atualizado com o valor `encoded_idx` mais o `j`, o `decoded_idx`, com o valor de `decoded_idx` mais um, e o `good_decoded_size` mantém o mesmo valor.

Neste bloco de código, temos ainda duas condições, que avaliam o valor da macro `N`, sendo verdadeiras, é feita a impressão de toda a decodificação em tempo real, que será explicado no próximo ponto do relatório.

```

350         if (_original_message_[decoded_idx] == _decoded_message_[decoded_idx] && (good_decoded_size) == decoded_idx) {
351             if (N == 1) {
352                 print_decode_real_time(decoded_idx);
353             }
354             recursive_decoder(encoded_idx + j, decoded_idx + 1, good_decoded_size + 1);
355         } else {
356             if (N == 1) {
357                 print_decode_real_time(decoded_idx);
358             }
359             recursive_decoder(encoded_idx + j, decoded_idx + 1, good_decoded_size);
360         }
361         break;
362     }
363 }
364 }
365 }

```

4 - Expressões condicionais

4 - Decode em real-time

Relativamente à parte opcional, pela nossa interpretação, concluímos que o que é pedido é que seja visível ao utilizador ver a descodificação em tempo real a ser feita, desse modo implementamos uma pequena função, a função `print_decode_real_time`(Fig.6), esta função aceita como argumento o `decoded_idx`.

```

321 static void print_decode_real_time(int decoded_idx) {
322     usleep(100000);
323     printf("\r");
324     for (int k = 0; k <= decoded_idx; k++) {
325         printf("%d", _decoded_message_[k]);
326     }
327     fflush(stdout);
328 }

```

5 - Função `print_decode_real_time()`

Dentro da função executamos um `usleep()`, com o valor 100000, para assim atrasar um pouco o processo de modo a que seja mais fácil a visualização e compreensão do que está a ser impresso. Implementamos um ciclo `for`, para printar os novos símbolos que vão sendo adicionados ao array `_decoded_message_`, ao fim do ciclo usamos a função `fflush`, com o argumento `stdout`. A execução desta função pode ser vista no neste [link](#)¹, exemplificando deste modo muito bem o funcionamento da mesma, para valores escolhidos arbitrariamente.

¹ - por motivos de guardar o relatório em .pdf, não nos é possível implementar o gif nesse mesmo formato

De forma a que esta opção de visualização da descodificação não seja feita sempre que o programa principal fosse executado, pensamos numa maneira simples de a implementar. Definimos a macro N, no início do programa, e na nossa função recursiva temos uma condição que é validada sempre que a macro está definida com o valor 1. Para definirmos o valor da macro, de modo a querermos ou não usar a descodificação em tempo real, fizemos umas pequenas alterações no makefile do programa, adicionamos mais uma opção A03_RT, onde a macro fica definida com o valor 1 quando se compila com essa opção, caso se faça a compilação “normal”, a macro fica com o valor 0, e nesse sentido não é feito qualquer tipo de descodificação em tempo real.

```
36  #ifndef N
37  #define N 0
38  #endif
```

7 – Macro N

```
1  clean:
2      rm -f a.out A03 *.pdf
3
4  A03:  A03.c rng.c
5      cc -Wall -O2 A03.c -o A03
6
7  A03_RT: A03 rng.c
8      cc -DN=1 -Wall -O2 A03.c -o A03
```

8 - Makefile

5 - Outras alterações no código

De maneira a guardar o tempo de execução da opção “-x” para um determinado número de símbolos, fizemos algumas pequenas alterações no código, tais como: fazer um “#include” do ficheiro `elapsed_time.h` que nos dará acesso à função `cpu_time()` e foi fornecida pelos Professores no primeiro trabalho prático ,adicionamos a variável `cpu_time`, e criamos a macro `_cpu_time_` que corresponde à variável `decoder_global_data.cpu_time`, e na parte do código que em que tratamos da opção “-x”, fizemos uso da função `cpu_time()`, de modo a calcular o delta de tempo relativamente à execução do programa. Na printf onde são impressas os resultados da opção “-x” adicionamos também o tempo de execução, como pode ser visto na figura seguinte.

```

490     _cpu_time_ = cpu_time();
491     for (seed = 1; seed <= N_MEASUREMENTS; seed++) {
492         srand(seed);
493         c = new_code(n_symbols);
494         try_it(c, MAX_MESSAGE_SIZE, 0);
495         free_code(c);
496         t = (double)_number_of_calls_ / (double)MAX_MESSAGE_SIZE;
497         u = _max_extra_symbols_;
498         if (seed == 1 || t < t_min)
499             t_min = t;
500         if (seed == 1 || t > t_max)
501             t_max = t;
502         if (seed == 1 || u < u_min)
503             u_min = u;
504         if (seed == 1 || u > u_max)
505             u_max = u;
506         for (i = seed - 1; i > 0 && t_data[i - 1] > t; i--) // 1
507             t_data[i] = t_data[i - 1];
508         t_data[i] = t;
509         for (i = seed - 1; i > 0 && u_data[i - 1] > u; i--) // 1
510             u_data[i] = u_data[i - 1];
511         u_data[i] = u;
512     }
513     t_avg = u_avg = 0.0;
514     for (i = N_OUTLIERS; i < N_MEASUREMENTS - N_OUTLIERS; i++) {
515         t_avg += t_data[i];
516         u_avg += (double)u_data[i];
517     }
518     t_avg /= (double)(2 * N_VALID + 1);
519     u_avg /= (double)(2 * N_VALID + 1);
520     _cpu_time_ = cpu_time() - _cpu_time_;

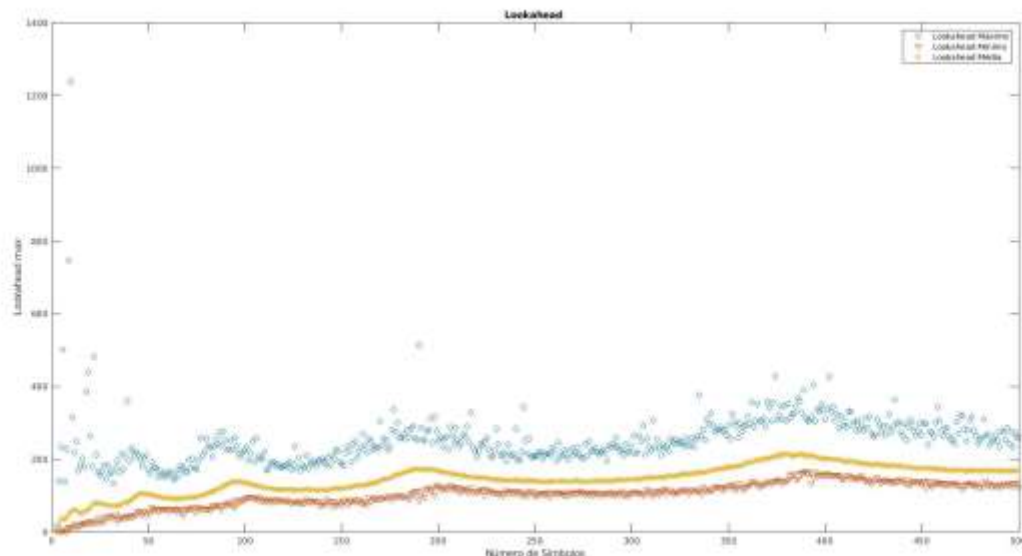
```

6 - Resultados

Para obtermos os resultados de uma maneira mais rápida, falando em termos de tempo total de execução, utilizamos o script `do_all.bash`, que nos permite executar vários programas em paralelo.

Após resolvermos o problema fizemos gráficos com os dados que consideramos mais pertinentes. Para isso, usamos o comando `cat 0??? > output.txt`, e dessa forma guardamos num único ficheiro todos os dados resultantes da execução do programa, que pode ser consultado [aqui](#). Os gráficos foram feitos em MatLab, visto que é uma ferramenta já por nós conhecida.

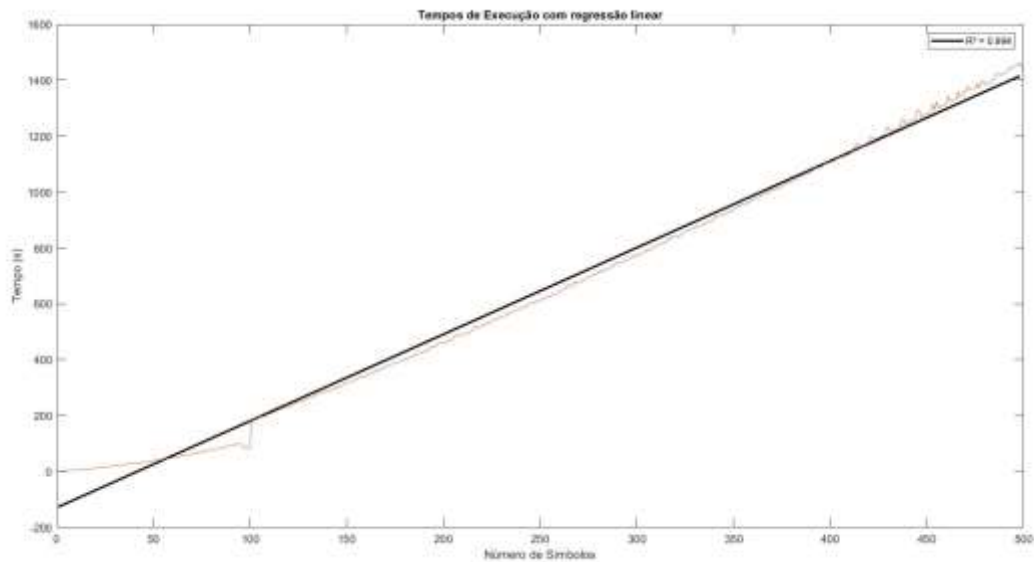
O gráfico onde está representada a comparação entre o Número de Símbolos e Lookaheads é o seguinte (Fig. 10):



10 - Comparação entre o Número de Símbolos e Lookaheads

Quanto a este gráfico podemos tirar algumas conclusões, a primeira e talvez a que salta mais à vista é a sua forma ondulada, que tem picos em valores aproximados do dobro do pico anterior, por exemplo, há um pico sensivelmente para $n = 50$, depois para $n=100$, $n=200$, $n=400$, tentamos ainda perceber o porque desta ondulação, porém não conseguimos encontrar nenhuma explicação lógica e/ou matemática para tal acontecimento. Outra conclusão plausível de se tirar é que quanto maior for o n , menor é a probabilidade do outlier ser grande/afastado do normal, como podemos ver até valores de $n = 50$, os Lookahead máximos são bastante desfazados da suposta linha “normal”, que seria o Lookahead Médio. À medida que se percorre o eixo do x , mais se percebe que os 3 valores do Lookahead, segue uma forma ondulada muito semelhante.

O gráfico que representa os Tempos de execução vs Números Símbolos é o seguinte(Fig.11):



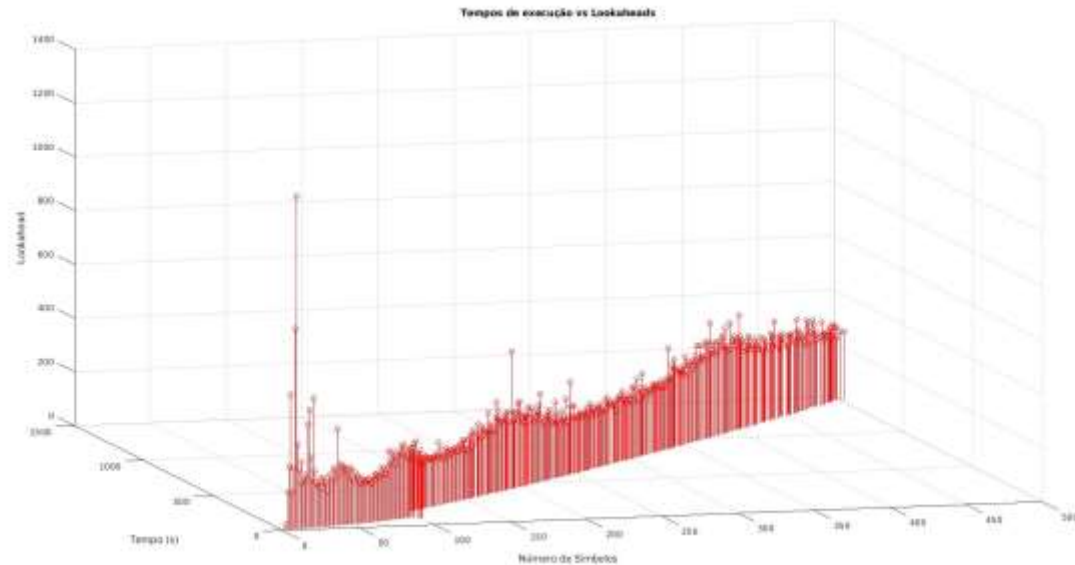
11 - Tempos de execução vs Números Símbolos

Relativamente ao gráfico dos Tempos de Execução, este cresce de forma linear, no entanto, apresenta uma pequena distorção na zona do cem no eixo do x, isto é explicado por terem sido obtidos resultados para o valor de n até cem, sendo que esses resultados foram obtidos em quatro terminais, os restantes valores até n igual a quinhentos, foram obtidos mais tarde, sendo que foram obtidos em oito terminais. Como o número de executáveis a correr em paralelo era considerável, nota-se um ligeiro aumento do tempo unitário de cada resultado, porém no tempo total de execução de n=3 até n=500 os ganhos temporais são extraordinários.

O tempo total até cem, foram uns consideráveis dezanove minutos com quatro terminais ativos, e o tempo total de execução desde n=3 até n=500 foram sensivelmente dez horas, com oito terminais ativos.

Implementamos ainda uma regressão linear no gráfico, sendo que obtivemos um $R^2 = 0.994$, sendo portanto um valor bastante satisfatório, e conclusivo à questão de justificação do crescimento linear dos tempos de execução.

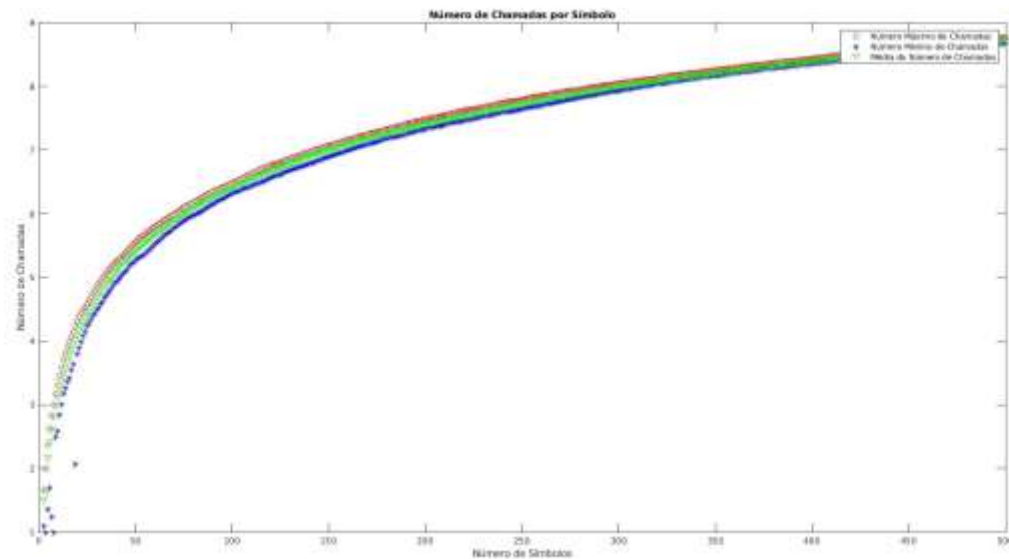
O gráfico 3D que representa os Tempos de execução vs Lookaheads é o seguinte(Fig.12):



12 - Tempos de execução vs Lookaheads

Decidimos ainda fazer um gráfico com 3 eixos, de modo a que fosse possível visualizar de forma fácil, a interligação entre as variáveis, Número de Símbolos, Tempo, Lookahead. Neste gráfico não há muito mais a retirar que já não se tenha concluído, no entanto demonstra de maneira eficiente o comportamento destas variáveis. Os Lookaheads, apresentam uma trajetória ondulatória, e o tempo de execução mantém o aspeto linear à medida que o n aumenta, mantém a nossa incerteza para justificar a ondulação já referida, sendo que conseguimos observar uma sequência de quando os picos das “ondas” acontecem, em valores de n aproximados: 25, 100, 200, 400.

O gráfico que representa o *Número de Chamadas por Símbolo*, é o seguinte(Fig.13)



13 - Número de Chamadas por Símbolo

Ao analisarmos o gráfico do *Número de Chamadas por Símbolo*, podemos concluir que este apresenta aproximadamente um crescimento de ordem $\log n$, visto que, inicialmente para um pequeno *Número de Símbolos*, o *Número de Chamadas* aumenta de forma muito acentuada. À medida que o valor do *Número de Símbolos* sobe o *Número de Chamadas* continua a crescer mas não de forma tão saliente. Uma razão no nosso entender plausível para o rápido crescimento para valores de n pequenos, é sem dúvida a baixa complexidade da mensagem em si, comparada com mensagens para valores maiores de n , neste caso para valores até 500.

7 - Apêndice

Overview completo das 2 funções por nós implementadas:

```
static void recursive_decoder(int encoded_idx, int decoded_idx, int good_decoded_size) {
    number_of_calls++; //increase by one, each time the function is called

    if ((decoded_idx - good_decoded_size) > max_extra_symbols) { //update the max extra symbols, when the condition is true
        max_extra_symbols = (decoded_idx - good_decoded_size);
    }

    /* Terminal condition, it means that message is already decoded
    if (_encoded_message[encoded_idx] == '\0') { //if the last index of _encoded_message is equal to NULL, the message is decoded
        number_of_solutions++; //increase by one, and it should be one
        return;
    }

    for (int i = 0; i < c->n_symbols; i++) { //for cycle to go through
        int j = 0;
        while (c->data[i].codeword[j] == _encoded_message[encoded_idx + j]) { //while the codeword[j] is equal to the bit (encoded_idx + j) of _encoded_message
            if (c->data[i].codeword[j++] == '\0') { //when the codeword finish, this is when codeword[j] + 1 == '\0'
                //decide array is incremented with the i, in decoded index
                _decoded_message[decoded_idx] = i;
                /* confirm if the symbol decoded is equal to the symbol original, and if the good decoded size is equal to decoded_idx, both may be equal to be right
                if (_original_message[decoded_idx] == _decoded_message[decoded_idx] && (good_decoded_size == decoded_idx)) {
                    if (N == 1) {
                        print_decode_real_time(decoded_idx);
                    }
                    recursive_decoder(encoded_idx + j, decoded_idx + 1, good_decoded_size + 1);
                } else {
                    if (N == 1) {
                        print_decode_real_time(decoded_idx);
                    }
                    recursive_decoder(encoded_idx + j, decoded_idx + 1, good_decoded_size);
                }
            }
            break;
        }
    }
}
```

14- Função recursive_decoder

```
static void print_decode_real_time(int decoded_idx) {
    usleep(100000);
    printf("\r");
    for (int k = 0; k <= decoded_idx; k++) {
        printf("%d", _decoded_message[k]);
    }
    fflush(stdout);
}
```

15 - Função print_decode_real_time

Código MatLab, implementado:

```

4   file = load("output.txt");
5
6   n = file(:, 1);
7
8   time = file(:, 10);
9
10  lookaheadMAX = file(:, 9);
11  lookaheadMIN = file(:, 6);
12  lookaheadAVG = file(:, 7);
13
14  callsSymbolMAX = file(:, 5);
15  callsSymbolMIN = file(:, 2);
16  callsSymbolAVG = file(:, 3);
17
18  figure(1)
19  x = (1:length(n))';
20  Rtime = fitlm(x, time);
21  pptime = polyfit(x, time, 1);
22  plot(x, polyval(pptime, x), '-k', "linewidth", 2);
23  hold on;
24  plot(n, time);
25  hold off;
26  title 'Tempos de Execução com regressão linear'
27  xlabel 'Número de Símbolos'
28  ylabel 'Tempo (s)'
29  legend ('R² = 0.994')
30
31  figure(2)
32  plot(n, lookaheadMAX, "o");
33  hold on;
34  plot(n, lookaheadMIN, "v");
35  plot(n, lookaheadAVG, "*");
36  hold off;
37  title 'Lookahead '
38  xlabel 'Número de Símbolos'
39  ylabel 'Lookahead max'
40  legend ('Lookahead Máximo', 'Lookahead Mínimo', 'Lookahead Média');
41
42  figure(3)
43  plot(n, callsSymbolMAX, "or");
44  hold on;
45  plot(n, callsSymbolMIN, "*b");
46  plot(n, callsSymbolAVG, "vg");
47  title 'Número de Chamadas por Símbolo'
48  xlabel 'Número de Símbolos'
49  ylabel 'Número de Chamadas'
50  legend ('Número Máximo de Chamadas', 'Número Mínimo de Chamadas', 'Média do Número de Chamadas');
51
52  figure(4)
53  stem3(n, time, lookaheadMAX, "or");
54  title 'Tempos de execução vs Lookaheads'
55  xlabel 'Número de Símbolos'
56  ylabel 'Tempo (s)';

```

16 - Código MatLab implementado

8 - Conclusão

Com a realização deste trabalho conseguimos criar um script que descodifica recursivamente um código binário não instantâneo. Recorremos ainda à criação de vários gráficos para analisar variáveis como o *Tempo de Execução*, o *Número de Chamadas por Símbolo*, os *Lookaheads* e o *Número de símbolos* e como estas variam em consonância.

Consolidamos também os conceitos aprendidos nas aulas teóricas, criamos uma função que descodifica a mensagem em tempo real e por último melhoramos a forma como trabalhamos com a linguagem C e desenvolvemos um algoritmo que funciona de forma eficiente e optimizada.

De forma geral cumprimos com os objetivos previamente definidos e complementamos os conceitos teóricos com os práticos.

9 - Bibliografia

Silva, Tomás Oliveira e. Lecture notes: Algorithms and Data Structure (AED -Algoritmos e Estruturas de Dados), LEI, MIEC, 2020/2021